



تم تحميل ملف المادة من مكتبة طلابنا
زورونا على الموقع 

www.tlabna.net

مكتبه طلابنا تقدم لكم كل ما يحتاج المعلم والمعلمه والطلبه ، الطبعات الجديده للكتب والحلول ونماذج الاختبارات والتحاضير وشروحات ال دروس بصيغة الورد والبي دي اف وكذلك عروض البوربوينت.



tlabna



www.tlabna.net

المملكة العربية السعودية



وزارة التعليم

Ministry of Education

- قررت وزارة التعليم تدريس
- هذا الكتاب وطبعه على نفقتها

الرياضيات

للصف الثاني المتوسط

الفصل الدراسي الثاني



قام بالتأليف والمراجعة

فريق من المتخصصين

يُوزع مجاناً ولرِيَّاع

طبعة ١٤٤٢ - ٢٠٢٠



ح ١٤٣٧ ، وزارة التعليم

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر
وزارة التعليم

الرياضيات للصف الثاني المتوسط : الفصل الدراسي الثاني (كتاب الطالب)
وزارة التعليم. الرياض، ١٤٣٧هـ .
٢١٤ ص: ٢٧، ٥ X ٢٧ سم
ردمك: ٩٧٨-٦٠٣-٥٠٨-٢٢٢-٨

١ - الرياضيات - كتب دراسية ٢ - التعليم المتوسط - السعودية -
كتب دراسية. أ - العنوان
١٤٣٧/٤٢٢٤ ٥١٠، ٧١٣ ديوبي

رقم الإيداع: ١٤٣٧/٤٢٢٤

ردمك: ٩٧٨-٦٠٣-٥٠٨-٢٢٢-٨

حول الغلاف

صورة الماء على سطح الماء تمثل انعكاساً على هذا السطح.
تدرس في الفصل الخامس الانعكاس باعتباره أحد أنواع
التحولات الهندسية.



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم
www.moe.gov.sa

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين"



IEN.EDU.SA

تواصل بمقترناتك لتطوير الكتاب المدرسي



FB.T4EDU.COM



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



المقدمة

الحمد لله والصلوة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهتمّ للطالب فرص اكتساب مستويات علية من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعيًا بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجّه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمحرّجات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتسويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويفتعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين الموقف والمشكلات الحياتية.
 - تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
 - إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
 - الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاًًا متكاملًا، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
 - الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف استراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
 - الاهتمام بتوظيف التقنية في الموقف الرياضية المختلفة.
 - الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتناسب مع الفروق الفردية بينهم.
- ونحن إذ نقدم هذه الكتب لأعزائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم وتجعل تعلّمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق



الفهرس

٦

القياس: المساحة والحجم

١١	التهيئة
١٢	استكشاف مساحات الأشكال غير المتقطمة
١٣	١-٦ مساحات الأشكال المركبة *
		٢-٦ استراتيجية حل المسألة
١٨	حل مسألة أبسط
٢٠	٣-٦ الأشكال الثلاثية الأبعاد
٢٥	٤-٦ حجم المنشور والأسطوانة
٣٢	اختبار منتصف الفصل
٣٣	٥-٦ حجم الهرم والمخروط
٣٨	استكشاف مساحة سطح الأسطوانة ..
٣٩	٦-٦ مساحة سطح المنشور والأسطوانة ..
٤٥	توسيع مخطط المخروط *
٤٦	٧-٦ مساحة سطح الهرم ..
٥١	اختبار الفصل ..
٥٣-٥٢	الاختبار التراكمي (٦)

٧

الجبر: المعادلات والمتباينات

٥٥	التهيئة
٥٦	١-٧ تبسيط العبارات الجبرية ..
٦٢	٢-٧ حل معادلات ذات خطوتين *
٦٧	٣-٧ كتابة معادلات ذات خطوتين ..
٧٢	استكشاف معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها
		٤-٧ حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها ..
٧٤	اختبار منتصف الفصل ..
٧٨	٥-٧ استراتيجية حل المسألة
٧٩	التخمين والتحقق
٨١	٦-٧ المتباينات ..
٨٥	٧-٧ حل المتباينات ..
٩١	اختبار الفصل ..
٩٣-٩٢	الاختبار التراكمي (٧)





الجبر: الدوال الخطية

٩٥	التهيئة
٩٦	١-٨ المتابعات
١٠٢	٢-٨ الدوال
١٠٧	٣-٨ تشكيل الدوال الخطية
١٠٨	٤-٨ العلاقات والدوال *
١١٤	٥-٨ اختبار منتصف الفصل
١١٥	٦-٨ ميل المستقيم
١٢١	٧-٨ التغير الطردي
١٢٧	٨-٨ إنشاء نموذج
١٢٩	٩-٨ اختبار الفصل
١٣١-١٣٠	١٠-٨ الاختبار التراكمي (٨)



الإحصاء

١٣٣	التهيئة
١٣٤	١-٩ استراتيجية حل المسألة
١٣٦	٢-٩ إنشاء جدول
١٤١	٣-٩ المدّرات التكرارية
١٤٨	٤-٩ القطاعات الدائرية *
١٥٠	٥-٩ مقاييس النزعة المركزية والمدى *
١٥٦	٦-٩ توسيع المتوسط والوسط والمتوسط
١٥٧	٧-٩ اختبار منتصف الفصل
١٥٨	٨-٩ مقاييس التشتت
١٦٣	٩-٩ التمثيل بالصندوق وطرفيه
١٦٩	١٠-٩ التمثيل بالساق والورقة
١٧٤	١١-٩ اختيار طريقة التمثيل المناسبة *
١٧٩	١٢-٩ اختبار الفصل
١٨١-١٨٠	١٣-٩ الاختبار التراكمي (٩)

الفهرس

الاحتمالات

١٨٣	التهيئة
١٨٤	١-١٠ عد النواتج *
١٨٩	٢-١٠ احتمال الحوادث المركبة
١٩٥	٣-١٠ الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي
٢٠٠	٤-١٠ اختبار منتصف الفصل
٢٠١	٥-١٠ تمثيل المسألة
٢٠٣	٥-١٠ استعمال المعاينة في التنبؤ
٢٠٩	٦-١٠ اختبار الفصل
٢١١-٢١٠	٧-١٠ الاختبار التراكمي (١٠)

* موضوعات غير مقررة على مدارس تحفيظ القرآن الكريم.
في كل فصل لا تخصص حصة لكل من التهيئة والمراجعة والاختبارات.



إليك عزيزي الطالب

ستركز في دراستك هذا العام على المجالات الرياضية الآتية:

- **الجبر:** تحليل الدوال الخطية وتمثيلها، وحل المعادلات الخطية في تطبيقات مختلفة.
- **القياس والهندسة:** تحليل الأشكال الثنائية والثلاثية الأبعاد.
- **تحليل البيانات:** تمثيل البيانات وتحليلها وتفسيرها.

وفي أثناء دراستك، ستعلم طرائق جديدة لحل المسألة، وتفهم لغة الرياضيات وتستعمل أدواتها، وتنمي قدراتك الذهنية وتفكيرك الرياضي.



كيف تستعمل كتاب الرياضيات؟

• اقرأ **فكرة الدرس** في بداية الدرس.

• ابحث عن **المفردات** المظللة باللون الأصفر، واقرأ تعريف كل منها.

• راجع المسائل الواردة في **مثال** ، والمحلولة بخطوات تفصيلية؛ لتذكريك بالفكرة الرئيسية للدرس.

• استعمل **إرشادات للأسئلة** لتعرف ما الأمثلة التي تساعدك على حل التمارين والواجبات المطلوبة.

• ارجع إلى **إرشادات للدراسة** حيث تجد معلومات وتوجيهات تساعدك في متابعة الأمثلة الم محلولة.

• راجع **المطويات** ملاحظاتك التي دونتها في

• زر الموقع www.ien.edu.sa وسوف تجد أمثلة وأنشطة إضافية تساعدك على حل بعض المسائل الصعبة.



الفصل ٦

القياس: المساحة والحجم

الفكرة العامة

- أجد مساحات أشكال هندسية مستوية، وحجم مجسمات ومساحتها الجانبية والكلية.

المفردات الرئيسية:

المنشور ص (٢١)

الهرم ص (٢١)

الأسطوانة ص (٢٦)

المخروط ص (٣٤)

الربط بالحياة:

مشروع القديمة: يقع على بعد ٤٠ كيلومتراً غرب الرياض ويعتبر نموذجاً جديداً لتنمية الأراضي الصحراوية فهو يضم جبالاً وأودية وإطلالة على الصحراء، وتبلغ مساحته ٣٣٤ كيلومتراً مربعاً.

المطويات

منظمه أفكار

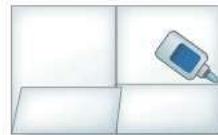
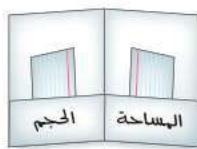
القياس: المساحة والحجم: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابدأ بورقة A3 على النحو الآتي:

٣ سُم كل جيب كما يظهر في الشكل،
وضع بطاقات صغيرة داخله.

٤ افتح الطية السابقة، واطو أسفل
الورقة لتكون جيباً، وألصق
حوافه.

٥ اطو الورقة عرضاً.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للسريعة

اختبار للريح

مثال ١ :

$$\text{أوجد ناتج: } \frac{1}{3} \times 5 \times 6$$

أوجد قيمة $\frac{1}{6}$

$$36 \times 5 \times \frac{1}{3} = 6 \times 5 \times \frac{1}{3}$$

اضرب ٥ في $\frac{1}{3}$

$$180 \times \frac{1}{3} =$$

اضرب $\frac{1}{3}$ في ١٨٠

$$60 =$$

أوجد ناتج الضرب: (الدرس ٣-١، ٤-١)

$$29 \times 4 \times \frac{1}{3} \quad 12 \times 8 \times \frac{1}{3}$$

مثال ٢ :

أوجد قيمة $2A + 2B + 2C + A$ إذا كانت: $A = 7$, $B = 4$, $C = 2$.

$2A + 2B + 2C + A$

$$= 2(7) + 2(4) + 2(2) + 7 = 28 + 16 + 4 + 7 = 55$$

اضرب

$$28 + 16 + 4 + 7 =$$

اجمع

$$100 =$$

أوجد قيمة $2A + 2B + 2C + A$ إذا علمت أن: (مهارة سابقة)

$$A = 5, B = 4, C =$$

$$A = 2, B = 3, C =$$

$$A = 5, B = 2, C =$$

$$A = 6, B = 4, C =$$

مثال ٣ :

أوجد قيمة $T \times 16$, مستعملاً $T \approx 14$, ومقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

أوجد قيمة كلّ من العبارات الجبرية الآتية مستعملاً $T \approx 14$, ومقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة: (مهارة سابقة)

أوجد قيمة T

$$T \times 16 \approx 14 \approx$$

اضرب ١٤ في $\frac{1}{3}$

$$80 \times \frac{1}{3} \approx$$

$$3 \times T \times 2 \approx$$

$$15 \times T \approx$$

$$27 \times (T \div 19) \approx$$

$$10 \approx$$

قطاير: تقدر المسافة الدائرية حول رغيف فطيرة قطره

١٤ بوصة بالمقدار $T \times 14$, أوجد هذه المسافة,

مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (مهارة سابقة)



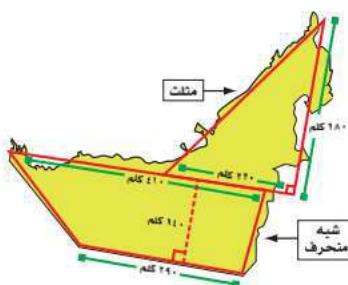


معلم القياس

مساحات الأشكال غير المنتظمة

الشكل غير المنتظم هو الذي لا تكون بعض جوانبه قطعاً مستقيمة، ولتقدير مساحته، قسمه إلى أشكال أبسط، ثم أوجد مجموع مساحات هذه الأشكال.

نشاط



قدر مساحة دولة الإمارات العربية المتحدة في الشكل المجاور.

الخطوة ١ قسم الشكل إلى مثلث وشبه منحرف.

الخطوة ٢ مساحة المثلث:

قانون مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} ق ع$$

$$ق = ٢٨٠، ع = ٢٢٠$$

$$م = \frac{1}{2} \times ٢٨٠ \times ٢٢٠$$

بسط

$$م = ٣٠٨٠٠$$

مساحة شبه المنحرف:

قانون مساحة شبه المنحرف

$$م = \frac{1}{2} ع (ق + ق)$$

$$م = \frac{1}{2} \times ع \times (٤١٠ + ٤١٠)$$

$$ع = ٤١٠، ق = ٢٩٠$$

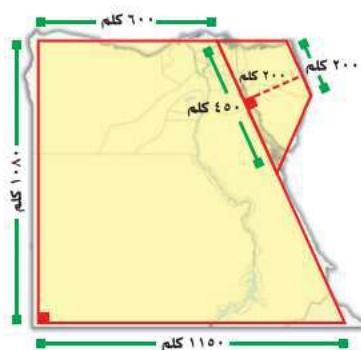
بسط

$$م = ٤٩٠٠٠$$

المساحة الكلية لدولة الإمارات $\approx ٤٩٠٠٠ + ٣٠٨٠٠ = ٧٩٨٠٠$ كيلم².

تحقق من معقولية الإجابة: حل المسألة بطريقة أخرى، ثم قارن بين الإجابتين.

حل النتائج



١ في الشكل المجاور، قُسمت خريطة مصر إلى مربعات. اشرح كيف تستعمل المربعات لتقدير مساحتها.

٢ قدر مساحة كل جزء.

٣ قدر مساحة الخريطة كاملة.

٤ بحث: استعمل الإنترنت أو أي مصدر

معرفة آخر لإيجاد المساحة الكلية لمصر، وقارن بينها وبين إجابتكم في سؤال (٣).

٥ بحث: قدر مساحة دولة أخرى تختارها، ثم استعمل الإنترنت أو مصدر معرفة آخر للمقارنة بين تقديركم والمساحة الفعلية.

فكرة الدرس:

أقدر مساحة شكل غير منتظم.



مساحات الأشكال المركبة

٦ - ١

استعِدْ

سباق سيارات: يظهر الشكل المجاور ميدانًا لسباق سيارات.

١ حدد بعض المضلعات التي تشكل ميدان السباق.

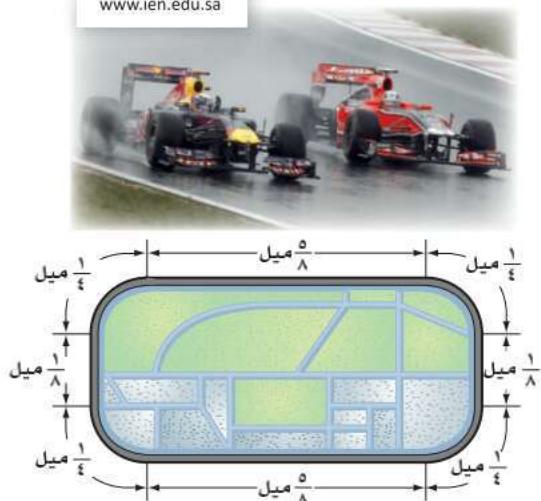
٢ كيف تستعمل المضلعات في إيجاد مساحة الميدان؟

فكرة الدرس:

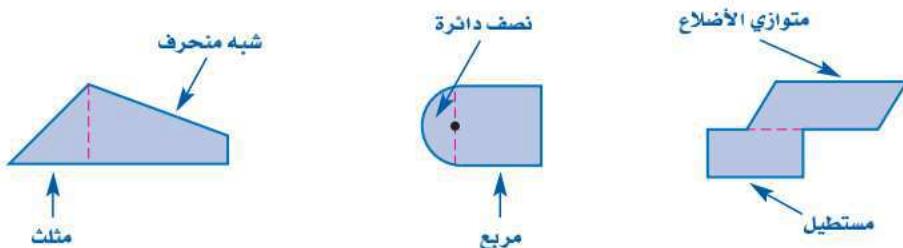
أجد مساحات أشكال مركبة.

المفردات

الشكل المركب



يتكون الشكل المركب من شكلين بسيطين أو أكثر.



ولإيجاد مساحة شكل مركب، قسمه إلى أشكال يسهل إيجاد مساحاتها، ثم أوجد مجموع هذه المساحات، وفيما يأتي مراجعة لبعض قوانين المساحات:

مفهوم أساسى

قوانين المساحة

الرمز	التعبير اللفظي	الشكل
$m = q \times u$	مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب القاعدة في الارتفاع.	متوازي الأضلاع
$m = \frac{1}{2} q \times u$	مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب قاعدته في ارتفاعه.	المثلث
$m = \frac{1}{2} u(q_1 + q_2)$	مساحة شبه المنحرف هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين.	شبه المنحرف
$m = \frac{1}{2} \pi r^2$	مساحة الدائرة هي ناتج ضرب ط في مربع نصف القطر.	الدائرة

إرشادات للدراسة

نصف دائرة

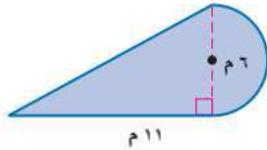
مساحة نصف الدائرة هي

$$\frac{1}{2} \times \text{مساحة الدائرة} =$$

$$\frac{1}{2} \text{ ط نق}^2.$$

مثال

إيجاد مساحة شكل مركب



أوجد مساحة الشكل المركب المجاور.

يمكن تقسيم الشكل إلى نصف دائرة و مثلث.

مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} ق ع$$

$$م = 11 \times \frac{1}{2} \times 6$$

$$م = 33$$

$$\text{مساحة الشكل} \approx 14,1 + 33 = 47,1 \text{ متر}^2.$$

مساحة نصف الدائرة

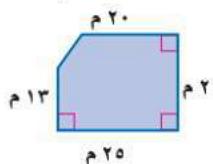
$$م = \frac{1}{2} ط نق^2$$

$$م = \frac{1}{2} \pi \times 6^2$$

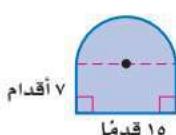
$$م \approx 14,1$$

تحقق من فهمك

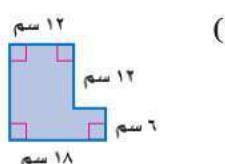
أوجد مساحة كل شكل مما يأتي، مقرئاً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



(ج)



(ب)

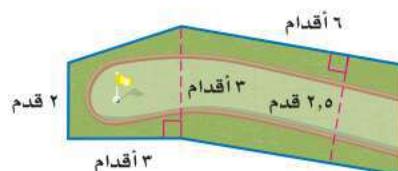


(أ)



مثال من واقع الحياة

جولف: يبين الشكل المجاور مخططًا لملعب جولف صغير، مكون من شبه منحرف ومتوازي الأضلاع، فكم قدماً مربعة من الأعشاب يحتاج هذا المخطط؟



الربط بالحياة
يوجد ما بين 250-450 حفرة صغيرة في كرة الجولف الرسمية.

مساحة متوازي الأضلاع

$$م = ق ع$$

$$م = 2,5 \times 6$$

$$م = 15$$

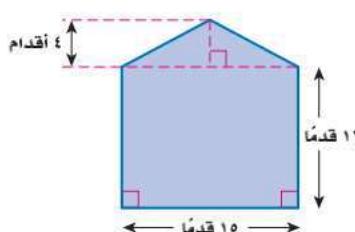
لذا يحتاج إلى $15 + 7,5 = 22,5$ قدمًا مربعًا من الأعشاب.

مساحة شبه المنحرف

$$م = \frac{1}{2} (ق + ق) ع$$

$$م = \frac{1}{2} (3+2) \times 3 \times 2,5$$

$$م = 7,5$$

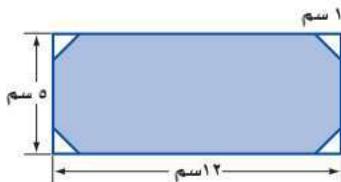


تحقق من فهمك

د) أكواخ: يبين الشكل المجاور الواجهة الخلفية لكتف خشبي، فكم قدماً مربعة من الخشب تستعمل في بناء هذه الواجهة؟

أيجاد مساحة المنطقة المظللة

مثال



في الشكل المجاور، قُصّت أربعة مثلثات متطابقة من مستطيل، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

ارشادات للدراسة

المثلثات المتطابقة في المثلثات المتطابقة، تكون الأضلاع والزوايا المتناظرة متطابقة.

أوجد مساحة المستطيل واطرح مساحة المثلثات الأربع.

مساحة المثلثات

مساحة المستطيل

$$م = 4 \left(\frac{1}{2} ق ع \right)$$

$$ق = 1, ع = 1$$

$$م = 1 \times 1 \times \frac{1}{2} \times 4$$

$$م = 2$$

بسط.

$$ل = 12, ع = 5$$

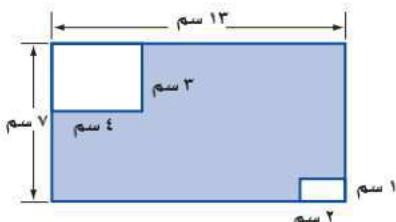
$$م = 5 \times 12$$

$$م = 60$$

بسط.

مساحة المنطقة المظللة = $2 - 60 = 2 - 60 = 58$ سم².

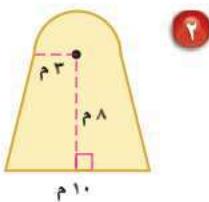
تحقق من فهمك:



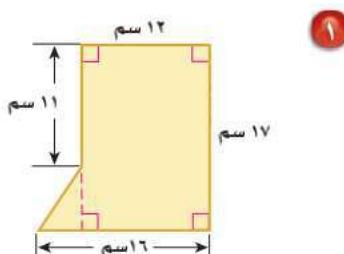
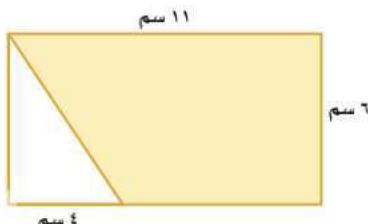
هـ) قُصّ مستطيلان من مستطيل كما في الشكل المجاور، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

تأكد

أوجد مساحة الشكلين الآتيين، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



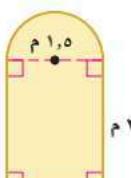
٤) يبيّن الشكل أدناه مستطيلاً قُصّ منه مثلث. أوجد مساحة المنطقة المظللة.



٣) نوافذ: صُممّت نافذة كما في الشكل أدناه، فما مساحتها بالметр المربع؟

المثال ١

المثلثان ٢، ٣

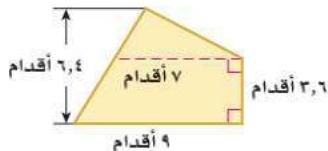
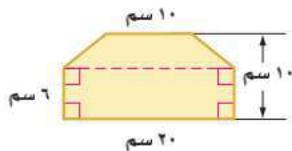
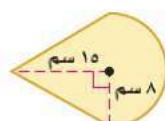
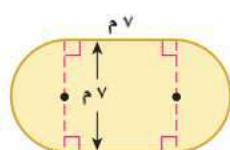
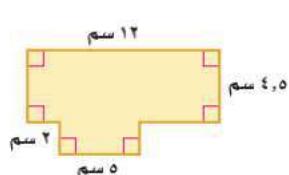
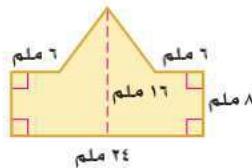


تدريب وحل المسائل



أوجد مساحة الأشكال المركبة الآتية، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:

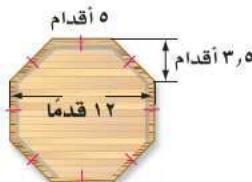
الإرشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠-٥
٢	١٢، ١١
٣	١٤، ١٣



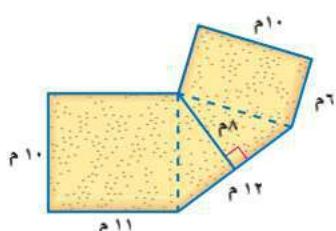
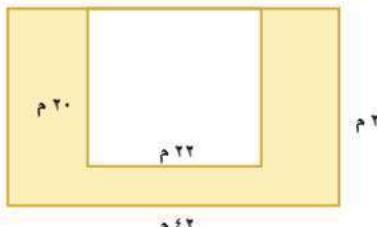
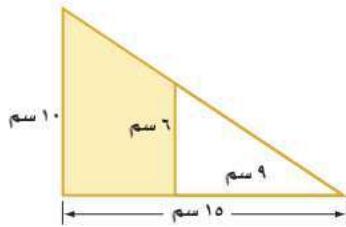
١٢ مجواهرات: يبيّن الشكل الآتي حلية ذهبيةً. ما مساحتها؟



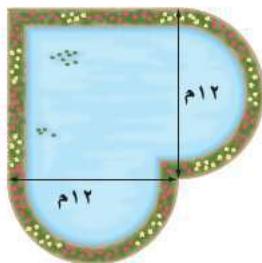
١١ نجارة: صمم أحمد طاولة كما في الشكل أدناه. ما مساحة سطحها؟



أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



سجاد: ترغب والدة ليان في تعطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟

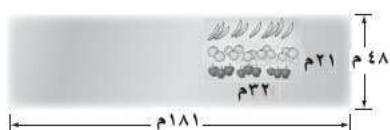


١٦ تحديًّ : يمثل الشكل المجاور بركة محاطة بممر من الورد عرضه متراً . ما مساحة الممر ؟

١٧ ألعاب اشرح طريقتين مختلفتين على الأقل لإيجاد مساحة السداسي المنتظم، مضمناً إجابتك رسمًا توضيحيًّا لذلك.

تدريب على اختبار

١٩ يبيّن الشكل أدناه مزرعة خضراوات مستطيلة الشكل طولها ١٨١ م، وعرضها ٤٨ م، زُرِع منها جزء مستطيل الشكل طوله ٣٢ م وعرضه ٢١ م بالفواكه . ما مساحة الجزء المزروع بالخضراوات ؟



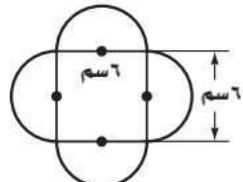
ج) ٨٠١٦ م^٢

أ) ٨٦٨٨ م^٢

د) ٢٨٢ م^٢

ب) ٨٦٣٥ م^٢

٢٠ ما المساحة الكلية للشكل أدناه ؟



أ) ٩٢,٩ سـم^٢

ب) ٣٦,٠ سـم^٢

ج) ٥٦,٥ سـم^٢

د) ٦٤,٣ سـم^٢

الاستعداد للدرس اللاحق

٢١ مهارة سابقة : لُوْحَظَ تناقصُ أسعارِ الآلات الحاسِبة ، ففي عام ١٤٢٥ هـ كان سعر آلة حاسِبة من نوع ما ١٢٥ رِيَالاً ، وأَصْبَحَ ١٠٧ رِيَالاً عَام ١٤٣٠ هـ ، ثُمَّ ٨٩ رِيَالاً عَام ١٤٣٥ هـ ، إِذَا استَمَرَ تناقصُ سعر الآلة الحاسِبة بِالْمُعْدَلِ نَفْسِهِ ، فَاسْتَعْمِلِ اسْتِرَاتِيجِيَّةَ الْبَحْثِ عَنْ نَمْطٍ في إِيجاد سعر آلة حاسِبة مِنْ النَّوْعِ نَفْسِهِ عَام ١٤٤٥ هـ .



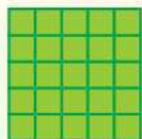


استراتيجية حل المسألة

٢ - ٦

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية " حل مسألة أبسط".

حل مسألة أبسط



البراء: يبدو أن الشكل يتكون من 25 مربعاً، إلا أنني أظن أن فيه مربعات أكثر من ذلك.

مهمتك : حل مسألة أبسط لإيجاد عدد المربعات في أيّ شكل مشابه.

تعلم أن الشكل يتكون من شبكة مربعات 5×5 .
وأبعاد المربعات هي : $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3, 4 \times 4, 5 \times 5$
وتريد معرفة عدد جميع المربعات.

افهم

حل مسألة أبسط بإيجاد عدد المربعات في الشبكتين 2×2 و 3×3 ، ثم البحث عن نمط.

قطط

في الشبكة 3×3 أبعاد المربعات المحتملة هي : $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3$ ، إذن هناك تسعة مربعات 1×1 ، وأربعة مربعات 2×2 ، ومربع واحد 3×3 ، فيكون عدد المربعات جميعها هو $1 + 4 + 1 = 6$ مربعاً مختلفاً.



في الشبكة 2×2 أبعاد المربعات المحتملة هي : $1 \times 1, 2 \times 2$ ؛ إذن يوجد 4 مربعات 1×1 ، ومربع واحد 2×2 ، فيكون عدد المربعات جميعها هو $4 + 1 = 5$ مربعاً مختلفاً.

حل

خمن عدد المربعات في شبكة مكونة من 4×4 ، ثم ابحث عن نمط.

عدد المربعات الصغيرة	عدد المربعات ذات الأبعاد المختلفة
25	16
55	30

إذن الشبكة 5×5 تحوي 55 مربعاً.

تحقق من النمط الذي توصلت إليه على نحو دقيق للتأكد من صحة جوابك.

تحقق

حل الاستراتيجية

١ اشرح لماذا يُعد حل مسألة أبسط مفيداً للبراء.

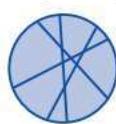
٢ أَلْعَب مسألة حياتية تحتاج في حلّها إلى حل مسألة أبسط، ثم حل المسألة.

٤ متقطعون: تطوع ٥ طلاب للاشتراك في عمل اجتماعي، حيث عمل كل طالب ٥ ساعات خلال خمسة أيام، فكم ساعة يتقطع بها ١١ طالباً في ١٥ يوماً بحسب هذا المعدل؟

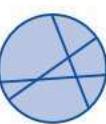
٥ تحليل الرسوم: يظهر الشكل الآتي مسحاً لنوعية الشوكولاتة التي يفضلها الطلاب. ما نسبة الطلاب الذين يفضلون الشوكولاتة الغامقة؟



٦ فطاير: ما أكبر عدد من القطع ينتج عن استعمال خمس تقاطيعات مستقيمة في الفطيرة؟



٤ تقاطيعات



٣ تقاطيعات

٧ خضار: يبين الجدول أدناه أسعار الكيلو جرام الواحد من بعض أصناف الخضار، فهل يكفي ٤٠ ريالاً ليشتري عبدالله ٤ كجم من الطماطم، وكيلو جراماً واحداً من الجزر، و ٨ كجم من البصل؟

السعر (ريال)	الصنف
٦,٥	طماطم
١,٥	بصل
٣,٧٥	جزر

٨ هواقب: تتقاضى إحدى شركات الهاتف الجوال ٣٠ ريالاً قيمة الاشتراك الشهري، بالإضافة إلى ٢٥ ريال عن كل دقيقة، فإذا كانت قيمة فاتورة هاتف مهند الشهيرية ١٢٠ ريالاً، فكم دقيقة بلغت مكالماته؟



استعمل استراتيجية "حل مسألة أبسط" لحل المسائل ٦-٣:

٩ نجارة: ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسيٍ في ثلاثة أيام، فكم كرسيًّا يمكن لـ ٧ نجارين أن يصنعوا في ٣٠ يوماً، إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

١٠ طاولات: يوجد في مطعم مدرسة ١٥ طاولة مربعة الشكل، تم وضعها متراصبة جانبيًّا لتكون طاولة واحدة طويلة لحفلة الصف، فإذا علمت أن طالباً واحداً فقط يمكنه أن يجلس على كل جانب من الطاولة المربعة، فما عدد الطلاب الذين يمكنهم الجلوس حول الطاولة الطويلة؟

١١ مطويات: تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في ملفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد الملفات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

١٢ حرف: يستعمل محمد منشاراً لقص أنبوب طويل إلى ٢٥ قطعة صغيرة، فكم مرة سيستعمل المنشار؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٧:

من استراتيجيات حل المسألة
• البحث عن نمط
• استعمال أشكال فن
• حل مسألة أبسط

١٣ نشاط: استعمل المعلومات الآتية في حل المسألتين ٧، ٨: أراد ٣٥ طالباً من الصف الثاني المتوسط الانضمام إلى النشاط الرياضي، و ٣٢ إلى النشاط العلمي، و ١٥ إلى النشاطين معًا.

١٤ مثل المسألة باستعمال شكل فن.

١٥ ما عدد طلاب الصف الذين اشتراكوا في الأنشطة؟



الستعدين

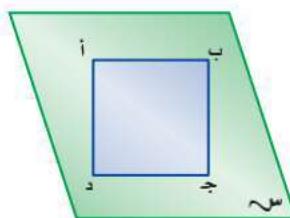


عمارة: الأشكال المستوية لها بُعدان فقط (طول وعرض) أما المجسمات أو الأشكال الثلاثية الأبعاد كمنارة المسجد فلها ثلاثة أبعاد: طول وعرض وارتفاع.

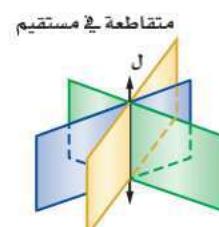
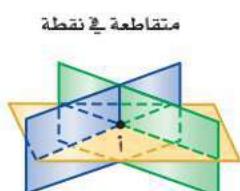
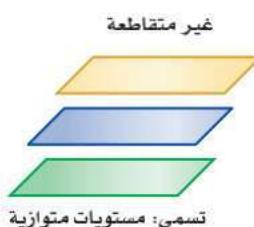
١ سُمّي الأشكال المستوية التي تكون جوانب المنارة.

٢ إذا نظرت إلى المنارة من الأعلى فما الشكل الذي تراه؟

٣ ما العلاقة بين الأشكال المستوية والمجسمات؟

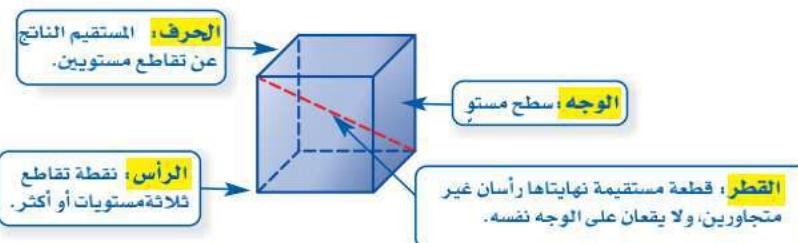


يبين الشكل المجاور المستطيل **أب جد** ، والمستقيمين **أ ب** ، **د ج** اللذين يقعان في المستوى نفسه، وهما مستقيمان متوازيان أيضًا لأنهما لا يتقاطعان مهما امتددا. وكما علمنا أن المستقيمين في المستوى إما أن يكونا متقطعين أو متوازيين، فإنه في المقابل هناك عدة أوضاع لعلاقة المستويات في الفضاء هي:



ويمكن أن تكون المستويات المتقطعة أيضًا شكلًا ثالثي الأبعاد أو مجسماً.

ومتعدد السطوح مجسم له سطوح مستوية عبارة عن مضلعات، ومن المفردات المتعلقة بالمجسمات: **الحرف**، **الوجه**، **الرأس**، **والقطر**.

**فكرة الدرس:**

أحد الأشكال الثلاثية الأبعاد، وأرسمها.

المفردات

يقعان في المستوى نفسه

المستقيمان المتوازيان

المتعدد السطوح

الحرف

الرأس

الوجه

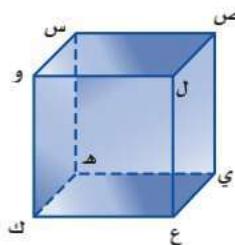
القطر

المستقيمان المتداخلان

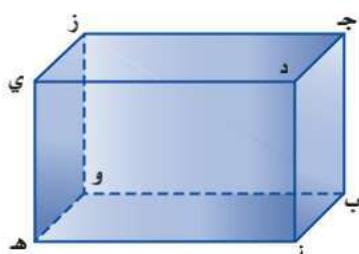
المنشور

القاعدة

الهرم



لاحظ أن القطعتين المستقيمتين س و ل في الشكل المجاور غير متقطعتين، وغير متوازيتين؛ لأنهما لا يتقعون في المستوى نفسه. ويُسمى المستقيمان اللذان لا يتقعون ولا يقعان في المستوى نفسه **مستقيمين متخالفين**.

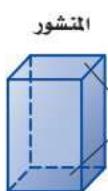
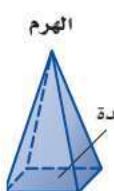


أمثلة تحديد العلاقات

١. سـ مستوـي يوازـي المـستـوى أـبـ جـ.
٢. المـستـوى هـ وـ زـ يوازـي المـستـوى أـبـ جـ.
٣. حـدـد قـطـعـة مـسـتـقـيمـة مـخـالـفـة لـلـقـطـعـة جـ زـ.
٤. جـ زـ وـ هـ يـ مـتـخـالـفـاتـانـ.
٥. حـدـد نقطـتين يـمـكـن رـسـم قـطـرـ بـيـنـهـمـاـ.
٦. القـطـعـة المـسـتـقـيمـة الـتـي تـصـل بـيـنـ النـقـطـتـيـن بـ، يـ تـشـكـلـ قـطـرـاـ.

تحقق من فهمك:

- أ) مستعملاً الشكل أعلاه، حدد تقاطع المستويين أـبـ، جـ، دـيـ.



المنشور والهرم مجسمان معروfan، ويعتمد اسم كلـ منـهـماـ عـلـىـ شـكـلـ قـاعـدـتـهـ.

المنشور مجسم له وجهان متوازيان ومتطابقان يُسميان **القاعدين**. **والهرم** مجسم قاعدته الوحيدة مضلعل وأوجهه مثلثات.

مثال تحديد المنشور والهرم

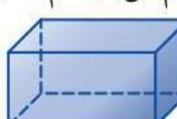
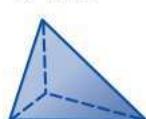
- حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبّين عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:
قاعدتا الشكل متوازيتان ومتطابقتان وهما مثلثان، لذا فالشكل منشور ثلاثي، أما الأوجه الثلاثة الأخرى، فهي مستطيلات.
وبذلك فإن له 5 أوجه، و 9 أحرف و 6 رؤوس.



للشكل قاعدة واحدة وهي مضلعل خماسي، لذا فهو هرم خماسي، أما الأوجه الأخرى فهي مثلثات، وبذلك فإن له 6 أوجه، و 10 أحرف، و 6 رؤوس.



- حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبّين عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:



إرشادات للدراسة

خطأ شائع

ليس من الضروري عند رسم متوازي المستطيلات (المنشور المستطيلي) أن تكون قاعداته من الأعلى ومن الأسفل فقط، لـأنـهـ يمكنـ اعتـبارـ أيـ وجـهـيـ مـسـتـطـيلـيـنـ متـواـزـيـبـينـ فـيـهـ قـاعـدـاتـيـنـ، وـبـيـكـنـ أـيـضاـ اعتـبارـ أيـ وجـهـ فيـ الـهـرـمـ الثـلـاثـيـ قـاعـدـةـ.

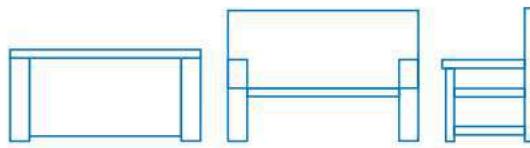


يمكنك استعمال مخطوطات للمجسمات؛ لتصف كيف تظهر عناصرها في الفضاء.

تحليل الرسوم

مثال

أثاث: تبين الصورة المجاورة مقعداً. ارسم المنظر العلوي والأمامي والجانبي لهذا المقعد.



المنظر العلوي

المنظر الأمامي

المنظر الجانبي

حقّ من فهمك:



هـ صندوق: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للصندوق في الصورة المجاورة.



الربط بالحياة:
كيف يستفيد المهندسون من الرياضيات؟

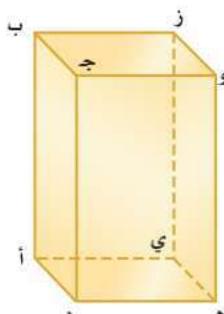
يستخدم المهندسون المعماريون الهندسة عند رسم تصاميمهم، حيث يبدأون بأشكال هندسية بسيطة، ثم يضيفون إليها خطوطاً وزوايا لتكون أكثر جمالاً.



تأكد

الأمثلة ٣-١

استعمل الشكل المجاور لتحديد كلاً مما يأتي:



١ مستويين متوازيين.

٢ مستقيمين متقاطعين.

٣ نقطتين تشكلان قطرًا عند الوصل بينهما.

٤ مستويين متقاطعين.

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



٧



٦



٥

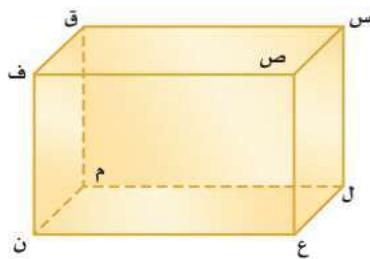
المثلان ٤، ٥



٨ حوض أسماك: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لحوض الأسماك المجاور.

المثال ٦

تدريب وحل المسائل



استعمل الشكل المجاور لتحديد كلًا مما يأتي:

ارشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
٣-١	١٢-٩
٥، ٤	١٦-١٣
٦	١٨-١٧

٩. مستويين متوازيين.

١٠. مستقيمين متقاطعين.

١١. نقطتين تشكلان قطرًا عند الوصل بينهما.

١٢. مستويين متساوين.

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



١٤



١٣



١٦



١٥

١٨. **خزانة:** تمثل الصورة أدناه خزانة خشبية لحفظ الملفات. ارسم كلًا من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للخزانة.



١٧. **بنيات:** ارسم كلًا من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للبنية في الصورة أدناه.



١٩. قرر ما إذا كان التخمين الآتي صحيحًا أو خاطئًا، واذكر مثالاً مضاداً إذا كان خطأ: ”يمكن لمستويين في الفضاء أن يتقاطعاً في نقطة“.

٢٠. **مسألة مفتوحة:** اختر مجسمًا من واقع الحياة مثل كرسي أو طاولة، وارسم كلًا من المنظر العلوي والأمامي والجانبي له.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢١. **تحدد:** حدد ما إذا كانت العبارات الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً:

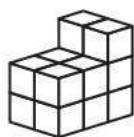
للمنشور قاعدتان و ٤ جوانب.

يوجد للهرم جوانب متوازية.

٢٣. **الكتب** وضح لماذا لا يعطي (أحياناً) المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمجسم معلومات كافية لرسم الشكل؟ واذكر مثالاً يؤكّد ذلك.



٢٥ أيُّ الأشكال التالية يمثل المنظر الجانبي لل مجسم أدناه؟



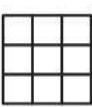
(ج)



(أ)



(د)



(ب)

٢٤ استقبلت العنود هديةً داخل صندوقٍ كما في الشكل:



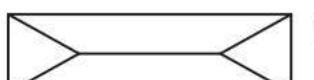
أيُّ الأشكال أدناه يمثل المنظر العلوي للصندوق؟



(أ)



(ب)



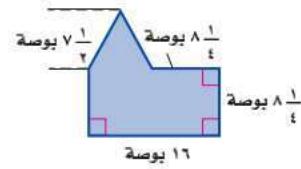
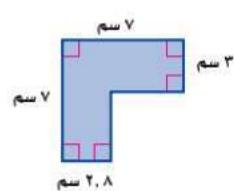
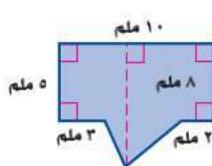
(ج)



(د)

مراجعة تراكمية

أوجد مساحة كل شكل مما يأتي ، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمر : (الدرس ٦ - ١)



نماذج: لدى محمد ١٠٠ مكعب صغير ، استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط؛ لتحديد أبعاد أكبر مكعب يمكن إنشاؤه باستعمال المكعبات الصغيرة. (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد مساحة كل من المثلثات الآتية:

٣ طول القاعدة ، الارتفاع : ٣ بوصات .

٧ طول القاعدة : ٨ أقدام ، الارتفاع : ٧ أقدام .

٥ طول القاعدة : ٥ سم ، الارتفاع : ١١ سم .





حجم المنشور والأسطوانة

٦ - ٤

نشاط



حجم المنشور الرباعي المجاور يساوي ١٢ وحدة مكعبة.
الخطوة ١ كون ثلاثة أشكال للمنشور الرباعي حجم كل منها ١٢ وحدة مكعبة.

الخطوة ٢ انسخ الجدول الآتي وأكمله:

مساحة القاعدة (وحدة مربعة)	الارتفاع (وحدة)	العرض (وحدة)	الطول (وحدة)	المنشور
٤	٣	١	٤	أ
				ب
				ج
				د

فكرة الدرس:

أجد حجم كل من المنشور والأسطوانة.

المفردات

الحجم

الأسطوانة

مجسم مركب

١ صف العلاقة بين حجم المنشور (ح) وأبعاده الثلاثة: الطول (ل)، والعرض (ض)، والارتفاع (ع).

٢ صف العلاقة بين مساحة القاعدة (م) والارتفاع (ع) من جهة، وحجم المنشور (ح) من جهة أخرى.

الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المكعبة مثل المستويات المكعبة (سم^3)، أو الأقدام المكعبة (قدم^3).

حجم المنشور

مفهوم أساسى

النماذج :

التعبير اللفظي : حجم المنشور (ح) هو ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

الرموز : $ح = م \times ع$

مثالان

أوجد حجم المنشور الرباعي المجاور.

حجم المنشور.

مساحة قاعدة المنشور (م = ل × ض).

$م = ٩ \times ٥ = ٤٥$

$ع = ٦,٥$

$ل = ٩,٥$

$ح = ٤٥ \times ٦,٥$

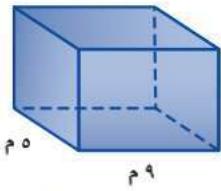
$ح = ٢٩٢,٥$

بسط.

$ح = ٢٩٢,٥$

$م = ٢٩٢,٥$

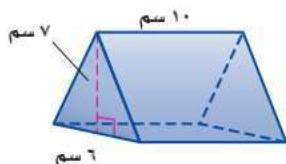
فسيكون حجم المنشور $292,5 \text{ م}^3$



إرشادات للدراسة

خطأ شائع

تذكرة أن قاعدة المنشور
الثلاثي تكونات على صورة
مثلث. أما في المثال ٢، فإن
القاعدتين ليستا من أعلى
الشكل وأسفله بل على
جوانبه.



أوجد حجم المنشور الثلاثي المجاور.

حجم المنشور.

$$ح = m \times ع$$

$$\text{القاعدة مثلثة، لذلك } m = \frac{1}{2} \times 6 \times 7 = 21.$$

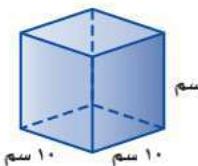
ارتفاع المنشور = 10.

بسط.

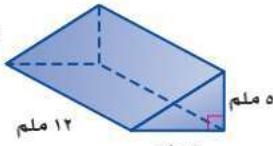
$$ح = \frac{1}{2} \times 6 \times 7 \times 10 = 210.$$

الحجم هو 210 سم³.

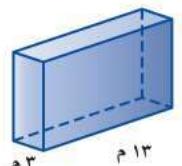
تحقق من فهمك: أوجد حجم كل منشور مما يأتي:



ج)



ب)



أ)

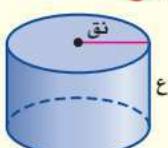
الأسطوانة مجسم قاعدتها دائرتان متطابقتان ومتوازيتان متصلتان معًا بجانب منحنٍ.

ويمكن استعمال الصيغة $ح = م \times ع$ لإيجاد حجم أسطوانة، والقاعدة هي دائرة.

مفهوم أساسى

حجم الأسطوانة

النحوذ:



التعبير اللغطي: حجم الأسطوانة (ح) هو ناتج ضرب

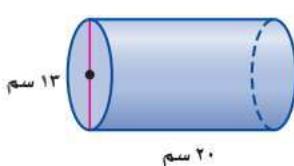
مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

الرموز:

$$ح = م \times ع$$

مثال

إيجاد حجم الأسطوانة



أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقرّبًا الجواب

إلى أقرب جزء من عشرة.

بما أن القطر يساوي 12 سم، فإن نصف القطر

يساوي 6, 5 سم.

حجم الأسطوانة.

$$ح = ط نق ع$$

عوّض عن نق بـ 6, 5 وعن ع بـ 20.

$$ح = ط (6, 5)^2 \times 20 = 20 \times 39, 25 = 785.$$

بسط مستعملًا الآلة الحاسبة.

$$ح \approx 2654.$$

الحجم يساوي 2654 سم³ تقريبًا.

إرشادات للدراسة

تقدير

للتتحقق من معقولية

جوابك، يمكنك تقدير

حجم الأسطوانة في المثال ٣

ليكون:

$$20 \times 7 \times 3 = 420 \text{ سم}^3 \text{ تقريبًا.}$$

تحقق من فهمك:

أوجد حجم كلّ من الأسطوانات الآتية، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

د) نصف القطر 2 م، والارتفاع 7 م.

هـ) القطر 18 سم، والارتفاع 5 سم.

المجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى مجسماً مركباً، ولإيجاد حجم هذا الجسم، قسمه إلى مجسمات يسهل إيجاد أحجامها.

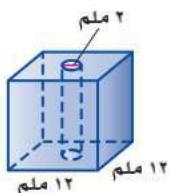
إرشادات للدراسة

تقدير

في المثال ٤، يمكنك التحقق من محقوليّة الجواب بتقدير الحجم:
 $12 \times 12 \times 12 = 1728$ ملـ^٣.
 لاحظ أنه أكثـر بقليل من ١٦٩٠ ملـ^٣، إذن الجواب معقول.

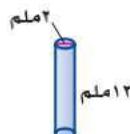
مثال

إيجاد حجم الجسم المركب



براعة: تستعمل مي خرزأ مكعب الشكل لصنع حلبي ، وكل خرز لها ثقب أسطواني في وسطها. أوجد حجم الخرز.
 تتكون الخرز من منشور رباعي وأسطوانة، أوجد حجم كل مجسم منهما.

الأسطوانة

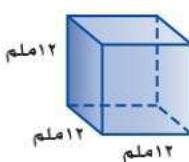


$$\text{ح} = \pi r^2 h$$

$$= 3.14 \times (1^2) \times 12$$

$$= 37.7 \text{ ملـ}^3$$

المنشور الرباعي

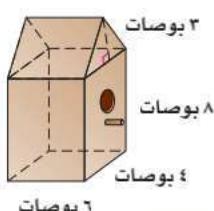


$$\text{ح} = \text{م}^3$$

$$= 12 \times 12 \times 12$$

$$= 1728 \text{ ملـ}^3$$

$$\text{حجم الخرز} = 1728 - 37.7 = 1690.3 \text{ ملـ}^3.$$

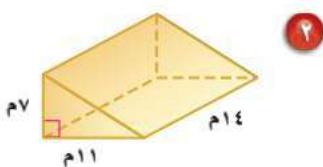


تحقق من فهمك

و) طيور: صمم نجار قفصاً للطيور الصغيرة كما في الشكل المجاور، أوجد حجم القفص.

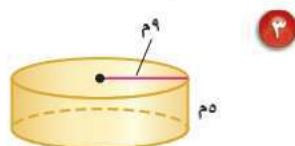
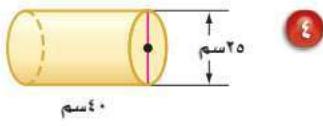
تأكد

أوجد حجم كل منشور مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

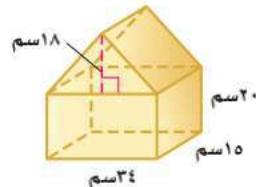


المثالان ٢، ١

أوجد حجم كل أسطوانة مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



المثال ٣



ألعاب: أهدى بيت الدمية المجاور لأنخت منزل الصغرى. فما حجمه؟

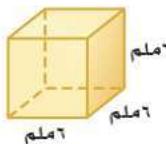
المثال ٤

تدريب وحل المسائل

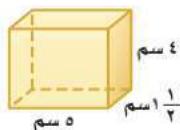
الإجابات للأسئلة

الأسئلة	النماذج الأمثلة
٢٠	٩-٦
٢١	١٣، ١٢
٣	١١، ١٠
٤	١٥، ١٤
	١٧، ١٦

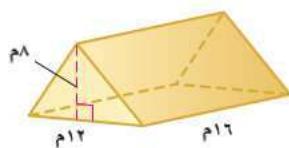
أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



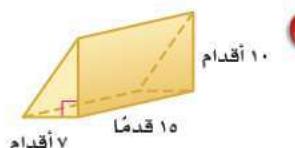
٧



٨



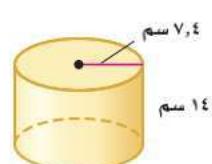
٩



١٠ أقدام



١١



١٢

منشور رباعي: طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ١٧ سم.

١٣

منشور ثلاثي: ارتفاعه $\frac{1}{3}$ م، وقاعدته مثلثة الشكل ارتفاعها ١٤ م، وطول قاعدتها ٥ م.

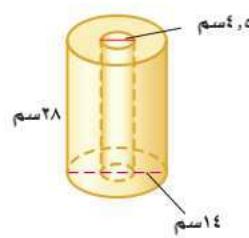
١٤

أسطوانة: نصف قطر قاعدتها ٢٥ ملم، وارتفاعها ٢٠ ملم.

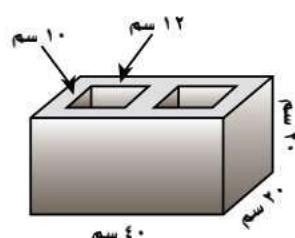
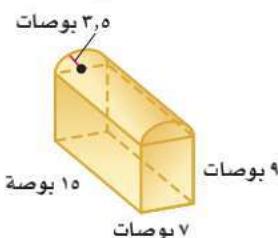
١٥

أسطوانة: قطر قاعدتها ٧ بوصات، وارتفاعها ٨ بوصات.

١٦ **مناشف:** يبين الشكل أدناه أحجام لفة مناشف ورقية جديدة. فما حجمها؟



صندوق: أوجد حجم صندوق المجوهرات الموضح أدناه؟



١٧ **بناء:** طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟

١٩ . أوجد ارتفاع منشور رباعي طوله ٦,٨ م، وعرضه ١,٥ م، وحجمه ٩١,٨ م^٣.

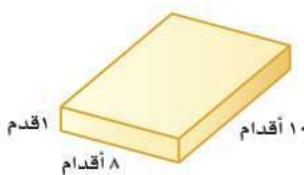
٢٠ . أوجد ارتفاع أسطوانة طول نصف قطرها ٤ سم، وحجمها ٣٠١,٦ سم^٣.

٢١ **تجارة** : اشتري تاجر كمية من السمسم حجمها ٢٥٠٠ بوصة مكعبة، ثم وزّعها في علب أبعادها $٢ \times ٨ \times ٦$ بوصاتٍ، فإذا باع ٢٠ علبة منها، فكم يبقى من كمية السمسم؟



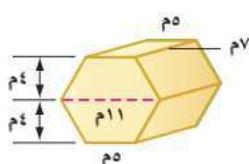
٢٢ **تغليف** : يبين الشكل المجاور علبة كرتونية، إذا قررت الشركة المصنعة استعمال تصميم جديد للعلبة بالحجم والارتفاع نفسه، ولكن بشكل أسطواني، فما طول قطر بوصات قاعدة الشكل الجديد الذي يمكن استعماله؟

٢٣ **برك** : قرر أحمد حفر بُركة سباحة لأطفاله بطول ٢٠ قدماً، وعرض ١١ قدماً، وعمق ٢,٥ قدم، وسينقل التراب الناتج عن الحفر بعربة تتسع لـ ٩ أقدام مكعبة من التراب، فكم مرة تستعمل العربة لنقل التراب من الموقع؟



٢٤ **حدائق** : يعمل إبراهيم حوضاً لزراعة الخضروات بالقياسات المبينة. واستعمل لذلك أكياس تراب سعة الواحد منها ٥,٠ ياردة مكعبة، فكم كيساً يحتاجها لملء الحوض؟

(إرشاد: ١ ياردة مكعبة = $٣ \times ٣ \times ٣ = ٢٧$ قدماً مكعب)



٢٥ **هندسة** : اشرح كيف يمكنك إيجاد حجم المنشور السداسي المجاور، ثم أوجد حجمه.

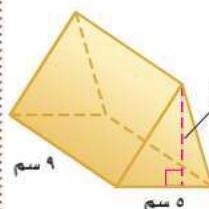
٢٦ . افترض أن لديك بطاقة ملاحظات مستطيلة الشكل بُعداها ٢١ سم \times ٧ سم، إذا دوّرت البطاقة حول ضلعها الأطول، ثم حول ضلعها الأقصر كما في الشكل أدناه، فكُونت أسطوانتين مختلفتين . أيّ الأسطوانتين حجمها أكبر؟ فسر إجابتك.



تحدد: للأسئلة (٢٧-٣٠) صِفْ كيف يتأثر حجم كل مجسم مما يأتي بعد إجراء التغيير المذكور في أبعاده.

- ١٧ مضاعفة أحد أبعاد المنشور المستطيلي.
- ١٨ مضاعفة بُعدين من أبعاد المنشور المستطيلي.
- ١٩ مضاعفة جميع أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٢٠ مضاعفة نصف قطر قاعدة الأسطوانة.

مسألة مفتوحة : اختر مجسمًا أسطوانيًّا، ثم أوجد حجمه، وتحقق من استعمال وحدات مناسبة، وفسّر إجابتك.



اكتشف الخطأ: أوجد كُلًّ من زيد ولؤي حجم المنشور المجاور، فائيهما توصل للجواب الصحيح؟



$$\begin{aligned} 4 \times 6 &= 24 \\ 9 \times 6 &= 54 \\ 24 \times 54 &= 1296 \\ 1296 &= 3^6 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$

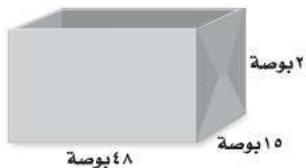
$$\begin{aligned} 4 \times 9 &= 36 \\ 6 \times 9 &= 54 \\ 36 \times 54 &= 1944 \\ 1944 &= 4^6 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$



الكتاب اكتب صيغتين يمكنك استعمالهما لإيجاد حجم المنشور المستطيلي (متوازي المستطيلات)، واذكر الصيغة التي تفضلها ، وبين سبب ذلك.

تدريب على اختبار

إجابة قصيرة: صندوق مصنوع من الكرتون أبعاده موضحة على الشكل أدناه. ما حجم الصندوق بالأقدام المكعبة؟

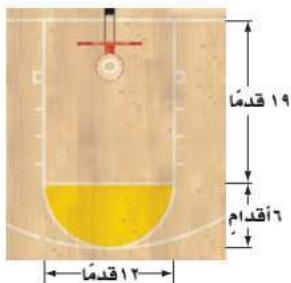


٣٠ أسطوانة طول قطرها ١٢ بوصةً، وارتفاعها ٣٠ بوصةً، قدر حجم الأسطوانة بالأقدام المكعبة؟
(ارشاد: ١ قدم = ٣٠ بوصةً)

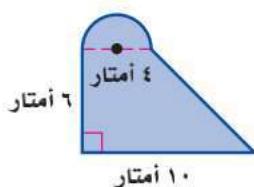
- أ) ١ قدم مكعبة
- ب) ٢ قدم مكعبة
- ج) ٣ أقدام مكعبة
- د) ٤ أقدام مكعبة

مراجعة تراكمية

٣٦ ما عدد أحرف الهرم الثمانى؟ (الدرس ٦ - ٣)



كرة السلة: يبين الشكل المجاور منطقة مستطيلة الشكل من ملعب كرة سلة تحت المرمى تسمى المنطقة المحرّمة ، حيث لا يسمح للاعبين البقاء فيها من ملعب الخصم لأكثر من ٣ ثوان دون الاستحواذ على الكرة، كذلك يظهر في الشكل نصف دائرة تحوى خط الرمية الحرة وتسمى دائرة الرمية الحرة . أوجد مساحة هذين الجزأين . (الدرس ٦ - ١)



٣٧ أوجد مساحة الشكل المركب المجاور . (الدرس ٦ - ١)

٣٨ سقط ضفدع في حفرة عمقها ٨ أقدام ، إذا تمكّن الضفدع من التسلق على حافة الحفرة ٣ أقدام نهار كل يوم ، ولكنه ينزلق إلى أسفل قدمين بالليل ، فكم يوماً يحتاج الضفدع حتى يخرج من الحفرة ؟ استعمل استراتيجية " حل مسألة أبسط ". (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي :

$$15 \times 7 \times \frac{1}{3} \quad ٤١$$

$$10 \times 6 \times \frac{1}{3} \quad ٤٠$$

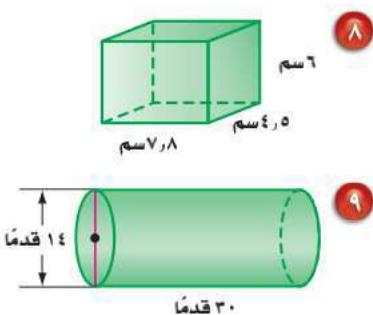
$$20 \times 6 \times \frac{1}{3} \quad ٤٣$$

$$9 \times 4 \times \frac{1}{3} \quad ٤٢$$



اختبار منتصف الفصل

أوجد حجم كل مجسم مما يلي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر : (الدرس ٦ - ٤)



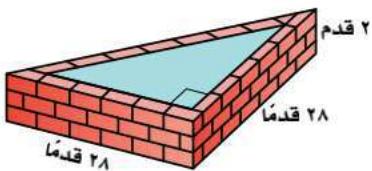
١٠ اختيار من متعدد: ما حجم صندوق مكعب الشكل ، طول حرفه ١٥ بوصة ؟ (الدرس ٦ - ٤)

- أ) ٢٢٥ بوصة مكعبة ج) ١٣٥٠ بوصة مكعبة
ب) ٩٠٠ بوصة مكعبة د) ٣٣٧٥ بوصة مكعبة

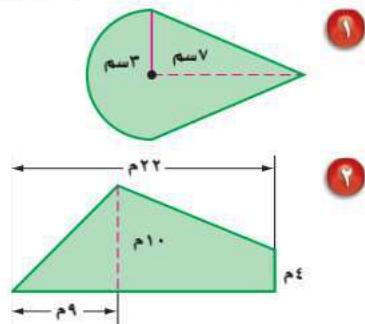
١١ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) حجمه ٨٨،٤ م^٣ ، ما عرض قاعدة المنشور إذا كان طولها ٧،٦ م وارتفاع المنشور ٨ م ؟ مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة . (الدرس ٦ - ٤)

١٢ شمع: قطر شمعة اسطوانية الشكل ١٠ سم ، وارتفاعها ٢١ سم ، إذا تم إذابتها وتحويلها إلى قطع متساوية كل منها على هيئة منشور أبعاده ٤ سم × ٦ سم × ٨ سم ، فكم عدد القطع الناتجة ؟ (الدرس ٦ - ٤)

١٣ برك: بركة لأسماك الزينة على شكل منشور ثلاثي تقع في أحد المجمعات التجارية ، استعمل الشكل أدناه لإيجاد حجم البركة . (الدرس ٦ - ٤)



أوجد مساحة الشكلين الآتيين ، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر : (الدرس ٦ - ١)



٢٠ ما رقم الآحاد في العدد ٣ ؟

(استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط) (الدرس ٦ - ٢)

٢١ حفلات: تُباع البالونات في أكياس سعة كلّ منها ١٥ بالونة أو ٣٥ بالونة ، وتحتاج ريم إلى ١٩٥ بالونة لتزيين مكان حفل ، فكم كيساً من كل نوع على ريم أن تشتري ؟ (استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط) . (الدرس ٦ - ٢)

٢٢ يمثل الشكل أدناه مخططاً للمجسم صُنع من المكعبات ، فأي منظر لهذا الجسم يمثله الشكل أدناه : الأمامي أم الجانبي أم العلوي ؟ (الدرس ٦ - ٣)



٢٣ ألعاب: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمكعب الألغاز المجاور . (الدرس ٦ - ٣)

٢٤ اختيار من متعدد: أرادت مهاررسم جميع أوجه منشور ثلاثي . فما الأشكال التي ستظهر في ورقته ؟ (الدرس ٦ - ٢)

- أ) رباعان ومثلثان .
ب) مثلثان وثلاثة مستطيلات .
ج) ثلاث مثلثات .
د) مثلث ، وثلاثة مستطيلات .



حجم الهرم والمخروط

٦ - ٥

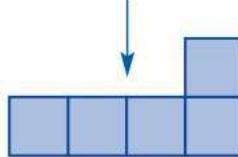
نشاطٌ

في هذا النشاط، سوف تستقصي العلاقة بين حجمي هرم ومنشور تتساوى فيهما مساحة القاعدة وطول الارتفاع.

اطو المربعات لتشكل مكعباً مفتوحاً من الأعلى وألصق حواجزها



القصها معًا كما هو مبين



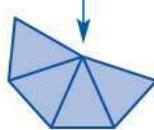
ارسم ٤ مربعات وقصها



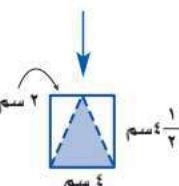
اطو المثلثات لتشكل هرمًا رباعيًّا مفتوحاً وألصق حواجزها



القصها معًا كما هو مبين



ارسم ٤ مثلثات متتطابقة الساقين وقصها



١ قارن بين كلٍّ من مساحتي القاعدتين والارتفاع في الشكلين.

٢ املأ الهرم بالرمل، وامسح أعلىه بمسطرة لتسوية السطح، ثم فرغ الرمل في المكعب، وكرر العملية حتى يمتليء المكعب. كم مرة قمت بتبغية الهرم لملء المكعب؟

٣ ما الكسر الذي يمثل الكمية التي تملاً المكعب من هرم واحد؟

حجم الهرم يساوي ثلث حجم المنشور المساوي له في مساحة القاعدة والارتفاع.

مفهوم أساسى

النموذج:

حجم الهرم

التعبير اللفظي: حجم الهرم (H) يساوي ثلث ناتج ضرب مساحة القاعدة (M) في الارتفاع (U).

$$H = \frac{1}{3} M U$$

الرموز:

ارتفاع الهرم أو المخروط هو البعد العمودي بين الرأس والقاعدة.

فكرة الدرس:

أجد حجم كلٍّ من الهرم والمخروط.

المفردات:

المخروط

إرشادات للدراسة

تقدير

يمكنك تقدير حجم الهرم
في المثال (١) ليكون

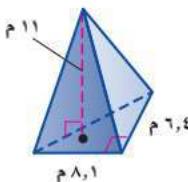
$$\frac{1}{3} \times 88 = 11 \times 8 \times \frac{1}{3}$$

نحو .

بها أن $95,04 \text{ م}^3$ قريبة إلى
 88 م^3 ، إذن الجواب معقول .

مثال

إيجاد حجم الهرم



أوجد حجم الهرم المجاور، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

حجم الهرم.

$$ح = \frac{1}{3} \times 1 \times \frac{1}{2} \times 8,1 \times 6,4 \times 8,1 = \frac{1}{3} \times 11 \times 6,4 \times 8,1$$

بسط.

$$ح = 95,04 \text{ م}^3$$

ف تكون الحجم 95 م^3 تقرّباً.

تحقق من فهمك:

أ) أوجد حجم هرم ارتفاعه ٥ م، وقاعدته مربع طول ضلعه ٢ م.

مثال من واقع الحياة



...

فن البناء: برج الفيصلية يمثل هرمًا مقوس الحواف. واعتماداً على المعلومات المجاورة، احسب المساحة التقريرية لقاعدته، إذا كان حجم الهرم الذي يمثله 133500 م^3 تقرّباً.

حجم الهرم.

$$ح = 133500 \text{ م}^3$$

اضرب كل طرف في $\frac{3}{267}$.
بسط.

$$ح = \frac{1}{3} \times 267 \times 133500$$

$$= \frac{3}{267} \times \frac{133500}{3} \times \frac{3}{267} = 1000 \text{ م}$$

ف تكون مساحة قاعدته 1000 م^2 تقرّباً.

تحقق من فهمك:

ب) **براعة:** صنع ماجد شمعة على شكل هرم، حجمها 864 سم^3 ، ومساحة قاعدتها 144 سم^2 ، فما ارتفاعها؟

المخروط شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدة دائيرية، وسطح منحنٍ يصل القاعدة بالرأس.
وعلاقة حجم المخروط بحجم الأسطوانة كعلاقة حجم الهرم بحجم المنشور.

مفهوم أساسى

حجم المخروط

النموذج:

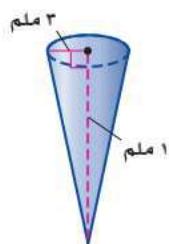


التعبير اللفظي: حجم المخروط ($ح$) الذي نصف قطر قاعدته (نق) يساوي ثلث ناتج ضرب مساحة القاعدة ($م$) في الارتفاع ($ع$).

$$ح = \frac{1}{3} \times م \times ع \quad \text{أو} \quad ح = \frac{1}{3} \times ط \times نق \times ع$$

الرموز:

مثال



أوجد حجم المخروط المجاور.

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$h = \frac{1}{3} \pi r^2 h = 14 \times \frac{1}{3} \times 3^2 \times \pi = 14 \times 3 \times \pi$$

بسط، استعمل الآلة الحاسبة ($\pi = 3.14$).

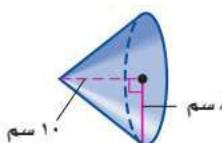
$$h \approx 131.9$$

فيكون الحجم 131.9 مل^3 تقريرياً.

الإجابة:

تحقق من فهمك:

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



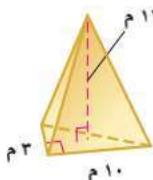
(د)



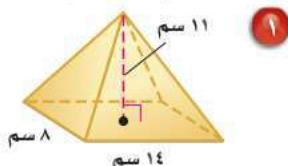
(ج)

تأكد

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



(٢)

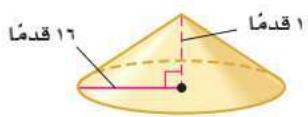


(١)

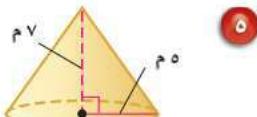
أوجد حجم هرم ارتفاعه 17 متراً، وقاعدته مربعة طول ضلعها 22 متراً.

آثار: هرم (منقعر) هو أحد أهرامات مصر القديمة، ارتفاعه الحالي 65 م، وحجمه 254664 م^3 تقريرياً، فما طول كل جانب من قاعدته المرربعة؟

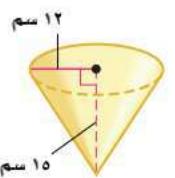
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



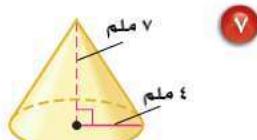
(٦)



(٥)



(٨)



(٧)

المثال ١

المثال ٢

المثال ٣

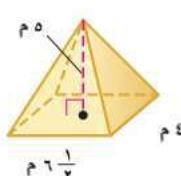
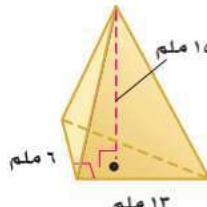
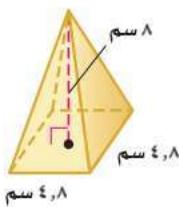


تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

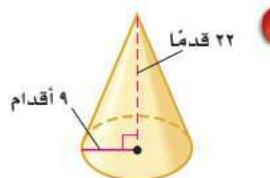
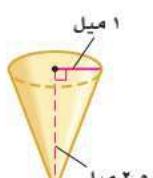
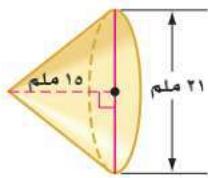
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١٢-١٠
٢	١٧
٣	١٦-١٣

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١٢ هرم ثلاثي: قاعدته على شكل مثلث مترافق قاعده ١٠ سم، وارتفاعه ٧ سم، وارتفاعه ١٥ سم.

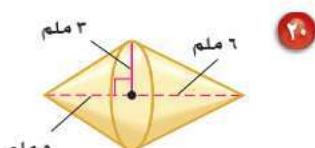
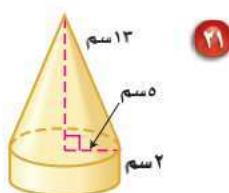
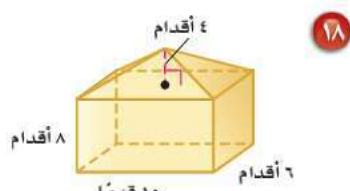
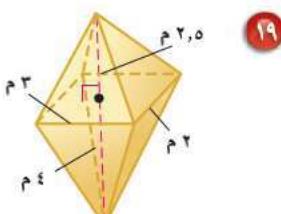
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١٦ مخروط: قطر قاعدته ١٢ م، وارتفاعه ٥ م.

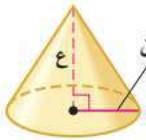
١٧ علوم: أنشئ نموذج جبل بركاني؛ ليكون مشروعًا في مادة العلوم على شكل مخروط طول قطر قاعدته ٨ سم، فإذا كان حجم النموذج 201 سم^3 تقريرًا، فما ارتفاعه؟

أوجد حجم كل مجسم، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



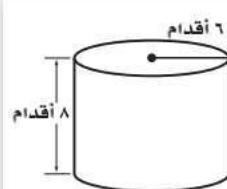
١٩ قبعات: يريد مهرج أن يملأ قبعته رملًا، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعة من الرمل.

٢٣ تحدي: ماذا يحدث لارتفاع مخروط عند ضرب نصف القطر في ثلاثة مع المحافظة على الحجم نفسه؟



٢٤ الحس العددي: أيهما له تأثير أكبر في حجم المخروط: مضاعفة نصف قطره ، أم مضاعفة ارتفاعه ؟ ببر إجابتك.

٢٥ أكتبي موقفاً من واقع الحياة يمكن أن يحل بإيجاد حجم المخروط.



- ٢٦** ما حجم الأسطوانة المجاورة؟
مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر.
(أ) ٤٨ قدمًا مكعبة (ج) ٢٨٨ قدمًا مكعبة
(ب) ٣٠٠ قدمًا مكعبة (د) ٩٠٤ قدمًا مكعبة

٢٧ هرم قاعدته مستطيلة الشكل، بعدها ١٨ بوصة \times ٣٠ بوصة، وارتفاعه ٣٦ بوصة. أي مما يأتي أقرب إلى حجم الهرم بالأقدام المكعبة؟
(إرشاد: ١ قدم = ١٢ بوصة)

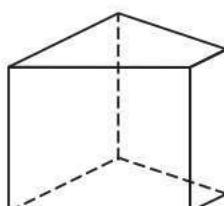
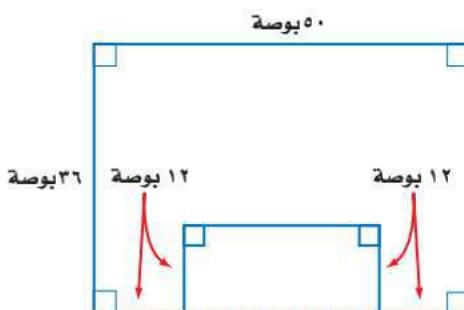
- (أ) ٢،٥ قدم مكعبة (ج) ٤ أقدام مكعبة
(ب) ٣ أقدام مكعبة (د) ٥ أقدام مكعبة

تدريب على اختبار



مراجعة تراكمية

٢٨ أثاث: يبين الشكل المجاور سطح طاولة . ما مساحة سطح الطاولة؟ (الدرس ٦ - ١)



- ٣٠** حدد اسم المجسم المجاور، وبين عدد أوجّهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه. (الدرس ٦ - ٣)

٢٩ صابون: أوجد حجم علبة الصابون السائل في الشكل ٣ بوصات \times ٥ بوصات \times ٧ بوصات.



الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة : أوجد محيط كل دائرة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

٣٢ قطرها ٥،٥ أقدام

٣٤ نصف قطرها ٣،٨ سم

٣١ قطرها ٩ بوصات

٣٣ نصف قطرها ٢ م



معلم القياس

مساحة سطح الأسطوانة

استكشاف

٦ - ٦

المخططات: هي أنماط من بُعدين لأشكال ثلاثة الأبعاد. ولتكوين مخطط لمجسم ما، جرّئه إلى أشكال منفصلة، ويمكنك استعمال المخطط لإيجاد مساحة كل وجه لمجسم ثلثي الأبعاد مثل الأسطوانة.

نشاط



استعمل وعاءً أسطواني الشكل فارغاً له غطاء، وقس ارتفاع الوعاء، وسجّله.

الخطوة ١

لون غطاء الوعاء وقادته باللون الأزرق، وصل بينهما بخط أحمر رأسي.

الخطوة ٢

ارفع الغطاء، وقم بقص الوعاء كما في الشكل أدناه، ثم ابسط الجانب المنحني للأسطوانة على سطح أفقي وأضف الغطاء والقاعدة ليتكون مخطط الأسطوانة.

الخطوة ٣

العلوي

الجانبي

السفلي



فكرة الدرس :

أجد مساحة سطح الأسطوانة باستعمال النماذج والمخططات.

المفردات

المخطط

حل النتائج

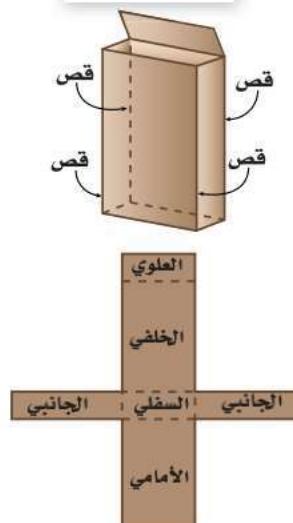
- ١ صِفِ الأجزاء المستوية التي تكون مخطط الوعاء الأسطواني.
- ٢ أوجد مساحة كل جزء منها، ومجموع تلك المساحات.
- ٣ أوجد قطر الجزء الأعلى للوعاء الأسطواني، واستعمله في إيجاد محيط ذلك الوجه.
- ٤ اضرب المحيط في ارتفاع الوعاء، فماذا تشكل هذه النتيجة؟
- ٥ اجمع النتيجة من سؤال ٤ إلى مجموع مساحة القاعدتين الدائرتين.
- ٦ قارن بين إجابتك عن التمارين ٢ ، ٥ .
- ٧ **خمن:** اكتب طريقة لإيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة عُلِّمَ قياس كُلّ من ارتفاعها وقطر إحدى قاعدتها.

مساحة سطح المنشور والأسطوانة

رابط الدرس الرقمي



www.ien.edu.sa



نشاط

الخطوة ١

استعمل صندوقاً ذا غطاء كما في الشكل المجاور، وقس ارتفاعه ومحيط وجهه العلوي أو السفلي، وسجل ذلك.

الخطوة ٢

سمِّ الوجه العلوي والسفلي والأمامي والخلفي والجاني.

الخطوة ٣

افتح الغطاء وقس الصندوق في ٤ أحرف كما في الشكل، ثم افتح الصندوق وضعه بشكل مستوٍ لتكوين مخططة، وقس أبعاد كل وجهٍ وسجلها.

١. أوجد مساحة كل وجه، ثم مجموع تلك المساحات.

٢. اضرب محيط قاعدة الصندوق في ارتفاعه. ماذا يمثل ناتج الضرب؟

٣. اجمع ما حصلت عليه في السؤال ٢ إلى مجموع مساحة القاعدتين.

٤. قارن بين الإجابتين في ١ و ٣.

فكرة الدرس:

أجد المساحة الجانبية
والمساحة الكلية لسطح
منشور وأسطوانة.

المفردات

الوجه الجاني

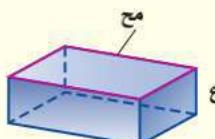
المساحة الجانبية للسطح

المساحة الكلية للسطح

أوجدت في النشاط مساحة كل سطح (أو وجه) للصندوق. **الوجه الجاني** لمجسم هو أي سطح مستوٍ وليس القاعدة. **المساحة الجانبية لسطح** مجسم هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية له. أما **المساحة الكلية لسطح** مجسم فهي مجموع مساحات جميع أوجهه.

المساحة الجانبية لسطح المنشور

التعبير اللفظي: المساحة الجانبية (ج) لسطح منشور **النموذج:**

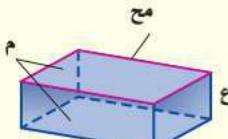


تساوي ناتج ضرب محيط القاعدة
(مح) في الارتفاع (ع).

الرموز: ج = مح ع

المساحة الكلية لسطح المنشور

التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح منشور **النموذج:**



هي مجموع المساحة الجانبية
ومساحة القاعدتين.

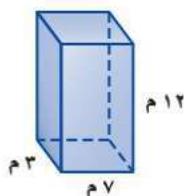
الرموز: ك = ج + ٢ م أو ك = مح + ٢ م



إرشادات للدراسة

قاعدتا المنشور
الرباعي
للمثلة والثمارين في هنا
الكتاب افترض أن الوجهين
العلوي والسفلي للمنشور
المستطيلي (متوازي
المستطيلات) هما قاعدتا.

مثلان مساحة سطح المنشور



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح المنشور الرباعي المجاور. قاعدته مستطيلان بُعدا كلٌّ منها ٣م، ٧م.
ابدأ بإيجاد المحيط والمساحة للقاعدتين.

مساحة القاعدة

$$ق = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$ق = ٣ \times ٧$$

محيط القاعدة

$$\text{مح} = ٢ \times \text{الطول} + ٢ \times \text{العرض}$$

$$\text{مح} = ٢(٣ + ٧)$$

$$٢٠ = ٢(٣ + ٧)$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الجانبية والكلية للمنشور.

المساحة الكلية

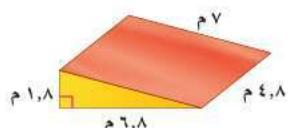
$$\text{ك} = ج + ٢$$

$$٢٨٢ = ٢١ \times ٢ + ٢٤٠$$

$$ج = \text{مح} \times ٢$$

$$٢٤٠ = ١٢ \times ٢٠$$

فتكون المساحة الجانبية ٢٤٠م٢، والمساحة الكلية ٢٨٢م٢.



ترزج مائي: يُستعمل في منافسات التزلج على الماء منحدر مغطى بالشمع أو الزجاج الليفي، أوجد المساحة الكلية لسطح المنحدر.

$$\text{قدر: ك} = ٥ \times (٧ + ٧ + ٢) = ٢ \times ٧ + ٥ \times ٧ = ٩٤ \text{م}^2$$

قاعدتا المنشور مثلثان متطابقان، أطوال أضلاع كلٌّ منها ١م، ٨م، ٦م، ٧م،
أوجد محيط إحدى القاعدتين ومساحتها.

مساحة القاعدة

$$ق = \frac{١}{٢} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مح} = \frac{١}{٢} \times ٦,١٢ \times ٦,٨$$

محيط القاعدة

$$\text{مح} = ٧ + ٦,٨ + ١,٨ + ٦,١٢$$

$$١٥,٦ = ٦,١٢ + ٦,٨$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الكلية.

المساحة الكلية للمنشور.

$$\text{مح} = ٦,١٢ \times ٤,٨ = ١٥,٦ \text{م}^2$$

بسط.

$$\text{ك} = \text{مح} \times ٢ = ١٥,٦ \times ٢$$

$$٨٧,١٢ = ٦,١٢ \times ١٥,٦$$

قارن الإجابة بالمساحة المقدمة.

$$\text{المساحة الكلية هي } ٨٧,١٢ \text{م}^3.$$



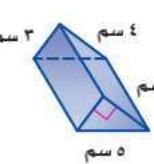
الربط بالحياة :

تكون منافسات التزلج على الماء من ثلاثة أنواع: التزلج المتعرج، والقفز، والبراعة. وتشمل مستويات عمرية مختلفة أيضًا.

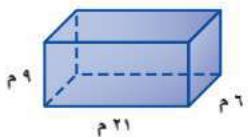
تحقق من فهمك :

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:

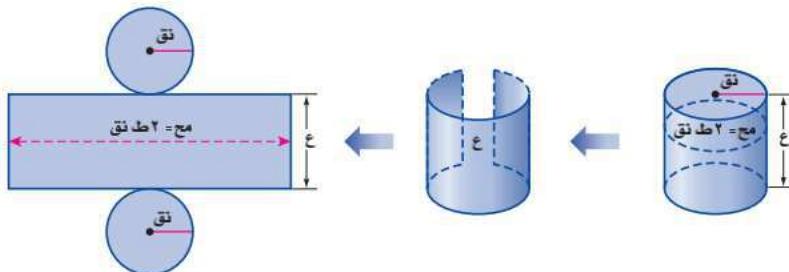
(ب)



(أ)



يمكنك إيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة، بإيجاد مساحة قاعدتها وإضافة مساحة السطح الجانبي المنحني. عند قصّ الأسطوانة يتكون مخططها من دائرتين ومستطيل.



المساحة	المخطط	النموذج
$2(\pi r^2)$	دائرتان متlappingان بنصف قطر r	القاعدتان الدائريتان
$2\pi r \times h = 2\pi rh$	مستطيل عرضه h وطوله $2\pi r$	الغطاء الجانبي

كما في المنشور، استعمل قياسات الأسطوانة لإيجاد المساحة الجانبية والكلية لسطحها.

مهموم أساسى

المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة

النوع: المساحة الجانبية (J) لسطح أسطوانة **النوع:** ارتفاعها (h) ونصف قطر قاعدتها (r) هي ناتج ضرب محيط القاعدة ($2\pi r$) في الارتفاع (h). **الرموز:** $J = \pi r^2 h$ أو $J = 2\pi r h$

النوع: المساحة الكلية لسطح الأسطوانة **النوع:** المساحة الكلية (K) لسطح أسطوانة ارتفاعها h ونصف قطر قاعدتها r هي مجموع المساحة الجانبية ومساحة القاعدتين. **الرموز:** $K = J + 2\pi r^2$ أو $K = 2\pi rh + 2\pi r^2$

إرشادات للدراسة

أسطوانات

صيغ المساحة الجانبية والكلية للأسطوانة تشبه الصيغ المنشورة لها للمنشور.

في المنشور: $J = ph$

وبما أن قاعدة الأسطوانة دائريّة، فإن محيطها هو

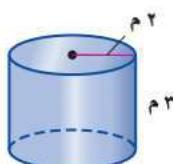
محيط الدائرة ($2\pi r$).

وفي المنشور: $K = ph + 2A$

وبما أن قاعدة الأسطوانة دائريّة، فإن مساحتها هي مساحة الدائرة (πr^2).

مساحة سطح الأسطوانة

مثاًلاً



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة.

المساحة الكلية

$$K = J + 2\pi r^2$$

$$K = 2\pi rh + 2\pi r^2$$

$$K = 2\pi \times 2 \times 3 + 2\pi \times 3^2$$

$$K \approx 62,8$$

المساحة الجانبية

$$J = 2\pi rh$$

$$J = 2\pi \times 2 \times 3$$

$$J \approx 37,7$$

المساحة الجانبية للأسطوانة $37,7 \text{ m}^2$ تقريباً، والمساحة الكلية $62,8 \text{ m}^2$ تقريباً.



ملصقات: أوجد مساحة الملصق على العلبة المبينة في الشكل المجاور.

بما أن الملصق يغطي السطح الجانبي، فإنك تحتاج فقط إلى إيجاد المساحة الجانبية للعلبة.

$$\text{قدّر: ج} = 2 \times \pi \times 2 \times 15$$

$$\text{ج} \approx 3,2 \times 3 \times 2 \times 15$$

$$\text{ج} \approx 270 \text{ سم}^2$$

المساحة الجانبية لالأسطوانة.

$$\text{نق} = 2,3 \times 2 \times 15$$

بسط.

فتقون المساحة الجانبية $301,09 \text{ سم}^2$ تقريرياً. قارن الجواب بالمساحة المقدّرة.

$$\text{ج} = 2 \times \pi \times 2 \times 15$$

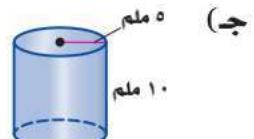
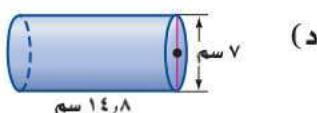
$$\text{ج} = 2 \times 3,14 \times 2 \times 15$$

$$\text{ج} \approx 301,09$$

تحقق من فهمك:

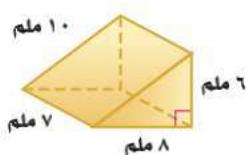
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل أسطوانة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى

أقرب عشر:

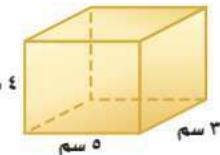


تأكد

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر:

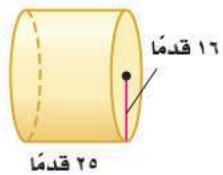


٢

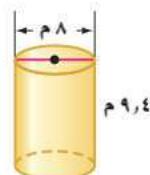


١

المثالان ٢، ١



٤



٣

المثال ٣



تغليف: تغلف بعض علب العصير الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة ورقه تغليف علبة العصير.

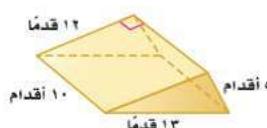
المثال ٤

تَدْرِبُ وَحْلَ الْمَسَائل

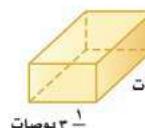
الرَّشَادَاتُ لِلْأَسْنَلَةِ

لِلْأَسْنَلَةِ	انْظُرُ إِلَيْهَا
١	٧، ٦
٢	١٢، ٩، ٨
٣	١١، ١٠
٤	١٣

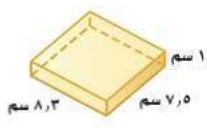
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب عشرة:



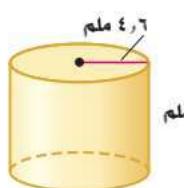
٨



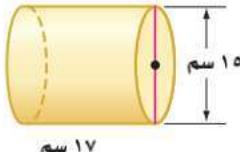
٧



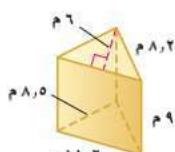
٦



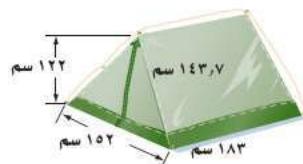
١١



١٠



٩



١٢ خيام : يُتَحَمَّلُ مَصْنَعُ خِيَامًا بِلَاسْتِيكِيَّةٍ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، فَمَا مَسَاحَةُ قطْعَةِ الْبِلَاسْتِيكِ الَّتِي تَلْزَمُ لِصَنْعِ خِيَامٍ؟



١٣ فن: اشتَرَتْ هَنَاءُ وَعَاءَ النَّبَاتِ الْمُجَاوِرِ، فَإِذَا كَانَ طُولُ قَطْرِهِ الدَّاخِلِيِّ ٨ بُوصَاتٍ، وَأَرْتِفَاعُهُ ١٠ بُوصَاتٍ، وَسُمْكُ الْإِنَاءِ $\frac{1}{2}$ بُوصَةٍ، وَأَرَادَتْ هَنَاءُ طَلَاءَ قَاعِدَةِ الْوَعَاءِ وَسَطْحَهُ مِنَ الدَّاخِلِ وَالْخَارِجِ، فَكَمْ بُوصَةٌ مَرْبُعَةٌ مِنَ الْإِنَاءِ يَجِبُ أَنْ تُطَلَّى؟

١٤ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) طوله ١٢ سم ، وعرضه ٤ سم ، ومساحته الكلية تساوي ٥٧٦ سم^٢ ، فما ارتفاعه؟



١٥ تَغْلِيفٌ: صُمِّمَ وَعَاءُانِ مِنَ الْكَرْتُونِ لِأَحْدَادِ أَنْوَاعِ الْحَبَوبِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، فَإِذَا كَانَ الْحَجَمَانِ مُتَسَاوِيَيْنِ تَقْرِيَّبًا، فَأَيِّ الْوَعَائِينِ يَحْتَاجُ إِلَى كَمِيَّةٍ أَقْلَى مِنَ الْكَرْتُونِ؟ فَسُرْ إِجَابَتَكِ.

١٦ تَبَرِيرٌ: حَدَّدْ مَا إِذَا كَانَتِ الْعَبَارَةُ الْآتَيَةُ صَحِيحَةً أَمْ خَاطِئَةً. وَإِذَا كَانَتْ خَاطِئَةً، فَأَعْطِ مَثَلًا مَضَادًا: "إِذَا تَسَاوَى حَجَمَاً مَنْشُورِيْنِ مُسْتَطِيلِيْنِ فَإِنَّهُ يَكُونُ لَهُمَا مَسَاحَةً كُلِّيَّةً نَفْسَهُمَا".

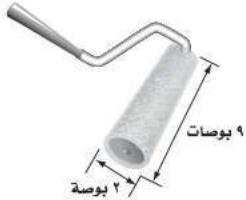
١٧ تَحْدِيدٌ: أَيُّ الْحَالَتَيْنِ تَزَدَّدُ عَنْهُمَا مَسَاحَةُ الْكُلِّيَّةِ لِسَطْحِ الْأَسْطُوانَةِ بِشَكْلِ أَكْبَرِ: مَضَاعِفَةُ الْأَرْتِفَاعِ مَرَّةً أَمْ مَضَاعِفَةُ نَصْفِ الْقَطْرِ مَرَّةً؟ فَسُرْ إِجَابَتَكِ.

١٨ الحس العددي: إذا زدت نصف قطر أسطوانة إلى ثلاثة أمثاله، ففسر كيف يؤثر ذلك في المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة الجديدة بالنسبة لسطح الأسطوانة الأولى.

مسائل
مهارات التفكير العليا



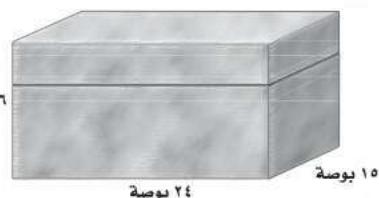
١٩ فرشاة دهان أسطوانية كما في الشكل أدناه.



كم بوصة مربعة مساحة الجزء الذي تغطيه دورة الفرشاة
مرة واحدة من الدهان على الحائط، مقرّباً إجابتكم إلى
أقرب جزء من عشرة؟

- (أ) ١١٣، (ب) ٥٦، (ج) ٢٨، (د) ١٨، بوصة مربعة

قام فيصل بطلاء الصندوق الموضح بالشكل أدناه
من الخارج ، فكم المساحة السطحية التي سيقوم
فيصل بدهانها بالبوصات المربعة؟



- (أ) ٣٣٠ بوصة مربعة (ج) ١٩٦٨ بوصة مربعة
(ب) ٣٩٩ بوصة مربعة (د) ٥٧٦٠ بوصة مربعة

مراجعة تراكمية

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم ذلك: (الدرس ٦ - ٥)

٢١ هرم رباعي: قاعدته على شكل مستطيل طوله ١٤ م، وعرضه ١٢ م، وارتفاع الهرم ٧ م.

٢٢ مخروط: قطر قاعدته ٢٢ سم ، وارتفاعه ٢٤ سم.

٢٣ صحة: ثلاجة في مختبر مركز صحي أبعادها الداخلية ١٧ بوصة \times ١٨ بوصة \times ٤٢ بوصة ، إذا وصل إلى المختبر عينات حجمها يزيد على ٨ أقدام مكعبة لحفظها في الثلاجة، فهل تتسع الثلاجة للعينات؟ فسر إجابتك. (الدرس ٦ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كلٌ مما يلي:

$$23 \times 10 \times \frac{1}{2} \quad ٢٥$$

$$2,8 \times \frac{1}{2} \quad ٢٦$$

$$(20) \left(\frac{1}{2} \right) \left(3 \frac{1}{2} \right) \quad ٢٧$$

$$16 \times 2,5 \times \frac{1}{2} \quad ٢٨$$





معلم القياس مخطط المخروط

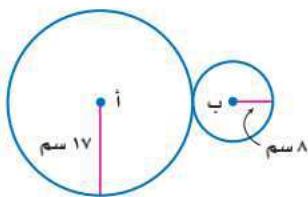
توسيع
٦ - ٦

المخروط مجسم ذو قاعدة دائيرية واحدة، ويمثل سطحه الجانبي قطاعاً دائرياً من دائرة أكبر. محيط القاعدة الدائرية يساوي طول قوس القطاع الدائري، ومحيط قاعدته يمثل جزءاً من محيط الدائرة الأكبر.

نشاط

فكرة الدرس:

أنشئ مخططاً للمخروط.



استعمل الفرجار لرسم دائرتين متامتتين من الخارج، نصف قطر إداهما ١٧ سم ونصف قطر الأخرى ٨ سم.

الخطوة ١

فكرة: ما الجزء من محيط الدائرة (أ) الذي يساوي محيط الدائرة (ب)؟
افرض أن س هي نسبة محيط الدائرة الصغرى إلى الكبرى.

$$س = \frac{\text{محيط الدائرة (أ)}}{\text{محيط الدائرة (أ)}} = \frac{53.4}{50.24} = 1.06$$

محيط الدائرة (ب) = ١٦ ط.

$$س \times \frac{16\pi}{50.24} = \frac{16\pi}{50.24}$$

بسط.

$$س \approx ٤٧.٠$$

لذا تحتاج إلى ٤٧.٠ من محيط الدائرة (أ).

الخطوة ٢

أوجد قياس الزاوية المركزية التي يجب أن تقطع من الدائرة (أ).
 $٣٦٠ \times ٤٧ = ١٧٠$

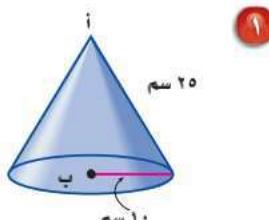
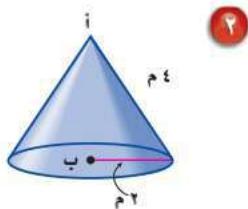
الخطوة ٣

اقطع زاوية مركزية قياسها 170° من الدائرة (أ)، واعمل مخروطاً.



حل النتائج:

أوجد الزاوية المركزية لكل مخروط مما يأتي، ثم كون مخططاً له:

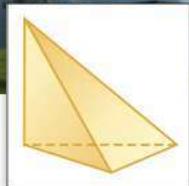
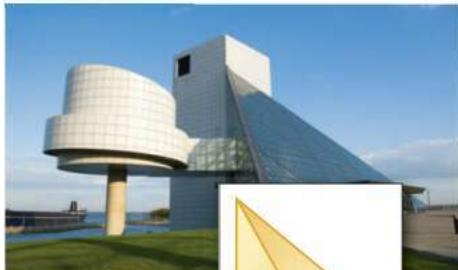




مساحة سطح الهرم

٧ - ٦

الاستعاد



بناء: المبني في الصورة المجاورة صُمم على شكل هرم.

١ ما عدد أوجه الهرم (باستثناء

القاعدة)؟ وما شكل كل وجه منها؟

٢ كيف يختلف الهرم عن المنشور؟

٣ كيف يمكنك إيجاد مساحة الزجاج المستعمل في هذا المبني؟

الهرم المنتظم هرم قاعدته مضلع منتظم، وأوجهه الجانبية مثلثات متطابقة وكل منها متطابق الساقين. وتلتقي هذه المثلثات عند أعلى الهرم في نقطة تُسمى قمة الهرم، ويسُمّى ارتفاع كل وجه جانبي منها **ارتفاع الجانب**.

فكرة الدرس:

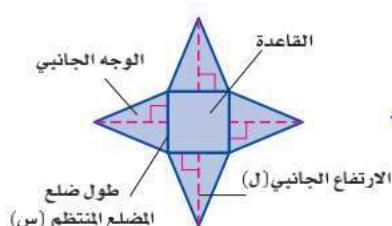
أجد المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح الهرم.

المفردات

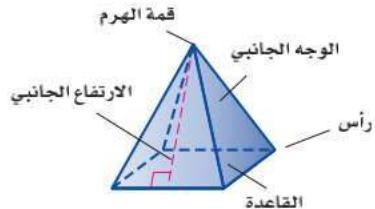
الهرم المنتظم

الارتفاع الجانبي

مخطط هرم منتظم



نموذج هرم منتظم



لإيجاد المساحة الجانبية لسطح الهرم المنتظم (ج)، انظر إلى المخطط. المساحة الجانبية لسطح الهرم هي مجموع مساحات أوجهه الجانبية. يتكون مخطط الهرم ذي القاعدة المربعة من مربع وأربعة مثلثات كما هو مبين في الشكل أعلاه.

مساحات الأوجه الجانبية.

$$ج = 4 \left(\frac{1}{2} س \times ل \right)$$

استعمل خصائص الضرب.

$$ج = \frac{1}{2} (4 س) ل$$

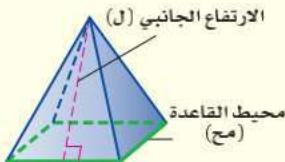
محيط القاعدة ($مح = 4 س$).

$$ج = \frac{1}{2} مح ل$$

أما المساحة الكلية لسطح الهرم المنتظم، فتساوي المساحة الجانبية له مضافاً إليها مساحة القاعدة.

المساحة الجانبية لسطح الهرم

النموذج:

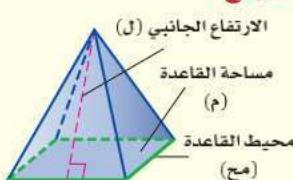


التعبير اللفظي: المساحة الجانبية (ج) لسطح الهرم
المتنظم هي نصف محيط القاعدة (مح)
مضروبًا في الارتفاع الجانبي (ل).

$$\text{الرموز: } ج = \frac{1}{2} \text{ مح } ل$$

المساحة الكلية لسطح الهرم

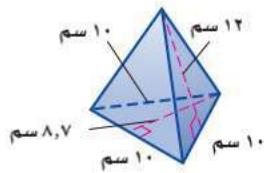
النموذج:



التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم
المتنظم هي مجموع المساحة
الجانبية (ج) ومساحة القاعدة (م).

$$\text{الرموز: } ك = ج + م \text{ أو } ك = \frac{1}{2} \text{ مح } ل + م$$

مثال مساحة سطح الهرم



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الهرم
الثلاثي في الشكل المجاور.

$$ك = ج + م = \frac{1}{2} \text{ مح } ل$$

$$م = 8,7 \times 10 \times \frac{1}{2} = 43,5$$

$$ج = 12 \times 30 \times \frac{1}{2}$$

$$ك = 43,5 + 180 = 223,5$$

$$ج = 180$$

المساحة الجانبية لسطح الهرم 180 سم²، والمساحة الكلية له 223,5 سم².

تحقق من فهمك:

- أ) أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي 18 م، وطول
ضلع قاعدته المربعة 11 م.

مثال من واقع الحياة مساحة سطح الهرم

فن العمارة: استعمل المعلومات إلى اليمين لإيجاد المساحة الجانبية لهرم
خرفع إذا علمت أن ارتفاعه الجانبي 178 م.

مساحة الهرم الجانبية.

$$\text{مح} = 4 \times 860 = 215 \times 178 = 178$$

$$ج = \frac{1}{2} \text{ مح } ل$$

$$ج = \frac{1}{2} \times 178 \times 860$$

$$ج = 76540$$

فتكون المساحة الجانبية لهرم خفرع 76540 م².

تحقق من فهمك:

- ب) أوجد المساحة الكلية لسطح هرم خفرع.

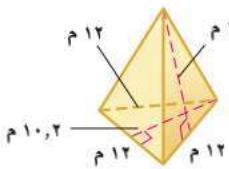


الربط بالحياة:
يبلغ ارتفاع هرم خفرع في مصر، 143 م، وطول ضلع قاعدته المربعة 215 م.
المصدر: كتاب الأهرامات المصريّة؛ مكتبة الأنجلو المصرية؛ ٢٠١٢ م

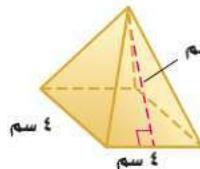


المثال ١

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:



٧



٨

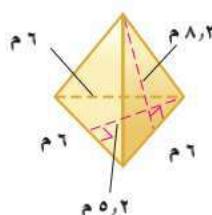
٩ **أهرامات:** هرم أريانا في ممفيس في الولايات المتحدة هرم رباعي منتظم، طول

المثال ٢

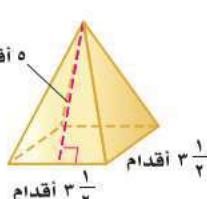
قاعدة كل وجه له ٦٠٠ قدم، وارتفاعه ٤٧٧ قدمًا، أوجد المساحة الجانبية له.

تدريب وحل المسائل

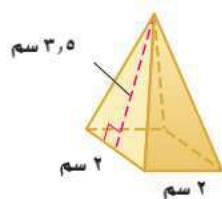
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:



٩



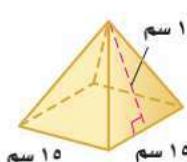
٦



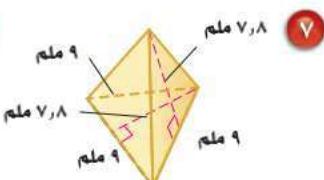
٤



٩



٨

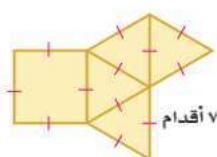


الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٤
٢	١١ - ١٠

١٠ **أسقف:** سقف خشبي على شكل هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٦ قدمًا، وقاعدته مربع طول ضلعه ٤٠ قدمًا، ما مساحة الخشب الذي تحتاج إليه لتعطية السقف؟

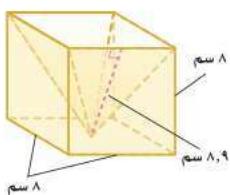
١١ **مخطط:** هرم رباعي منتظم مساحته الجانبية $25 \times 107 = 2575 \text{ سم}^2$ وطول ارتفاعه الجانبي ٢٥، أوجد طول ضلع من قاعدته.

١٢ **فن العمارة:** يبلغ الارتفاع الجانبي لهرم الشمس في المكسيك ١٣٢،٥ م، وطول ضلع قاعدته المربعة ٢٢٣،٥ م، أوجد مساحته الجانبية.

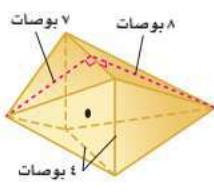


١٣ **مخطط:** يمثل الشكل المجاور مخططاً لهرم منتظم، احسب المساحة الكلية للهرم.

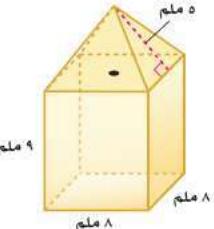
أوجد المساحة الجانبية والكلية لكل مجسم مما يأتي مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



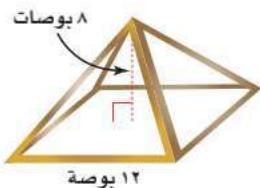
١٦



١٥



١٤

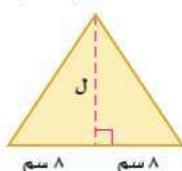


١٧ مصباح مكتبي: اشتري عمر مصباحاً مكتبياً على شكل

هرم منتظم، احسب المساحة الجانبية للمصباح.

(إرشاد: استعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد الارتفاع الجانبي).

منظر جانبي للهرم



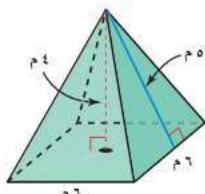
١٨ تحدّ: استعمل الشكل المجاور لحل الأسئلة ١٨ - ٢٠

علمًا بأن الارتفاع الكلي له ٢٠ سم.

١٩ أوجد ارتفاع الهرم (ع).

٢٠ استعمل ارتفاع الهرم لإيجاد الارتفاع الجانبي (ل).

٢١ أيِّ الشكليين مساحة سطحه أكبر؛ الهرم أم المنشور؟ بُرر إجابتكم.



٢١ اكتشف الخطأ: أوجد كُلُّ من حمد ونوف المساحة الكلية للهرم المست Zumma المجاور ، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك.



$$\text{مساحة سطح} = \frac{1}{2} \times \text{الارتفاع} \times \text{الجانبي}$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times 6 = 15 \text{ سم}^2$$



$$\text{مساحة سطح} = \frac{1}{2} \times \text{الارتفاع} \times \text{الجانبي}$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times 6 = 15 \text{ سم}^2$$

نوفار

حمد

٢٢ مسألة مفتوحة: هرم قاعدته مربعة، طول ضلعها ٣ سم، وطول ارتفاعه الجانبي ٤ سم، فما الأبعاد الممكنة لمنشور مستطيلي له مساحة سطح الهرم نفسها؟

٢٣ تحدّ: أوجد المساحة الكلية للهرم الرباعي المنتظم الذي حجمه ٤٠٠ سم^٣ ، وطول ضلع قاعدته ١٠ سم.

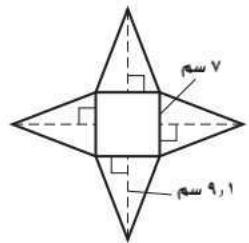
٢٤ **الكتب** كيف يمكنك استعمال ارتفاع هرم لإيجاد طول ارتفاعه الجانبي؟

مسائل

مهارات التفكير العليا

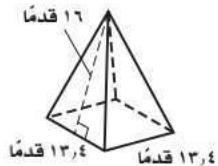


٢٦ تمثل الشبكة أدناه هرمًا رباعيًّا منتظمًا، مقرًّبًا إلى أقرب عدد صحيح؟ ما المساحة الجانبية لسطح الهرم في الهرم؟



- أ) ٣٢ سم^٢
ب) ٤٩ سم^٢
ج) ١٢٧ سم^٢
د) ١٧٦ سم^٢

٢٥ ما أفضل تقدير للمساحة الجانبية لسطح الهرم في الشكل أدناه؟



- أ) ١٠٧ أقدام مربعة
ب) ١٨٠ أقدام مربعة
ج) ٤٢٩ أقدام مربعة
د) ٦٠٧ أقدام مربعة

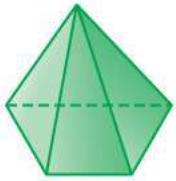
مراجعة تراكمية

٢٧ **تغليف:** أوجد المساحة الجانبية لسطح العلبة أسطوانية قطرها ٣ بوصات ، وارتفاعها ٥ بوصات. (الدرس ٦ - ٦)

٢٨ **جبال:** قام سعد بإنشاء نموذج جبل من الطين على شكل مخروط، إذا كان ارتفاع الجبل ٤ أقدام، ونصف قطر قاعدته قدمان ، فما حجم المادة الطينية اللازمة لإنشاء الجبل ؟ قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك. (الدرس ٦ - ٥)

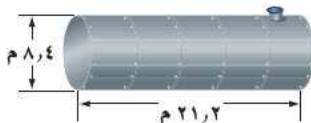


اختبار الفصل

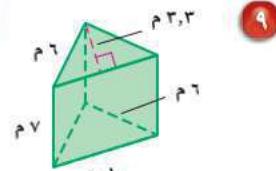
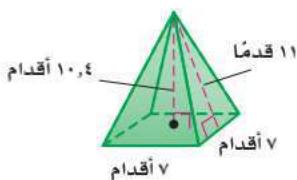


٧ هندسة: حدد نوع الشكل،
واذكر عدد أوجهه وشكلها،
ثم عدد أحرفه ورؤوسه.

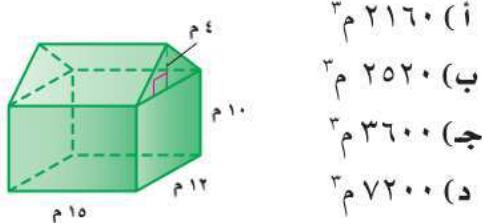
٨ وقود: صهريج (خزان) وقود أسطواني الشكل
كما في الشكل أدناه. احسب حجم الصهريج؟ مقرّباً
الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



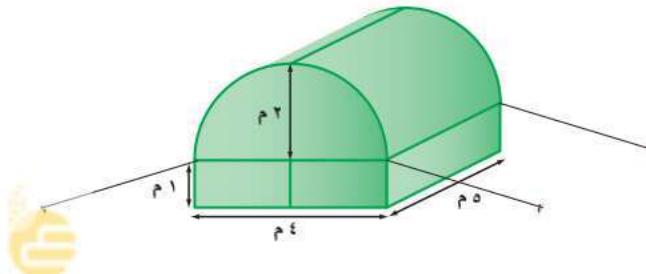
أوجد حجم كل مجسم ومساحة سطحه الكلية، مقرّباً
الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



٩ اختيار من متعدد: أوجد حجم المجسم أدناه.



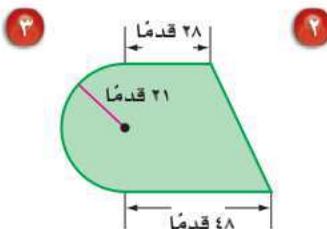
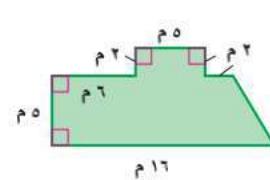
١٠ خيام: احسب مساحة سطح الخيمة في الشكل
أدناه، مقرّباً إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة.



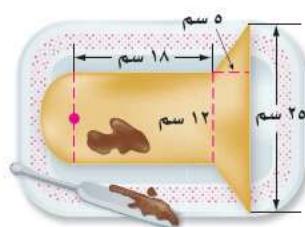
١١ اختيار من متعدد: ركض فارس حول مضمار دائري مرتين، فإذا كان نصف قطر المضمار 25 م ،
فما المسافة التي ركضها الفارس؟

- (أ) 314 م
- (ب) 157 م
- (ج) 78.5 م
- (د) 50 م

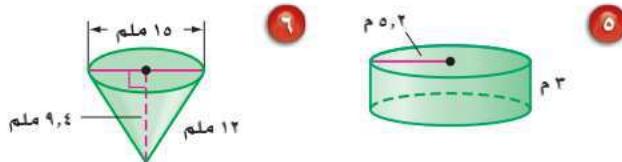
أوجد مساحة كل شكل فيما يأتي، مقرّباً الجواب إلى
أقرب جزء من عشرة:



١٢ قالب حلوى: صنعت منها قالب حلوى على شكل
مصحّاب كهربائي كما في الشكل أدناه وتريد تزيينه. فإذا
كان الوعاء الواحد من مادة التزيين يغطي 250 سم^2
من قالب الحلوى، فكم وعاءً تحتاج لتزيين القالب
كاملًا؟



أوجد حجم كل مجسم، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء
من عشرة:



الاختبار التراكمي (٦)

اختيار من متعدد

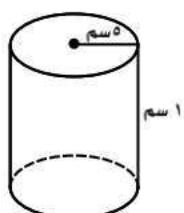
القسم ١

٤ ما المساحة السطحية لصناديق حوض الغسيل في الشكل أدناه؟



- (أ) ٢٠٠ بوصة مربعة (ج) ٤٠٠ بوصة مربعة
 (ب) ٢٢٤ بوصة مربعة (د) ٤٤٨ بوصة مربعة

٥ ما حجم الأسطوانة في الشكل أدناه؟



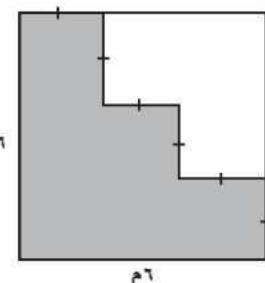
- (أ) ١٠٠ سم٣
 (ب) ١٥٧ سم٣
 (ج) ٣١٤ سم٣
 (د) ٧٨٥ سم٣

٦ ما حجم المخروط القائم الذي قطر قاعدته ٨ بوصات، وارتفاعه ١٢ بوصة؟ قرّب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

- (أ) ٢٠١ بوصة مكعبية
 (ب) ٤٨١ بوصة مكعبية
 (ج) ٦٠٣ بوصات مكعبية
 (د) ٨٠٤ بوصات مكعبية

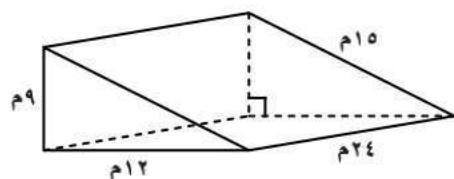
اختر الإجابة الصحيحة:

١ ما مساحة الجزء المظلل من الشكل أدناه؟



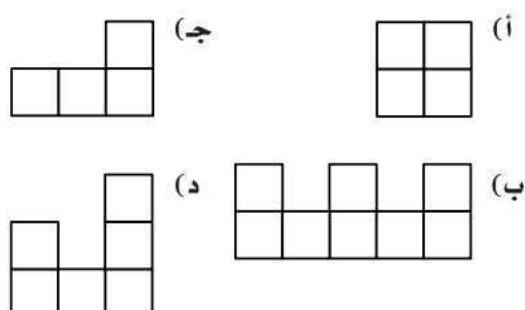
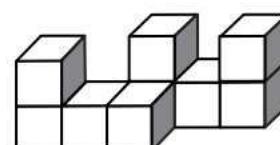
- (أ) ٢٦ م٢
 (ب) ٣٠ م٢

٢ ما حجم المنشور الثلاثي في الشكل أدناه؟



- (أ) ١٢٩٦ م٣
 (ب) ٩٧٢ م٣

٣ أيُّ مما يأتي يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟



الفصل : ٦

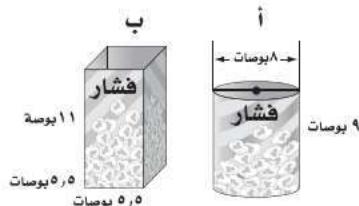
١٠ أوجد حجم الهرم الرباعي المنتظم الذي طول ضلعه قاعدته ٧ بوصات، وارتفاعه ٤ بوصات، مقرراً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

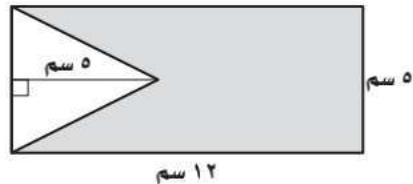
١١ يبيع الفشار في شكلين من العلب المبيّنة أدناه، ويرغب صاحب محل أن يختار أحد الشكلين ليستعمله في بيع الفشار.



ا) أي العلبتين تتسع لأكبر كمية من الفشار؟ فسر إجابتك.

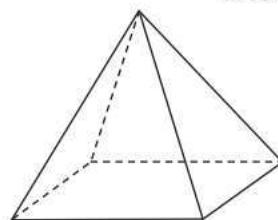
ب) أي العلبتين تحتاج إلى كمية أقل من الكرتون لصنعها؟ فسر إجابتك.

٧ تم قص مثلث متطابق الضلعين من مستطيل كما في الشكل أدناه. ما مساحة الجزء المتبقى من المستطيل؟



- (أ) ٦٠ سم^٢
(ب) ٥٥ سم^٢
(ج) ٤٧.٥ سم^٢
(د) ٣٥ سم^٢

٨ ما عدد أوجه المجسم أدناه؟



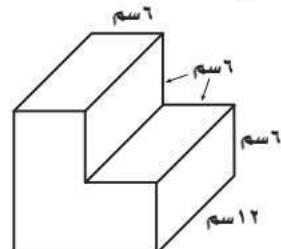
- (أ) ٢
(ب) ٣
(ج) ٤
(د) ٥

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

٩ رُتبت قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكُوِّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال

فراجع الدرس

١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	
٦-٦	٥-٦	٤-٦	٣-٦	١-٦	٥-٦	٤-٦	٥-٦	٣-٦	٤-٦	١-٦	



الفصل

٧

الجبر: المعادلات والمتباينات

الفكرة العامة

- أستعمل المعادلات الخطية لتمثيل المسائل وتحليلها وحلها.
- أحل معادلات ومتباينات خطية بسيطة بأعداد نسبية.

المفردات الرئيسية:

- العبارات المتكافئة.
- الحدود المتشابهة.
- معادلة ذات خطوتين.

الربط بالحياة:

البحر الميت: ينخفض مستوى ارتفاع مياه البحر الميت في الأردن بمعدل ٨٠ سم سنويًا. يمكنك كتابة معادلة لوصف التغير في ارتفاع مياه البحر الميت لأي عدد محدد من السنوات.

المَطْوِيَّات

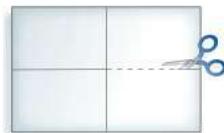
منظمه أفكار

الجبر: المعادلات والمتباينات : اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقة A3 كما يأتي:

٤ سُم كل قسم كما
في الشكل أدناه.



٣ افتح الورقة، وقصّها
كمًا هو موضح أدناه؛
للحصول على قسمين.



٢ اطأ الورقة نصفين
من أعلى إلى أسفل.



١ اطأ الورقة نصفين
عرضياً.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للسريعة

اختبار للريح

مثال ١ :

بين ما إذا كانت العبارة: $-2 < 1$ صحيحة أم خاطئة:
عَيْنَ النقطتين عَلَى خط الأعداد.



بما أن -2 تقع عن يسار 1 ، فإن $-2 < 1$; لذا فالعبارة خاطئة.

مثال ٢ :

اكتب معادلة جبرية للجملة اللغوية الآتية:
أضيف العدد 3 إلى مثلي عدد ما، فأصبح الناتج 5 .
ليكن س ممثلاً العدد.

$$\begin{array}{rcl} 5 & & \text{أصبح} \\ - & & \swarrow \\ 5 & = & 3 + s \\ & & \text{لذا المعادلة هي: } 2s = 5 \end{array}$$

مثال ٣ :

حُلّ المعادلة الآتية:
اكتب المعادلة.
أضف 7 إلى كل طرف.
بسط.

$$\begin{array}{rcl} 7 - k = 44 & & \\ 7 + & = 7 + & \\ & k = 51 & \end{array}$$

بيان ما إذا كانت كل عبارة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة:

(مهارة سابقة)

- ١ $3 > 2$ ٤ $10 < 4$
٢ $1 < 0$ ٥ $8 < 7$

طقس: وصلت درجة الحرارة في أحد أيام الشتاء في مدينة تبوك -9°C ، وفي حائل -6°C ، فائي المدينتين كانت درجة حرارتها أعلى؟ ووضح إجابتك.

(مهارة سابقة)

اكتب معادلة جبرية لكل جملة لفظية فيما يأتي:

٦ أُضِيفَ عدُّ ما إلى العدد 10 فأصبح الناتج 8

٧ الفرق بين 5 و 3 س يساوي 2

٨ نقص عدد ما بمقدار 4 فبقى 2

نقود: مع صلاح مبلغ من النقود، يقل عن مثلي ما مع أخيه مالك بمقدار ريالين. فإذا كان مع مالك 50 ريالاً، فكم ريالاً مع صلاح؟

(مهارة سابقة)

حُلّ كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

- ١١ $n + 8 = 4$ ١٠ $9 - m = 4$
١٢ $z - 6 = 10$ ١٣ $15 = 4 + z$
١٤ $18 - 3 = 18 - b$ ١٥ $42 - 6 = b$
١٦ $8 - \frac{9}{4} = 12$ ١٧ $\frac{r}{7} = 12$



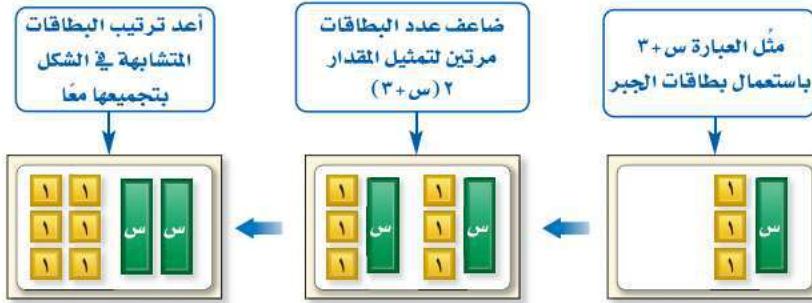


تبسيط العبارات الجبرية

١ - ٧

نشاط

يمكنك استعمال بطاقات الجبر؛ لإعادة كتابة العبارة الجبرية $2(s+3)$.



- ١ اختيار قيمتين موجبتين وقيمة سالبة لـ (s) ، ثم أوجد قيمة $2(s+3)$.
وقيمة $2s+6$ عند تلك القيم. ماذا تلاحظ؟

- ٢ استعمل بطاقات الجبر في إعادة كتابة العبارة $3(s-2)$.
[إرشاد: استعمل بطاقة واحدة خضراء (s) وبطاقتين حمراوين (-1) لتمثيل $s-2$.]

تعلمت سابقاً أنه يمكن إعادة كتابة عبارة مثل $3(7+2)$ باستعمال خاصية التوزيع ثم التبسيط، وذلك على النحو الآتي:

$$\begin{aligned} \text{خاصية التوزيع} \quad & (7)3 + (2)3 = (7+2)3 \\ \text{بالضرب والجمع} \quad & 21 + 6 = \end{aligned}$$

تُستعمل خاصية التوزيع أيضاً في تبسيط العبارات الجبرية، مثل $2(s+3)$.

$$\begin{aligned} \text{خاصية التوزيع} \quad & 2(s+3) = 2s + 2(3) \\ \text{بالضرب} \quad & 2s + 6 = \end{aligned}$$

وتحسّى العبارتان $2(s+3)$ ، $2s+6$ عبارتين متكافئتين؛ لأنّه مهمما كانت s فالعباراتان لهما القيمة نفسها.

كتابة عبارات تتضمن عملية جمع

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$\begin{aligned} 4(s+7) &= 4s + 4(7) \\ (ص+5)(5) &= 5\times2 + 5 \\ (ص+2)(4) &= 4(s+2) \\ 5(s+1) &= 5s + 5 \end{aligned}$$

بسط

تحقق من فهمك

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$(أ) 6(4+s) - 2(s+1) \quad (ب) (n+3)(8) \quad (ج) -2(s+3)$$

فكرة الدرس:

استعمل خاصية التوزيع في تبسيط العبارات الجبرية.

المفردات

العبارات المتكافئة

الحد

المعامل

الثابت

الحدود المشابهة

أبسط صورة

تبسيط العبارة



مثالان

كتابة عبارات تتضمن عملية طرح

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

٦(ب - ٥)

أكتب ب - ٥ على صورة ب + (٥ -)

خاصية التوزيع

بسط

تعريف الطرح

$$6(b - 5) = [b + (5 -)]$$

$$6(b) + 6(5 -) =$$

$$6b + (30 -) =$$

$$6b - 30 =$$

٢-(س - ٨)

أكتب س - ٨ على صورة س + (-٨).

خاصية التوزيع

بسط

$$2-(s - 8) = [s + (-8)]$$

$$2(s) - 2(-8) =$$

$$2s - (-16) =$$

ارشادات للدراسة

مراجعة

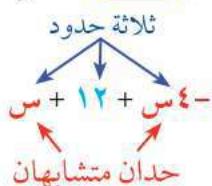
يمكنك مراجعة ضرب الأعداد
الصحيحة الذي درسته سابقاً.

تحقق من فهمك

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

د) ٣(ص - ١٠) هـ - ٧(و - ٤) و (ن - ٢)(٩ -)

تجزئ إشارتا الجمع والطرح العبرة الجبرية إلى أجزاء يُسمى كل منها حدّاً، والعامل العددي لحد يشتمل على متغير يُسمى معامل المتغير.



لغة الرياضيات

المعاملات

معامل -٤س هو -٤،

ومعامل س هو ١.

المحتوى

تحديد أجزاء عبارة جبرية

عين الحدود، والحدود المتشابهة منها، والمعاملات، والثوابت في العبارة:

٦ن - ٧ن - ٤ + ن.

تعريف الطرح

$$6n - 7n - 4 + n = 6n + (-7n) + (-4) + n$$

$$= 6n + (-7n) + (-4) + 1n \quad \text{خاصية العنصر المحايد } (n=1n)$$

- الحدود: ٦ن، -٧ن، -٤ ، ن

- المعاملات: ٦، -٧، ١، -٤

- الثوابت : -

تحقق من فهمك

عين الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في كلٌ من العبارتين الآتيتين:

$$\text{ح) } ٣س + ٢ - ١٠ - ٣س \quad \text{ز) } ٩ص - ٤ - ١١ص + ٧$$



تكون العبارة الجبرية في أبسط صورة إذا لم تتضمن حدوداً متشابهةً أو أقواساً. ويمكنك استعمال خاصية التوزيع لتجمیع الحدود المتشابهة، وهو ما يسمى بتبسيط العبارة.

مثالان تبسيط عبارات جبرية

خاصية العنصر المحايد خاصية التوزيع، والتبسيط تعريف الطرح خاصية الإلدا خاصية التوزيع بسط	بسط العبارة: $4s + s = 5s$ $4s + s = 4 + 1s$ $(4 + 1)s = 5s$ بسط العبارة: $7s - 2 - 7s = 0$ $7s - 2 - 7s = (7s - 2) + (-7s) = 0$ $0 = 0$ $s = s$	٦ ٧
--	--	--

إرشادات للدراسة

العبارات المترافقنة
للتحقق مما إذا كانت
 $4s + s = 5s$ صن متكافئتين،
عوض عن صن بأي قيمة،
ولاحظ ما إذا كانت النواتج
متتساوية.

تحقق من فهمك

بسط كل عبارة مما يأتي:

$$\text{ك) } 2m - 11 + 3n \quad \text{ي) } 6 - 3n + 3n \quad \text{ط) } 4z - z$$

مثال من واقع الحياة

معارض : اشتريت من معرض الرياض الدولي للكتاب عدداً من القصص بسعر ١٢ ريالاً للقصة الواحدة، وعدداً مماثلاً من الأقراص التعليمية بسعر ٥ ريالات للقرص الواحد، اكتب عبارة لتمثيل المبلغ الكلي الذي صرفته في أبسط صورة.



الربط بالحياة
في عام ٢٠١٨م ضم معرض الكتاب الدولي في الرياض أكثر من ٣٤٠ ألف عنوان عرضتها ٧٥٠ دار نشر تمثل أكثر من ٣٠ دولة.

التعبير اللفظي ١٢ ريالاً لكل قصة و ٥ ريالات لكل قرص تعليمي.

ليكن s يمثل عدد القصص أو عدد الأقراص التعليمية.

$$12s + 5s$$

المتغير

العبارة

$$12s + 5s = 17s$$

بسط

$$17s = 19s$$

إذن العبارة $19s$ تمثل المبلغ الكلي الذي صرفته.

تحقق من فهمك

ل) نقود : إذا كان معلم مبلغ من النقود، ومع شقيقك مبلغ يقل عنه بـ ٥٠ ريالاً، فاكتتب عبارة تعبّر عن المجموع الكلي للمبلغين في أبسط صورة.

تأكد

الأمثلة ٤-١

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

- | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| ٤ | ٣ | ٢ |
| $(٩ + ٤)(٤)$ | $(٦ + ٧)(٣)$ | $(٤ + ٥)(٢)$ |
| ٨ | ٧ | ٦ |
| $(٩ + ٣) - (٢ - ٦)$ | $(٤ - ٧) - (٢ - ٦)$ | $(٣ - ٢) - (٤ - ٦)$ |

المثال ٥

عَيْنُ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودُ الْمُتَشَابِهُ مِنْهَا، وَالْمَعَالِمُ، وَالثَّوَابُتُ فِي كُلِّ عَبَارَةٍ مَا يَأْتِي:

$$١١ \quad ١٥ \quad ١٠ \quad ٥ \quad ٧ \quad ٢ \quad ٣ \quad ٤ \quad ٨ \quad ٩ \quad ٥ \quad ٢ \quad ٣ \quad ٤ \quad ٨ \quad ٩$$

المثالان ٦ ، ٧

بَسْطُ كُلِّ عَبَارَةٍ مَا يَأْتِي:

$$١٠ \quad ٤ \quad ١٤ \quad ٧ \quad ٦ \quad ٥ \quad ٧ \quad ٢ \quad ١٣ \quad ٧ \quad ٥ \quad ٧ \quad ٦ \quad ٤ \quad ١٢ \quad ٨ \quad ١١$$

المثال ٨

تسوق : إذا اشتريت ٣ زجاجات عصير سعر كل واحدة منها ٥ ريال، وكيلوجراماً من التفاح بـ ٤ ريالات، فاكتتب عبارة تعبر عن المبلغ الذي أنفقته في أبسط صورة.

تدريب وحل المسائل

إرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٢٧-١٦	٤-١
٣٣-٢٨	٥
٣٩-٣٤	٧ ، ٦
٤٣-٤٠	٨

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| ١٩ | ١٨ | ١٧ |
| $(٢ - ٧)(٨ + ٣)$ | $(١ + ٨)(٥ + ٨)$ | $(١ - ٨)(٧ + ٣)$ |
| ٣٣ | ٢١ | ٢٠ |
| $(٣ - ٥)(٥ - ٦)$ | $(٨ - ٦)(٨ - ٥)$ | $(٦ - ٨)(٦ - ٥)$ |
| ٣٦ | ٣٥ | ٣٤ |
| $(٣ - ٣)(٦ - ٣)$ | $(٧ - ٦)(٢ + ٣)$ | $(٢ + ٣)(٦ - ٧)$ |
| ٣٩ | ٣٧ | ٣٨ |

عَيْنُ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودُ الْمُتَشَابِهُ مِنْهَا، وَالْمَعَالِمُ، وَالثَّوَابُتُ فِي كُلِّ عَبَارَةٍ مَا يَأْتِي:

$$٣٠ \quad ٤ \quad ٥ \quad ٦ \quad ٧ \quad ٨ \quad ٩ \quad ١٠ \quad ١١ \quad ١٢ \quad ١٣ \quad ١٤ \quad ١٥ \quad ١٦ \quad ١٧ \quad ١٨ \quad ١٩ \quad ٢٠ \quad ٢١ \quad ٢٢ \quad ٢٣ \quad ٢٤ \quad ٢٥ \quad ٢٦ \quad ٢٧ \quad ٢٨$$

بَسْطُ كُلِّ عَبَارَةٍ مَا يَأْتِي:

$$٣٦ \quad ٣٥ \quad ٣٤ \quad ٣٣ \quad ٣٢ \quad ٣١ \quad ٣٠ \quad ٣٩ \quad ٣٨ \quad ٣٧ \quad ٣٦ \quad ٣٥ \quad ٣٤ \quad ٣٣ \quad ٣٢ \quad ٣١ \quad ٣٠$$

اكتب عبارة جبرية في أبسط صورة تمثل الكمية الإجمالية في الأسئلة ٤٣-٤٠:

قرطاسية : اشتريت س قلمًا بسعر ريالين للقلم الواحد، والعدد نفسه من المساطر بسعر ١ ريال لكل مسطرة، وعلبة أدوات هندسية بـ ٩ ريالات.

قراءة : قرأت في كتاب س دقيقة في كلٌّ من يومي الإثنين والأربعاء، و٣٠ دقيقة في يوم الجمعة.



٤٢ **لجان:** أنت عضو في م لجنة، وزميلك عضو في عدد من اللجان يقل عنك بمقدار لجتين.

٤٣ **أعمار:** بلغ عمر أحمد اليوم ص سنة، ويصغره أخوه علي بمقدار ٥ سنوات.

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

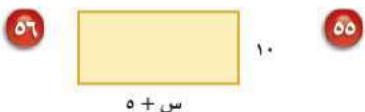
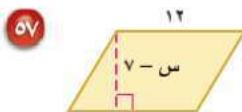
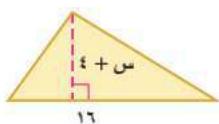
$$٤٧ \quad ٤٦ \quad ٤٥ \quad ٤٤ \quad ٤٣ (٢ص + ١) - (٣ص + ٥)$$

$$٤٩ \quad ٤٨ \quad ٥٠ \quad ٥١ \quad ٥٢ - (٢٣ - ٢٢ ب) - (٢١ - ن) - (٧ - ص) - (٦ - ج)$$

جبر: اكتب جملة لفظية من واقع الحياة لكل عبارة جبرية مما يأتي:

$$٥٤ \quad ٥٣ \quad ٥٢ \quad ٥١ \quad ٥٠ \quad ٥٩ ١٤ - ١٦ ص + ٧ ، ٣ ص + ١٥$$

قياس: اكتب عبارتين جبريتين متكافتين؛ لتمثيل مساحة كل شكل مما يأتي:



٥٨ مدرسة: إذا أمضيت م دقيقة في الدراسة يوم الإثنين، و ١٥ دقيقة يوم الثلاثاء زيادة على يوم الإثنين، و ٣٠ دقيقة يوم الأربعاء أقل من يوم الثلاثاء، ويوم الخميس مثلثي عدد دقائق يوم الإثنين، ويوم الجمعة أقل بـ ٢٠ دقيقة من يوم الخميس، فاكتتب عبارة في أبسط صورة لتمثيل عدد الدقائق التي قضيتها في الدراسة في الأيام الخمسة.

٥٩ مسألة مفتوحة: اكتب عبارة بثلاثة حدود، أبسط صورة لها هي: ٤ س - ٧، عين المعاملات والثوابت فيها.

مُسائل
مهارات التفكير العليا

٦٠ اكتشف المختلف: عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى.
ووضح إجابتك.

$$٤ س - ٢$$

$$٩ - ٤ س + ٧$$

$$٤ (س - ٢)$$

$$س - ٢ + ٣ س$$

٦١ تحدّ: بسط العبارة: $٨س^2 - ٢س + ١٢س - ٣$. وتحقق من صحة إجابتك
عندما $س = ٢$.

٦٢ أكتب هل العبارة الآتية صحيحة: $٢(س - ١) + ٣(س - ١) = ٥(س - ١)$?
إذا كانت كذلك، فاستعمل خصائص العمليات في توضيح إجابتك، وإذا كانت خطأً، فأعط مثالاً مضاداً.



تدريب على اختبار



٦٤ أي العبارات الآتية تكافئ $5 + 5 \cdot b$ ؟

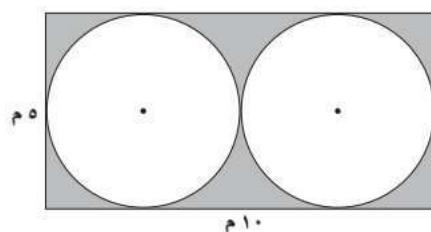
- أ) $5 \cdot b$
- ب) $5(1+b)$
- ج) $5 + 1 \cdot b$
- د) $1 + 5 \cdot b$

٦٣ ما الخاصية المستعملة في العبارة أدناه؟

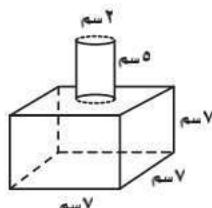
$$4s + 32 = 4(s + 8)$$

- أ) خاصية التجميع على الجمع.
- ب) خاصية الإبدال على الجمع.
- ج) خاصية التوزيع.
- د) خاصية الانعكاس.

مراجعة تراكمية

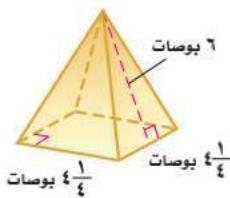


٦٥ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور مقرّباً للجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ١)

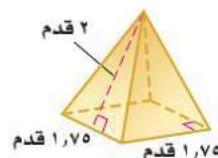


٦٦ أوجد المساحة الجانبية والكلية للمجسم المجاور مقرّباً للجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ٦)

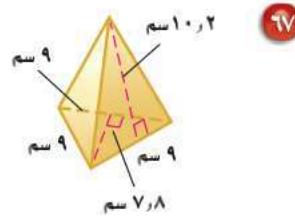
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً للجواب إلى أقرب جزء من عشرة، إذا لزم الأمر. (الدرس ٦ - ٧)



٦٩



٦٧



٧٠

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$9 - 5 = 4 \quad ٧٦$$

$$\frac{1}{3} = 15 - \frac{1}{3} \quad ٧٧$$

$$2 = 8 + s \quad ٧٨$$

$$32 = 4n \quad ٧٩$$





حل معادلات ذات خطوتين

٢-٧

الستعدين



حلوى: اشتري زيد ٣ أكياس من الحلوي، وكيساً واحداً من البسكويت، ودفع ٧ ريالات ثمناً لها جميعاً.

- ١ وُضِّحَ كَيْفَ يُمْكِنُكَ استعمال استراتيجية الحل عَكْسِيًّا لِإِيَجادِ ثَمَنِ كُلِّ كَيْسٍ مِّنْ أَكِيَاسِ الْحَلْوَى الَّتِي اشترَاها زَيْد.
- ٢ أَوْجَدَ ثَمَنِ كُلِّ كَيْسٍ مِّنْ الْحَلْوَى.

فكرة الدرس:

أحل معادلات ذات خطوتين.

المفردات

معادلة ذات خطوتين

يمكن حل هذه المسألة أيضاً من خلال حل معادلة ذات خطوتين هي: $3s + 1 = 7$ حيث يمثل المتغير s ثمن الكيس الواحد من أكياس الحلوي.

تحتوي المعادلة ذات الخطوتين على عمليتين، ففي المعادلة $3s + 1 = 7$ ، ضربت s في (٣) ثم أضيف (١) إلى الناتج. ولحل هذه المعادلات حل كل عملية بالترتيب المعاكس.

مثالان حل معادلات ذات خطوتين

$$\text{حل المعادلة: } 3s + 1 = 7$$

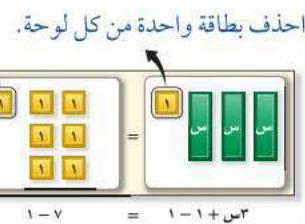
الطريقة ٢ استعمال الرموز

$$\begin{aligned} \text{استعمل خاصية الطرح:} \\ 3s + 1 = 7 \\ \text{اكتب المعادلة} \\ \text{اطرح 1 من كل طرف} \\ 3s = 6 \end{aligned}$$

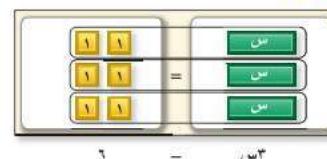
استعمل خاصية القسمة:

$$\begin{aligned} \text{اقسم كل طرف على 3} \\ \frac{6}{3} = \frac{3s}{3} \\ \text{بسط} \\ s = 2 \end{aligned}$$

الطريقة ١ استعمال التماذج



ثُمَّ وَرَّزَّ الْبَطَاقَاتُ الْمُتَبَقِّيَّةُ فِي ثَلَاثِ مَجْمُوعَاتٍ مُّتَسَاوِيَّةٍ.



هُنَالِكَ بَطَاقَاتٌ فِي كُلِّ مَجْمُوعَةٍ؛ لِذَلِكَ $s = 2$

وباستعمال أيٍّ من الطريقتين يكون الناتج

١ حل المعادلة: $25 = \frac{1}{4}n - 3$

الطريقة ٢ الأسلوب الأفقي

$$\begin{aligned} 25 - 3 &= \frac{1}{4}n \\ 22 &= \frac{1}{4}n \\ 22 \times 4 &= n \\ 88 &= n \\ n &= 88 \end{aligned}$$

الطريقة ١ الأسلوب الرأسي

$$\begin{aligned} \text{اكتب المعادلة.} \\ 3 - 25 &= \frac{1}{4}n \\ \cancel{3} + \cancel{25} &= \cancel{3} + \cancel{\frac{1}{4}n} \\ 28 &= \frac{1}{4}n \\ 28 \times 4 &= n \\ 112 &= n \end{aligned}$$

فيكون الحل هو ١١٢

آخر طريقة ✓

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

(أ) $3s + 2 = 20$ (ب) $5 + 2n = 1$ (ج) $1 - \frac{1}{2}s = 9$

قد تشتمل بعض المعادلات ذات الخطوتين على حد معامله سالب.

معادلات بمعاملات سالبة

مثال

٢ حل المعادلة: $6 - 3s = 21$

اكتب المعادلة

$$6 - 3s = 21$$

أعد كتابة الطرف الأيمن كعملية جمع

$$6 + (-3s) = 21$$

اطرح ٦ من كل طرف

$$6 - 6 + (-3s) = 21 - 6$$

بسط

$$-3s = 15$$

اقسم كل طرف على -٣

$$\frac{-3s}{-3} = \frac{15}{-3}$$

$$s = -5$$

فيكون الحل هو -٥

تحقق : $6 - 3(-5) = 21$

$$6 - 3(-5) = 21$$

$$6 + 15 = 21$$

$$\checkmark 21 = 21$$

ارشادات للدراسة

خطا شائع

من الأخطاء الشائعة قسمة طرفي المعادلة على ٣ بدلا من -٣. تذكر أنك تقسم على معامل المتغير، وهو في هذه المعادلة عدد سالب.

تحقق من فهمك: ✓

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

(د) $10 - \frac{2}{3}b = 52$ (هـ) $19 - 2s = 19 - 3s$



من الضروري تجميع الحدود المتشابهة قبل حل المعادلة.

تجميع الحدود المتشابهة أو لا

مثال

٤ حل المعادلة: $-2x + 5 = 11$, ثم تحقق من صحة الحل.

اكتب المعادلة $11 = -2x + 5$

خاصية العنصر المحايد ($x = x$) $11 = -2x + 1$

جمع الحدود المتشابهة: $-2x + 1 = -x$

أضف ٥ إلى كل طرف $11 = 5 + x$

بسيط $16 = x$

$x = 16$, أقسم كل طرف على -١

بسيط $x = -16$

فيكون الحل هو -16 .

تحقق: $-2x + 5 = 11$

عرض عن س بـ $(-16) - 2(-16) + 5 = 11$

اضرب $11 \stackrel{?}{=} 5 - (-16) + 32$

العبارة صحيحة $\checkmark 11 = 11$

تحقق من فهمك:

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

ن) $s + 4s = 45$ ح) $10 - 6 = 3 - s$ ط) $10 = 13 + s$ و) $s - 6 = 3 - \frac{s}{2}$

تأكد

الأمثلة ٣ - ١

حل كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

١) $3 + \frac{x}{4} = 10$ ٢) $11 - 2m = 9$ ٣) $6s + 5 = 29$

٤) $3 = 4 - \frac{z}{2}$ ٥) $37 - 3s = 5$ ٦) $7 = 5 - \frac{2}{3}s$

٧) **إلكترونيات:** اشتري خالد جهازاً إلكترونياً بمبلغ ٨١٦ ريالاً، بحيث يدفع ٥ ريالاً شهرياً. فإذاً يجده عدد الدفعات الشهرية التي دفعها خالد، إذا كان متبقياً عليه ٣٥٧ ريالاً، حل المعادلة $357 = 816 - 5x$.

المثال ٣

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

٨) $16 - 10k = \frac{1}{4}4 - 2b + \frac{1}{3}b$ ٩) $11 = 4 + 5d - 4d$

المثال ٤

تدريب وحل المسائل

إرشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
٢٠، ١٦-١١	٢٠، ١٦-١١
٣	١٩-١٧
٤	٢٣-٢١

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$5 - ب = 17 - 6 \quad (13)$$

$$17 + 2 = 11 - ب \quad (12)$$

$$21 = 9 - 2 هـ \quad (11)$$

$$\frac{ص}{3} = \frac{5 + 8}{8} \quad (16)$$

$$4 + \frac{م}{3} = 13 \quad (15)$$

$$19 - 3 = 2 جـ \quad (14)$$

$$28 = \frac{15 - س}{8} \quad (19)$$

$$11 - س = 7 - \frac{1}{2} س \quad (18)$$

$$35 = 8 - 3 س \quad (17)$$

هدايا : أهدى لعمري بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلماً بـ ١٠ ريالات، وعدداً من الكتب، بسعر ٨ ريالات للكتاب الواحد. حل المعادلة $كـ + 10 + 50 = 50$ ؛ لإيجاد عدد الكتب التي يستطيع شراءها.

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

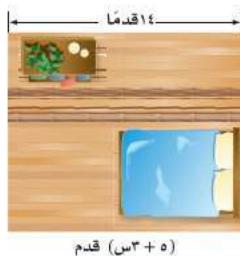
$$أـ - 15 = 21 - 9 \quad (23)$$

$$9 = 28 - 3 م \quad (21)$$

$$12 = \frac{4 - س}{5} \quad (26)$$

$$6(س + 2) = 54 \quad (25)$$

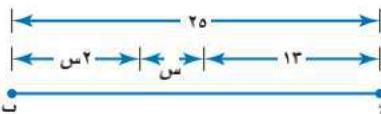
$$20 = 4(س + 2) \quad (24)$$



تزيين المنزل : يريد عماد شراء سجادة جديدة للغرفة المجاورة. احسب مساحة السجادة.

حيوانات : حل المعادلة $س + 12 = 17$ لإيجاد قيمة س التي تمثل عدد الحيوانات في حديقة الحيوان، وهل هذا ممكن؟ وضح إجابتك.

هندسة : اكتب معادلة لتمثيل طول أب في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة س.



اكتشف الخطأ : حل كل من مهند وإياد المعادلة $س + 3 = 18$ على النحو الآتي، فما هي خطأ كل منهما؟ وضح إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا



$$\begin{aligned} 18 &= 3 + س \\ \frac{18}{3} &= 3 + \frac{س}{3} \\ س &= 3 + س \\ 3 - س &= 3 - س \\ س &= س \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} 18 &= 3 + س \\ س &= 18 - 3 \\ س &= 15 \\ \frac{س}{5} &= \frac{15}{5} \\ س &= 3 \end{aligned}$$

تحدد : حل المعادلة $(س + 5) = 49$. (إرشاد: للمعادلة حلان).

الكتاب وضح كيف يمكنك استعمال استراتيجية «الحل عكسياً» في حل معادلة ذات خطوتين.



٣٢ ما قيمة m في المعادلة $-6m + 4 = 7 - \frac{m}{4}$ ؟

- (أ) ٦
- (ب) $\frac{4}{3}$
- (ج) $\frac{1}{3}$
- (د) -٦

٣٣ أيُّ قيم ص الآتية تجعل المعادلة $3 - 7 = \frac{m}{4} - 3$ صحيحة؟

- (أ) ٣
- (ب) ١٦
- (ج) ٤٠
- (د) ٨٤

مراجعة تراكمية

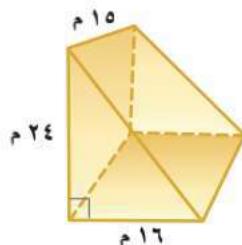
استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١ - ٧)

$$(5 + 3)(s - 3)$$

$$(6 + 1)(a - 6)$$

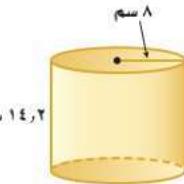
$$(y - 7)(8 - 7)$$

$$(c - 4)(8 - 4)$$



٤٠ أوجد حجم المنشور المجاور. (الدرس ٦ - ٤)

٤١ أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ٦)



الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

٤٢ أضيف العدد ٥ إلى عدد ما، فكان الناتج ١٧

٤٣ ناتج قسمة عدد على ٢ يساوي -٢





كتابة معادلات ذات خطوتين

٣-٧

الستعدين

المبلغ المدفوع	الدفعات
$400 = 20 + 400 \times 0$	٠
$420 = 20 + 400 \times 1$	١
$440 = 20 + 400 \times 2$	٢
$460 = 20 + 400 \times 3$	٣
⋮	⋮

رياضة: يرغب حاتم في المشاركة في مركز رياضي مدة أسبوعين، وبتكلفة قدرها ٧٠٠ ريال، على أن يدفع ٤٠٠ ريال مقدماً والباقي على دفعات يومية بمقابل ٢٠ ريالاً.

فكرة الدرس:

أكتب معادلات ذات خطوتين لحل مسائل تمثل مواقف حياتية.

إذا كانت n تمثل عدد الدفعات، فاكتب عبارة تمثل تكلفة الاشتراك في المركز الرياضي.

- ١) اكتب معادلة لإيجاد عدد الدفعات المطلوبة للمشاركة في المركز، ثم حلّها.
٢) ما نوع المعادلة التي كتبتها في (١)؟ وضح إجابتك.

تعلمت سابقاً كيف تكتب مسألة على صورة معادلة في خطوة واحدة. بعض المسائل تحول إلى معادلة ذات خطوتين.

العبارة اللفظية: مجموع العدد ٤٠٠ و ٢٠ ضعفاً للعدد n يساوي ٧٠٠

لتكن n تمثل العدد.

$$700 = 20 + 400n$$

العبارة اللفظية

المتغير

المعادلة

أمثلة

حوّل كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

الجملة

- أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي -٢٣
يزيد العدد ثلاثة عشر على مثلي عدد ما بمقدار ٧
ناتج قسمة عدد على ٤ مطروحاً منه واحد يساوي ٥



تحقق من فهمك:

حوّل كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- أ) يزيد العدد خمسة عشر بمقدار ٣ على ستة أمثال عدد.
ب) أضيف العدد ١٠ إلى ناتج قسمة عدد على ٦، فكان الناتج ٥
ج) الفرق بين ١٢ ومثلي عدد ما يساوي ١٨



مثالان من واقع الحياة

أثقال: اشتري مدربٌ منصةً أثقالٍ بمبلغ ١٧٥٠ ريالاً، وعدداً من الأثقال بقيمة ٥ ريالاً لكلٍ منها. فإذا كانت التكلفة الكلية ٢٩٠٠ ريال، فما عدد الأثقال التي اشتراها؟



ثمن المنصة زائد ٥٠ ريالاً لكل ثقل يساوي ٢٩٠٠ ريال.

لتكن $س$ تمثل عدد الأثقال.

$$٢٩٠٠ = ٥٠ + ١٧٥٠ \times س$$

التعبير اللفظي

المتغير

المعادلة

أكتب المعادلة

$$٢٩٠٠ = ٥٠ + ١٧٥٠$$

اطرح ١٧٥٠ من كل طرف

$$١٧٥٠ - ١٧٥٠ = ٢٩٠٠ - ٥٠$$

بسط

$$١١٥٠ = ٥٠$$

اقسم كل طرف على ٥٠

$$\frac{١١٥٠}{٥٠} = \frac{٥٠}{٥٠}$$

$$س = ٢٣$$

إذن تم شراء ٢٣ ثقلاً.

غداء: تناولت وزميلك طعاماً بمبلغ ٩٠ ريالاً، وكانت تكلفة وجبتك تزيد بمقدار ١٠ ريالاتٍ على وجبة زميلك، فما تكلفة وجبة زميلك؟

تكلفة وجبة زميلك زائد وجبتك تساوي ٩٠ ريالاً.

لتكن $ص$ تمثل تكلفة وجبة زميلك.

$$٩٠ = ص + ١٠$$

التعبير اللفظي

المتغير

المعادلة

أكتب المعادلة

$$ص + ص + ١٠ = ٩٠$$

اجمع الحدود المتشابهة

$$٢ص + ١٠ = ٩٠$$

اطرح ١٠ من كل طرف

$$٢ص = ٨٠$$

بسط

$$\frac{٨٠}{٢} = \frac{ص}{٢}$$

$$ص = ٤٠$$

تكلفة وجبة زميلك تساوي ٤٠ ريالاً.

تحقق من فهمك

د) **أرصاد جوية**: افترض أن درجة الحرارة الحالية 35°C ، ويتوقع أن ترتفع بمقدار درجتين في كل ساعة من الساعات القادمة، وبعد كم ساعة تصبح درجة الحرارة 43°C ؟

هـ) **قياس**: محيط مستطيل ٤٠ سنتيمتراً، ويقل عرضه عن طوله بمقدار ٨ سنتيمتراتٍ. اكتب معادلة لإيجاد بُعدِي المستطيل، ثم حلّها.

ارشادات للدراسة

مراجعة

يمكنك مراجعة كتابة
المعادلات التي درستها
سابقاً.

تأكد

الأمثلة ٣-١

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- ١ أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧
- ٢ أصغر من مثلي عدد بمقدار سبعة يساوي ١-
- ٣ ناتج قسمة عدد على خمسة، مطروحاً منه عشرة يساوي ٣

للسؤالين ٤، ٥، اكتب معادلة وحلّها.

المثال ٤ **رسوم:** يتطلب تجديد رخصة القيادة دفع رسم مقداره ٤٠٠ ريال، بالإضافة إلى رسم مخالففة عن كل سنة تأخير. فإذا كان مجموع ما دفعه صالح ٦٠٠ ريال بعد تأخير مدة ستة شهور، فما قيمة رسم المخالففة السنوية؟

المثال ٥ **تسوق:** اشتري علاء حقيقة وآلة حاسبة بمبلغ ١٢١ ريالاً. فإذا كان المبلغ الذي دفعه ثمناً للحقيقة يزيد بمقدار ٤٥ ريالاً على ثمن الحاسبة، فما ثمن الحاسبة؟

تدريب و حل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٣-١	٩-٦
٤	١١-١٠
٥	١٢

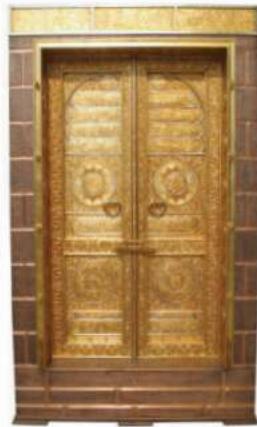
حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

- ٦ أصغر من خمسة أمثال عدد ما بمقدار أربعة يساوي ١١
- ٧ أكبر من مثلي عدد بمقدار خمسة عشر يساوي ٩
- ٨ يزيد على أربعة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي ١٢
- ٩ ناتج طرح ستة من سبعة أمثال عدد يساوي ٢٠-

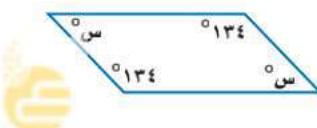
للاسئلة ١٠ - ١٣، اكتب معادلة لكل مسألة وحلّها.

١٠ كتب: اشتريت مجلة وثلاثة كتب متساوية الثمن، ودفعت ١٥٧ ريالاً ثمناً لها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدتها ٧ ريالات، فما ثمن الكتاب الواحد؟

١١ مكالمات هاتفية: بلغت فاتورة الهاتف النقال لسعد بحسب الإعلان الموضح جانباً خلال شهر واحد ١٣٩,٨ ريالاً. أوجد عدد الدقائق التي استغرقها سعد في المكالمات.



١٢.. الكعبة المشرفة: طول محيط باب الكعبة ٩,٨ م، ويزيد طوله عن عرضه ١,٥ م، اكتب معادلة لإيجاد بُعدِي باب الكعبة، ثم حلّها.



١٣ هندسة: أوجد قيمة س في متوازي الأضلاع المرسوم إلى اليسار.

الربط بالحياة:
يقع باب الكعبة المشرفة في الجهة الشرقية منها بعمق نصف متر تقريباً داخل الجدار. وباب الكعبة الحالي أمر بصنعه وزخرفته الملك خالد رحمه الله بأحدث الطرق الفنية.



حيوانات: استعمل المعلومات عن يمين الصفحة لحل الأسئلة ١٤ - ١٦ :

١٤ تقل السرعة القصوى للصقر عن ثلاثة أمثال سرعة الفهد القصوى بمقدار ٢٠ ميلًا في الساعة. فما سرعة الفهد؟

١٥ تستطيع سمكة الرزعنفة الشراعية السباحة بسرعة تقل عن خمس سرعة الصقر بمقدار ميل واحد في الساعة. أوجد سرعة السمكة.

١٦ يمكن أن تصل سرعة الصقر إلى ما يزيد على سبعة أمثال أسرع إنسان بمقدار ١٤ ميلًا، فكم تبلغ سرعة أسرع إنسان تقريبًا؟

جبر: إذا كانت: n , $n + 2$, $n + 4$ تمثل ثلاثة أعداد زوجية متتالية، وكان مجموعها ٣٦، فما هذه الأعداد؟



يمكن أن تصل سرعة الصقر الجوال (الشاهين) إلى ١٧٥ ميلًا في الساعة.

أدخار: للسؤالين ١٨، ١٩ استعمل المعلومات الآتية:

يريد كل من ماهر وسيف أدخار مبلغ ٦٠٠٠ ريال للرحلة الصيفية، فإذا كان لدى ماهر مبلغ ١٥٠٠ ريال، ويستطيع أن يوفر ٧٥ ريالًا في اليوم لقاء عمله، بينما لم يكن لدى سيف شيءٌ، لكنه يستطيع أن يوفر ١٢٠ ريالًا في اليوم لقاء عمله.

١٨ **خمن:** أيهما سيحتاج إلى وقت أطول لتوفير المبلغ المطلوب للرحلة؟

١٩ اكتب معادلتين للتحقق من تخمينك، وحلّهما.

للسؤالين ٢٠، ٢١ اكتب مسألة يمكن حلها باستعمال المعادلة.

$$25 = 20 + 2 \quad 21$$

$$70 = 20 - 4 \quad 22$$

مسائل

مهارات التفكير العليا

مسألة مفتوحة: العدد الذي يجعل الجملة: «يقل العدد ١٢ عن أربعة أمثال عدد بمقدار ٨» جملة صحيحة هو ٥، اكتب جملة أخرى يكون العدد المجهول فيها هو ٥

٢٣ **تحدد:** إذا كان مجموع أعمار ثلاثة أشقاء ٢٧ سنة، وكان عمر أكبرهم مثل عمر الأصغر، وعمر الأوسط يزيد على عمر الأصغر بمقدار ٣ سنوات. فاكتب معادلة لإيجاد أعمار هؤلاء الأشقاء، ثم حلّها.

٢٤ **اختر طريقة:** يبيع سعد كل ٣ علب عصير بمبلغ ٦,٥ ريالات، فإذا كان ربحه فيها هو ٥٠ ريال، فأيُّ الطرق الآتية يمكنك استعمالها لإيجاد ثمن شراء سعد للعلبة الواحدة؟ فسر اختيارك، ثم أوجد ثمن شراء كل علبة.

الورقة والقلم

التقدير

الحساب الذهني

٢٥ **الكتاب** مسألة لفظية من الواقع تتطلب كتابة معادلة ذات خطوتين لحلّها، ثم اكتب هذه المعادلة وحلّها.



٢٧ توفر سمر نقوداً لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستتوفر ٨ ريالات أسبوعياً، والمعادلة $س + 13 = 45$ تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

- (أ) ٤
- (ب) ٦
- (ج) ٧
- (د) ٨

٢٨ لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتخطط إدارة الشركة لزيادة عددهم بمقابل ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصبح عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت ش تمثل عدد الأشهر اللازمة، فأي المعادلات الآتية تمثل الموقف؟

- (أ) $6 ش + 72 ش = 144$
- (ب) $2 ش = 72 + 144$
- (ج) $2(6 ش + 72) = 144$
- (د) $6 ش = 72 + 144$

مراجعة تراكمية

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة الحل: (الدرس ٢ - ٧)

$$9 - 4 - 15 = 10 \quad ٣١$$

$$1 + \frac{n}{8} = 6 \quad ٣٠$$

$$27 = 13 + 7 - ب \quad ٣٩$$

$$17 = 2 + 5 س \quad ٢٨$$

$$4 - 3 - 9 = 5 ص \quad ٣٥$$

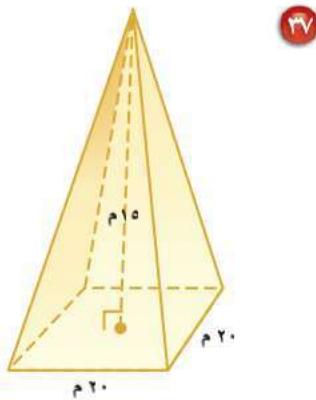
$$9 - 17 - 10 = 7 \quad ٣٤$$

$$8 - 3 - 5 = 3 ن \quad ٣٣$$

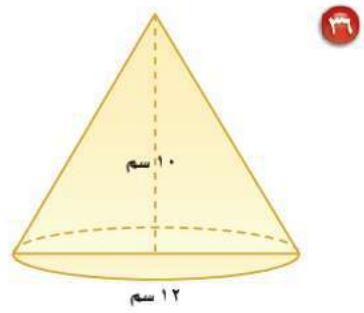
$$5 س - 6 = س \quad ٣٩$$

بسط كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١ - ٧)

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرباً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك: (الدرس ٦ - ٥)

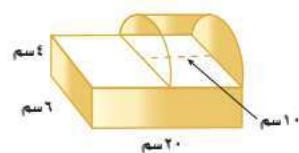


٣٧



٣٨

أوجد حجم المجسم المجاور. (الدرس ٦ - ٤) ٣٨



الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: بسط كل عبارة مما يأتي:

$$6 + 15 - 6 - 10 = 4 \quad ٤٢$$

$$3 + 8 - 3 + 5 = 10 \quad ٤١$$

$$5 - 7 + 5 + 5 = 10 \quad ٤٠$$

$$2 س - 8 س + 2 س = 0 \quad ٣٩$$





معلم الجبر

معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

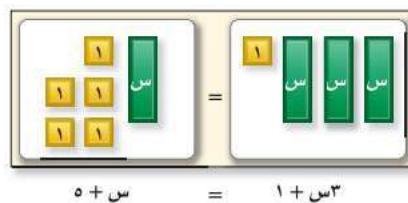
استكشاف
٤ - ٧

يمكنك استعمال بطاقات الجبر لحل المعادلات التي تشتمل على متغيرات في طرفيها.

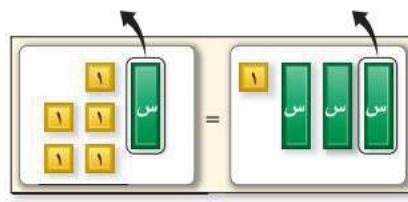
نشاط

١) استعمل بطاقات الجبر لحل: $3s + 1 = s + 5$

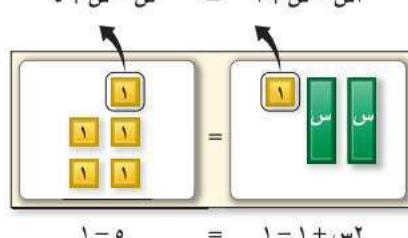
مثل المعادلة.



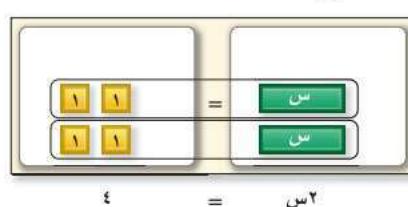
احذف عدداً متساوياً من بطاقات s من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات s في أحد الطرفين فقط.



احذف عدداً متساوياً من بطاقات العدد (١) من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات s وحدها في أحد الطرفين.



ورُّزِّعَ البطاقات المتبقية في مجموعتين متساويتين.



وبهذا تكون قيمة $s = 2$ ، وبما أن: $3(2) + 1 = 7$ ، فالحل صحيح.

تحقق من فهمك

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة مما يأتي:

- أ) $s + 2 = 2s + 1$ ب) $s + 2 = 7 + 3s + 4$ ج) $2s - 5 = s - 7$
 د) $2s + 8 = 4s - 6$ هـ) $4s = s - 6$ و) $2s - 3 = 8 - 4s$

حل النتائج

١) بيّن أيّ خصائص التساوي تستعملها للتخلص من العدد نفسه من بطاقات الجبر من كل طرف على لوحة المعادلة.

فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها باستعمال بطاقات الجبر.

نشاط

استعمل بطاقات الجبر لحل: $s - 4 = 2s + 2$

مثل المعادلة.

$$s - 4 = 2s + 2$$

احذف عدداً متساوياً من بطاقات s من كل طرف إلى أن تصبح بطاقة s واحدة في أحد الطرفين.

$$s - 2 = 2s + 0$$

لعزل بطاقات s ، لا يمكن حذف بطاقة العدد (1) من كل طرف؛ لذا أضف بطاقتين من العدد (1) إلى كل طرف.

$$(2-) + 2 + 2 = (2-) + 4$$

احذف الأزواج الصفرية من الطرف الأيسر للالمعادلة، فيبقى 6 أزواج من البطاقة (1-) على الطرف الآخر تقابل بطاقة واحدة s .

$$s = 6$$

وبهذا $s = 6$ ، وبما أن: $6 - 4 = 2 + 2$ ، فالحل صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة فيما يأتي:

ز) $s + 6 = 3s - 5$

ح) $3s + 2 = 4s - 3$

ط) $s - 4 = 2s + 3$

ي) $2s + 5 = 1s + 4$

ك) $2s + 1 = s - 7$

حل النتائج

وضّح لماذا يمكنك حذف بطاقة s واحدة من كل طرف في لوحة المعادلة.

حل المعادلة $s + 4 = 3s - 3$ بحذف بطاقات العدد (1) أولاً، ثم حلّها بحذف بطاقات s أولاً. هل يؤثّر حذف البطاقات التي تحمل العدد (1) أو بطاقات s أولاً؟ هل إحدى الطريقتين أكثر ملاءمة للحل؟ وضّح ذلك.

خمن: في مجموعة بطاقات الجبر، تمثّل $-s$ بالبطاقة $\boxed{-s}$ ، وضّح كيف يمكنك

استعمال بطاقة $(-s)$ وبطاقات الجبر الأخرى لحل المعادلة:

$$-3s + 4 = 2s - 1$$



حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

٤ - ٧

مبيعات هاني	مبيعات حمزة	الزمن (يوم)
$٠ = (٠)٥$	$٨ = (٠)٤ + ٨$	٠
$٥ = (١)٥$	$١٢ = (١)٤ + ٨$	١
$١٠ = (٢)٥$	$١٦ = (٢)٤ + ٨$	٢
$١٥ = (٣)٥$	$٢٠ = (٣)٤ + ٨$	٣
\vdots	\vdots	\vdots

الستعدين

مبيعات: يبيع كل من حمزة وهاني ربطات لتغليف الهدايا. فإذا باع حمزة ٨ رزم من الربطات قبل أن يبدأ هاني باليوم، ثم كان معدل ما باعه هاني ٥ رزم في اليوم الواحد، ومعدل ما باعه حمزة ٤ رزم في اليوم، فأجب عما يأتي:

- ١ انسخ الجدول أعلاه، ثم أكمل تعبئة الصفوف لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وحمزة.
- ٢ اكتب عبارة تمثل مبيعات حمزة بعد س يوماً.
- ٣ اكتب عبارة تمثل مبيعات هاني بعد س يوماً.
- ٤ أي يوم تتجاوز فيه مبيعات هاني مبيعات حمزة؟
- ٥ اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وحمزة.

فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها.

تشتمل بعض المعادلات، مثل: $٨ + ٤ س = ٥$ س على متغيرات في طرفي المعادلة. ولحلّ مثل هذه المعادلة، استعمل خاصية الجمع أو الطرح على المساواة لكتابة معادلة مكافئة بمتغيرات في طرف واحد، ثم حلّها.

مثالان

معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

$$\begin{aligned} \text{حل المعا} & \text{لة } ٨ + ٤ س = ٥ س, \text{ ثم تحقق من صحة الحل.} \\ \text{اكتب المعا} & \text{لة} \\ ٤ س + ٨ & = ٥ س \\ \text{اطرح } ٤ س \text{ من كل طرف} & \quad ٤ س - ٤ س = ٥ س - ٤ س \\ \text{بسط بتجميع الحدود} & \quad \uparrow \quad \uparrow \\ \text{اطرح } ٤ س \text{ من الطرف} & \quad \text{اطرح } ٤ س \text{ من الطرف} \\ \text{الأيسر لموازنة المعا} & \quad \text{الأيمن لعزل المتغير.} \end{aligned}$$

الحل هو ٨

وللحاق من صحة الحل، عوّض عن $س = ٨$ في المعادلة الأصلية.

$$\text{تحقق: } ٨ + ٤ س = ٥ س$$

$$٨ + ٤(٨) = ٥(٨)$$

$$٤٠ = ٤٠$$

الجملة صحيحة ✓

حُلّ المعادلة: $6n - 1 = 4n - 5$

اكتب المعادلة الأصلية

$$6n - 1 = 4n - 5$$

اطرح 4n من كل طرف

$$6n - 4n - 1 = 4n - 4n - 5$$

بسط

$$5n - 1 = -5$$

أضف 1 إلى كل طرف

$$1 + 5n - 1 = 1 - 1$$

بسط

$$5n = 2$$

اقسم كل طرف ذهنياً على 2

$$n = \frac{2}{5}$$



تحقق من فهمك:

حُلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

أ) $\frac{7}{3}m + 3 = 12$ ب) $m - 7 = 3s + 8$ ج) $21 + 5s = 18$

مثال من واقع الحياة



مكالمات هاتفية: تبلغ تكلفة الاشتراك الشهري لأحد عروض الهواتف النقالة 35 ريالاً شهرياً بالإضافة إلى 45 ريال عن كل دقيقة، والاشراك الشهري لعرض آخر 40 ريالاً بالإضافة إلى 30 ريال عن كل دقيقة. وبعد كم دقيقة يتساوى العرضان؟

التعبير اللفظي 35 ريالاً شهرياً زائد 45 ريالاً شهرياً زائد يساوي 30, 35 ريالاً لكل دقيقة 0, 35 + 45 = 0, 30 + د

ليكن د يمثل عدد الدقائق.



اكتب المعادلة

$$d = 0,35 + 45$$

اطرح 30 من كل طرف

$$d - 30 = 0,35 + 45 - 30$$

$$d = 0,05 + 15$$

اطرح 35 من كل طرف

$$d - 35 = 0,05 + 15 - 35$$

$$d = 0,05 - 20$$

$$d = -0,15$$

اقسم كل طرف على 0,05

$$\frac{d}{0,05} = \frac{-0,15}{0,05}$$

$$d = -3$$

تحقق: $(0,35 + 45)(200 + 30) = 200 + 35(0,30)$

$$\checkmark 105 = 105$$

تحقق من فهمك:



د) رايات: يقل طول نموذج لعلم المملكة العربية السعودية عن مثلي عرضه

بمقدار قدمين، فإذا كان طول محيطه يزيد على عرضه بمقدار 11 قدماً، فأوجد

بعدي النموذج.

الربط بالحياة
يُعد علم المملكة العربية السعودية
العلم الوحيد الذي لا ينكش
ولا يُنزل إلى نصف السارية في
حالات الحداد والمراسيم الدولية؛
وذلك لأجل شهادة التوحيد التي
يحملها.



المثالان ٢، ١

$$\begin{array}{l} \text{حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:} \\ \text{١) } ٥n + ٩ = ٢٤ \quad \text{٢) } ٣k + ١٤ = k \\ \text{٣) } ٦y - ٨ = ٢١ + ١٢ \quad \text{٤) } ٣b - ٤b = ٦y - ٨ \end{array}$$

المثال ٢

تأجير سيارات: يتناقضى مكتب لتأجير السيارات ٩٥ ريالاً كأجرة يومية على السيارة، بالإضافة إلى ٢٥ ريال عن كل كيلومتر زائد عن الحد اليومي. ويتناقضى مكتب آخر ٨٠ ريالاً في اليوم، بالإضافة إلى ٤٠ ريال عن كل كيلومتر زائد. أوجد عدد الكيلومترات الزائدة المقطوعة في يوم واحد والتي تكون تكلفتها في المكتبين متساوية.

تدريب و حل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠-٨
٢	١٦-١١
٣	١٩-١٧

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$\begin{array}{l} \text{١) } ٣m - ٨ = ٢٤ + ١٠ \quad \text{٢) } ٨y - ٣ = ١٥ - ١٣ \\ \text{٣) } ٦b - ١ = ١٧ + ٤b \quad \text{٤) } ٩b - ٣ = ٦y - ٨ \\ \text{٥) } ٦b - ٥ = ١٣ + ٦b \quad \text{٦) } ٩b - ٣ = ٦y - ٨ \end{array}$$

حدد المتغير لكل مسألة مما يأتي، ثم اكتب المعادلة، وحلّها:

أقل من ثلاثة أمثال عدد ما بمقدار ثمانية عشر يساوي مثلث العدد.

أكبر من أربعة أمثال عدد بمقدار أحد عشر يساوي هذا العدد مطروحاً منه سبعة.

ترفيه: ثمن التذكرة العادي للدخول إلى مدينة ألعاب ٦ ريالات، وثمن التذكرة الذهبية ٣ ريالات لمن دفع ٣٠ ريالاً رسم اشتراك. فكم تذكرة ذهبية يجب شراؤها بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن التذاكر العادي المساوية لها في العدد؟



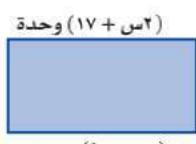
(٢س + ٨) وحدة
(٤س - ٢) وحدة

قياس: اكتب معادلة وحلّها لإيجاد محيط المربع المجاور ومساحته.

مسائل

مهارات التفكير العليا

١) **تحدد:** يدفع محل بيع الدرة مبلغ ٥٠٠ ريال بالإضافة إلى ٥٪ من قيمة المبيعات إيجاراً شهرياً للمكان. إذا كان المحل يبيع كوب الدرة الذي يكلفه ٧٥ ريالاً بـ ٥ ريالات، فاكتب معادلة وحلّها لإيجاد عدد الأكواب التي يلزم بيعها ليوفر قيمة الإيجار.



(٤س - ١) وحدة

(٦س + ٩) وحدة

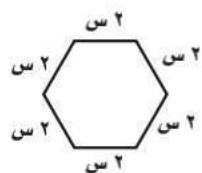
٢) **تحدد:** أوجد مساحة المستطيل المجاور.

اكتب ووضح كيف تحل المعادلة:
٢ - ٤س = ٦س - ٨





٢٥ ما قيمة س التي تجعل محيطي المضلعين أدناه متساوين؟



- (أ) ١
- (ب) ٢
- (ج) ٣
- (د) ٤

إذا كان عدد لاعبي فريق كرة القدم في ناد رياضي هو ٤٥ لاعباً، ويزيد بمعدل ٣ لاعبين سنوياً، وعدد لاعبي فريق القوى في النادي نفسه ٢١ لاعباً، ويزيد بمقدار ٦ لاعبين سنوياً. أي المعادلات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد بعد كم سنة يتساوى عدد لاعبي الفريقين؟

- (أ) $45s + 3 = 21s + 6$
- (ب) $45s + 6s = 21s + 3$
- (ج) $3 + 45s = 21 + 6s$
- (د) $(3 + 45)s = (6 + 21)s$

مراجعة تراكمية

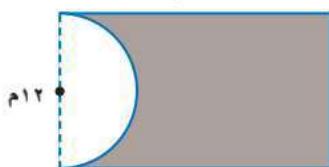
٢٦ قرطاسية: زارت مها المكتبة واشتريت كتاباً و٤ دفاتر من النوع نفسه، فكان ثمن مشترياتها ٤٩,٩٥ ريالاً، إذا كان ثمن الكتاب ١٨,٩٥ ريالاً، فما ثمن الدفتر الواحد؟ (الدرس ٧ - ٣)

حل كل معايرة فيما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٢)

$$28 \quad 9 + 5s = 19 \quad 27$$

$$30 \quad 17 - 8 = 2 - 4 \quad 29$$

٢٩ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ١)



الاستعداد للدرس اللاحق

٣٠ مهارة سابقة: مع ياسر ١٣٥ ريالاً، يريد صرفها في حضور مباراة كرة قدم، فإذا كان ثمن التذكرة ٢٥ ريالاً، وثمن الوجبة ١٥,٥ ريالاً، وثمن العصير ٤,٥ ريالات، استعمل استراتيجية الحل عكسياً؛ لإيجاد عدد الأصدقاء الذين يمكن لياسر دعوتهم لحضور المباراة معه، إذا قام بالدفع عنه وعن أصدقائه المدعوين.



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١ - ٧ إلى ٧ - ٤

تدريب: استعداً لسباق الدرجات، يقطع سعد بدرجاته المسافة نفسها يومي الثلاثاء والخميس، ويقطع مسافة ٢٠ كيلومتراً يوم السبت، وعليه يكون مجموع المسافة التي يقطعها في الأيام الثلاثة ٥٠ كيلومتراً. حل المعادلة $2n + 20 = 50$ لإيجاد المسافة التي يقطعها سعد في كل من يومي الثلاثاء والخميس. (الدرس ٧ - ٢)

حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة، ثم حلّها: (الدرس ٧ - ٣)
١٦ يزيد العدد ٩ على ناتج قسمة عدد على ٣ بمقدار ١٤

١٧ ناتج قسمة عدد ما على (-٧) مطروحاً منه ٤ يساوي (-١١). (الدرس ٧ - ٤)

١٨ الفرق بين ١٠ وثلاثة أمثال عدد ما يساوي ١٧

اتصالات: تتقاضى شركة اتصالات ٤٥ ريالاً رسوماً شهرية، كما تتقاضى ١٥ ريال عن كل دقيقة أو جزء منها يتحدثها المتصل. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الدقائق التي تحدثها متصل كانت فاتورته الشهرية ١١٢,٥ ريالاً. (الدرس ٧ - ٣)

١٩ حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٤)

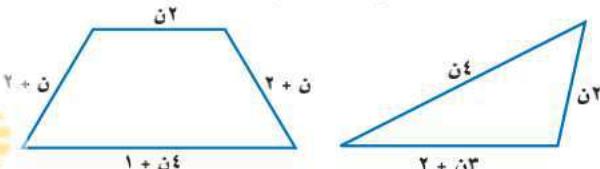
$$٢٠ ٣s + 7 = 2s$$

$$٢١ ٧ - ٦ = 4b$$

$$٢٢ ٣s - 5 = s + 5$$

$$٢٣ ٤m + 3 = 7 + 49$$

قياس: اكتب معادلة وحلها لإيجاد قيمة s ، بحيث يكون محيطاً المضلعين متساوين. (الدرس ٧ - ٤)



استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ٧ - ١)

$$٢٤ ٣(s+2) - ٢(١ - ٣)$$

$$٢٥ ٥(٣ - ج) - ٤(٢n + ٣)$$

بسط كل عبارة مما يأتي: (الدرس ٧ - ١)

$$٢٦ ٦b + ٥ - ٦b - ١٣$$

$$٢٧ ٧s + ٢ - ٨s + ٥$$

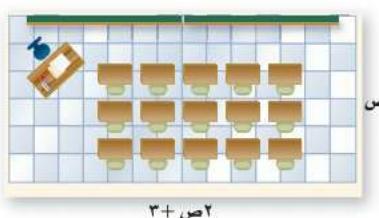
٢٨ عين الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في العبارة: $5 - 4s + s - 3$. (الدرس ١ - ٧)

٢٩ حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٢)

$$٣٠ ٣m + 5 = 7 + 2k$$

$$٣١ ١١ = \frac{1}{3}a + 7 - b$$

اختبار من متعدد: بيّن الشكل أدناه مخطط غرفة صفية.



إذا كان محيط الغرفة ٧٨ قدماً، فكم عرضها؟ (الدرس ٧ - ٢)

أ) ١٢ قدماً ج) ٢٥ قدماً

ب) ١٥ قدماً د) ٢٧ قدماً



استراتيجية حل المسألة

٥-٧

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية

"التخمين والتحقق"



ال تخمين والتحقق

محمد: يشارك مجموعة من الأشخاص في دورة تدريبية، وبلغ رسم الاشتراك في الدورة ٢٠٠ ريال للصغرى و ٤٠٠ ريال للكبار، وبلغ ما تم جمعه من المشاركين ٦٦٠٠ ريال، وكان عددهم ٣٠ شخصاً.

مهمتك : خمن وتحقق لإيجاد عدد كل من الصغار والكبار المشاركين في الدورة.



افهم

خط

حل

تدقق

يدفع الصغير ٢٠٠ ريال، ويدفع الكبير ٤٠٠ ريال.
والعدد الكلي ٣٠ شخصاً.

خمن، ثم تحقق من صحة تخمينك.

ابحث عن الحالة التي يكون فيها المجموع ٦٦٠٠ ريال. يشير ص في القائمة إلى عدد الصغار، وك إلى عدد الكبار.

التحقق	٢٠٠ + ٤٠٠ ك	ك	ص
مرتفع	$٦٨٠٠ = ٤٠٠ + (٤ \times ٢٦)$	٤	٢٦
منخفض	$٦٢٠٠ = ٤٠٠ + (١ \times ٢٩)$	١	٢٩
منخفض	$٦٤٠٠ = ٤٠٠ + (٢ \times ٢٨)$	٢	٢٨
صحيح	$٦٦٠٠ = ٤٠٠ + (٣ \times ٢٧)$	٣	٢٧

إذن، هنالك ٢٧ صغيراً و ٣ كبار يشاركون في الدورة.

مجموع ٢٧ و ٣ يساوي ٣٠، وبما أن: $٦٦٠٠ = ٤٠٠ + (٣ \times ٢٧)$ ، فالتخمين صحيح.

حل الاستراتيجية

١ في المسألة أعلاه، المبلغ المجموع من ٢٣ صغيراً و ٥ كبار يساوي أيضاً ٦٦٠٠ ريالاً. وضح لماذا لا يكون هذا هو الجواب الصحيح؟

٢ مسألة يمكنك حلها بالتخمين والتحقق، ثم اكتب الخطوات المطلوبة لإيجاد الحل.



مسائل متعددة



٩ أقراص مرنّة: ي يريد سعد

وضع ٢٠ قرصاً مرنّاً في صندوق واحد. اكتب احتمالين لأبعاد الصندوق الذي يتسع لهذه الأقراص بلا فراغات.

١٠ مجموع أعمار ثلاثة أشخاص: ١٠٨ سنوات، إذا كان عمر أكبرهم يزيد ٨ سنوات على عمر الأصغر، فما أعمار هؤلاء الأشخاص؟

تحليل جداول: استعمل المعلومات الآتية لحل المسألتين ١١، ١٢:

شارك ١١٥ طالباً في إحدى المدارس في دورات تدريبية مهنية؛ حيث شارك ٧٠ طالباً في دورة تمريض، و٣٧ طالباً في دورة مهارات التفكير، و٦٣ طالباً في دورة الإلكترونيات، وشارك بعضهم في أكثر من دورة كما في الجدول الآتي:

عدد الطالب	الدورات
١٥	جميع الدورات
٢٠	التمريض والتفكير
٣٠	الإلكترونيات والتمريض
١٢	التفكير فقط

١١ **فما عدد الطلاب الذين شاركوا في دورة الإلكترونيات فقط؟**

١٢ **ما عدد الطلاب الذين لم يشاركوا في دورة التمريض؟**

١٣ **الحس العددي:** أوجد ناتج ضرب ما يأتي:

$$1 - \frac{1}{2}, 1 - \frac{1}{3}, 1 - \frac{1}{4}, \dots$$

$$1 - \frac{1}{48}, 1 - \frac{1}{49}$$

استعمل استراتيجية "التخمين والتحقق" لحل المسائل ٥-٣:

٣ نظرية الأعداد: ناتج مربع عدد يساوي ٥٧٦، فما العدد؟

٤ عملة: مع حمد مبلغ ٢٢,٥ ريالاً مكوناً من النقاشات الآتية: $\frac{1}{2}$ ريال، ريال، ١٠ ريالات. فإذا كان عدد العملات التي معه ١٦ عملة، فما عدد كل فئة منها؟

٥ تسوق: اشتترت منها هدايا لثمان من بنات إخوانها، فإذا اشتترت خواتم بسعر ٦ ريالات للخاتم الواحد، ودمى بسعر ٧ ريالات للدميّة الواحدة، وأنفقت ٥٣ ريالاً، فما عدد الهدايا التي اشتترتها من كل نوع؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦-١٣:

- من استراتيجيات حل المسألة
- الرسم
- إنشاء جدول
- التخمين والتحقق

٦ قياس: إذا كان طول المستطيل المرسوم (L) أطول من عرضه (ض)، فاكتب قائمة الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل بالأعداد الصحيحة، علمًا بأن مساحته تساوي ٣٦ وحدة مربعة. وعِين بعدي المستطيل الذي له أكبر محيط.

ض = ٣٦ وحدة مربعة

L

٧ أعداد: ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

٨ صحيفـة: تبيـن القائـمة المجاورة عدد أحرف أول ٢٠ كلمة في مقالة مكتوبة في إحدى الصحف اليومية. فأـي عدد الأـحرـف أـكـثـر تـكرـارـاً؟

الصحيفـة الـيـومـيـة			
٣	٥	٧	٤
٤	٧	٦	٤
٥	٥	٣	٦
٨	٤	٥	٥
٦	٥	٧	٧

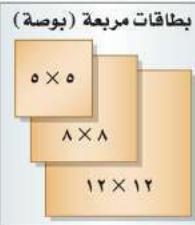
المتباينات

رابط الدرس الورقى



www.ien.edu.sa

خدمات البريد	الكتلة القصوى بالريال (جم)
١٥	٣٠
٢٢٥	٦٠
٢٧٥	٩٠
٣٢٠	١٢٠
٣٥٠	١٥٠



خدمة البريد: ترغب هدى في إرسال بطاقات دعوة مربعة الشكل بالبريد، على أن تكون قياسات البطاقة 5×5 بوصات بوصات أو أكبر. وستدفع رسوماً لكتلة كل بطاقة بحسب البيان الموضح أعلاه.

١) حدد قياسات ثلاثة بطاقات يمكن لها استعمالها.

٢) كم ستبلغ تكلفة إرسال بطاقة كل منها ٨٠ جراماً؟

فكرة الدرس:

أكتب المتباينات وأمثلها.

المفردات:

المتباينة

تسمى الجملة الرياضية التي تشتمل على أحد الرموز: أكبر من ($>$), أو أصغر من ($<$)، متساوية. وعند استعمالها للمقارنة بين متغير وعدد، فإنها تصف مدى من القيم.

كتابة متباينات باستعمال $>$ أو $<$

مثالان

أكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

١) **عمر:** يجب أن يكون عمرك أكبر من 12 سنة حتى تشارك في اللعب.
ليكن $ع =$ عمر الفرد.

$ع > 12$

✓ **تحقق من فهمك:** أكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- أ) **قيادة:** يجب أن يكون عمرك أكبر من 18 سنة حتى تقود السيارة.
ب) **رياضة:** يجب أن يكون عمر اللاعب في فريق الناشئين أصغر من 17 سنة.

يستعمل الرمزان \leq و \geq ليجمعوا بين الإشارتين $>$ و $<$ مع إشارة المساواة $=$.

كتابة متباينات باستعمال \leq أو \geq

مثالان

أكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

٤) **الطعام:** يجب أن يكون عمرك 12 سنة أو أقل لتطلب من قائمة الأطفال.
ليكن $س =$ عمر الفرد.

$س \leq 12$

✓ **تحقق من فهمك:**

أكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ج) **الهوية:** يجب أن يكون عمرك 15 سنة أو أكبر حتى يحق لك إصدار الهوية الوطنية.
د) **سفر:** يتسع خزان الوقود لـ 60 لترًا على الأكثـر.



المتباينات				
أكبر من أو يساوي	أصغر من أو يساوي	أكبر من	أصغر من	التعبير اللفظي
أقل من أو يساوي	أقل من أو يساوي	أقل من	أقل من	الرموز
على الأقل	على الأكثر			
\leq	\geq	$<$	$>$	

المتباينات التي تشتمل على متغيرات هي جمل مفتوحة، وعند كتابة عدد ما مكان المتغير، فإنها تكون إما صحيحة وإما خاطئة.

مثالان التحقق من صحة متباينة

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة:

$$10 \geq 7 - x, \text{ if } x = -3$$

$$5 < 2 + x, \text{ if } x = 0$$

$$7 \geq 10 - x$$

اكتب المتباينة

$$8 < 2 + 1$$

$$10 > 7 - (-3)$$

عرض عن س ب (-3)

$$8 > 2 + 5$$

$$10 \geq 10$$

بسط

$$8 \neq 7$$

$$\text{بما أن } 7 \text{ ليس أكبر من } 8, \text{ فإن } 7 > 8$$

بما أن 7 ليس أكبر من 8، فإن 7 > 8

صحيحة، فإن $10 \geq 10$ صحيحة.

خاطئة.

إرشادات للدراسة

رموز

نقرأ العبارة $a < b$:

7 ليس أكبر من 8.

تحقق من فهمك :

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة.

$$h) n - 6 > 15, n = 18 \quad w) -3b \leq 24, b = 8 \quad z) 2 - < 5, c = 7, s = 1$$

يمكن تمثيل المتباينات على خط الأعداد، ولأنه يصعب إظهار جميع القيم التي تجعل المتباينة صحيحة، يتم وضع دائرة مفتوحة أو مغلقة للدلالة على بداية القيم، ثم سهم إلى اليمين أو اليسار لإظهار الاتجاه.

مثالان تمثيل المتباينات بيانياً

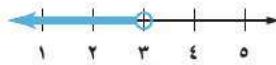
مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$n < 3$$

$$n > 3$$

وضع دائرة مغلقة على العدد 3، ثم
رسم سهماً باتجاه اليمين.

وضع دائرة مفتوحة على العدد 3، ثم
رسم سهماً باتجاه اليسار.



الدائرة المغلقة تعني
أن العدد 3 ضمن الحل.

الدائرة المفتوحة تعني أن
العدد 3 ليس ضمن الحل.

تحقق من فهمك :

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$h) s < 2 \quad w) s > 1 \quad z) s \geq 5$$



تأكد

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

الأمثلة ٤ - ١

قيادة السيارات: يجب أن لا تتجاوز سرعة سيارتك ١٢٠ كلم/ساعة.

١

ألعاب: يعرض محل لعب إلكترونية للذين تزيد أعمارهم على ٦ سنوات.

٢

بيان ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة:

المثالان ٦ ، ٥

$$٣ \quad س - ١١ > ٩, س = ٢٠ \quad ٤ \quad ٤٢ \leq ٤٢, س = ٨ \quad ٥ \quad ٦ \geq ١ + \frac{n}{٣}, س = ١٥$$

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

المثالان ٨ ، ٧

$$٦ \quad س \leq ٠ \quad ٧ \quad ب \geq ٢ \quad ٨ \quad ن < ٤ \quad ٩ \quad أ > ٧$$

تدريب وحل المسائل

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

الشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
٤-١	١٢-١٠
٦ ، ٥	١٨-١٣
٨ ، ٧	٢٢-١٩

عطور: لا تزيد تكلفة بعض أنواع العطور على ٥٠ ريالاً.

١٠

تسوق: يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٠٠ ريال لتحصل على خصم.

١١

تبريع: يمكنك التبرع بالدم إذا كان خُضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل.

١٢

بيان ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة:

$$١٣ \quad ٨ < ٩, ٢٠ > أ \quad ١٤ \quad ك < ٦, ١٥ - ك > ٩ \quad ١٥ \quad ٣ - ص < ٢١, ص = ٨$$

$$١٦ \quad س < ٩, س = ٢٢ \geq ٣٢ \quad ١٧ \quad ن \leq ٥, ن = ١٦ \quad ١٨ \quad س < ٩, س = ١٨ - س$$

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

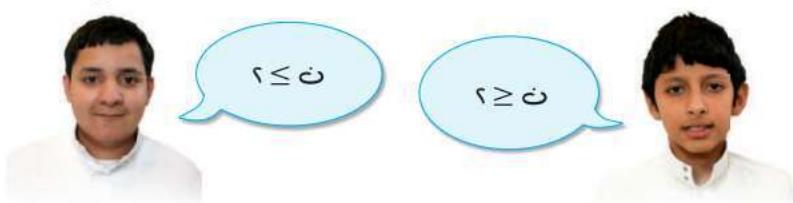
$$١٩ \quad ٦ \geq ن \quad ٢٠ \quad ص < ٨ \quad ٢١ \quad ب \leq ٧ \quad ٢٢ \quad س < ٦$$



الربط بالحياة
يعتبر خضاب الدم (الهيموجلوبين)
المكون الأساسي في خلايا الدم
الحمراء حيث يعمل على نقل
الأكسجين من الرئتين إلى جميع
أنسجة الجسم المختلفة.

اكتشف الخطأ: كتب كل من ياسر وعزام المتباينة التي تعبر عن الجملة

“ ساعتان على الأقل لحل الواجبات ”، فما هيما على صواب؟ وضح إجابتك.



عزام

$n \leq ٢$

ياسر

$n \geq ٢$

تحدد: إذا كانت: س = ٣، فهل المتباينة الآتية صائبة أم خاطئة؟ برر إجابتك.

$$\frac{١٠٨}{١٢} + س \leq ١٥ - ٤ س$$

الكتبي إذا كانت $A < B$ ، $B < C$ ، ما العلاقة الصحيحة بين A و C ؟

وضح ذلك، وأعط أمثلة تستخدم كلاً من القيم الموجبة والسلبية لـ A ، B ، C .

مسائل
مهارات التفكير العليا





أيُّ المتباينات الآتية تعبّر عن الجملة: "للاشتراك يشترط ألا يقل عمر العضو عن ١٨ سنة"؟

أ) $18 < ع$

ب) $18 \leq ع$

ج) $18 > ع$

د) $18 \geq ع$

٢٦ لا يستطيع حمزة السباحة في البركة أكثر من ٤ ساعات هذا اليوم، أيُّ التمثيلات البيانية الآتية تمثل الزمن الذي يمكن أن يقضيه حمزة في البركة؟



مراجعة تراكمية

٢٧ **عمره:** سافر ١٦ صديقاً في رحلة عمرة إلى مكة المكرمة، ثم توجّهوا إلى الفندق، فوجدوا به نوعين من الغرف: غرف سعتها ٣ أسرّة، وغرف سعتها ٥ أسرّة، فكم غرفة بالضبط تكفيهم لاستئجارها؟ (الدرس ٧ - ٥)

٢٨ **سيارات:** يقدم أحد معارض تأجير السيارات عرضين للمستأجرين؛ الأول: ٦٠ ريالاً يومياً، إضافة إلى ٢٥ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني: ٤٥ ريالاً إضافة إلى ٤٥ ، ٠ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة. اكتب معادلة وحلّها لإيجاد عند كم كيلومتراً ستكون التكلفة نفسها بـكلا العرضين. (الدرس ٧ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حلّ كلاً من المعادلات الآتية:

٣١ $ن + ٤ = ٧$

٣٢ $ص + ١٥ = ٣١$

٣٣ $٣ - س = ١٢ - ٣$

٣٤ $أ - ٨ = ٢٥$





حل الممتباينات

٧-٧



الاسم	العملات النقدية
أحمد	٥ ريالاً (ورقة)، ١٠، ١٠ ريالات (ورقان)، ريال (قطع)
خالد	١٠ ريالات (٥ أوراق)، ريال (قطعتان)

الستعدين

أوراق نقدية: وضع كل من أحمد و خالد ما في جيوبهم من نقود على الطاولة.

- ١ اكتب ممتباينة تقارن بين نقود أحمد و خالد.
- ٢ إذا حصل كل منهما على ١٠ ريالات إضافية، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٣ إذا اشتري كل منهما بقيمة ريالين ، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.

فكرة الدرس:

أحل ممتباينات باستعمال خصائص الجمع أو الطرح أو الضرب أو القسمة.

تبين الأمثلة أعلاه خصائص الممتباينة، وهذه الخصائص صحيحة عندما $A \geq B$.

مفهوم أساسى

خصائص الممتباينة (الجمع والطرح)

التعبير اللغوي: عند جمع (أو طرح) العدد نفسه لطرفى ممتباينة، فإنها تبقى صحيحة .

الرموز: لأى ثلاثة أعداد A ، B ، C :

- إذا كان $A > B$ ، فإن $A + C > B + C$ ، $A - C > B - C$
- إذا كان $A < B$ ، فإن $A + C < B + C$ ، $A - C < B - C$

$8 > 3$	$3 - 2 < 2$	الأمثلة:
$4 - 8 > 4 - 3$	$5 + 3 - < 5 + 2$	
$\checkmark 4 > 1 -$	$\checkmark 2 < 7$	

يُقصد بحل الممتباينة إيجاد قيمة المتغير التي تجعل الممتباينة صحيحة.

حل الممتباينات بالجمع والطرح

مثالان

حُلّ الممتباينتين الآتىتين، ثم تحقق من صحة الحل.

$$N - 8 > 15$$

اكتب الممتباينة

$$N - 8 > 15$$

أضف 8 للطرفين

$$N - 8 + 8 > 15 + 8$$

بسط

$$N > 23$$

إذن الحل هو : $N > 23$

إرشادات للدراسة

تحقق من صحة

الحل

يمكنك التحقق من صحة

الحل في المثال ١ بتعويض

أعداد أصغر من ٢٣ في

الممتباينة والتتحقق من

صحة الناتج .

تحقق: عُوض عن N في الممتباينة الأصلية $-B < 22$ ، أو أي عدد أصغر منه.



$$7 + L \leq 4$$

$$7 + L \leq 4$$

$$7 - L \leq 4 - 7 \quad \text{اطرح 7 من الطرفين}$$

$$11 \leq L \quad \text{بسط}$$

$$L \geq 11 \quad \text{إذن الحل هو:}$$

تحقق: عُوّض عن L في المتباينة الأصلية $B - 11 < L$ ، ثم بعدد أصغر منه.

تحقق من فهمك ✓

حُلّ المتباينات الآتية، ثم تحقق من صحة الحل.

$$\begin{array}{l} A) t + 3 > 12 \\ B) n + \frac{1}{2} \leq 4 \\ C) s - 1,5 > 2 \end{array}$$

مفهوم أساسى

خصائص المتباينة (الضرب والقسمة)

التعبير اللفظي: عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد موجب، فإنها تبقى صحيحة.

الرموز: لأيٍ ثلاثة أعداد A , B , C ، حيث $C > 0$:

• إذا كان $A < B$ ، فإن $A/C < B/C$

• إذا كان $A > B$ ، فإن $A/C > B/C$

$$10 - < 2$$

$$8 > 5$$

الأمثلة:

$$\frac{10}{2} - < \frac{2}{2}$$

$$(4) < (5) > (8)$$

$$\checkmark \quad 5 - < 1$$

$$\checkmark \quad 32 > 20$$

مثالان حل المتباينات بالقسمة والضرب

حُلّ المتباينات الآتية، ومثل الحل بياناً:

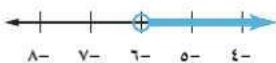
$$7y < 42$$

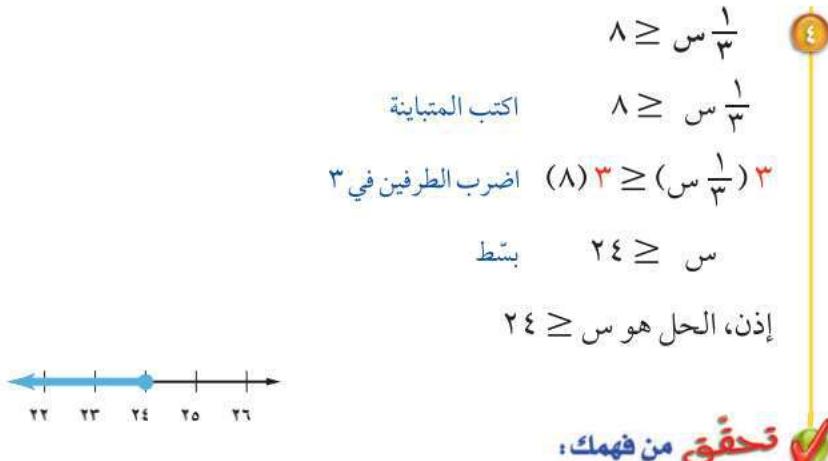
$$7y < 42 \quad \text{اكتب المتباينة}$$

$$\frac{7y}{7} < \frac{42}{7} \quad \text{اقسم الطرفين على 7}$$

$$y < 6 \quad \text{بسط}$$

$$\text{إذن الحل هو: } y < 6$$





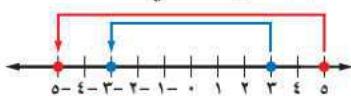
تحقق من فهمك:

حُلَّ المتباينات الآتية، ومثُلُّ الحل ببيانًا:

$$د) 45 \leq 13n \quad هـ) \frac{n}{4} > 16 - 9 \quad بـ) 5 \geq 3n - 5$$

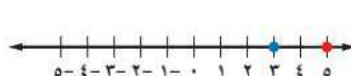
ماذا يحدث للمتباينة إذا ضرب طرفاها أو قسمها على عدد سالب؟

اضرب كل عدد في -1:



بما أن -3 إلى يمين -5، فإن $-3 < 5$

مثل 3، 5 على خط الأعداد:



بما أن 3 إلى يسار 5، فإن $3 > 5$

لاحظ أن الأعداد التي تم مقارنتها قد تغيرت مواقعها بعد ضربها في عدد سالب؛ أي أن ترتيبها قد انعكس. وتبين هذه الأمثلة الخصائص الآتية للمتباينة، وهي صحيحة عندما أكب، أكب:

مفهوم أساسى

خصائص المتباينة (الضرب والقسمة)

التعبير اللفظي: عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب، فإن إشارة المتباينة تتغير حتى تبقى صحيحة.

الرموز:

- لأي ثلاثة أعداد a , b , c ، حيث $c < 0$:
- إذا كان $a > b$ ، فإن $a/c < b/c$
- إذا كان $a < b$ ، فإن $a/c > b/c$

$$9 > 3$$

$$5 < 8$$

الأمثلة:

$$\frac{9}{3} < \frac{3}{3}$$

اعكس إشارة المتباينة

$$1 - 8 > 1 - 5$$

$$\checkmark \quad 3 - < 1$$

$$\checkmark \quad 5 - > 8 -$$

ارشادات للدراسة

خطأ شائع

لا تعكس إشارة المتباينة لأنها تشتمل على إشارة سالب مثل $s < 4 - 5$. بل اعكسها فقط عند ضرب المتباينة أو قسمتها على عدد سالب.



الضرب أو القسمة على أعداد سالبة

مثالان

حُلَّ المُتَبَايِنَيْنَ الْآتَيْتَينِ، وَمُثَلِّ الْحَلِّ بِيَانِيًّا:

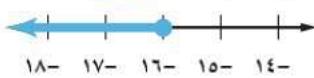
$$8 \leq \frac{1}{2}$$

اكتب المتباينة.

$$8 \leq \frac{1}{2}$$

(٢) \geq (٨)، اضرب في (٢)، واعكس إشارة المتباينة.

تحقق.



$$n > 24 - 6$$

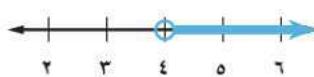
اكتب المتباينة.

$$n > 24 - 6$$

اقسم على (-٦)، واعكس إشارة المتباينة.

$$\frac{n}{-6} > \frac{24 - 6}{-6}$$

تحقق.



تحقق من فهمك

حُلَّ الْمُتَبَايِنَاتَ الْآتَيَةَ، وَمُثَلِّ الْحَلِّ بِيَانِيًّا:

$$x - 30 \geq -\frac{9}{8}$$

$$d - 5 \leq 30$$

$$z > \frac{14}{7}$$

تأكد

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَةَ، وَمُثَلِّ الْحَلِّ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صَحَّةِ الْحَلِّ:

$$n + 12 \geq 4$$

$$b + 5 < 9$$

المثالان ٢، ١

$$s - 12 < 4$$

$$c - 10 > 4$$

المثالان ٤، ٣

$$h - \frac{5}{4} \leq 6$$

$$s - \frac{3}{4} > \frac{7}{9}$$

المثالان ٦، ٥

$$j - 7 \geq 6 - 5$$

$$c - 4 > s - 3$$

المثالان ٦، ٥

$$h - \frac{5}{2} > 7$$

تدريب وحل المسائل

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَةَ، وَمُثَلِّ الْحَلِّ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صَحَّةِ الْحَلِّ:

$$n + 10 \leq -2$$

$$s + 5 \geq 18$$

الإجابات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
٢، ١	١٦ - ١١
٤، ٣	٢١ - ١٧
٦، ٥	٢٨ - ٢٢

$$h - 5 \geq 3 - 1$$

$$h - 5 \geq 0, 8 +$$

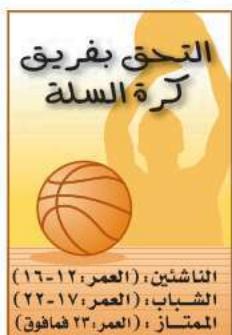
$$d - \frac{1}{2} \geq -\frac{2}{3}$$

$$b - 8 < 4, 8 -$$

١٧	$ن \geq ٤٥$	١٦	$س > ١٥$
١٩	$ج < ١٢ - ١٢$	١٨	$ك \leq ٨٤ - ١٤$
٢١	$ص > ٢٢ - ٢$	٢٠	$ب \geq ١٠٠ - ٥٠$
٢٣	$ر < ٩ - ٣$	٢٢	$و \leq ٢٠ - ٤$
٢٥	$\frac{ف}{٤} < ٤$	٢٤	$ه > ٧٢ - ١٢$
٢٧	$\frac{ك}{٢} < ١٠ - ١$	٢٦	$\frac{م}{٢} > ٧ - ٧$

اكتب متباعدة لكل مما يأتي وحلها:

- ٢٨ أكبر من عدد ما بخمسة يساوي على الأقل ١٣.
- ٢٩ الفرق بين عدد ما والعدد ١١، أصغر من ٨.
- ٣٠ ناتج قسمة عدد ما على ٥، وإضافة أربعة إليه يساوي ٧ على الأكثر.
- ٣١ ناتج قسمة عدد ما على ٣، وطرح اثنين منه يساوي ١٢ على الأقل.



كرة سلة: عماد عمره ١٥ سنة، ويفكر في الانضمام إلى فريق كرة السلة الممتاز. اكتب متباعدة وحلها لتحديد بعد كم سنة يمكنه الانضمام إلى الفريق.

عمل: يتناول سالم ٦٢,٥ ريالاً عن كل ساعة عمل، ويرغب في ادخار مبلغ يكفي لشراء طاولة ثمنها ٥٠٠ ريال. اكتب متباعدة وحلها لإيجاد عدد الساعات التي يجب عليه أن يعملها حتى يتمكن من شراء الطاولة.

مسائل مهارات التفكير العليا

تحد: بين ما إذا كانت كل معادلة أو متباعدة فيما يأتي لها حل واحد، أو أكثر، أو ليس لها حل:

$$٣٤ \quad ص - ص = ٠ \quad ٣٥ \quad س + ٤ = ٩ \quad ٣٦ \quad س + ٤ < ص + ١$$

مسألة مفتوحة: اكتب متباعتين مختلفتين، على أن يكون حل كل منها $س > ٩$ ، بحيث تحل إدراهما باستعمال خصائص الجمع، وتُحل الأخرى باستعمال خصائص الطرح.

اكتشف الخطأ: حلّت كلُّ من أسماء وسمية المتباعدة أدناه، فأيهما على

صواب؟ اشرح.

سمية	أسماء
$س \geq ٤٩ - ٧$	$س \geq ٤٩ - ٧$
$\frac{٤٩ - س}{٧} \geq \frac{٧}{٧}$	$\frac{٤٩ - س}{٧} \leq \frac{٧}{٧}$
$٧ - س \geq$	$٧ - س \leq$

٤٠ مسألة لفظية يكون حلها: $ص > ٢٠٠$ **الكتاب**





٤٢ إذا كانت س $+ 4 > 31$ ، فإن س يمكن أن تكون أيّاً من القيم الآتية:

- ج) ١٧
- أ) ٤٥
- ب) ١٨
- د) ١٦

٤٣ إجابة قصيرة: مع أسامة ١٨٠ ريالاً، إذا اشتري قميصاً رياضيًّا بـ ٥٥ ريالاً، فاكتب متباعدة تمثل كم بقي مع أسامة من النقود يمكنه صرفها في شراء باقي الملابس الرياضية.

مراجعة تراكمية

اكتب متباعدة لكل جملة مما يأتي: (الدرس ٧ - ٦)

٤٤ سرعة: قد تصل سرعة الفهد إلى ١٤٠ كيلومترًا في الساعة.

٤٥ خبرة: مطلوب موظف استقبال بخبرة لا تقل عن ثلث سنوات.

٤٦ بين ما إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعلقة: (الدرس ٧ - ٦)

$$7 = k, k < 34$$

$$8 = s, s < 21$$

$$11 = n, n < 18$$

٤٧ قياس: رُتّبت ثلاثة صناديق متشابهة أحدها فوق الآخر، إذا كانت أبعاد كل صندوق منها هو:

$$12 \text{بوصة} \times 10 \text{بوصات} \times 13 \text{بوصة}^3 \text{، فما حجم المجسم الناتج؟ (الدرس ٦ - ٤)}$$

٤٨ تذاكر: إذا كان ثمن التذكرة للعب أي لعبة في مدينةألعاب هو ٦ ريالات، و٣ ريالات للأعضاء الذين يدفعون اشتراكاً قدره ٣٠ ريالاً شهرياً، فاكتب معادلة وحلها؛ لإيجاد كم تذكرة للأعضاء المشتركين يجب شراؤها، بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن العدد نفسه من التذاكر العادية.



اختبار الفصل

١٨ اختيار من متعدد: في المتباينة:

- $س^٣ + ٥٠٠٠ \geq ٨٠٠٠٠$ ريال، تشير س إلى
أجرة أحد العاملين، فأيُّ الجمل الآتية أكثر ملاءمة
لوصف أجرة العامل؟
- أقل من ٢٥٠٠٠ ريال
 - أكبر من ٢٥٠٠٠ ريال
 - ٢٥٠٠٠ ريال على الأقل
 - ٢٥٠٠٠ ريال على الأكثر

للسؤالين ١٩، ٢٠ اكتب متباينة، ومثلها بيانياً على خط الأعداد.

١٩ حواسيب: يتسع قرص مدمج إلى ٧، ٤ جيجابايت
من البيانات على الأكثر.

٢٠ ألعاب: يجب أن تحصل على عدد من النقاط يزيد
على ٥٥٤٠ نقطة، حتى تحطم الرقم السابق.

حُلَّ كلَّ متباينة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$4 < \frac{ج}{9} \quad ٢١$$

$$45 > ٥٢ - هـ \quad ٢٢$$

٢٣ اختيار من متعدد: يبلغ محيط المستطيل
المرسوم ٤ سنتيمتر، فما مساحة المستطيل؟



- ٢٢ سم^٢
- ٤٤٠ سم^٢
- ٣٩٢ سم^٢
- ١٢٠ سم^٢

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل مقدار
مما يأتي:

$$١ - ٧(س - ١٠) = ٨(٢ص + ٥) \quad ١$$

بسط كل مقدار مما يأتي:

$$٦ - ١٥ + أ = ١٠ - ٦ - أ \quad ٣$$

$$٢س + ١٧ = ص \quad ٤$$

حُلَّ كلَّ معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$٦ = ١٨ + \frac{k}{٢} \quad ٥$$

$$٤س - ٦ = ٢٣ - ب + ٥ + ب \quad ٧$$

$$٣ - أ٣ = ٢ - ٣ + ٥ = ص + ٥ = ص - ١ \quad ٩$$

١١ تزلج: يتناول مركز للتزلج ٦ ريالات عن كل مرة دخول، ويبلغ الاشتراك للأعضاء ٢٤ ريالاً تُدفع مرة واحدة، بالإضافة إلى ريالين عن كل مرة دخول.
اكتب معادلة، وحلها لإيجاد عدد المرات التي يمكنك الدخول فيها، على أن تكون التكلفة متساوية سواء بصورة فردية أو باشتراك عضوية؟

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

١٢ يزيد على مثلثي عدد بمقدار ثلاثة ويساوي ١٥

١٣ ناتج قسمة عدد على ٦، وإضافة ٣ إليه يساوي ١١

١٤ ناتج ضرب عدد في ٥، وطرح ٧ منه يساوي ١٨

حُلَّ كلَّ معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$٢٦ = ٥ + ٤س \quad ١٥$$

$$١٨ = ٣ - د \quad ١٦$$

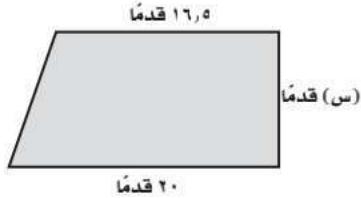
$$٤٥ = ١٥ - ٨ص \quad ١٧$$

الاختبار التراكمي (٧)

اختيار من متعدد

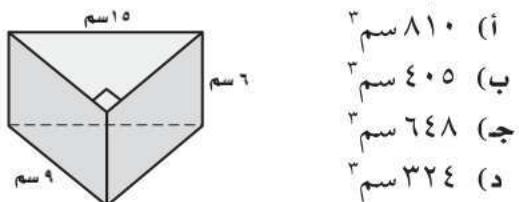
القسم ١

٥ ما قيمة س الممكنة، إذا كانت مساحة شبه المنحرف في الشكل أدناه أقل من ٢٥٦ قدمًا مربعة؟



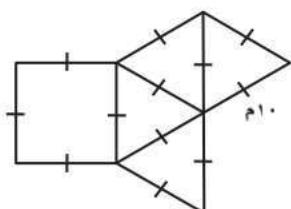
- (أ) ١٤
(ب) ١٥
(ج) ١٦
(د) ١٧

٦ ما حجم المنشور المجاور؟



- (أ) ٨١٠ سم³
(ب) ٤٠٥ سم³
(ج) ٦٤٨ سم³
(د) ٣٢٤ سم³

٧ يمثل الشكل أدناه مخططاً لهرم منتظم، فما مساحة الهرم الكلية؟

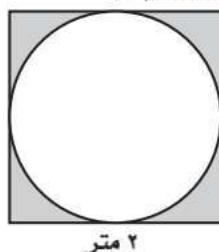


- (أ) ١٢٠ م²
(ب) ٢٠٠ م²
(ج) ٢٧٣ م²
(د) ٤٣٣ م²

٨ لوح خشبي مربع الشكل طول ضلعه متراً، إذا قصّ نجار دائرةً منه كما هو مبين في الشكل أدناه، فما

مساحة الجزء المتبقى؟

(إرشاد: مساحة الدائرة: ط نق²، ط ≈ ٣,١٤)



- (أ) ٨,٥٦
(ب) ٠,٨٦
(ج) ٢,٢٨
(د) ٣,١٤

اختر الإجابة الصحيحة

١ ما الخاصية المستعملة في العبارة الآتية:

$$(س - ٢) = ٥ - س ؟$$

(أ) خاصية التجميع على الجمع

(ب) خاصية الإبدال على الجمع

(ج) خاصية التوزيع

(د) خاصية الانعكاس

٢ يبعي مزارع الطماطم في صناديق، كتلة كل صندوق ٤ كجم، ومعدل كتلة حبة الطماطم الواحدة ٢ كجم، وكتلة الصندوق الكلية وهو مملوء بالطماطم ١٠ كجم، ما عدد الحبات التي يمكن وضعها في الصندوق الواحد؟

- (أ) ٥٠
(ب) ٤٨
(ج) ٢٥
(د) ١٦,٧

٣ المعادلة التي تمثل الجملة: "أقل من أربعة أمثال

عدد ما بمقدار ٩ يساوي ١٢" هي:

$$12 - 9 = 4n$$

$$12 - 4n = 9$$

$$4n - (12 - 9) = 0$$

$$4n - 9 = 4$$

٤ ما المتباينة التي يمثلها الشكل أدناه؟



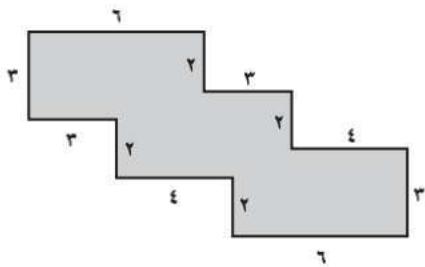
- (أ) س > -١
(ب) س ≥ -١
(ج) س < -١
(د) س ≤ -١

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

- ١٣ إذا علمنت أن جميع الزوايا في الشكل أدناه قوائم،
فما مساحته بالوحدات المربعة؟



- ١٤ دخل خمسة أشخاص إلى مصعد حمولته القصوى

٥٠٠ كجم، فإذا تساوت كتلتي شخصين منهم،
وكانت كتل الأشخاص الثلاثة الآخرين هي:
٨٢ كجم، ٩٦ كجم، ١١٠ كجم، فاكتتب متباينة
وحلّها لإيجاد الكتلة الممكنة لكلٍ من الشخصين.

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

- ١٥ يرغب كل من إبراهيم و محمد في المشاركة في رحلة، فإذا كان لدى إبراهيم ١٠ ريالات و يدّخر ٧ ريالات أسبوعياً من مصروفه، في حين أن محمدًا يدّخر ١٢ ريالاً أسبوعياً، فأجب بما يأتي:

- أ) اكتب معادلة لإيجاد عدد الأسابيع التي يصبح
عندها لدى كُلّ منهما المبلغ نفسه.
ب) أوجد عدد هذه الأسابيع.

- ٩ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات)، طوله

٧، ٥ سم، وعرضه ٤، ١ سم، وحجمه ٨٦، ٤ سم^٣
فما ارتفاعه؟

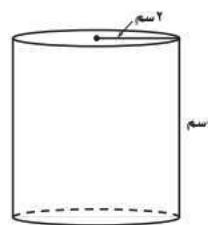
(قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة)

- أ) ١، ٠
ج) ٤٦٢، ٩
ب) ٨، ٢
د) ٩٠٧، ٢

- ١٠ أي العبارات الآتية يكفيه ٢ أب + ٤ ج؟

- أ) ٦ أب ج
ج) ٢ أ(ب+ج)
ب) أب+أج
د) ٢ أ(ب+٢ ج)

- ١١ ما مساحة الملمس الورقي اللازم لتغطية السطح
الجانبي للأسطوانة الموضحة إلى أقرب سنتيمتر
مربع؟



- أ) ٣١ سـ^٢
ب) ٦٣ سـ^٢
ج) ٦٢ سـ^٢
د) ٧٢ سـ^٢

- ١٢ حل المعادلة: -٥ س - ٤ = ٣٤ هو:

- أ) ٧
ج) ٦
ب) ٦
د) ٧

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

١٥	١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-٧	٧-٧	١-٦	٢-٧	٦-٦	١-٧	٤-٦	١-٦	٧-٦	٤-٦	٧-٧	٦-٧	٣-٧	٢-٧	١-٧



مفصل



الجبر: الدوال الخطية

الفكرة العامة

- أفهم الميل لأمثل المسائل، وأحللها وأحلّها.
- استعمل الأسس والقوى والجذور.

المفردات الرئيسية:

- الدالة الخطية ص (١٠٩)
الميل ص (١١٥)
ثابت التغير ص (١٢١)

الربط بالحياة:

القطار الدوار: يقطع قطار دوار في مدينة الألعاب مسافة ٥٢٨٠ مترًا في ١٠٨ ثوانٍ. ويمكنك استعمال الدالة الخطية $٥٢٨٠ = ١٠٨t$ لإيجاد معدل سرعة هذا القطار.

المطويات

منظمه أفكار

الجبر: الدوال الخطية: اعمل هذه المطوية الآتية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.
ابدأ بسبع أوراق A4 كما يأتي:

١ كرر ذلك مع باقي الأوراق. وثبتها معاً لتشكل كتيّباً، واتّبِع عناوين الدروس.

٢ أقصِّ الشريط الذي قصته من الأسفل، واتّبِع عنوان الفصل على الوجه الأمامي.

٣ اطْبُّ الورقة من المنتصف عرضيًّا، ثم قصّ شريطاً على مسافة ٢ سم من الحافة اليمنى.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

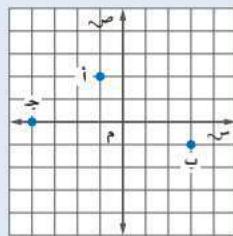
مراجعة للسريعة

اختبار للريح

مثال ١ :

مثل النقاط أ(١،٢)، ب(٣،١)، ج(-٤،٠) على المستوى الإحداثي.

مبتدئاً من نقطة الأصل.
العدد الأول في كل زوج
مرتب هو الإحداثي السيني،
والعدد الثاني هو الإحداثي
الصادري.



مثال ٢ :

احسب قيمة s - ٦ إذا كانت $s = ٤$.

$s - ٦ = ٤$ عوض عن s بـ ٤

اضرب ٦ في ٤

بسط

$$1 - ٢٤ =$$

$$٢٣ =$$

مثل كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي: (مهارة سابقة)

١ (٢،٣)، ٢ (٢،١)، ٣ (٤،٣)

٤ (٣،٤)، ٥ (٠،٢)، ٦ (٠،٤)

٧ مشي: سار محمد ٤ كلم جنوباً و ٢ كلم غرباً، ثم توقف.

فإذا كانت نقطة بداية سيره هي نقطة الأصل، فمثل

النقطة التي تمثل مكان وقوفه. (مهارة سابقة)

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما $s = ٦$: (مهارة سابقة)

٨ $s + ٥ = ٦$

٩ $s - ٤ = ٨$

١٠ ربح: يمثل المقدار ٤٨ س - ٨٧٥ الربح الأسبوعي

لشركة ما بآلاف الريالات، حيث تمثل s عدد

الوحدات المبيعة. أوجد الربح الأسبوعي للشركة إذا

باعت ٣٧ وحدة. (مهارة سابقة)

مثال ٣ :

حل المعادلة: $١٨ = m + ٧$

$$٧ = m + ١٨$$

$$\underline{١٨ -} \quad \underline{١٨ -}$$

$$m = ١١ -$$

حل كل معادلة فيما يأتي: (مهارة سابقة)

١١ $n + ١٤ = ٩$

١٢ $٣ - y = ٨$

١٣ $٢٣ + r = ١٥$

١٤ $b - ٢١ = ١٧$

اكتب المعادلة
اطرح ١٨ من كل طرف بسط





المتتابعات

١-٨

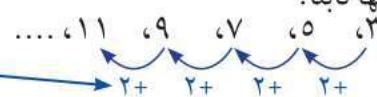
نشاط

تأمل النمط الآتي:

٣ مثلثات	٢ مثلثان	١ مثلث واحد	عدد المثلثات
٧ عيدان	٥ عيدان	٣ عيدان	عدد العيدان

- ١ أكمل النمط لـ ٤، ٥، ٦ مثلثات. كم عوداً تحتاج إليه في كل حالة؟
 ٢ كم عوداً إضافياً تحتاج إليه لتكونين ٤ مثلثات؟ وما العدد الكلي للعيدان المطلوبة لتكونين ٧ مثلثات؟
-

عدد العيدان في النمط السابق تشكل متتابعة. **المتتابعة**: مجموعة مرتبة من الأعداد، ويسىمى كل عدد فيها **حداً**. **المتتابعة الحسابية**: هي متتابعة يكون الفرق بين أي حددين متتالين فيها ثابتاً.

ويسمى الفرق **أساس المتتابعة**

لإيجاد العدد التالي في المتتابعة الحسابية أضف أساس المتتابعة إلى الحد الأخير.

تحديد المتتابعات الحسابية

مثال

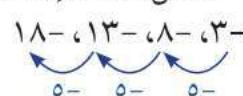
- ١) بين إذا كانت المتتابعة: ١٧، ١٢، ٧، ٢، -٣، ... حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية.

لاحظ أن $17 - 12 = 5$ ، $12 - 7 = 5$ ، $7 - 2 = 5$ وهكذا.



بما أن الفرق بين كل حددين متتالين ثابت ويساوي -٥؛ لذا فالمتتابعة حسابية أساسها -٥. أكمل النمط لإيجاد الحدود الثلاثة التالية.

فتكون الحدود الثلاثة التالية هي: -٨، ١٣، ١٨.



تحقق من فهمك:

- بين إذا كانت المتتابعة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها والحدود الثلاثة التالية.

ب) -٤، -٨، -١٦، -٣٢، ...

أ) ٢، ٦، ١٠، ١٤، ١٨، ...

فكرة الدرس:

- أحد المتتابعات الحسابية.
 أكتب عبارة جبرية لأجد حدود المتتابعة الحسابية.

المفردات

المتتابعة

الحد

المتتابعة الحسابية

أساس المتتابعة

الحد التنوبي

ويمكن كتابة المتتابعة باستعمال حدتها النوني، الذي يربط بين رقم الحد وقيمه.

تحديد المتتابعة الحسابية باستعمال الحد النوني

مثال

٢

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ الَّتِي حَدَهَا النُّونِي ٤ - ١ حَسَابِيَّةً أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا.

بكتابه بعض حدود المتتابعة من خلال التعويض بدلاً عن n في الحد النوني بأعداد تمثل رقم الحد يتبع:

$$\text{عندما } n = 1, \text{ الحد الأول يساوي } 4(1) - 1 = 3$$

$$\text{عندما } n = 2, \text{ الحد الثاني يساوي } 4(2) - 1 = 7$$

$$\text{عندما } n = 3, \text{ الحد الثالث يساوي } 4(3) - 1 = 11$$

$$\text{عندما } n = 4, \text{ الحد الرابع يساوي } 4(4) - 1 = 15$$

$$\text{لاحظ أن: } 3 - 7 = 4, 7 - 11 = 4, 11 - 15 = 4, \text{ وهكذا}$$

وبما أن الفرق بين كل حددين متتالين ثابت ويساوي 4 فالمتتابعة حسابية أساسها 4.

تحقق من فهمك:

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي حَسَابِيَّةً أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا.

هـ) $n^2 + 2n$

دـ) $n^2 - n$

جـ) $6 - n$

ويمكن إيجاد الحد النوني للمتابعة الحسابية إذا علمت بعض حدودها.

إيجاد الحد النوني للمتابعة الحسابية

مثال

٣

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لمتابعة محيطات المربعات: ٤، ٨، ١٢، ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.

استعمل الجدول المجاور لتعرف المتتابعة.

لغة الرياضيات

وهكذا، تقرأ النقاط الثلاث التي تلي مجموعة أعداد "وهكذا".

				رقم الحد (n)
٤	٣	٢	١	المحيط
١٦	١٢	٨	٤	

الفرق الثابت (أساس المتتابعة) يساوي 4.

وكل حد يساوي 4 أمثل رقم الحد،

ف تكون العبارة التي يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني هي: 4 n .

وتكون الحدود الثلاثة التالية: 4(5) = 20, 4(6) = 24, 4(7) = 28.

تحقق من فهمك: اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية:

و) -٢، -٤، -٦، -٨، ... ز) $\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$ ح) ٥، ١٠، ١٥، ...



مثال من واقع الحياة

رسالة نصية : يبين الجدول الآتي تكلفة إرسال رسائل نصية في عرض مقدم من إحدى شركات النقال. فكم يكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية؟

	الرسائل	التكلفة (ريال)
٥١	١٥,١٠	١٥,١٠
٥٢	١٥,٢٠	١٥,٢٠
٥٣	١٥,٣٠	١٥,٣٠
٥٤	١٥,٤٠	١٥,٤٠

بما أن الفرق الثابت في التكلفة هو ١٠، فإن الزيادة في تكلفة إرسال ن رسالة نصية هي ١٠، ن. قارن كل تكلفة بالقيمة ١٥،٠٠، ن لكل عدد من الرسائل.

تكلفة كل رسالة تزيد ب ١٠ ريالات على ١٥، ن؛ لذا فالعبارة ١٥،٠٠، ن + ١٠ هو

تكلفة ن رسالة نصية. ولإيجاد تكلفة إرسال ٦٠ رسالة. استعمل الرمز Δ للتعبير عن التكلفة. ثم اكتب المعادلة وحلّها عندما $n = 60$.

$$t = 15,000 + 10n \quad \text{أكتب المعادلة.}$$

$$t = 15,000 + 10(60) \quad \text{عوّض ٦٠.}$$

$$t = 15,600 \quad \text{بسط.}$$

سيكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية ١٥,٦٠ ريالاً.

تحقق من فهمك : اكتب عبارة لإيجاد الحد التنوبي في كل متتابعة حسابية، ثم استعملها لإيجاد قيمة الحد عندن المعطاة.

$$\text{ط: } t_n = 20 - 4n, \quad n = 1, 2, \dots, 12, \dots, 20$$

مثال من اختبار

ما العبارة التي تمثل الحد التنوبي في المتتابعة الحسابية الموضحة في الجدول الآتي؟

الترتيب	قيمة الحد
١	٣
٢	٥
٣	٧
٤	٩
٥	٩

أ) $t_n = 2n + 2$ ب) $t_n = 2n$ ج) $t_n = 2n + 1$ د) $t_n = 3n$

اقرأ :

تحتاج إلى إيجاد عبارة لوصف حدود المتتابعة.

حل :

الفرق الثابت بين الحدود (الأساس) هو ٢ لكل زيادة واحدة في الترتيب؛ لذا فالعبارة تحتوي ٢ ن.

- احذف البديلين أ، د؛ لأنهما لا يحتويان ٢ ن.

- احذف البديل ب؛ لأن $2 \neq 1$.

- بما أن العبارة في البديل ج صحيحة لكل الحدود المدرجة؛ لذا فالجواب الصحيح هو (ج).



الربط بالحياة :
سجلت إحدى شركات الهاتف النقال في المملكة العربية السعودية حوالي ٥٠ مليون رسالة تهنة في الساعة الأولى من إعلان عيد الفطر المبارك لعام ١٤٣٠ هـ، أي بمعدل ١٥٠٠٠ رسالة في الثانية.

إرشادات للاختبارات

احذف البديل

أولاً: اختبرن = ١

لكل عبارة.

بما أن $2 \neq 1$

فالبديل ب ممحوف.

ثانياً: اختبر

$n = 2$. بما أن

$5 \neq 2 + 2$

$5 \neq 2 + 2$

فالبديلان أ، د

محظوظان؛ لذا

فإن الإجابة الصحيحة

هي البديل ج.

تحقق من فهمك:

لتكن n تمثل موقع العدد في المتتابعة $\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1, \frac{3}{4}, \dots$. أي عبارة يمكن استعمالها لإيجاد حدود المتتابعة؟

- (أ) $n + \frac{1}{4}$ (ب) $2n$ (ج) $\frac{1}{4}n$ (د) $4n$

تأكد

المثال ١

بيان ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

$$\dots, 16, 10, 8, 6, 4, 2, 1, 11, 10, 8, 6, 4, 2, 1, \dots \quad (١)$$

بيان ما إذا كانت المتتابعة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

$$4 - 2n, 5 - 2n, 6 - 2n \quad (٢)$$

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية فيها:

$$\dots, 12, 9, 6, 3, \dots, 7, 4, 1, \frac{1}{5}, \frac{1}{10}, \dots, 8, 5, 2, 0, \dots, 15, 10, 5, 2, 1, \dots \quad (٣)$$

اكتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية، واستعملها لإيجاد قيمة الحد عند n المعطاة.

$$n = 10, 17, 21, 23, 25, \dots, 25, 24, 21, 19, \dots, 8 = 2n + 11 \quad (٤)$$

اختيار من متعدد: ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الآتية؟

المثال ٢

المثال ٣

المثال ٤

المثال ٥

الترتيب	قيمة الحد
٥	٣
٦	٩

- (أ) $n + 1$ (ب) $n + 5$ (ج) $2n$ (د) $6n$

تدريب وحل المسائل

الرسادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٨-١٣
٢	٢٢-٢٩
٣	٢٨-٢٣
٤	٣٤-٢٩
٥	٤٢، ٤١

بيان ما إذا كانت كل متتابعة حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

$$\dots, 1000, 100, 10, 1, 20, 28, 32, 36, \dots \quad (١)$$

$$\dots, 189, 63, 21, 7, 2, \dots, 6, 4, 2, 0, 2, \dots \quad (٢)$$

$$\dots, 1, 2, 5, 10, 17, \dots, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \frac{1}{27}, \dots \quad (٣)$$

بيان ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا، وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

$$\dots, 3, 6, 9, \dots \quad (٤)$$

$$\dots, 21, 9, \dots \quad (٥)$$

$$\dots, 1, 3, 9, \dots \quad (٦)$$



اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التنوبي لكل متتابعة فيما يأتي، ثم اكتب
الحدود الثلاثة التالية فيها:

$$\dots, 48, 36, 24, 12, 2, 4, \dots \quad 34$$

٣٤

$$\dots, 1, \frac{1}{5}, \frac{4}{5}, \frac{2}{5}, \dots, 1, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{5} \quad 35$$

٣٥

$$\dots, 10, 7, 4, 1, 17, 13, 9, 5 \quad 36$$

٣٦

اكتب عبارة لإيجاد الحد التنوبي في كل متتابعة حسابية فيما يأتي، واستعملها لإيجاد
قيمة الحد عندن المعطاة:

$$12, 11, 10, \dots, 3, 2, 1, \dots = n \quad 37$$

٣٧

$$17, 19, 21, \dots, 5, 3, \dots, 1, n = 21 \quad 38$$

٣٨

الأسابيع	زمن المشي يومياً (دققيقة)
١	٨
٢	١٦
٣	٢٤
٤	٣٢
٥	؟

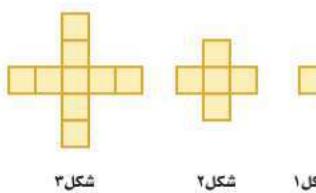
رياضة : للسؤالين ٣٣، ٣٤ استعمل الجدول المجاور.

إذا أكمل عادل النمط المبين في الجدول، فكم

دقيقة سيمشي يومياً خلال الأسبوع الخامس؟

هل يتناسب وقت مشي عادل مع عدد الأسابيع

التي مشى فيها؟ فسر إجابتك.



هندسة : للسؤالين ٣٥، ٣٦ استعمل الشكل المجاور.

كم مربعاً سيكون في الشكل رقم ١٨؟

هل يتناسب عدد المربعات في كل شكل مع رقم

الشكل؟ فسر إجابتك.

مسائل

مهارات التفكير العليا

مسألة مفتوحة : اكتب متتابعة حسابية يكون أساسها $\frac{1}{3}$.

تبرير : بين فيما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة

أبداً. فسر إجابتك.

«المتتابعة التي يضاف فيها عدد إلى أي حد للحصول على الحد الذي يليه هي
متتابعة حسابية».

الترتيب	قيمة الحد
٧	٥
٥	٣
٣	١
١	٧
٢٦	٢٠
٢٠	١٤
١٤	٨

تحدد : اكتب عبارة يمكن استعمالها

لإيجاد الحد التنوبي للمتتابعة الموضحة

في الجدول المجاور.

اكتبه ٤٠ مسألة من الواقع تمثل متتابعة حسابية، ثم حلّها.

تدريب على اختبار



٤٢ اختيار من متعدد: تصف العبارة

- ١٢- (ن - ٤) نمطًا عدديًا، فإذا كانت ن تمثل الحد في المتتابعة، فـأي أنماط الأعداد التالية تصفها العبارة؟
- (أ) ١٢، ١٦، ٢٠، ٢٤، ...
 (ب) ١٢، ٨، ٤، ٠، ...
 (ج) ١٢، ٨، ٤، ٠، ...
 (د) ١٢، ١٦، ٢٠، ٢٤، ...

٤٣ ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة المبينة في الجدول الآتي؟

الترتيب	قيمة الحد
١	٠,٦
٢	١,٢
٣	١,٨
٤	٢,٤
٥	٣,٠
ن	؟

- (أ) ن - ٤، ٠، ج) $\frac{3}{5}$ ن
 (ب) $\frac{n}{5}$ د) ن + ٦

مراجعة تراكمية

٤٣ هواتف: يتقاضى سعود ٥٢٥ ريالاً يومياً، ويريد شراء هاتف ثمنه ٤٢٠ ريالاً من النقود التي يكسبها من عمله، اكتب متباينة وحلها لإيجاد عدد الأيام التي سيعملها ل يستطيع شراء الهاتف. (الدرس ٧-٧)

حلاً كل متباينة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧-٧)

$$س \leq ٤٥ \quad ٤٤$$

$$١٢ < ص + ٩ \quad ٤٦$$

٤٤ أكواب: تبع الأكواب الورقية في علب سعتها ٤٠ كوبًا أو ٧٥ كوبًا، وتحتاج مشاعل إلى ٣٥٠ كوبًا لحفل تقيمه المدرسة، فكم علبة تحتاج من كل نوع من العلب؟ (الدرس ٦-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما $s = ٩$:

$$٧ - ٥s \quad ٤٩$$

$$٦ + ١٥s \quad ٥١$$





الثمن (ريال)	عدد الأقراص
١٥	١
٣٠	٢
	٣
	٤
	٥

الدواال

٢-٨

استعدي

ترفيه: افترض أنك تستطيع شراء القرص المدمج الواحد بـ ١٥ ريالاً.

١ انسخ الجدول المجاور وأكمله.

٢ ما الثمن الكلي لشراء ٦ أقراص منها؟

٣ فسّر كيف تجد ثمن ٩ أقراص.

يعتمد الثمن الكلي للأقراص على عددها؛ أي أن الثمن دالة لعدد الأقراص التي تم شراؤها. والعلاقة التي تُعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة تُسمى **دالة**، وتُكتب الدوال عادة في صورة معادلات.

المدخلة س أي عدد حقيقي.

$$د(س) = ١٥ \text{ س}$$

تقرأ $د(س)$ دالة في س،
أو ببساطة المخرجة $د(س)$.

ولإيجاد قيمة الدالة عند عدد ما، عَوْض عن المتغير س بذلك العدد في قاعدة الدالة.

ايجاد قيمة الدالة

مثالان

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\text{د}(٩) \text{ إذا كان } د(س) = س - ٥$$

اكتب الدالة.

$$د(س) = س - ٥$$

عوض ٩ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$\text{د}(٩) = ٩ - ٥ = ٤$$

لذا، $د(٩) = ٤$.

$$\text{د}(٣) \text{ إذا كان } د(س) = ٢س + ١$$

اكتب الدالة.

$$د(س) = ٢س + ١$$

عوض -٣ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$\text{د}(-٣) = ١ + (-٣) = -٢$$

بسط.

$$\text{د}(-٣) = ٥ - ٦ = -١$$

لذا، $د(-٣) = -١$.

تحقق من فهمك

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\text{أ) } \text{د}(٢) \text{ إذا كان } د(س) = س - ٤$$

$$\text{ب) } \text{د}(٦) \text{ إذا كان } د(س) = ٢س - ٨$$

فكرة الدرس:

أكمل جداول الدوال.

المفردات

الدالة

المجال

المدى

جدول الدالة

ارشادات للدراسة

المدخلات والمخرجات
يُسمى متغير المدخلات
أيضاً "المتغير المستقل"
لأنه يأخذ أي قيمة . ومتغير
المخرجات "المتغير التابع" ،
لأنه يعتمد على قيم
المدخلات .

مثال

إكمال جدول الدالة

المخرجية	القاعدة	المدخلة
$d(s)$	$d(s) = s + 5$	s
$3 = d(2)$	$5 + 2 =$	2
$4 = d(1)$	$5 + 1 =$	1
$5 = d(0)$	$5 + 0 =$	0
$6 = d(-1)$	$5 + 1 =$	-1

أكمل الجدول المجاور للدالة .
 $d(s) = s + 5$ ، ثم اذكر مجال
الدالة ومداها .
 عوض قيم s أو المدخلات ، في
قاعدة الدالة .
 ثم بسط لإيجاد المخرجية .
 المجال = $\{ -1, 0, 1, 2 \}$
 المدى = $\{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$

تحقق من فهمك :

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله ، ثم اذكر مجال الدالة ومداها :

$$ج) d(s) = s - 7 \quad د) d(s) = 4s \quad هـ) d(s) = 2s + 3$$

$d(s)$	s	$3 + 2s$
	١	
	٢	
	٣	
	٥	

$d(s)$	s	$4s$
		٥
		٣
		٢
		٠

$d(s)$	s	$s - 7$
		٣
		٢
		١
		٠

تكتب الدوال أحياناً باستعمال متغيرين ، أحدهما s يمثل المدخلات ، والآخر $ص$ يمثل المخرجات . ويمكن أن تكتب الدالة في المثال ٣ في صورة $ص = s + 5$.

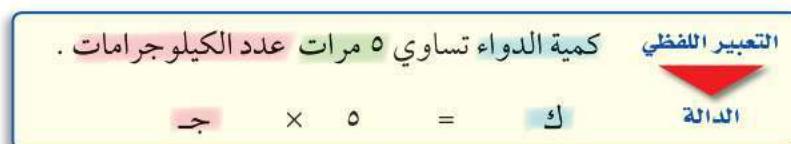
مثال

حيوانات الأليفة : يعطي الطبيب البيطري جرعات لعلاج الحيوانات الأليفة بحيث تكون الجرعة مكونة من ٥ ملجم دواء لكل كيلو جرام تقريباً من الكتلة . اكتب دالة تمثل كمية الدواء $ك$ اللازمة للكتلة $ج$ ، ثم حدد كم يلزم من الدواء لحيوان أليف كتلته ٤٠ كجم تقريباً .



الربط بالحياة :
كيف يستخدم الطبيب البيطري
الرياضيات ؟

يحدد جرعات الدواء المناسبة
للحيوان حسب كتلته .



$$ك = ج \cdot 5 \quad \text{اكتب الدالة .}$$

$$ك = 40 \cdot 5 = 200 \quad \text{ضع ج} = 40 \text{ لإيجاد كمية الدواء اللازمة لكتلة ٤٠ كجم .}$$

إذن ، على البيطري إعطاء الحيوان الأليف ٢٠٠ ملجم من الدواء .



تحقق من فهمك ✓

و) **صيانة المنزل**: تتقاضى مؤسسة خدمة المنزل ١٠٠ ريال لكل طلب خدمة، بالإضافة إلى ٥٠ ريالاً لكل ساعة عمل. اكتب دالة تمثل التكلفة $D(s)$ لطلب خدمة لمدة s ساعة عمل، ثم أوجد كم تكلف ٣ ساعات من العمل.

تأكد

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$1 \quad D(4) \text{ إذا كان } D(s) = s - 6$$

$$2 \quad D(-2) \text{ إذا كان } D(s) = s + 4$$

$$3 \quad D(s) = 8 - s \quad D(s) = s + 5$$

$$4 \quad D(s) = 3s - 2 \quad D(s) = s - 1$$

المثال ٢،١

المثال ٣

المثال ٤

$D(s)$	s	$D(s)$	s	$D(s)$	s
٢	٣	٥	٥	٢	٣
٣	٢	٣	٣	١	٢
٤	١	٣	٢	٠	١
٥	٠	٣	١	٢	٠

تدريب وحل المسائل

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$1 \quad D(7) \text{ حيث } D(s) = s + 5$$

$$2 \quad D(4) \text{ حيث } D(s) = 3s - 1$$

$$3 \quad D(-5) \text{ حيث } D(s) = 4s - 1$$

الإجابات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
٢،١	١٢-٧
٣	١٨-١٣
٤	٢١

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها:

$$5 \quad D(s) = 6s - 4 \quad 6 \quad D(s) = 5 - 2s$$

$D(s)$	s	$D(s)$	s	$D(s)$	s
٣	٧	٣	٥	٣	٥
٢	٦	٢	٤	٢	٤
١	٥	١	٣	١	٣
٠	٤	٠	٢	٠	٢

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها:

$$١٨ \quad ٣ + د(س) = س$$

$$١٧ \quad د(س) = ٧ س$$

$$١٦ \quad د(س) = س - ٩$$

س	د(س)	$٣ + د(س)$
٤		
٢		
٣		
٥		

س	د(س)	$٧ س$
		٥
		٣
		٢
		٦

س	د(س)	$س - ٩$
		٢
		١
		٧
		١٢

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$١٩ \quad د(\frac{٥}{٨}) \text{ إذا كان } د(س) = ٤ س - \frac{١}{٤}$$

$$١٩ \quad د(س) = ٢ س + \frac{١}{٣}$$

٢١ دراجات: قطع عمر بدرجته مسافة ٢٠ كلم بعد ساعة واحدة من بدء الحركة.
إذا استمر بسرعة معدلها ١٣ كلم في الساعة، فكم ساعة يحتاجها لقطع
مسافة ١١١ كلم؟

٢٢قياس: محيط المربع يساوي أربع أمثال طول ضلعه، اكتب دالة تمثل محيط المربع
(مح) الذي طول ضلعه (ل)، ثم أوجد طول ضلع مربع محطيه ٧ سم؟

الضغط (نيوتون/بوصة مربعة)	العمق (قدم)
١٤,٧	٠
٢٩,٤	٣٣
٤٤,١	٦٦
٥٨,٨	٩٩
٧٣,٥	١٣٢

٢٣ الغوص: يبين الجدول المجاور ضغط الماء الذي يواجهه الغواص على أعماق مختلفة. اكتب دالة تمثل الضغط ضن مقابل العمق ع متراً. ما مقدار الضغط عند العمق ١٧٥ متراً؟ قدر الجواب إلى أقرب جزء من مائة.

٢٤ مسألة مفتوحة: اكتب قاعدة الدالة يكون فيها $D(-3) = -8$ ، وأوجد قيمة الدالة عند الصفر، وعند قيم سالبة وأخرى موجبة للمتغير س.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٥ تحدّ: اكتب قاعدة الدالة لكل جدول دالة فيما يأتي:

(أ) (ب) (ج) (د)

س	ص
٥	٢
١	١
٥	٣
٩	٥

س	ص
٣	٢
٣	١
٧	٣
١١	٥

س	د(س)
٩	٥
٥	١
١	٣
٣	٧

س	د(س)
٣٠	٣
١٠	١
٢٠	٢
٦٠	٦

٢٦ أكتبي تُمثل المسافة ف التي يتحركها جسم في الزمن ن وبمعدل سرعة ع بالدالة $F = N$. فسر كيف يؤثر تغير المدخلة في تغير المخرجة.



٢٨ اشتريت هند شريحة بيانات بمبلغ ٢٥ ريالاً، إذا كانت تكلفة كل ميجابايت هو ٠,٩٥ ريال، فأيّ الجداول الآتية يعطي أفضل تمثيل لما تبقى من الرصيد في الشريحة بـ بعد استهلاك ٥ ميجابايت؟

م	ب	(ج)
٢٣,١٠	٢	٢٤,١٠
٢١,٢٠	٤	٢٣,٢٠
٢٠,٢٥	٥	٢١,٤٠
١٧,٤٠	٨	١٩,٦٠
١٥,٥٠	١٠	١٧,٨٠

م	ب	(ج)
٢٤,١٠	١	٢٦:٠٠
٢٣,٢٠	٢	١٩:٥٠
٢١,٤٠	٤	١٣,٠٠
١٩,٦٠	٦	٦,٥٠
١٧,٨٠	٨	

م	ب	(د)
٢٠,٥	٥	٢٥,٠٠
١٥,١٠	١٠	٢٢,٠٠
١٠,١٥	١٥	١٩,٠٠
٥,٢٠	٢٠	١٦,٠٠
٠,٢٥	٢٥	١٣,٠٠

م	ب	(ب)
٢٥,٠٠	٠	٣٢:٥٠
٢٢,٠٠	٣	٢٦:٠٠
١٩,٠٠	٦	١٩:٥٠
١٦,٠٠	٩	١٣:٠٠
١٣,٠٠	١٢	

٣٧ تمثل التكلفة الكلية جـ التي ينفقها سعد ثمناً للتذاكر التي يشتريها من مدينة الألعاب بالمعادلة: جـ = ٦٦٥، أيّ الجداول الآتية تحتوي قيمًا تحقق المعادلة؟

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
٤	٣	٢	١
٢٦:٠٠	١٩:٥٠	١٣,٠٠	٦,٥٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
٤	٣	٢	١
٤٢:٥٠	١٨:٠٠	١٢:٠٠	٦:٥٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
٤	٣	٢	١
٣٢:٥٠	٢٦:٠٠	١٩:٥٠	١٣:٠٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
٤	٣	٢	١
١٠:٥٠	٩:٥٠	٨:٥٠	٦:٥٠

مراجعة تراكمية

٣٩ توفر: في ح حالـة منـى ٢٠ رـيـالـاً، وـتـوفـرـ يومـياً ٥ رـيـالـاتـ تـضـعـهـاـ فيـ الحـصـالـةـ، إـذـاـمـ تـأـخـذـ أيـ نـقـودـ منـ الحـصـالـةـ، فـكـمـ رـيـالـاًـ يـكـونـ فيـ الحـصـالـةـ بـعـدـ ٧ـ أـيـامـ؟ (الدرس ٨ - ١)

حـلـ كـلـ مـتـبـاـيـنـةـ مـاـ يـأـتـيـ، ثـمـ تـحـقـقـ مـنـ صـحـةـ الـحـلـ: (الدرس ٧ - ٧)

$$30 \leq 15 + 6 \quad ٣١$$

$$9 < 3 - k \quad ٣٢$$

٤٠ طوارئ: إذا قامت وزارة النقل بتغيير تصاميم كابينة هاتف الطوارئ على الطرق السريعة؛ حيث كان التصميم القديم في صورة منشور مستطيلي يتكون من أربعة أوجه فقط، أما التصميم الجديد فيتكون من نصف أسطوانة مفتوحة من أعلى كما في الشكل المجاور. كم تقل المادة الالازمة للتصميم الجديد عن المادة الالازمة للتصميم القديم؟ (الدرس ٦ - ٦)

٤١ قياس: كيكة في صورة منشور مستطيلي حجمها 610 سم^3 تم توزيع قطع منها فبقي جزء في صورة منشور مستطيلي أيضاً أبعاده $5 \times 4 \times 10$ سم، ما حجم جزء الكيك الذي تم توزيعه؟ (الدرس ٤ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل في المستوى الإحدادي كل نقطة مما يأتي:

$$(4,1) \text{ د}(3,4) \quad ٤٢$$

$$(3,0) \text{ ج}(1,3) \quad ٤٣$$

$$(2,4) \text{ ب}(3,1) \quad ٤٤$$

$$(4,-2) \text{ أ} \quad ٤٥$$



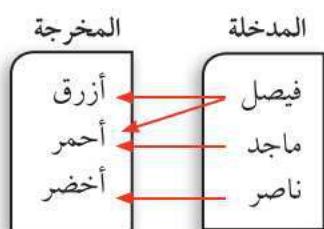
معلم الجبر

العلاقات والدوال

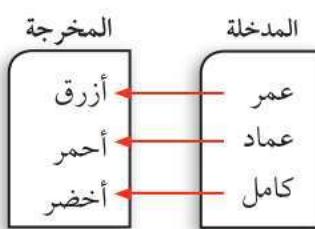
توسيع
٢-٨

تعبر العلاقة عن ربط مجموعة من العناصر تسمى مدخلات، بمجموعة أخرى تُسمى مخرجات. افرض أن ثلاثة طلاب اختاروا ألوانهم المفضلة من بين الأزرق والأحمر والأخضر. والمخططات الآتية تبين نتائج التائي الممكنة لهذا الاختيار.

العلاقة ٢



العلاقة ١



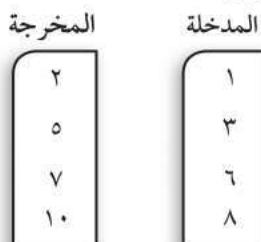
فكرة الدرس:

أحدد ما إذا كانت علاقة ما دالة أم لا.

تذكر من الدرس السابق أن الدالة هي علاقة تُحدد مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة. وفي المثال أعلاه تعد العلاقة الأولى دالة؛ لأن كل شخص اختار لوناً مفضلاً واحداً فقط. أما العلاقة الثانية فليست دالة؛ لأن فيصل اختار لونين مفضلين.

نشاط

الخطوة ١ انسخ مخطط العلاقة أدناه، وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات لتصبح دالة.



الخطوة ٢ انسخ مخطط العلاقة من الخطوة الأولى. وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات على الأقل تكون العلاقة دالة.

حل النتائج

يمكن كتابة العلاقة في صورة مجموعة أزواج مرتبة، حيث تمثل المدخلة بالإحداثي السيني والمخرجة بالإحداثي الصادي، اكتب كل علاقة رسم مخططها في النشاط السابق في صورة أزواج مرتبة.

١ بين لماذا لا تُعد كل علاقة دالة. وفسّر تبريرك بدلالة أزواج مرتبة.

٢ حدد ما إذا كانت كل علاقة فيما يأتي دالة أم لا، وفسّر ذلك:

$$\{ (1, 1), (2, 3), (3, 6), (4, 9), (5, 15) \} \quad \text{٣}$$

$$\{ (1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, 5), (5, 6) \} \quad \text{٤}$$



تمثيل الدوال الخطية

٣-٨

استعدي

الطيران: تصل سرعة طائرة «الطائر الأسود» إلى $36,6$ ميلاً في الدقيقة تقريباً. إذا مثل المتغير s عدد دقائق الطيران بهذه السرعة، فإن قاعدة الدالة للمسافة المقطرة هي $s = 36,6$ س.

١ انسخ الجدول المجاور للدالة وأكمله.

٢ مثل الأزواج المرتبة $(s, ص)$ في المستوى الإحداثي. ماذا تلاحظ؟

(المدخلة، المخرجية)	المدخلة	المخرجية	القاعدة
(س، ص)	س	ص	٣٦,٦
(٣٦,٦,١)	٣٦,٦	١	(٣٦,٦)
		٢	(٣٦,٦)
		٣	
		٤	

يمكن تمثيل الدوال بالجداوٍ والتمثيل البياني، والأزواج المرتبة، ويمكن التعبير عنها الفظياً.

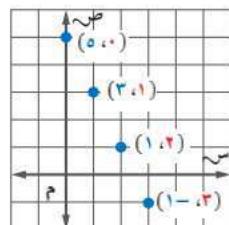
مثال من واقع الحياة تمثيل الدالة

لوازم مدرسية: تبيع مكتبة علبة الأدوات الهندسية بـ 5 ريالين، ودفتر الملاحظات بـ 1 ريال واحد. وبذلك يكون ثمن س من علب الهندسة وص من دفاتر الملاحظات هو $2s + 5$. ويريد سامي شراء بعض هذه الأنواع بـ 5 ريالات فقط. مثل المعادلة $2s + 5 = 5$. بيانياً، ثم أوجد كم يستطيع سامي أن يشتري من كل نوع؟

اكتب المعادلة.

$$2s - 2s + 5 = 5 \quad \text{اطرح } 2s \text{ من كل طرف ثم حل بالنسبة لـ } s. \\ s = 0 \quad \text{بسط.}$$

تمثل المعادلة $s = 0 - 2s$ دالة. اختر قيمـاً لـ s وعوضها للتـجـدـصـ، ثم مثل الأزواج المرتبة.



س	ص	(س، ص)
٥	٠	(٥, ٠)
٣	١	(٣, ١)
١	٢	(١, ٢)
-١	٣	(-١, ٣)

وبما أنه لا يستطيع شراء كميات سالبة، فإنه يمكنه شراء 5 دفاتر ملاحظات فقط أو علبة هندسة و 3 دفاتر ملاحظات، أو علبة هندسة ودفتر ملاحظات واحد.

تحقق من فهمك:

أ) نقود: مع أحمد 27 ريالاً من فئة 5 ريالات، أو 1 ريال، أو من كليهما فإذا كانت س تمثل عدد الأوراق من فئة 5 ريالات، وص تمثل عدد القطع من فئة 1 ريال، فمثل الدالة $5s + c = 27$ بيانياً. ثم أوجد عدد العملات النقدية من كل فئة.

فكرة الدرس:

أمثل الدوال الخطية بيانياً
باستعمال الجداول.

المفردات:

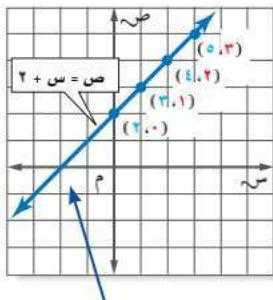
الدالة الخطية

تمثيل الدالة

مثال

مثل الدالة $ص = س + 2$ بيانياً.

- اختر أي أربع قيم للمدخلة $س$, ثم عوضها بدلاً من $س$ لإيجاد قيم المخرجية $ص$.
- مثل الأزواج المرتبة، وارسم خطًا مستقيماً يمر بجميع النقاط.



س	ص	س + 2	(س، ص)
(٢, ٠)	٢	٢+٠	٠
(٣, ١)	٣	٢+١	١
(٤, ٢)	٤	٢+٢	٢
(٥, ٣)	٥	٢+٣	٣

يمثل الخط المستقيم الدالة بيانياً. ويعد الزوج المناظر لأي نقطة على الخط حلاً للمعادلة $ص = س + 2$.

تحقق: يبدو أن الزوج المرتب $(٢, ٠)$

حل للمعادلة، تتحقق من ذلك بالتعويض.

$ص = س + 2$ اكتب الدالة.

$$\text{اعرض } س - 2 = ٠, \text{ ص} = \text{صفر.}$$

$$\checkmark \quad ٠ = ٠$$

تحقق من فهمك:

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

د) $ص = ٢س + ١$ ج) $ص = س - ٥$

تُسمى المعادلة التي تمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم **دالة خطية**. إذن، $ص = س + 2$ هي معادلة خطية.

ملخص المفهوم

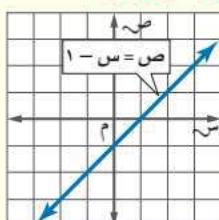
تمثيل الدوال

التعبير اللفظي: قيم $ص$ أقل بواحد من قيم $س$ المناظرة لها.

الرموز: $ص = س - ١$

الأزواج المرتبة: $(٢, ٣), (١, ٢), (٠, ١), (-١, ٠)$

التمثيل البياني:



الجدول:

س	ص
-١	٠
٠	١
١	٢
٢	٣

مراجعة المفردات:

العلاقة الخطية:

العلاقة الخطية هي تلك العلاقة التي تمثل بيانياً بخط مستقيم.

(الدرس ٣-٣)

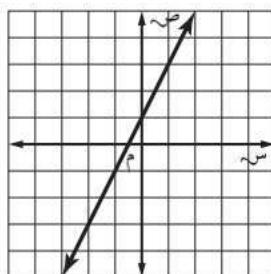


مثال من اختبار

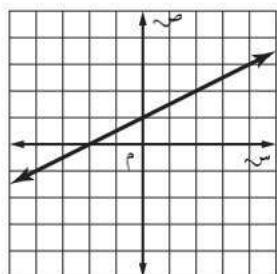
أيُّ مستقيم مما يأتي يُعدُّ أفضل تمثيل للأزواج المرتبة $(س، ص)$ المبينة في الجدول الآتي؟

١	٠	$1-$	$2-$	س
٣	١	$1-$	$3-$	ص

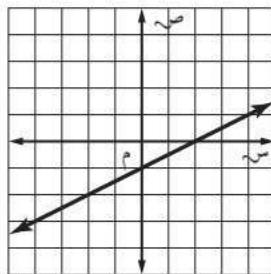
(ج)



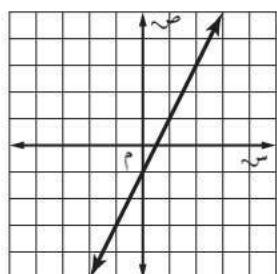
(أ)



(د)



(ب)

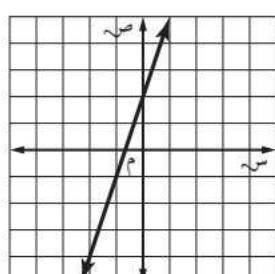


اقرأ :

عليك أن تقرر أي الأشكال الأربعه أعلاه تمثل البيانات.

حل :

تمثل قيم الجدول الأزواج المرتبة $(-2, 3), (-1, 2), (0, 1), (1, 0), (2, -1)$. وباختبار الأزواج المرتبة، فإن التمثيل البياني ج فقط هو الذي يحتوي كل هذه الأزواج المرتبة. فالإجابة الصحيحة هي ج.



تحقق من فهمك ✓

ارشادات للاختبارات

حذف البديل

يمكن حذف البديلين
ب، د عند اختيار الزوج
المترتب (١، ٠) أولاً.

٣	٠	$3-$	$6-$	س
٣	٢	$1-$	٠	ص

(ج)

٣	٢	٠	$1-$	س
٧	٤	$2-$	$5-$	ص

(أ)

٢	١	$1-$	$3-$	س
٨	٥	$1-$	$7-$	ص

(د)

٨	٧	٥	$1-$	س
٢	$3-$	١	$1-$	ص

(ب)

تأكد

المثال ١

١ زهور: تُباع كل ٤ من أزهار القرنفل في باقة، أما أزهار الأقحوان فتباع منفردة. مثل الدالة $4s + c = 15$ بيانياً لإيجاد عدد باقات أزهار القرنفل (s) وأزهار الأقحوان (c) التي تحتوي ١٥ زهرة.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$4 \quad c = s + 1$$

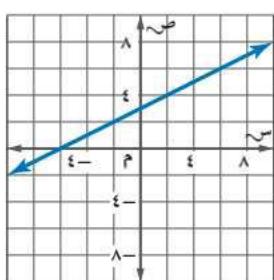
$$2 \quad c = 3s - 2$$

$$5 \quad c = s + 5$$

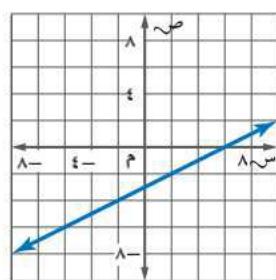
المثال ٢

٢ اختيار من متعدد: أي مستقيم مما يأتي يُعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (s, c) الموضحة في الجدول الآتي؟

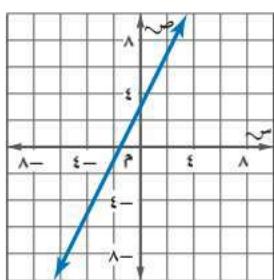
s	٩	٢	-2	-7
c	١,٥	-2	-4	$-6,5$



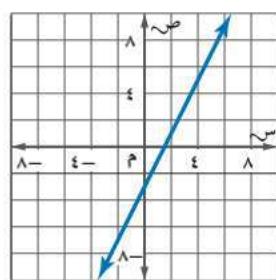
(ج)



(أ)



(د)



(ب)

تدريب وحل المسائل

الرَّشَادَاءُ لِلْأَسْنَلَةِ

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٧٠٦
٢	١٥٨
٣	٢٨٢٧

٦ قرطاسية: يُباع قلم الحبر بـ ٣ ريالات، وقلم الرصاص بريال واحد. مثل الدالة $3s + c = 20$ بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (s) وأقلام الرصاص (c) التي يمكن لمشاعل شراؤها بـ ٢٠ ريالاً.

٧ منظفات: يُباع الصابون المعطر في حزم مكونة من ٥ جبات، ويُباع الصابون العادي متفرقاً، مثل الدالة $5s + c = 10$ بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لحزم الصابون المعطر (s) والعادي (c) التي يمكن لراشد شراؤها إذا اشتري ١٠ جبات صابون.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$11 \quad c = 4s$$

$$10 \quad c = s - 3$$

$$9 \quad c = 3s$$

$$8 \quad c = s + 3$$

$$13 \quad c = 3s - 7$$

$$12 \quad c = \frac{1}{3}s + 1$$

١٦ درجات حرارة: تستعمل المعادلة $F = 1,8S + 32$ لمقارنة درجات الحرارة السيليزية (س) بدرجات الحرارة الفهرنهايتية (ف). اكتب أربعة أزواج مرتبة (س، ف) تمثل حلّاً للمعادلة أعلاه ثم مثّلها بيانياً.

قياس: للأسئلة ١٧-١٩ استعمل المعلومات الآتية:

تصف المعادلة $S = 1,09F$ عدد المترات ص في س ياردة

هل لقيمة س السالبة معنى في هذا الموقف؟ فسر إجابتك.

١٧ مثل الدالة بيانياً.

١٨ كم متراً يعادل ٤ ياردة؟

جبال: استعمل المعلومات في الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٠، ٢١.

ارتفاعات بعض الجبال في المملكة الارتفاع (بألاف الأقدام تقريرياً)		الجبل
٩,٨	جبل السودة	
٦,٥	جبل شيبان	
٥,١	جبل قيس	
٢,٥	جبل ثور	

إذا كانت درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر 80°F ، والدالة $F = 6 - 80^\circ\text{C}$ تصف درجة الحرارة F عند ارتفاع قدره S بألاف الأقدام فوق مستوى سطح البحر.

١٩ مثل دالة درجة الحرارة بيانياً.

٢٠ ما درجة الحرارة عند قمة كل جبل من هذه

الجبال في يوم كانت فيه درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر 80°F ؟

نقود: يوفر عماد نقوداً لشراء حاسوب بـ ٢٠٠ ريال. فإذا كان معه ٤٥٠ ريالاً، ولديه خطة لتوفير ٣٠ ريالاً أسبوعياً. حيث تمثل الدالة $C(S) = 30S + 30$ المبلغ الذي يوفره بعد س أسبوع. مثل الدالة بيانياً لتحديد عدد الأسابيع اللازمة ليوفر عماد المبلغ الكافي لشراء الحاسوب.

٢١ مسألة مفتوحة: مثل دالة خطية بيانياً، واذكر ثلاثة حلول لها.

٢٢ اكتشف المختلف: حدّد الزوج المرتب الذي ليس حلّاً للدالة

$$S = -4x + 3. \text{ فسر تبريرك.}$$

(١١، ١)

(٧٠، ١٠)

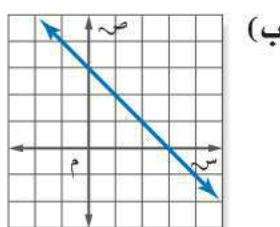
(٣٠، ٣)

(٥٢)

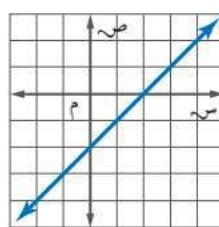
مسائل

مهارات التفكير العليا

٢٣ تحد: سمِّ إحداثيات أربع نقاط تحقق كل دالة فيما يأتي، ثم اكتب قاعدة الدالة:



ب)



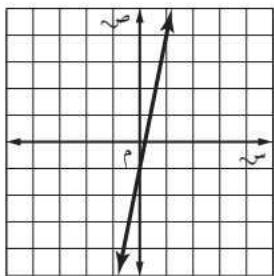
ا)

٢٤ أكتب فسر كيف يمكن الاستعانة بجدول الدالة على تمثيلها بيانياً.

تدريب على اختبار



٢٨ اختيار من متعدد: إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة $y = 5x - 1$ ، فأيُّ جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا المستقيم فقط؟



٣	٢	١	٠	س
٢	١	٠	-١	ص

١	٠	-١	-٢	س
٦	١	-٤	-٩	ص

(أ)

(ج)

٢	١	٠	-١	س
٩	٤	-١	-٦	ص

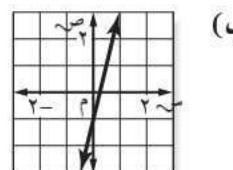
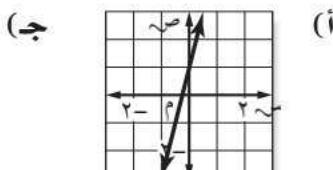
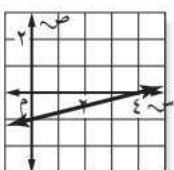
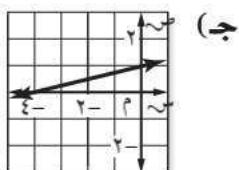
٠	-١	-٢	-٣	س
٥	-٦	-٧	-٨	ص

(ب)

(د)

٢٩ أي مستقيم مما يأتي يعدّ أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (s, c) المبينة في الجدول الآتي؟

٨	٤	٠	-٤	س
١	٠	-١	-٢	ص



مراجعة تراكمية

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ٨ - ٢)

د(٦) إذا كان $D(s) = 7s - 3$

د(٥) إذا كان $D(s) = 3s + 15$

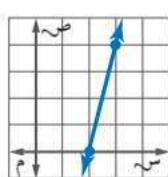
د(٣) إذا كان $D(s) = 2s - 7$

٣٢ اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني للمتابعة الحسابية $15, 30, 45, \dots, 60, \dots$ ، ثم اكتب الحدود الثلاثة الأولى. (الدرس ١ - ٨)

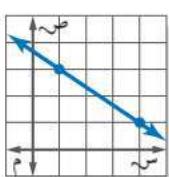
٣٣ مقاصف: يربح مقصف المدرسة ٥,٠ ريال من كل قطعة شوكولاتة يبيعها، ويرغب مسؤول المقصف تحقيق ربح لا يقل عن ٥٠٠ ريال هذا الأسبوع من بيع الشوكولاتة. اكتب متابعينه وحلّها لإيجاد عدد قطع الشوكولاتة التي عليهم بيعها لتحقيق الهدف. (الدرس ٧ - ٧)

الاستعداد للدرس اللاحق

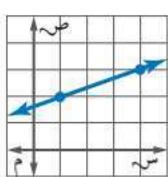
مهارة سابقة: أوجد معدل التغير لكل تمثيل بياني مما يلي:



٣٦



٣٧



٣٨



اختبار منتصف الفصل

ممثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ٨ - ٣)

٥

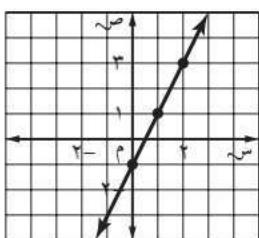
$$\text{ص} = \text{s} + 6$$

٦

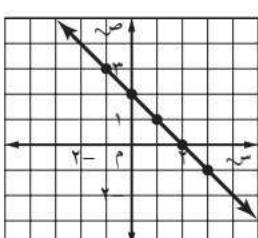
$$\text{ص} = 2\text{s} - 5$$

اختيار من متعدد: أي مستقيم مما يأتي يمثل

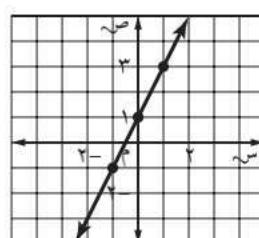
$$\text{المعادلة ص} = 2\text{s} - 1 \quad (\text{الدرس } ٨ - ٣)$$



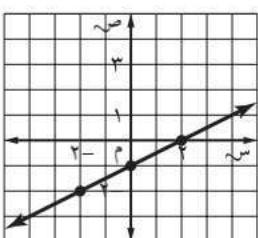
(ج)



(أ)



(د)



(ب)

ايجار: تقوم سيارة الأجرة باستعمال العداد الإلكتروني لاحتساب أجرتها، حيث يحتسب ٥ ريالات في بداية فتح العداد، ثم ٧٥،٠ ريال لكل كيلومتر تقطعه السيارة. ويمكن حساب الأجرة (ص) التي يدفعها شخص استخدم السيارة مسافة (س) كيلومتر بالمعادلة $\text{ص} = 75,0 + 75\text{s}$. (الدرس ٨ - ٣)

ممثل دالة الأجرة بيانياً.

كم ريالاً يدفع شخص استأجر السيارة مسافة ١٦ كيلم؟

بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها: (الدرس ٨ - ١)

$$\dots, 29, 25, 21, 17, 13 \quad ١$$

$$\dots, 64, 32, 16, 8, 4 \quad ٢$$

$$\dots, 43, 34, 25, 16, 7 \quad ٣$$

بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها. (الدرس ٨ - ١)

$$\text{ن} = 3 - 2\text{n} \quad ٤$$

$$\text{n} = 7 \quad ٥$$

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ٨ - ٢)

$$\text{د}(٩) \text{ إذا كان } \text{d}(\text{s}) = 12\text{s} \quad ٦$$

$$\text{د}(٨) \text{ إذا كان } \text{d}(\text{s}) = 2\text{s} - 8 \quad ٧$$

$$\text{د}(٦) \text{ إذا كان } \text{d}(\text{s}) = \text{s} + 7 \quad ٨$$

$$\text{د}(٢) \text{ إذا كان } \text{d}(\text{s}) = 6\text{s} + 1 \quad ٩$$

اختيار من متعدد: أي معادلة مما يأتي تصف

الدالة الممثلة بالجدول الآتي: (الدرس ٨ - ٢)

ص	س
-٧	-٢
-٣	٠
١	٢
٥	٤

$$\text{أ) ص} = 2\text{s} - 3$$

$$\text{ب) ص} = \text{s} - 3$$

$$\text{ج) ص} = \text{s} + 4$$

$$\text{د) ص} = 2\text{s} + 3$$

قياس: محيط المثلث المتطابق الأضلاع يساوي ٣ أمثال طول ضلعه. اكتب دالة تمثل محيط المثلث المتطابق الأضلاع (مح) الذي طول ضلعه (ل)، ثم أوجد طول ضلع مثلث محطيه ١٢ سم. (الدرس ٨ - ٢)



مِيلُ الْمَسْتَقِيمِ

٤ - ٨

اسْتَعِدْ



سلامة : يستعمل سلم الشاحنة المتحرك للوصول إلى أعلى البناء.

١ يعبر عن معدل التغير في ارتفاع السلم بنسبة ارتفاع السلم إلى بعد قاعدته عن البناء. اكتب هذا المعدل في صورة كسر في أبسط صورة.

٢ أوجد معدل تغير ارتفاع السلم إذا ارتفع ١٠٠ قدم وكانت قاعدته على بعد ٥٠ قدماً من البناء.

فكرة الدرس :

أجد ميل المستقيم.

المفردات

الميل

التغير الرأسي

التغير الأفقي

يستعمل مصطلح الميل لوصف انحدار الخط المستقيم عددياً. فال**الميل** هو نسبة **التغير الرأسي** (الارتفاع) إلى **التغير الأفقي** (المسافة الأفقية) وليس هنالك مشكلة في اختيار أي نقطتين لإيجاد الميل أو معدل التغير في الدوال الخطية؛ لأن معدل التغير ثابت دائماً.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}}$$

التغير الرأسي بين أي نقطتين .
التغير الأفقي بين النقطتين نفسها .

مثال من واقع الحياة

رياضة : أوجد ميل جهاز المشي المجاور.



$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}}$$

تعريف الميل .

$$\text{الميل} = \frac{٢٥ \text{ سم}}{١٢٠ \text{ سم}}$$

$$\text{الميل} = \frac{٥}{٢٤}$$

بسط .

ميل جهاز المشي هو $\frac{٥}{٢٤}$.

تحقق من فهمك :



أ) **بيوت :** تصمم البيوت في أوروبا بحيث تكون أسطحها منحدرة؛ حتى لا يتكدس الثلج عليها. أوجد ميل السطح المجاور.

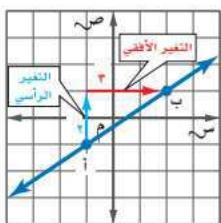
لأن الميل هو معدل التغير، فإنه يمكن أن يكون موجباً (مائلاً لأعلى)، أو سالباً (مائلاً لأسفل).



إرشادات للدراسة

حركة التغير الرأسي والأفقي
 فوق ← موجب
 تحت ← سالب
 يمين ← موجب
 يسار ← سالب

مثال إيجاد الميل باستعمال الرسم



أوجد ميل المستقيم. فيكون التغير الرأسي وحدتين في اختر نقطتين على المستقيم. حين يكون التغير الأفقي ٣ وحدات.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}}$$

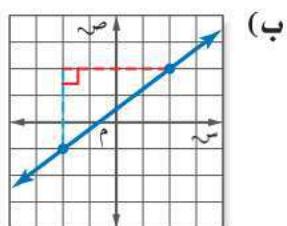
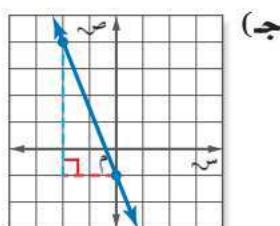
$$\text{الميل} = \frac{2}{3}$$

تعريف الميل.
التغير الرأسي = ٢، والتغير الأفقي = ٣.

ميل المستقيم هو $\frac{2}{3}$.

تحقق من فهمك:

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



يمكن إيجاد الميل بإيجاد نسبة التغير في قيم ص إلى التغير في قيم س لأي نقطتين على الخط.

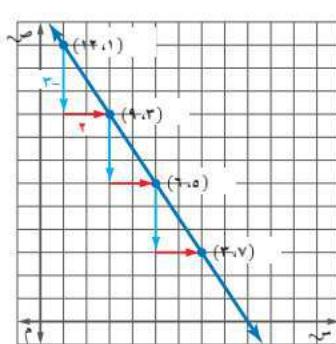
مثال إيجاد الميل باستعمال الجدول

٢+	٢+	٢+		
٧	٥	٣	١	س
٣	٦	٩	١٢	ص
٣-	٣-	٣-		

تقع النقاط المبينة في الجدول المجاور على مستقيم.

أوجد ميل المستقيم، ثم مثله بيانياً.

اختر أي نقطتين من الجدول وأوجد التغير في كل من س ، ص.



$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير في ص}}{\text{التغير في س}}$$

$$= \frac{12-9}{1-3}$$

$$= \frac{3-}{2} = \frac{3-}{2}$$

ميل المستقيم هو $\frac{3}{2}$.

تحقق من فهمك:

أوجد المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كل من الجدولين الآتيين مما يأتي، ثم مثله بيانياً:

٨	٤	٠	-٤	س
-٤	-٣	-٢	-١	ص

٦	٢	-٢	-٦	س
١	٠	-١	-٢	ص

إرشادات للدراسة

الميل يمكنه اختيار أي نقطتين لحساب الميل. وهو أكانت قيمة من التي تستعملها أولاً، فتائد من استعمال قيمة س المبناظرة لها.

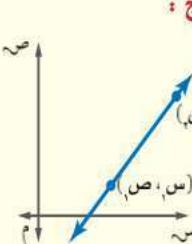
لغة الرياضيات

العدد تحت الرمز، يقرأ الرمز س، سين واحد، ويقرأ الرمز س، سين اثنين، وتستعملان للتعبير عن إحداثيين مختلفين لـ س.

أوجدت الميل باستعمال التغير الرأسى و التغير فى ص ، ويمكنك إيجاد ميل المستقيم باستعمال إحداثيات أي نقطتين على المستقيم. حيث يعبر عن إحدى النقطتين بالزوج المرتب (س، ص)، وعن الثانية بالزوج المرتب (س₂، ص₂). ويُسمى العددان الصغاران تحت الرمزين س، ص دليلاً للمتغيرين.

مفهوم أساسى

صيغة الميل



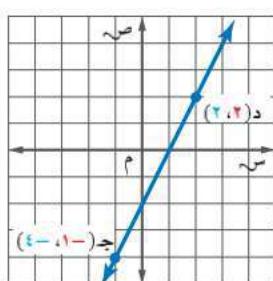
التعبير اللغظى: الميل م للمستقيم المار بالنقطتين

(س، ص)، (س₂، ص₂) هو
النسبة في فرق الإحداثيين الصاديين
إلى فرق الإحداثيين السينيين
المناظرين.

$$m = \frac{ص_2 - ص}{س_2 - س} , \text{ حيث } س_2 \neq س$$

الرموز:

مثالان



أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

$$ج(-1, -4), د(2, 2)$$

تعريف الميل.

$$m = \frac{ص_2 - ص}{س_2 - س}$$

$$(س، ص) = (-1, -4) \\ (س_2، ص_2) = (2, 2)$$

بسط.

$$m = \frac{(4 - 2)}{(1 - 2)} = \frac{2}{-1} = -2$$

$$ل(1, 2), ك(-4, 3)$$

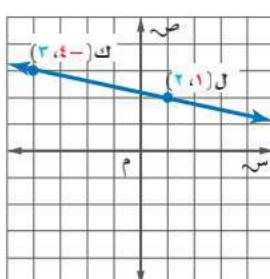
تعريف الميل.

$$m = \frac{ص_2 - ص}{س_2 - س}$$

$$(س، ص) = (1, 2) \\ (س_2، ص_2) = (-4, 3)$$

بسط.

$$m = \frac{2 - 3}{1 - 4} = \frac{-1}{-3} = \frac{1}{3}$$



تحقق: عند التحرك من اليسار إلى اليمين، يميل الخط إلى الأعلى وهذا صحيح، فالميل موجب.

ارشادات للدراسة

استعمال صيغة

الميل

ليس مهما تحديد أي نقطتين (س، ص)، وأيهما (س، ص)، ولكن يجب استعمال إحداثيات نقطتين بالترتيب نفسه.

للحاق من ذلك فضح في مثال ٥: (س، ص) = (-3, 4)، (س، ص) = (2, 1)، ثم أوجد الميل.

تحقق من فهمك:

أوجد ميل المستقيم المار بكل نقطتين فيما يأتي:

$$\text{و}(\text{أ}(2, 2), \text{ب}(5, 3) \quad \text{ز}(-1, 1), \text{د}(0, -3) \quad \text{ي}(-7, -4), \text{ل}(-3, -2))$$



تأكد

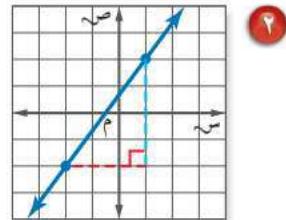
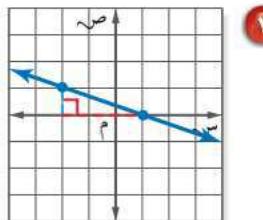


١ بناءً أوجد ميل سقف الغرفة المجاورة.

المثال ١

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

المثال ٢



٤ تقع النقاط في الجدول المجاور على خط مستقيم. أوجد ميل الخط، ثم مثله بيانياً.

المثال ٣

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

المثالان ٤، ٥

٦ ج(-٤، ٢)، د(٥، ١)

٥ أ(-٣، -٢)، ب(٤، ٥)

٧ ك(١، ٥)، ل(٤، -٣)

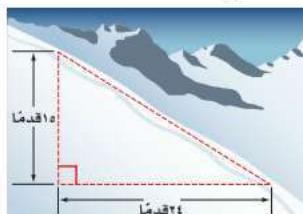
٦ ه(-٦، ٥)، و(-٣، ٣)

تدريب وحل المسائل

٩ طرق: أوجد ميل طريق ترتفع ١٢ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ١٠٠ قدم.

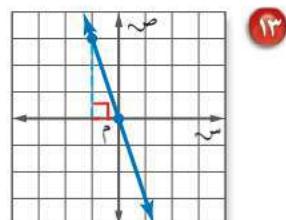
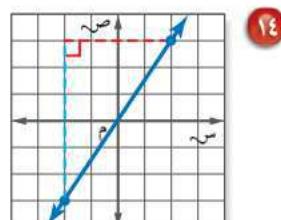
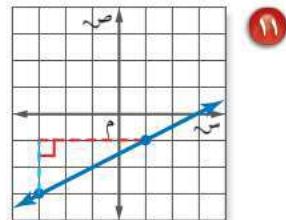
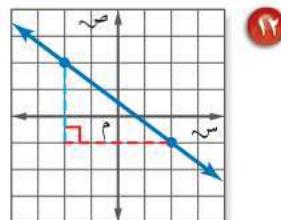


٩ تزلج: أوجد ميل طريق التزلج الذي ينحدر بمقدار ١٥ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ٢٤ قدماً.



الإشارات للأسئلة	
للسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠، ٩
٢	١٤-١١
٣	١٦، ١٥
٥، ٤	٢٢-١٧

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



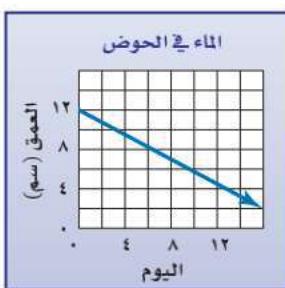
أوجد ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كلٍ من الجدولين الآتيين، ثم مثله بيانياً:

١٥	٩	٣	٣-	س
٩	٥	١	٣-	ص

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

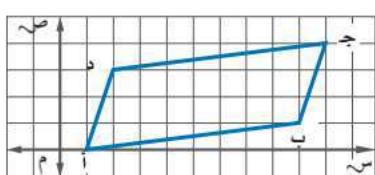
أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط الآتية:

- ١٩ ج_(٢،٥)، د_(١،٣) ه_(١،٢)، و_(٧،٤) ٢٠ أ_(١،٠)، ب_(٧،٢) ٢١ ٢٢ ك_(-٦،٦)، ل_(٤،١)، م_(٢،٣)، ك_(١،٢) ي_(-٩،٣)، ن_(٧،-٤)



أحواض مائية: يبين الشكل المجاور عمق الماء في حوض مائي لعدة أيام. أوجد ميل المستقيم، وفسّر معناه بوصفه معدل تغير.

احتياجات خاصة: أقصى ميلان لمدخل
البنيات العامة هو بوصة واحدة رأسياً لكل قدم
واحدة أفقياً، وذلك من أجل سلامة دخول الكراسي
المتحركة. فهل يتاسب الميلان ١٠ أقدام أفقياً
مع ارتفاع ٨ بوصات في هذا الوضع؟ فسر إجابتك.

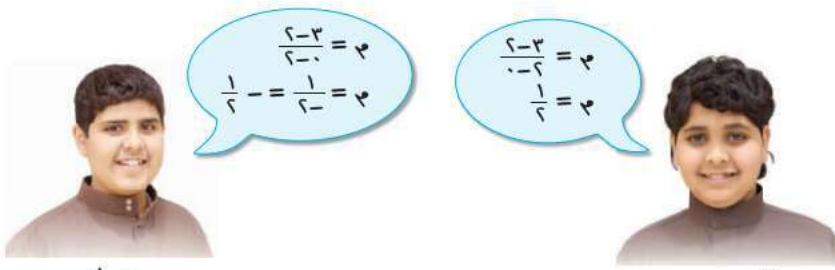


هندسة لكل خطين متوازيين الميل نفسه.
بناءً على ذلك، حدد إذا كان الشكل
الرباعي أ ب ج د متوازي أضلاع أم لا،
وبيبر إجابتك.



من حقوق ذوي الإعاقة الحركية
تخصيص مقاعد خاصة بهم في
وسائل النقل، وموافق خاص
بسياراتهم، وتزويد البنى-
المدنية بمداخل تلبي احتياجاتهم.

اكتشف الخطأ: أوجد كل من عمر وعماد ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين س(٢٠)، ص(٢، ٣)، فأيهما على صواب؟ فسر إجابتك.

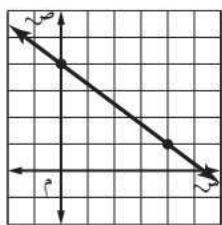


مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٧ **تحدّ:** أوجد ميل الخط المستقيم الذي يمثل دالة تعبّر عن محيط الدائرة بوصفها دالة في نصف القطر.

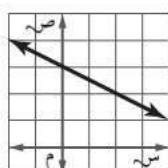
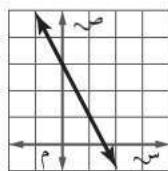
الكتب فسر لماذا تبقى نسبة التغير الرأسي إلى التغير الأفقي نفسها عند إيجاد الميل للدالة الخطية.

٣٦ ما ميل المستقيم في الشكل الآتي؟

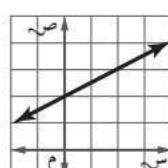
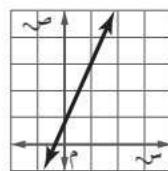


- أ) $-\frac{4}{3}$
ب) $-\frac{3}{4}$
ج) $\frac{3}{4}$
د) $\frac{4}{3}$

٣٧ أي من التمثيلات الآتية يمثل مستقيماً ميله -2 ؟



ج)
د)



أ)
ب)

مراجعة تراكمية

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ٨ - ٣)

$$ص = س - ٢ \quad ٣٤$$

$$ص = س - ١ \quad ٣٥$$

$$ص = س + ٢ \quad ٣٦$$

$$ص = س + ٥ \quad ٣٧$$

حليب: يمكن تخزين عبوة الحليب السائل بعد فتحها عدة أيام دون أن تفسد، وذلك بحسب درجة الحرارة وفقاً للمعادلة $y = -4s + 26$ ؛ حيث تمثل y الزمن بالأيام، و s درجة الحرارة السيليزية لمكان التخزين. كم يوماً يمكن تخزين عبوة حليب في درجة حرارة 4°S دون أن تفسد؟ (الدرس ٨ - ٢)

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها: (الدرس ٨ - ٢)

$$د(س) = ٥ - ٣س \quad ٣٨$$

$$د(س) = ٢ + ٣س \quad ٣٩$$

س	د(س)	س - ٥
		٣-
		٢-
		١
		٤

س	د(س)	٣ + ٢س
		٢-
		١-
		٣
		٥

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل معادلة فيما يأتي:

$$\frac{t}{9} - 6 = 7 \quad ٤١$$

$$7 = \frac{n}{3} \quad ٤٢$$

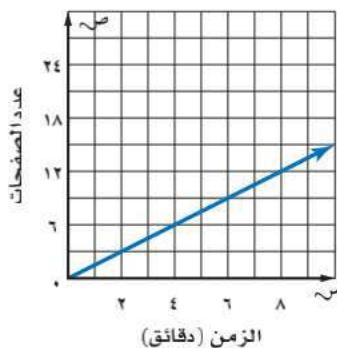
$$144 - 3s = 42 \quad ٤٣$$



التغير الطردي

٥-٨

استعِد



حواسيب: استعمل التمثيل البياني المجاور الذي يبين نتاج الطابعة الملونة.

ما المعدل الثابت للتغير أو ميل المستقيم؟

هل يتناسب عدد الصفحات المطبوعة مع زمن الطابعة دائمًا؟ وإذا كان كذلك فما النسبة الثابتة؟

قارن المعدل الثابت للتغير بالنسبة الثابتة.

فكرة الدرس:

استعمل التغير الطردي لحل المسائل.

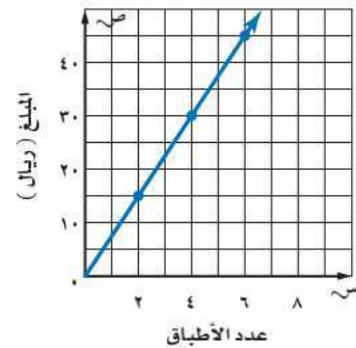
المفردات:

التغير الطردي

ثابت التغير

في المثال أعلاه، يتغير كل من عدد الصفحات المطبوعة وعدد الدقائق، على حين تظل نسبة عدد الصفحات المطبوعة إلى الدقائق ثابتة وهي ١،٥ صفحه لكل دقيقة. عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين ثابتة، تُسمى العلاقة بينهما **تغيراً طرديّاً**، وتُسمى النسبة الثابتة **ثابت التغير**.

مثال من واقع الحياة



الطبق الخيري: يبيّن التمثيل البياني المجاور المبالغ التي جمعتها سارة في مهرجان الطبق الخيري، والذي رُصد ريعه للأعمال الخيرية. حدد المبلغ الذي حصلت عليه سارة مقابلة بيع كل طبق.

بما أن المعلومات في التمثيل تشكل خطًا مستقيماً، فإن معدل التغير يكون ثابتاً، استعمل التمثيل البياني لإيجاد النسبة الثابتة.

$$\frac{7,5}{1} = \frac{60}{8} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{45}{6} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{30}{4} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{15}{2}$$

فتقون سارة قد حصلت على ٧،٥ ريالات لكل طبق واحد.

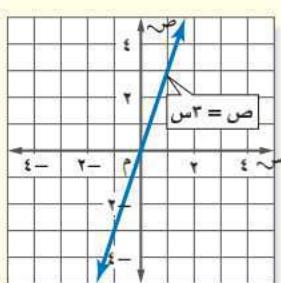
تحقق من فهمك:

أ) **مظلي:** هبط مظلي من ارتفاع ١٩٠٠ قدم في دقيقتين بعد فتح مظلته، وهبط ٤٧٥٠ قدمًا في ٥ دقائق. إذا كانت المسافة تتغير طرديًا مع الزمن، فما معدل نزول المظلي؟

يرمز لثابت التغير أو الميل في معادلة التغير الطردي عادة بالمتغير k .

التغير الطردي

النموذج :



التعبير اللفظي: التغير الطردي: هو علاقة تكون فيها نسبة ص إلى س ثابتة (ك). ويعبر عن ذلك بأن ص تتغير طردياً مع س.

$$\text{الرموز: } k = \frac{\Delta s}{\Delta t} \text{ أو } s = kt \text{ حيث } k \neq 0$$

$$\text{مثال: } s = 3t$$

مثال من واقع الحياة حل مسائل التغير الطردي

حيوانات: بالرجوع إلى المعلومات إلى اليمين، افترض أن عمر الحصان يتغير طردياً مع ما يكافئه من عمر الإنسان. فما عمر الإنسان الذي يكافئ 6 سنوات من عمر حصان؟



اكتب معادلة التغير الطردي. لتكن س تمثل عمر الحصان، ص تمثل عمر الإنسان المكافئ له.

$$\text{تغير طردي. } s = kt$$

$$\text{ص} = 3, \text{س} = 1 \quad (1)$$

$$\text{بسط. } k = 3$$

$$\text{عوض عن } k \text{ بـ } 3. \quad s = 3t$$

استعمل المعادلة لإيجاد ص عندما س = 6.

$$s = 3t$$

$$6 = 3t \quad (2)$$

$$\text{بسط. } t = 2$$

إذن 6 سنوات من عمر حصان تكافئ 18 سنة من عمر إنسان.

تحقق من فهمك:

ب) تسوق: يبيع محل خضار 6 برتقالات بـ 12 ريالاً. فما ثمن 10 برتقالات؟

في التغير الطردي، ثابت التغير ك هو ثابت معدل التغير. وعندما تتغير قيمة س بمقدار أ، فإن قيمة ص المناظرة تكون ك أ. ففي المثال السابق عندما تغيرت س بمقدار 6، تغيرت ص بمقدار $6 \times 2 = 12$.

إرشادات للدراسة

تناسبات يمكنك استعمال التناسبات لحل مسائل التغير الطردي، وفي المثال أ أكتب نسبة لمقارنة عمر الإنسان المكافئ للتغير الفعلي للحصان

$$\frac{3}{6} = \frac{s}{18}$$

ارشادات للدراسة

متحدة

لـ احـجـة العـلـاقـاتـ الـمـتـنـاسـية

رَاحِمُ الدُّرْسَيْن ٣-٤.

مثالان تحديد التغير الطردي

ليست جميع العلاقات التي يكون معدل تغيرها ثابتاً تكون متناسبة. وبالمثل، فالدوال الخطية ليست جمعها تغيرات طرديّة.

مثالان تحديد التغير الطردي
حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغيراً طرديّاً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

١٠٠	٧٥	٥٠	٢٥	الكيلومترات س
٤٠	٣٠	٢٠	١٠	اللترات ص

$$\frac{2}{5} = \frac{40}{100} \quad \frac{2}{5} = \frac{30}{75} \quad \frac{2}{5} = \frac{20}{50} \quad \frac{2}{5} = \frac{10}{25} \leftarrow \text{الكلمات مترات} \rightarrow \text{اللترات}$$

بما أن النسب نفسها، فالدالة تمثل تغييرًا طردياً، وثابت التغيير يساوي $\frac{2}{5}$.

٨	٦	٤	٢	الساعات س
٨٤	٦٨	٥٢	٣٦	الإيرادات ص

$$\frac{10,0}{1} = \frac{84}{8} \quad \frac{11,33}{1} = \frac{68}{6} \quad \frac{13}{1} = \frac{52}{4} \quad \frac{18}{1} = \frac{36}{2} \leftarrow \begin{array}{l} \text{الإيرادات} \\ \text{الساعات} \end{array}$$

النسبة ليست نفسها، فالدالة ليست تغيراً طردياً.

حقائق من فهمك ✓

فاحذر ثابت التغيير: حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغييراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك

١٠	٨	٦	٤	الوقت س	د)	٢٠	١٥	١٠	٥	الأيام س	ج)
٢٤	٢٠	١٦	١٢	المسافة ص		٥٠	٣٧,٥	٢٥	١٢,٥	الارتفاع ص	

إرشادات للدراسة

التخديرات الطردية

لاحظ أن منحنى التغير

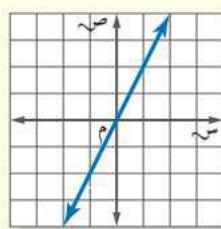
الطردي الذي يمثل علاقة

خطية متناسبة هو

الدالة الخطية المتناسبة

المعادلة:

التمثيل البياني:

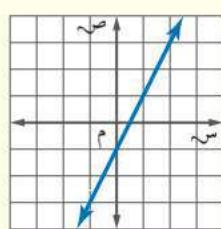


٢	١	١-	٢-	س
٤	٢	٢-	٤-	ص
٢	٢	٢	٢	ص س

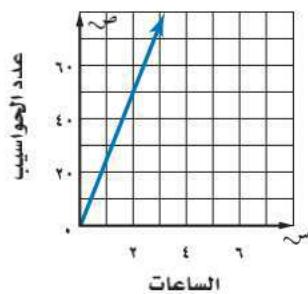
الدالة الخطية غير المتناسبة

المعادلة:

التمثيل البياني:



٢	١	١-	٢-	س
٣	١	٣-	٥-	ص
$\frac{3}{2}$	١	٣	$\frac{5}{2}$	ص



١ تصنیع: يتغير عدد الحواسيب المصنعة تغيراً طردياً مع ساعات عمل خط الإنتاج. وفقاً للشكل المجاور، ما نسبة الحواسيب المصنعة إلى ساعات الإنتاج؟

المثال ١

٢ مواصلات: تقطع حافلة مسافة ٣٣٦ كم في $\frac{1}{2}$ ساعة. إذا افترضت أن المسافة المقطوعة تتناسب طردياً مع زمن السفر، فكم تقطع الحافلة في ٦ ساعات؟

المثال ٢

الساعات	الكميلومترات
٥	٢٩٠
٤	٢٣٢
٣	١٧٤
٢	١١٦

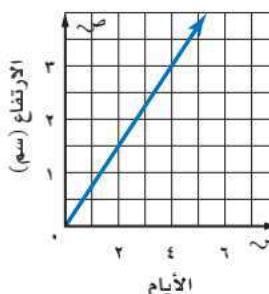
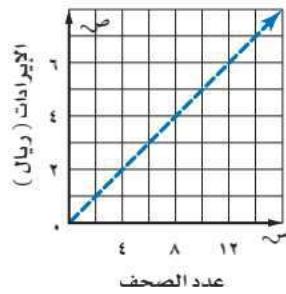
٣ حدد ما إذا كانت الدالة الخطية الممثلة بالجدول المجاور تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك، فاذكر ثابت التغير.

المثالان ٣ ، ٤

تدريب وحل المسائل

٤ تشجير: زرعت جميلة بعض البذور، وبعد أن ظهرت فوق سطح الأرض، وجدت أن ارتفاعها يتغير طردياً مع عدد الأيام، فما معدل نموها؟

الأسئلة	الإجابات
١	٥ ، ٤
٢	١٠ - ٦
٤ ، ٣	١٤ - ١١



٥ غواصات: بعد ١٠ دقائق من نزول غواصة من قارب البحث، كانت على عمق ٢٥ متراً تحت سطح الماء. وبعد ٣٠ دقيقة أصبحت على عمق ٧٥ متراً. فما معدل نزول الغواصات؟

٦ قرطاسية: اشتريت عائلة ٣ أقلام بـ ١٠ ، ٥ ريالات. وفي الأسبوع التالي اشتريت ٥ أقلام أخرى من النوع نفسه بـ ١٧ ، ٥ ريالاً. فما قيمة القلم الواحد؟

٧ طلاء: إذا استعمل عامر ١٢ لترًا من الدهان لطلاء $٣١٥ \text{ م}^٢$ ، و ٢٠ لترًا لطلاء $٥٢٥ \text{ م}^٢$ إضافيًا، فكم لترًا من الدهان يحتاج إليه لطلاء $٨٤٠ \text{ م}^٢$ ؟

٩ الكترونيات: يتناسب عرض شاشة التلفاز طردياً مع ارتفاعها. إذا أنتج مصنع شاشة تلفاز عرضها 60 سم وارتفاعها $33,75$ سم، فأوجد ارتفاع شاشة تلفاز عرضها 90 سم.



الربط بالحياة:



تعبر النسبة القطرية لشاشة التلفاز عن نسبة عرض الشاشة إلى ارتفاعها. وهي في الشاشات العاديّة $3:4$ على حين أنها في شاشات أخرى $9:16$.

١٠ كعك: تحتاج روان لصنع كعكة تكفي 12 شخصاً إلى $\frac{3}{4}$ كوب طحين. فكم كوباً من الطحين تحتاج إليه لعمل كعكة لـ 30 شخصاً؟

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تشكل تغييراً طردياً، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغيير:

٨٠٠	٦٠٠	٤٠٠	٢٠٠	الدقائق س
٢١٥	١٦٥	١١٥	٦٥	التكلفة ص

٨	٧	٦	٥	الصور س
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

٢٥	٢٠	١٥	١٠	الثمن س
١,٧٥	١,٤٠	١,٠٥	٠,٧٠	الربح ص

١٣	١٢	١١	١٠	العمر س
٨	٧	٦	٥	الصف ص

جبر: إذا كانت ص تغير طردياً مع س. فاكتب معادلة التغيير الطردي، ثم أوجد القيمة المطلوبة.

إذا كانت ص = $12 - 4S$ ، فأوجد قيمة ص عندما س = -4 . **١٥**

إذا كانت ص = $8 + 2S$ ، فأوجد قيمة ص عندما س = 10 . **١٦**

إذا كانت ص = $-6 - 14S$ ، فما قيمة س عندما ص = -4 ? **١٧**

قياس: يتغير عدد المستمترات طردياً مع عدد البوصات. أوجد طول جسم بالستمترات إذا كان طوله 50 بوصة. **١٨**

١٥	١٢	٩	٦	البوصات س
٣٨, ١٠	٣٠, ٤٨	٢٢, ٨٦	١٥, ٢٤	المستمترات ص

قياس: يتغير طول المستطيل المبين في الشكل المجاور طردياً مع عرضه. فما محيطه عندما يصبح عرضه 10 م؟ **١٩**

مسألة مفتوحة: حدد قيماً لكُل من س، ص في علاقة تغيير طردي تكون فيها ص = 9 عندما س = 16 . **٢٠**

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢١ تحد: تتناسب كمية الطلاء المطلوبة لتغطية سطح خشبي طردياً مع مساحة السطح. فإذا كانت 3 عبوات تكفي لتغطية $1,2$ م^٢. فكم عبوة تلزم لتغطية $3,15$ م^٢؟

٢٢ أكتب معادلة تغيير طردي، ثم اضرب قيمة س في 3 . وفسّر كيف تجد التغيير في قيمة ص المناظرة.



إجابة قصيرة: قرأت منها ١٢ صفحة
قراءة حرة في ٣٠ دقيقة. كم صفحة ستقرأ
في ٤٥ دقيقة؟

٢٦ في وصفة لصناعة عصير فواكه مزجت الجوهرة
١٥٠ مل من عصير التفاح مع ٩٠ مل من عصير
البرتقال. إذا صنعت عصير الفواكه مستعملة
٣٠٠ مل من عصير التفاح. فأي التناوبات الآتية
يمكن استعمالها لإيجاد عدد مللترات عصير
البرتقال (ل) التي ستستعملها؟

$$\text{أ) } \frac{90}{150} = \frac{9}{15} \text{ ج)$$

$$\text{ب) } \frac{90}{300} = \frac{9}{30} \text{ د)}$$

$$\text{أ) } \frac{90}{150} = \frac{9}{15} \text{ ج)$$

$$\text{ب) } \frac{90}{300} = \frac{9}{30} \text{ د)$$

٢٧ أجرى سعد تجربة في مختبر العلوم وسجلوا نتائج طول استطالة النابض (الزنبرك) كما هو مبين في الجدول أدناه:

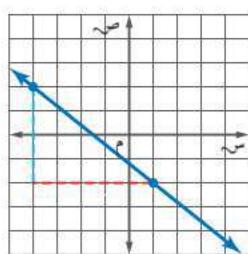
طول استطالة النابض	
كتلة الثقل (س)	استطالة النابض (مم)
.	.
١٢	٢
٣٠	٥
٥٤	٩
٧٢	١٢

أي المعادلات الآتية تعطي أفضل تمثيل للعلاقة بين
استطالة النابض (س) وكتلة الثقل المعلق فيه (ص)؟

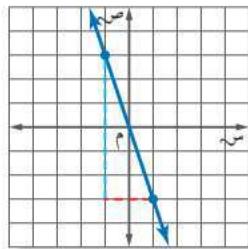
أ) $s = -6c$ ج) $c = -\frac{s}{6}$
ب) $s = 6c$ د) $c = \frac{s}{6}$

مراجعة تراكمية

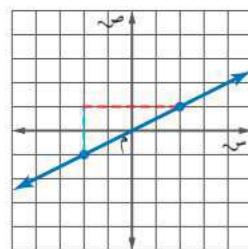
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي: (الدرس ٨ - ٣)



٢٨



٢٩



٣٠

عمل: الدالة $g = 15t$ تصنف العلاقة بين عدد ساعات العمل (ت)، ومقدار الأجر (ج) الذي يتلقاه صالح من عمله. مثل الدالة بيانيًا لتحديد مقدار الأجر الذي يتلقاه صالح إذا عمل ٢٠ ساعة. (الدرس ٨ - ٣)

بيان إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة في القيمة المعلقة: (الدرس ٧ - ٦)

$$\text{أ) } 18 - n < 4, n = 11$$

$$\text{ب) } 8 < s + 13, s = 21$$

٣١

$$\text{ج) } 5 \geq 24 - s, s = 13$$

٣٢

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: قام منسق مبيعات بترتيب علب حلوي بعضها فوق بعض فوضع ٥ علب في الصف العلوي، و ٧ علب في الصف الثاني أدناه، و ٩ علب في الصف الثالث أدناه، وهكذا... إذا كان الترتيب الذي صفت به العلب يتكون من ١٠ صفوف، فما عدد العلب التي ربها؟ استعمل استراتيجية البحث عن نمط.



استراتيجية حل المسألة

٦ - ٨

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء نموذج".

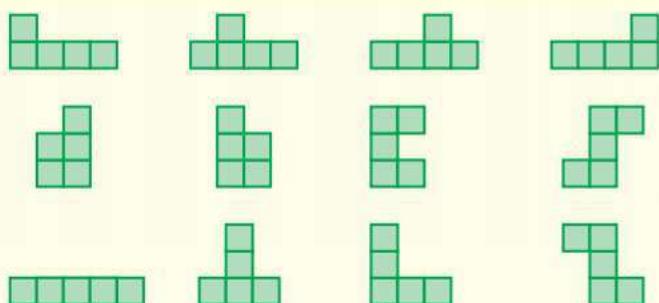
إنشاء نموذج

وليد: في معمل الحاسوب، أحياول أن أصمم لعبة تتطلب أن يقوم اللاعب بترتيب خمسة مربعات.

مهمتك: أنشئ نموذجاً لأجد عدد الطرائق الممكنة التي يمكن بها ترتيب خمسة مربعات متلاصقة جنباً إلى جنب لتكون شكلاً واحداً.

تعلم أنه يجب ترتيب المربعات الخمسة متلاصقة جنباً إلى جنب.
والمطلوب تحديد عدد الطرائق الممكنة لعمل ذلك.

أنشئ نموذجاً لتوضح تلك الطرائق المختلفة لترتيب المربعات.



هناك ١٢ طريقة ممكنة لترتيب المربعات.

تحقق من أن النماذج أعلاه تتضمن جميع الطرائق الممكنة لترتيب المربعات. ولاحظ أن الدوران فقط لا ينتج عنه طريقة جديدة، في حين أن الانعكاس قد ينتج عنه طريقة جديدة.

افهم

خط

حل

تحقق

حل الاستراتيجية

إذا كان المطلوب من اللاعب أن يرتب ستة مربعات، فكم طريقة مختلفة يمكن بها ترتيب المربعات الستة؟

الكتاب ص ٥٣ تعلم متى تستعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" في حل المسائل الرياضية.



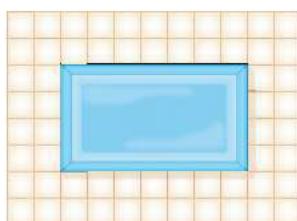
مسائل متنوعة

٨ مطعم: يصف مطعم طاولات للأكل مربعة الشكل متلاصقة جنباً إلى جنب، بحيث يجلس أمام كل ضلع من أضلاع الطاولة شخص واحد. فإذا كان عدد الأشخاص ٣٢ شخصاً، فكم طاولة يحتاج إليها المطعم؟

٩ نقود: افترض خالد مبلغ ٢٥٠ ريالاً من زميلاه، ثم أعاد إليه ٨٢ ريالاً. إذا أراد أن يعيد إليه ١٤ ريالاً كل أسبوع، فكم أسبوعاً يحتاج إليها خالد لسداد قرضه؟

١٠ لوحتات: تريد هند تعليق ٣ لوحتات عرض كل منها قدمين على جدار غرفتها، بحيث تكون المسافة بين اللوحتات بعضها وبعض ، وكذلك بين اللوحتات ونهاياتي الجدار جميعها متساوية. فإذا كان طول الجدار ١٨ قدماً، فكم يجب أن يكون طول تلك المسافة؟

١١ تبليط: استعمل الشكل الآتي لحل المسألتين ١١ و ١٢ الذي يوضح بلاطًا مربع الشكل طول ضلع الواحدة ١ قدم، ويحيط بحوض سباحة طوله ٧ أقدام وعرضه ٤ أقدام.



١٢ باستعمال النموذج أعلاه، كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ١٨ قدماً، وعرضه ١٢ قدماً؟

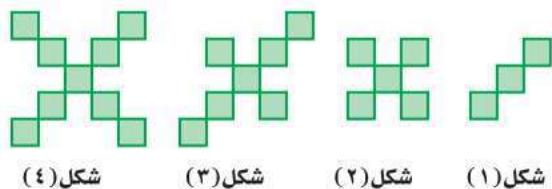
١٣ كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ٣٢ قدماً، وعرضه ٢٠ قدماً؟

١٤ غسيل: تحتاج لها إلى مشبكين لثبت كل قطعة ملابس على حبل الغسيل، ويمكنها أن تثبت قطعتين متجاورتين بمشبك واحد. ما أقل عدد ممكن من المشابك تحتاج إليه لثبتت ٨ قطع من الملابس؟

استعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" لحل المسائل ٥-٣:

١٥ تربية فنية: ينشئ داود نموذجاً لحدائق الحيو التي طولها ٩٦ مترًا، وعرضها ٧٢ مترًا. فإذا استعمل المقياس ٨ أمتار = $\frac{1}{2}$ سم، فما أبعاد نموذج الحديقة؟

١٦ أنماط: كم مربعاً في الشكل رقم ٢٠ وفق النمط الآتي:



شكل (١) شكل (٢) شكل (٣) شكل (٤)

١٧ أطعمة: يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم وعرضها $\frac{1}{2}$ ٨ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع $\frac{1}{2}$ ١ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٦:

- من استراتيجيات حل المسألة
- ٠ الرسم
- ٠ التخمين والتحقق
- ٠ إنشاء نموذج

١٨ كرة الطائرة: جاء ٨ لاعبين للتدريب على الكرة الطائرة. كم فريقاً مكوناً من ٣ لاعبين يمكن تكوينه منهم؟

١٩ خدمات طلاب: يقوم مكتب خدمات طلاب بتصوير الورقة المستقلة بسعر ٢٠ ، ٠ ريالاً، وأوراق الدفاتر بسعر ٢٨ ، ٠ ريالاً. فإذا دفع سعد ١٩ ريالاً، فكم ورقة من كل نوع قام بتصويرها؟

اختبار الفصل

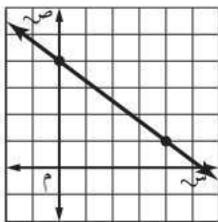
أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:
 أ) (-٣، ٥)، ب) (-٢، ١)، هـ) (١، ٢)، و) (٥، -٣) ١١

١٢ اختيار من متعدد: زرع عصام ١٨ زهرة في ٣٠ دقيقة. فكم زهرة يزرع في ٥٥ دقيقة بال معدل نفسه؟

- أ) ٣٨ ب) ٣٣ ج) ٣٦ د) ٣٠

١٣ اختيار من متعدد: أي زوج مرتب فيما يأتي هو حل للمعادلة $ص = 3س - 3$?
 أ) (١، ٣) ج) (٣، ١)
 ب) (١، -٣) د) (-٣، ١)

١٤ اختيار من متعدد: أوجد ميل المستقيم في الشكل الآتي.



- أ) $\frac{4}{3}$
 ب) $\frac{3}{4}$
 ج) $\frac{3}{4}$
 د) $\frac{4}{3}$

١٥ درجات حرارة: تستعمل الدالة:

$f = \frac{9}{5}س + 32$ لتحويل درجات الحرارة السيليزية س إلى فهرنهایت ف. حول درجة الحرارة السيليزية ٢٥ إلى فهرنهایت.

١٦ إطار: استعمل نجار إطاراً عرضه ١,٧٥ سم لإحاطة صورة طولها ١٥ سم وعرضها ٩ سم، أوجد محيط الإطار.

١٧ توفير: في حصالة خالد ٢٠ ريالاً، ويضيف لها ٥ ريالات كل أسبوع. كم ريالاً سيكون في حصالته بعد ٧ أسابيع؟

أكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التوسي لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة إليها:

- ١) ...، ٤، ٨، ١٢، ١٦
 ٢) ...، ٧، ١٤، ٢١، ٢٨

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

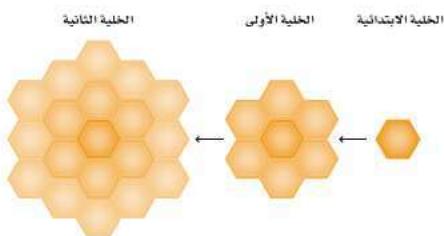
٣) $د(س) = 2s - 6$ إذا كان $د(s) = 2s - 6$

٤) $ق(s) = \frac{s}{3} + 5$ إذا كان $ق(s) = \frac{s}{3} + 5$

٥ وظائف: يتناسب إيراد علي من عمله طردياً مع زمن العمل، فإذا كان إيراده ١٨٦٢ ريلاً بعد ٢٥ ساعة عمل. فكم يتضاعي إذا عمل ٣٠ ساعة؟

٦ أمطار: إذا كانت كمية الأمطار الهاطلة حتى الساعة ٦ مساءً ٣ سم، فإذا استمر هطل الأمطار بمقدار ٥ سم لكل من الساعات الثلاث التالية. فكم ستستمرا مقدار هطل الأمطار حتى الساعة ٩ مساءً؟

٧ خلايا النحل: يبدأ النحل البليدي عمل الخلايا بخلية ابتدائية واحدة سداسية الشكل، ثم تقوم بعمل حلقة تلو الأخرى حول الخلية الابتدائية، كما هو موضح بالشكل أدناه، لتشكل الحلقات المتتالية حول الخلية الابتدائية متتابعة حسابية:



- أ) أكتب الحد التوسي الممثل لعدد الخلايا في الحلقات.
 ب) أوجد عدد خلايا النحل في الحلقة السادسة.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

٨) $ص = 2s + 5$ ٩) $ص = \frac{1}{3}s - 1$



الاختبار التراكمي (٨)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

- ١ ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الموضحة في الجدول الآتي؟

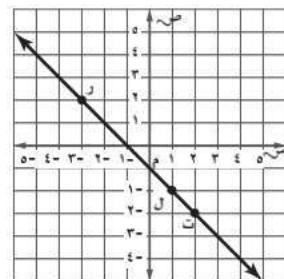
الترتيب	ن	٥	٤	٣	٢	١	قيمة الحد
	٦	٣,٠	٢,٤	١,٨	١,٢	٠,٦	

- أ) $n - 4$
ب) $\frac{n}{5}$

- ٢ مخروط قائم ارتفاعه ١٢ سم، وحجمه ٣١٤ سم^٣
ما طول نصف قطر قاعدته؟
(قرب إلى أقرب جزء من عشرة).

- أ) ١٠
ب) ٨,٣
ج) ٢٥
د) ٥

- ٣ ما العبارة الصحيحة حول ميل المستقيم r ؟



- أ) الميل هو نفسه بين أي نقطتين.

- ب) الميل بين النقطتين R, L أكبر من الميل بين L, T.

- ج) الميل بين النقطتين R, T أكبر من الميل بين L, T.

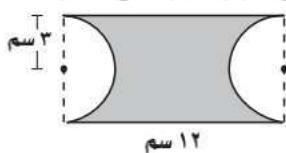
- د) الميل موجب.

٤ حل المتباينة $2 - 5s \geq 12$

- أ) $s \geq -2$
ب) $s \leq -2$
ج) $s \geq 2$
د) $s \leq 2$

- ٥ ما مساحة الجزء المظلل في الشكل أدناه، مقرّبًا؟

إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة؟



- أ) ٧,٤ سم^٢
ب) ١٥,٥ سم^٢
ج) ٤٣,٧ سم^٢
د) ٤١,٠ سم^٢

٦ تمثل المعادلة: $t = 2,5 + 12$

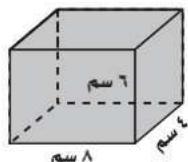
المبلغ الذي يدفعه سعود لاستعمال خدمة الإنترنت، حيث تمثل ز عدد الساعات المستعملة خلال الشهر. احسب المبلغ الكلي الذي يدفعه سعود إذا استعمل الإنترنت ٩ ساعات؟

- أ) ٣٩,٩٥ ريالاً
ب) ٣٤,٥٠ ريالاً
ج) ٢٧ ريالاً
د) ٢٢,٥ ريالاً

- ٧ تستهلك شاحنة ٢٩ لترًا من الوقود في قطع ١٧١,٢ كيلومترًا. فكم لترًا تحتاج لقطع مسافة

٤٠٠ كيلومتر إضافي؟

- أ) ٨٥,٨ لترًا
ب) ٦٩,٢ لترًا
ج) ٣٨,١ لترًا
د) ٩٥,٣ لترًا



- ٨ ما المساحة الكلية لسطح المنشور

الرباعي المجاور؟

- أ) ١٤٤ سم^٢
ب) ١٧٦ سم^٢
ج) ١٩٢ سم^٢
د) ٢٠٨ سم^٢

- ٩ أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين:

(٣,٠), (٢,٢).

- أ) $-\frac{5}{2}$
ب) $-\frac{5}{2}$
ج) $-\frac{2}{5}$
د) $-\frac{2}{5}$

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحا خطوات الحل:

يقدم مركز للتزلج عرضين لدخوله، فيعرض تذكرة الدخول اليومية بـ ٤٠ ريالاً أو الاشتراك الشهري بـ ٤٠٠ ريال.

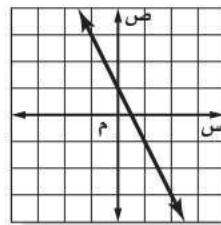
عدد مرات الدخول	التكلفة الكلية للدخول اليومي	التكلفة الكلية للاشتراك
٥	٨٠	٤٠٠
٤		
٣		
٢		
١		

أ) هل المتتابعة المتكونة من التكلفة الكلية للدخول اليومي تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.

ب) هل المتتابعة المتكونة من التكلفة الكلية للاشتراك الشهري تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.

ج) كم مرة يمكن لشخص دخول مركز للتزلج بحيث يكون الاشتراك الشهري أفضل من الدخول اليومي؟

١٠ إذا كان الشكل الآتي يمثل منحنى المستقيم $s = -2s + 1$ ، فما الجدول الذي يعبر عن الأزواج المرتبة التي تقع على المستقيم؟



- (أ)

١	٠	١-	٢-	٣-
١	١-	٣-	٥	٧-
ص	ص	ص	ص	ص

 (ج)

٠	١-	٢-	٣-	٤-
١-	٣	٥	٧	٩-
ص	ص	ص	ص	ص
- (ب)

١	٠	١-	٢-	٣-
١-	١	٣	٥	٧-
ص	ص	ص	ص	ص

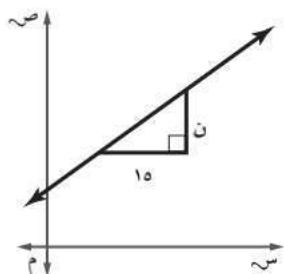
 (د)

٠	١-	٢-	٣-	٤-
١-	١	٣	٥	٧-
ص	ص	ص	ص	ص

الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:
١١ يكلف شراء نوع من الطيور ٢٥٠ ريالاً، وتكلف العناية به ٧٠ ريالاً كل شهر لطعامه، ومستلزماته وعلاجه ورعايته وتدريبه. اكتب معادلة وحلها لإيجاد تكلفة شراء الطير والعناية به لمدة عامين.

١٢ إذا كان ميل المستقيم الموضح أدناه $\frac{ن}{٤}$ ، فما قيمة ن؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟
إذا لم تجب عن السؤال
فراجع الدرس

١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
١-٨	٤-٨	٤-٧	٣-٨	٤-٨	٦-٦	٥-٨	٢-٨	١-٦	٧-٧	٣-٨	٥-٦	١-٨

الفصل ٩

الفكرة العامة

- استعمل المقاييس الإحصائية التي تتضمن المتوسط الحسابي والوسط والمنوال والمدى في وصف البيانات بشكل مختصر، وتنظيمها، وعرضها، وفي المقارنة بين مجموعات من البيانات.

المفردات الرئيسية:

الدرج التكراري (ص ١٣٦)

القطاعات الدائرية (ص ١٤١)

مقاييس التوزع المركزية (ص ١٥٠)

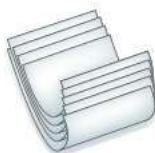
الربط بالحياة:

الحج: يستعمل الإحصاء والت berhasilي غالباً لوصف التعداد السكاني أو الإحصاءات العامة؛ فمثلاً، بلغ عدد حجاج بيت الله الحرام عام ١٤٣٨ هـ ٤٢ مليون حاج تقريباً، ٧٤٪ منهم من حجاج الخارج.

المطويات

منظّم أفكار

الإحصاء: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بخمس أوراق قياس A4 كما يأتي:



١ لف الأوراق بحيث تكون

لحوافها الظاهرة العرض نفسه.



٢ ضع الأوراق الخمس بعضها فوق

بعض بحيث تعلو كل ورقة الورقة التي أمامها مسافة ٢ سم تقريباً.



٣ اثنن الأوراق جيداً بعد التأكد من

تساوي المسافات بين حوافها، ثم ثبّتها على طول خط الطي المتكون.



٤ اكتب عنوان الفصل، وسم كل شريط

عنوان أحد الدروس، وسم الشريط الأخير باسم المفردات.



التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

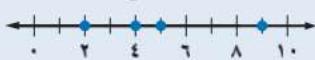
أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للسريعة

اختبار للسريعة

مثال ١ :

مثل المجموعة $\{2, 4, 5, 9\}$ على خط الأعداد.



مثل مجموعة النقاط الآتية على خط الأعداد: (مهارة سابقة)

$$\{16, 15, 10, 8, 7\} \quad ①$$

$$\{30, 25, 21, 20, 15\} \quad ②$$

مثال ٢ :

أوجد ناتج: $6 + (-4)$.

$6 + (-4) = 2$ و -4 لهما إشارتان مختلفتان، بطرح قيمتيهما المطلقتين، $6 + 4$ يكون الناتج هو 2 ، ويحمل إشارة العدد الذي قيمته المطلقة أكبر وهو (6) .

أوجد ناتج الجمع أو الطرح: (مهارة سابقة)

$$2 - 4 + (-8) \quad ③$$

$$(5 - 1) + 7 \quad ④$$

طقس : كانت درجة الحرارة الصغرى ليلاً في مدينة

تبوك 3°S ، في حين بلغت في الليلة التالية -2°S .

فما الفرق بين الدرجتين؟ (مهارة سابقة)

مثال ٣ :

رتّب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر:

$$8, 60, 00, 68, 6, 08$$

رتّب الفواصل العشرية بعضها فوق بعض.

قارن بين الأرقام في كل منزلة.

$$6, 08$$

$$0, 68$$

$$8, 60$$

فيكون الترتيب للأعداد من الأصغر إلى الأكبر هو:

$$8, 60, 6, 08, 0, 68$$

رتب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر: (الدرس ٢-١)

$$0, 23, 2, 03, 0, 32 \quad ⑤$$

$$5, 6, 5, 46, 5, 64 \quad ⑥$$

$$1, 10, 1, 01, 0, 01 \quad ⑦$$

اتصالات : بلغت تكلفة اتصالات كل من عبدالله

وسلطان ومحمد في هذا الشهر $71, 120, 120, 120$ ريالاً على الترتيب. رتب هذه

المبالغ ترتيباً تصاعدياً. (الدرس ٢-١)

مثال ٤ :

ما قيمة 72% من 360 ؟

$$360 \times 0,72 = 259,2$$

على صورة كسر عشري.

$$259,2 =$$

حل المسائل الآتية: (الدرس ٤-٤)

أوجد قيمة 52% من 360 ؟

ما قيمة 36% من 360 ؟

أوجد قيمة 14% من 360 ؟





استراتيجية حل المسألة

١ - ٩

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء جدول".

أنشأ جدولًا



رائد : نفذنا نشاطاً يتعلق بمادة الجغرافيا، حيث قمنا بدراسة درجات الحرارة في

درجات الحرارة	
١٤	٨
١٥	١٢
١٤	١٥
٢١	١٦
٣١	١٠

عواصم عربية في أحد أيام فصل الربيع، فوجدنا أن درجات الحرارة يمكن أن تُنظم ضمن فئات أربع هي: $(10 - 11)$ ° س مدن باردة ، $(11 - 20)$ ° س مدن معتدلة ، $(20 - 21)$ ° س مدن دافئة ، أكثر من ٣٠° س مدن حارة.

مهمتك : ما عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من فئات درجات الحرارة؟

لدينا قائمة بدرجات الحرارة لعشر عواصم. وتريد معرفة عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من الفئات الأربع.	افهم															
اعمل جدولًا لتسجيل درجات الحرارة لتلك العواصم في فئات.	خطّط															
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>النكرار</th> <th>الإشارات</th> <th>الفئات</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>٢</td> <td> </td> <td>١٠-١١</td> </tr> <tr> <td>٦</td> <td> </td> <td>٢٠-٢١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>٣٠-٢١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>أكثر من ٣٠</td> </tr> </tbody> </table>	النكرار	الإشارات	الفئات	٢		١٠-١١	٦		٢٠-٢١	١		٣٠-٢١	١		أكثر من ٣٠	حلّ
النكرار	الإشارات	الفئات														
٢		١٠-١١														
٦		٢٠-٢١														
١		٣٠-٢١														
١		أكثر من ٣٠														
هناك عاصمتان تتسمان ببرودة الطقس ، وست عواصم معتدلة الحرارة، وعاصمة واحدة دافئة، وأخرى حارة.																
قام رائد بدراسة درجة الحرارة في ١٠ عواصم، وبما أن: $1 + 1 + 6 + 2 = 10$ ، فإن الجدول يبدو معقولًا.	تحقق															

حل الاستراتيجية

١ اذكر إيجابيات وسلبيات ترتيب البيانات في جدول.

٢ صُف نوعين من البيانات يمكن ترتيبهما ضمن جدول.

العقب مسألة يمكن حلها باستعمال الجدول ثم حلها.



مسائل متنوعة

٨ إذاعة: تبُث إذاعة القرآن الكريم ٣٠ حلقة من المصحف المجود كل شهر، فما عدد الحلقات التي تبُثها الإذاعة في ثمانية أشهر؟

٩ رواتب: ما نسبة الموظفين الحاصلين على راتب من ٣٠١ - ٧٠٠٠ ريال بحسب الجدول أدناه؟

الراتب الشهري لموظفي أحد الشركات				
التكرار	الإشارات	الراتب الشهري (ريال)		
٦		١٠٠٠ - ١		
٨		٢٠٠٠ - ١٠٠١		
٣		٣٠٠٠ - ٢٠٠١		
٥		٤٠٠٠ - ٣٠٠١		
٢		٥٠٠٠ - ٤٠٠١		
٢		٦٠٠٠ - ٥٠٠١		
٢		٧٠٠٠ - ٦٠٠١		
١		٨٠٠٠ - ٧٠٠١		

١٠ بريد إلكتروني: يصل عدد الرسائل الإلكترونية في العالم كله إلى ٩٧ مليار رسالة يومياً، يصنف أكثر من ٤٠ ملياراً منها على أنها رسائل مزعجة. فعلى ضوء هذه النسبة، ما عدد الرسائل المزعجة التي ترسل في الشهر؟

١١ حيوانات: يبيّن الرسم الآتي أقصى طول لبعض الحيوانات، فإذا كان أقصى طول للفقمة يساوي مثلي أقصى طول للأسد، والذي هو بدوره أطول بـ ٤٠ م من أقصى طول للباندا الضخمة، فأوجد أقصى طول للفقمة.



المصدر: Top 10 of Everything

الدرس ١-٩ : استراتيجية حل المسألة ١٣٥

استعمل استراتيجية "إنشاء جدول" لحل المسألتين ٤ ، ٥ :

٦ شركة: تبيّن القائمة الآتية الأوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقر عملهم. نظم البيانات في جدول باستعمال الفئات الآتية: ٧:١٤ - ٧:١٥ ، ٧:٢٩ - ٧:٣٠ ، ٧:٤٤ - ٧:٥٩ - ٧:٤٥ . ما الفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين؟

٧:١٥	٧:٣٠	٧:٣٥	٧:١٠	٧:٣٥
٧:٣٠	٧:٤٠	٧:٢٠	٧:٠٠	٧:٣٠
٧:٠٥	٧:٢٥	٧:٠٠	٧:٢٠	٧:٢٥
٧:٤٥	٧:١٠	٧:٢٥	٧:٤٠	٧:٢٥
٧:٤٠	٧:٠٥	٧:٣٠	٧:١٥	٧:١٠

٥ كرة القدم: تبيّن القائمة الآتية عدد الأهداف التي سجّلها أحد الأندية في ٣٠ مباراة . أوجد عدد الأهداف الذي له أكبر تكرار.

.	١	٢	٥	٣	٤
.	٢	٣	٤	٠	١
٢	٣	٤	٣	٢	
٧	٢	٣	٥	١	٣
.	٥	٥	٢	٣	٥

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦ - ١١ :

- من استراتيجيات حل المسألة
- استعمال التبرير المنطقي
- حل مسألة بسيطة
- إنشاء جدول

٦ طعام: تجلس أسرة مكونة من ٥ أفراد على طاولة حولها ٥ مقاعد لتناول طعام الغداء يومياً، فإذا كان مقعداً الأم والأب محددين، فبكم طريقة يمكن جلوس بقية أفراد الأسرة؟

٧ أصدقاء: يعيش الأصدقاء سعيد، ومحمد، وعلي، وعبد الغني، في مدن مختلفة، هي: جدة ومكة وأبها والقريات. وفي العطلة زار سعيد ومحمد صديقهما عبد الغني في جدة، بينما فضل علي البقاء في أبها. فمن الذي يسكن منهم في مكة علمًا بأن محمدًا يعيش في أقصى الشمال؟



المدرجات التكرارية

٢ - ٩

استعدي

الإشارات	فئات أعداد السكان بالمليون	عدد الدول
+	١٤ - ٠	١٤
	٢٩ - ١٥	٤
	٤٤ - ٣٠	٣
	٥٩ - ٤٥	٠
	٧٤ - ٦٠	٠
	٨٩ - ٧٥	١

- سكنان: أجرى عزام دراسة على سكان الوطن العربي؛ والجدول المجاور يبيّن نتائج هذه الدراسة.
- ١ ماذا تلاحظ على أطوال الفئات في الجدول؟
 - ٢ ما عدد الدول التي عدد سكانها أكبر من أو يساوي ١٥ مليون نسمة، ويقل عن ٤٥ مليون نسمة؟

فكرة الدرس:

أعرض البيانات وأمثلها باستعمال المدرج التكراري وأفسرها.

المفردات:

المدرج التكراري

يمكن تمثيل البيانات في الجدول التكراري باستعمال المدرج التكراري.

المدرج التكراري: تمثيل بياني يعرض البيانات العددية منظمة في فئات متساوية.

مثال تكوين المدرج التكراري

مدة التدريب الرياضي (دقيقة)				
٩٦	٢١٩	١٤٢	٨٩	١٣٥
١٥٥	٩٤	١٣٥	١٠٤	١٤٤
٩١	١١٦	١٣٤	١٢٧	١٠٦
١٠١	١١٠	١١٨	١٣٨	١١٨

رياضة: تظهر البيانات المجاورة الزمن الذي استغرقه كل طالب من طلاب الصف الثالث المتوسط في ممارسة الأنشطة الرياضية في مركز اللياقة البدنية خلال عطلة نهاية الأسبوع، اختر فئات مناسبة لتكون جدول تكراري، ثم كون مدرجًا تكرارياً يمثل هذه البيانات.

مدة التدريب الرياضي (دقيقة)					
النكرار	الإشارات	الزمن	النكرار	الإشارات	
٨	+	١١٠ - ٨١	٨	+	١٤٠ - ١١١
٣		١٧٠ - ١٤١	٠		٢٠٠ - ١٧١
١		٢٣٠ - ٢٠١			

مدة أقصر تدريب هي ٨٩ دقيقة والمدة الأطول هي ٢١٩ دقيقة. ويبين الجدول المجاور تمثيل هذه البيانات بفئات بطول ٣٠ دقيقة.

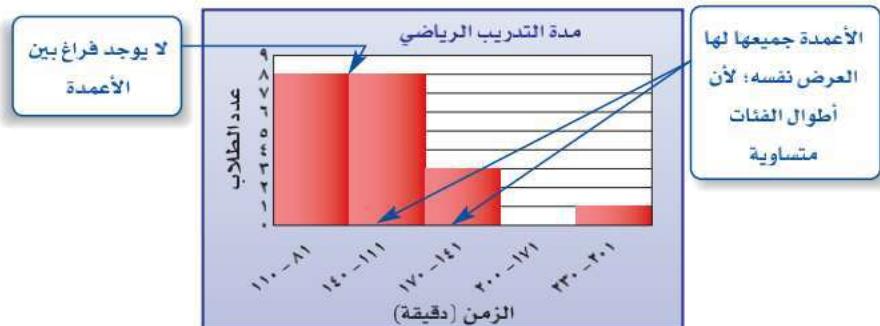
لإنشاء المدرج التكراري اتبع الخطوات الآتية:

الخطوة ١: ارسم المحورين الأفقي والرأسي، وسّمهما واتّبِع العنوان.

الخطوة ٢: قسّم المحور الأفقي بحسب الفئات في الجدول التكراري.



الخطوة ٣ : ارسم عموداً لكل فئة بحيث يساوي ارتفاعه التكرار المقابل.



إرشادات للدراسة

الفجوات

الفئات التي تكرارها صفر يكون ارتفاع أعمدةتها صفرًا ونسلسلي فجوات .

تحقق من فهمك:

a) اختبارات: تبيّن القائمة

المجاورة درجات اختبار في مادة الرياضيات. اختر فئات مناسبة وممثل البيانات بجدول تكراري، ثم أنشئ مدرجًا تكراريًا.

تحليل البيانات وتفسيرها

مثالان

أ) إبحار: ما عدد القوارب التي أبحر كل منها ٤٠٠ دقيقة على الأقل؟

هناك خمسة قوارب أبحر كل منها ما بين (٤٠٠-٤٩٩) دقيقة؛ وهناك قاربان ما بين (٥٩٩-٥٠٠) دقيقة؛ لذلك فإن: $5 + 2 = 7$ قوارب أبحرت ٤٠٠ دقيقة على الأقل.

ب) إبحار: ما نسبة القوارب التي أبحرت ١٩٩ دقيقة على الأكثر؟

مجموع القوارب = $2 + 5 + 1 + 4 + 17 = 29$ قاربًا.

وعدد القوارب التي أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل = $4 + 17 = 21$ قاربًا.

وبما أن $\frac{21}{29} \approx 0,72 = 72\%$ ، فإن ٧٢٪ من القوارب تقريباً أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل.

تحقق من فهمك:

استعمل المدرج أعلاه للإجابة عن التمرينين الآتيين:

ب) ما أكبر زمن أبحره قارب؟

ج) ضمن أي فئات زمن الإبحار كان عدد القوارب أكثر؟



تأكد

الكثافة السكانية لمناطق السعودية لكل كلم٢						
٣٧	١٩	٣٥	١٤	٣		
٦	١٩	٥	١٦			
٢	٥٥	٢	٤			

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

- ١ سكان: تمثل القائمة المجاورة الكثافة السكانية للمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية.
اختر فئات مناسبة لعمل جدول تكراري، ثم أنشئ مدرجًا تكرارياً يمثل هذه البيانات.

المثال ١



The World Almanac

- ٢ براكين: استعن بالمدرج التكراري المجاور في الإجابة عن الأسئلة ٢ - ٤:
١ ما نسبة البراكين على ارتفاع ٨٩٩٩ قدمًا فأقل؟
٢ ما احتمال أن يكون ارتفاع البركان ١٥٠٠٠ قدم على الأقل؟ فسر إجابتك.
٣ ما ارتفاع أعلى البراكين؟

المثالان ٢



- اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري لكل من السؤالين الآتيين ، ثم أنشئ مدرجًا تكرارياً لتمثيل البيانات:

معدل سرعة بعض الحيوانات (ميل/ساعة)						
٨	٤٥	٥٠	٥٠	٥٠	٦١	٧٠
٠,١٧	٣٥	٤٠	٤٠	٤٠	٤٢	٤٣
١,١٧	٣٠	٣٠	٣٠	٣٢	٣٢	٣٥
٢٠٠	١٢	١٨	٩	٢٠	٢٥	٣٠

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعيًّا						
٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
١٠	٣	٨	٠	٣	٧	

٧ دول: استعمل المدرج التكراري الآتي في حل الأسئلة ١٠-٧ :



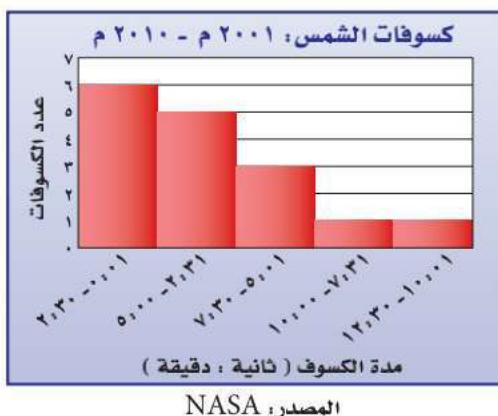
- ٨ ما عدد الدول التي تقل مساحتها عن ٤٠ كلم٢؟
٩ ما نسبة الدول التي تقع مساحتها بين ٦٠٠ - ٢٠١ كلم٢؟
١٠ ما احتمال أن تزيد مساحة دولة على ٨٠٠ كلم٢؟
١١ ما الدولة الأقل مساحة؟

..... كسوف الشمس: استعمل المدرج التكراري أدناه في الإجابة عن الأسئلة من

: ١٤ - ١١



الربط بالحياة:
كسوف الشمس آية من آيات الله يخوّف الله بها عباده، وبدراسة الكسوفات السابقة وجد أن الكسوف الكلّي للشمس يحدث كل ٤ سنوات تقريباً، ويكون زمن الكسوف الكلّي أقل من زمن الكسوف الجزئي.



١١ ما النسبة المئوية للكسوفات التي استمرت ٧ دقائق و ٣١ ثانية على الأقل؟

١٢ كم استغرق أقصر كسوف للشمس؟

١٣ ما مدة الكسوف الشمسي الكلّي خلال هذا العقد؟ فسر إجابتك.

١٤ ما عدد الكسوفات الشمسيّة التي استمرت بين ثانية واحدة وخمس دقائق؟

١٥ جمع البيانات: حدد وزملاء صفك عدد الساعات التي يمضيها كل منكم في استعمال شبكة المعلومات خلال أسبوع، وكُون جدولًا تكرارياً بفئات مناسبة، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات.

١٦ بحث: استعمل شبكة المعلومات أو أي مصدر آخر لتحصل على بيانات تتعلق بالمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، ومثل هذه البيانات بمدرج تكراري؟ ثم قارن بيانات منطقتك بسائر مناطق المملكة.

١٧ مسألة مفتوحة: أنشئ مدرجاً تكرارياً له خط تماثل رأسي وفجوتان؛ ثم أنشئ مدرجاً آخر له خط تماثل رأسي واحد وفجوة واحدة.

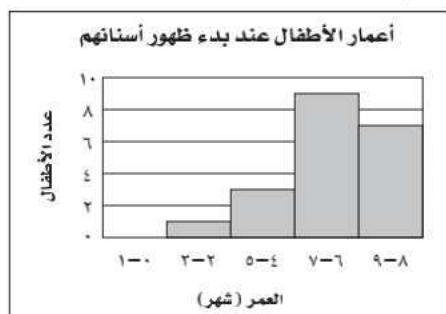


١٨ تحدّ: صنف التغير الذي يحصل على المدرج المجاور في حال استعمال فئات أطول، مثل ٠ - ٩ و ١٠ - ١٩؛ ثم صنف التغير في حالات استعمال فئات أصغر، مثل ٠ - ٢، ٢ - ٣، ٣ - ٤ ... إلخ.

١٩ القتب وضح متى يكون استعمال المدرج التكراري أكثر فائدة من استعمال جدول البيانات الفردية، ومتى يكون العكس.

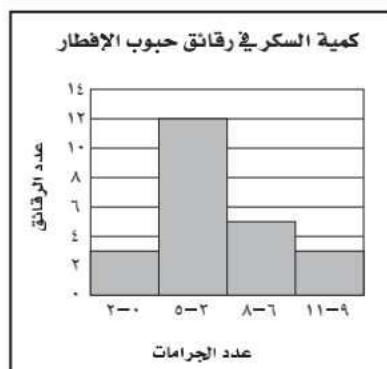


إجابة قصيرة: سجلت مجموعة أمهات أعمار أطفالهن بالشهر عندهما بدأت أسنانهم بالظهور.



ما الكسر الدال على نسبة الأطفال الذين بدأت أسنانهم بالظهور في عمر ٦ شهور أو أكثر؟

٢١ أي الجمل الآتية صحيحة وفقاً للمدرج التكراري أدناه؟



أ) أقل عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار هو صفر.

ب) أكبر عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار هو ١١.

ج) معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ١١-٦ جراماً من السكر.

د) معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ٥-٣ جرامات من السكر.

مراجعة تراكمية

٦,٩	٧,٣	٧,٩	٨,٦	١٢,٧	١٤,٠
٤,٣	٥,٣	٥,٢	٤,٦	٤,٣	٦,١
٣,٢	٣,٣	٣,٣	٣,٥	٤,٠	٤,٠
٢,٥	٣,٠	٢,٦	٢,٦	٢,٦	٣,١

٢٢ تبيّن القائمة المجاورة ما وفَرَه ٢٤ طالباً بمئات الولايات خلال العام الحالي. استعمل استراتيجية إنشاء جدول لتنظيم هذه البيانات في فئات. (الدرس ٩ - ١)

أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين: جـ (٣, ٢)، دـ (٤, ٥). (الدرس ٨ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل مسألة مما يأتي:

٢٦ أوجد ٧٣٪ من ٣٦٠

٢٥ أوجد ٥٣٪ من ٣٦٠

٢٤ أوجد ٢٦٪ من ٣٦٠





القطاعات الدائرية

٣ - ٩

الستعدين

سكنان: يبين الجدول المجاور توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، بحسب إحصاءات الهيئة العامة للإحصاء لعام ١٤٣١ هـ.

توزيع السكان في مناطق المملكة العربية السعودية	
المنطقة	النسبة المئوية
مكة المكرمة	% ٢٥,٥
الرياض	% ٢٥
المنطقة الشرقية	% ١٥,١
عسير	% ٧
المدينة المنورة	% ٦,٦
جازان	% ٥
باقى مناطق المملكة	% ١٥,٨

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

فكرة الدرس:

أنشئ القطاعات الدائرية، وأفسرها.

المفردات:

القطاعات الدائرية

١ ما النسبة المئوية لسكان منطقة المدينة المنورة؟

٢ ما النسبة المئوية لسكان المنطقة الشرقية؟

٣ ما المنطقة ذات التجمع السكاني الأكبر؟

٤ هل يمثل الجدول جميع سكان المملكة؟ فسر ذلك.

تستعمل **القطاعات الدائرية** لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة البيانات كلها؛ حيث تمثل الدائرة جميع البيانات، وبذلك فإن مجموع النسب في القطاعات الدائرية يساوي ١٠٠٪.

مثال

سكنان: مثل المعلومات السابقة بالقطاعات الدائرية.

الخطوة ١: تكون الدائرة من ٣٦٠°، وعند ضرب النسب المكتوبة بعد تحويلها إلى كسور عشرية في ٣٦٠ تحصل على قياس زاوية كل قطاع من قطاعات الدائرة، على النحو التالي:

قطاع سكان منطقة مكة المكرمة: $0.25 \times 360^\circ = 90^\circ$ من 360° ≈ ٢٥,٥٪

قطاع سكان منطقة الرياض: $0.25 \times 360^\circ = 90^\circ$ من 360° ≈ ٢٥٪

قطاع سكان المنطقة الشرقية: $0.151 \times 360^\circ = 54^\circ$ من 360° ≈ ١٥,١٪

قطاع سكان منطقة عسير: $0.07 \times 360^\circ = 25^\circ$ من 360° ≈ ٧٪

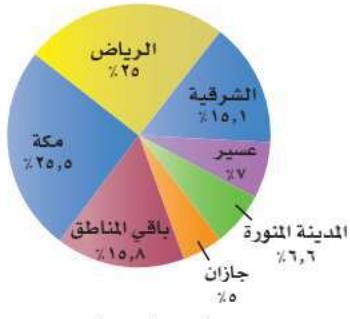
قطاع سكان منطقة المدينة المنورة: $0.066 \times 360^\circ = 24^\circ$ من 360° ≈ ٦,٦٪

قطاع سكان منطقة جازان: $0.05 \times 360^\circ = 18^\circ$ من 360° ≈ ٥٪

قطاع سكان باقى مناطق المملكة: $0.158 \times 360^\circ = 57^\circ$ من 360° ≈ ١٥,٨٪



توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة



المصدر، الهيئة العامة للإحصاء

وإذا كانت النسب المئوية غير معروفة، فيجب أولاً - قبل البدء في حل المسألة - تحديد نسبة كل قطاع إلى الكل.

الخطوة ٢ : استعمل الفرجار لرسم الدائرة، ثم

استعمل المنقلة لرسم زاوية قياسها 92° حيث يمثل هذا القطاع سكان منطقة مكة المكرمة، استعمل نصف قطر الجديد لرسم زاوية القطاع الذي يمثل الرياض، وكرر هذه العملية لرسم جميع الزوايا، ثم سُمّ كل قطاع، وأعطي الرسم عنواناً مناسباً.

وإذا كانت النسب المئوية غير معروفة، فيجب أولاً - قبل البدء في حل المسألة - تحديد نسبة كل قطاع إلى الكل.

تحقق من فهمك:

a) **بضائع:** يمثل الجدول المجاور النسب المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية.

النسبة المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة	
النسبة المئوية	المدينة
% ٢٦,٢	جدة
% ٥	تبوك
% ٢,٤	أبها
% ٤,٢	نجران
% ٥٢,٦	الرياض
% ٩,٦	الدمام

تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

مثال

أولمبياد: مثل البيانات المعطاة في المدرج

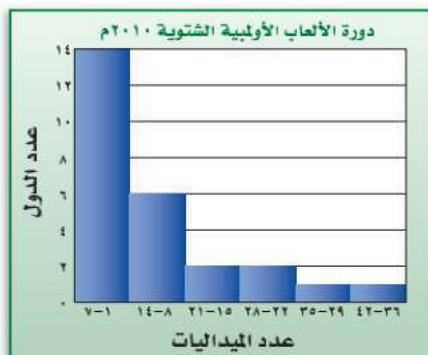
التكراري المجاور بالقطاعات الدائرية.

الخطوة ١ : أوجد العدد الكلي للدول.

$$26 = 1 + 1 + 2 + 2 + 6 + 14$$

الخطوة ٢ : أوجد النسبة المئوية التي تقارن

عدد الميداليات في كل فئة بالعدد الكلي للدول، وقدر النتيجة إلى أقرب جزء من مائة.



المصدر، ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

$$\text{من } 1 - 7 : 7 - 1 = 6 \quad \text{من } 14 : 14 - 7 = 7 \quad \text{من } 22 : 22 - 14 = 8 \quad \text{من } 26 : 26 - 22 = 4 \quad \text{من } 28 : 28 - 26 = 2 \quad \text{من } 53 : 53 - 28 = 25$$

$$\text{من } 14 - 8 : 14 - 8 = 6 \quad \text{من } 26 : 26 - 6 = 20 \quad \text{من } 22 : 22 - 6 = 16 \quad \text{من } 28 : 28 - 20 = 8$$

$$\text{من } 21 - 10 : 21 - 10 = 11 \quad \text{من } 26 : 26 - 11 = 15 \quad \text{من } 22 : 22 - 11 = 11 \quad \text{من } 28 : 28 - 15 = 13$$

إرشادات للدراسة

التقريب:

في الخطوة الثانية تم تقرير $\frac{14}{6}$ إلى $0,53$ بدلاً من $0,54$ ليصبح مجموع النسب المئوية واحداً.

الخطوة ٣: استعمل هذه النسب لإيجاد زاوية كل قطاع، وقرب الناتج إلى
أقرب درجة عند الضرورة:

$$^{\circ}191 \approx ^{\circ}190, \Delta = ^{\circ}360 \times 0,03 : 7 - 1$$

من ٨٣ - ١٤ : ٢٣ ، ٠ × ٣٦٠ = ٨٢ ، ٨ ≈ ٨٣ °

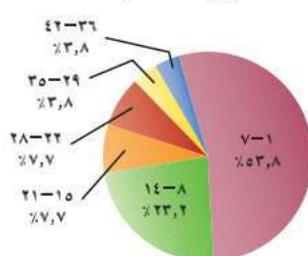
$$^{\circ}29 \approx ^{\circ}28, \lambda = ^{\circ}36.0 \times \cdot, \cdot 8 : 21 - 15 \text{ من}$$

$$^{\circ}29 \approx ^{\circ}28,8 = ^{\circ}36.0 \times 0,8 : 28 - 22 \text{ من}$$

$$^{\circ}14 \approx ^{\circ}14, \xi = ^{\circ}360 \times \dots, 04 : 35 - 29$$

$$^{\circ}14 \approx ^{\circ}14, \xi = ^{\circ}36.0 \times 0,04 : 42 - 36$$

دورة الألعاب الأولمبية
الشتوية ٢٠١٠م



الخطوة ٤ : استعمل المنقلة والفرجاري لرسم الدائرة والقطاعات المناسبة، وسم كل قطاع، ثم أعط الرسم عنواناً مناسباً واكتب النسب على صورة نسب مئوية.

حق من فهمك ✓

ب) ماء: يبيّن الجدول المجاور عدد قوارير الماء المنتجة من أحد المصانع في ستة أشهر. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائمة.

العدد	الشهر
٢٧١٣٧٠٠٠	رمضان
٨٢٦٤٠٠٠	شوال
٢٧٧٤٠٠٠	ذو القعدة
٢٨١٨٠٠٠	ذو الحجة
١٧٠٠٠٠	محرم
١٢٣٥٠٠٠	صفر

تحليل البيانات و تفسيرها

مثال

٣٠ ساعات اليوم: استعمل الشكل المجاور لتصف
كيف تمضي سارة ساعات يومها كاملاً.

تقضي سارة ٨ ساعات يومياً في النوم، و $\frac{1}{4}$ يومها تقريباً في المدرسة، و ٣ ساعات في الترفيه، والوقت نفسه لعمل نشاطات أخرى؛ بينما تمضي ٤ ساعات يومياً في أداء واجباتها المنزلية.



الربط بالحياة:

يتراوح معدل النوم الطبيعي للإنسان من 8-7 ساعات، أي أن الإنسان يقضى ثلث حياته نائماً.





حق من فهمك

ج) مبيعات: استعمل الشكل المجاور لتصف الأصناف المختلفة لمبيعات متجر.

تاکد

المثالان ١، ٢



المصدر: الهيئة العامة للاحصاء

ممارسة التمارين الرياضية	
%٣٢	مرة أو أكثر في اليوم
%٣٣	عدة مرات في الأسبوع
%١٥	عدة مرات في الشهر
%١٩	عدة مرات في السنة
%١	غير متأكد

الهوايات: استعمل القطاعات الدائرية أدناه لتصنف الهوايات التي يمارسها طلاب الصف الثاني المتوسط في المملكة.

وجبات: استعمل القطاعات
الدائرية أدناه لتصف أعداد
الطلاب والطالبات بحسب مرحلة
التعليم الذين يتناولون وجبة
الافطار يوميًّا.



وحيات الأقطار، لطلاب التعليم العام يوميًّا



تدريب وحل المسائل

مثل كلًّا من البيانات الآتية بالقطاعات الدائرية:

نسبة الفاكهة المفضلة لدى طالبات إحدى الثانويات	
% ٥٦,٥	الفراولة
% ١٥,٥	المانجا
% ١٥,٦	البرتقال
% ٥,٦	التفاح
% ٥,٥	الموز
% ١,٣	العنب

٦

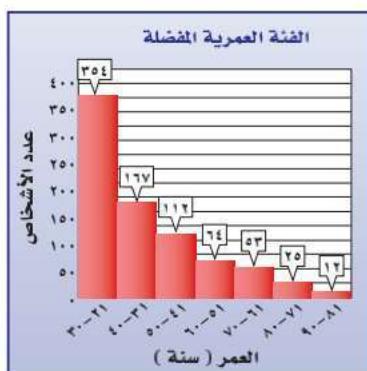
نسبة استعمال الانترنت من حيث الموضع	
% ٥٥,٣	التواصل الاجتماعي
% ١٨,٤	الأخبار
% ٧,١	الألعاب
% ٩,٦	البريد الإلكتروني
% ٦,١	التسوق
% ٣,٥	البحث

٧

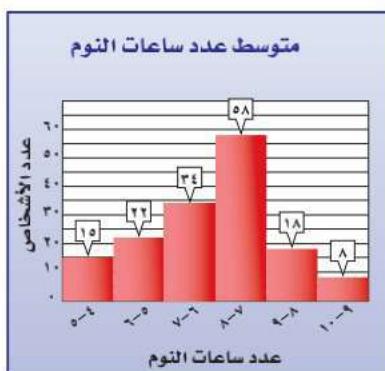
ارشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر الأمثلة
١	٦٠٥
٢	٨٠٧
٣	١٢ - ٩



الربط بالحياة :
تصدرت المملكة قائمة أعداد مستخدمي شبكة الانترنت بين دول الخليج العربي، فقد وصل عدد مستخدمي الانترنت في المملكة إلى ٢٤ مليون مستخدم في عام ٢٠١٧.

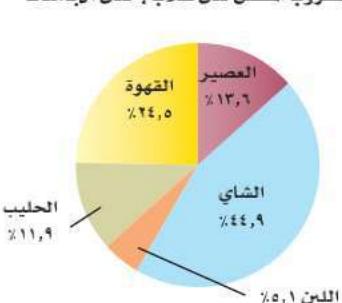


٨



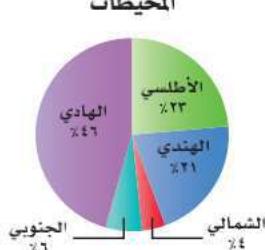
٩

البيانات في كل شكل مما يأتي:



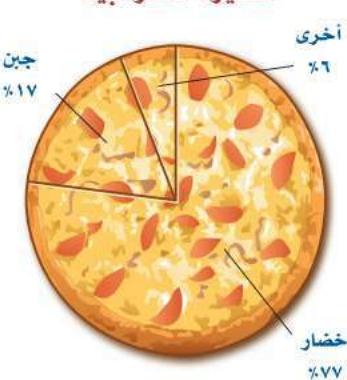
١٠

المحيطات



١١

الفطيرة الأكثر مبيعاً

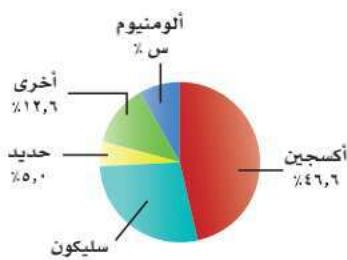


١٢



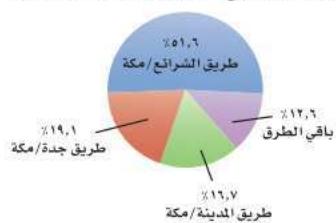
١٣

العناصر في القشرة الأرضية



المصدر: Texas A&M University

نسب دخول حجاج الداخل إلى مكة في أحد الأعوام



المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

ندوة شعرية : استعمل الجدول الآتي لحل الأسئلة من ١٨ - ١٦ :

السلوكيات الأكثر إزعاجاً عند حضور ندوة

%٢٧	رنين الهاتف النقال
%٢٢,٥	التحدث بالهاتف النقال
%٢٤,٢	الأحاديث الجانبية
%١٣,٥	التعليق في أثناء الندوة
%١٢,٨	أخرى

١٣ علوم الأرض: استعمل الشكل المجاور لتحديد النسبة المئوية للألومنيوم في القشرة الأرضية، ثم أوجد قياس الزاوية التي تمثل ذلك القطاع.

١٤ جمع البيانات: قم بدراسة إحصائية على زملائك في الصف لتحديد عدد الساعات التي يقضونها في مشاهدة التلفاز في أسبوع ما. وكون مدرجاً تكرارياً للبيانات، ثم مثلها بالقطاعات الدائرية.



الربط بالحياة

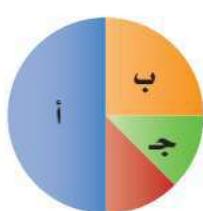
حدّد وزراء خارجية الدول الإسلامية معدل حجاج كل دولة ب حاج واحد لكل ألف نسمة من سكان تلك الدولة.

١٥ حج: استعمل البيانات في الشكل المجاور لإيجاد عدد حجاج الداخل القادمين عن طريق المدينة | مكة، إذا علمت أن عدد حجاج الداخل كان ٩٩٠٠ حاج في أحد الأعوام.

١٦ مثل البيانات المبينة في الجدول المجاور بالقطاعات الدائرية.

١٧ أجر دراسة إحصائية على زملاء صفك لتحديد أكثر الأمور إزعاجاً لهم عند حضورهم ندوة، ثم مثل البيانات بقطاعات دائيرية.

١٨ صف أو جه الشبه والاختلاف بين الشكلين اللذين قمت بتمثيلهما.



١٩ الحس العددي: ما النسبة المئوية التي يمثلها كل من القطاعات أ، ب، ج في الشكل المجاور؟

٢٠ مسألة مفتوحة: أنشئ شكلاً من خمسة قطاعات دائيرية يصف كيف تمضي يوماً اعتيادياً كاملاً.

الألعاب المفضلة للطلاب	
% .٥٦	كرة القدم
% .٥١	كرة الطائرة
% .٤٥	السباحة
% .٣٢	كرة الطاولة
% .٢٠	أخرى

٢١ تبرير: وضح لماذا لا نستطيع تمثيل البيانات المبينة في الجدول المجاور بالقطاعات الدائرية.

٢٢ **الكتب**: اكتب مسألة لفظية تصف شيئاً من واقع الحياة، واستعمل القطاعات الدائرية لحلها. ثم وضح كيف ساعد الشكل على حل المسألة.

مسائل مهارات التفكير العليا

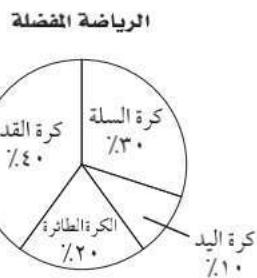


الرياضة	العدد
كرة القدم	٢٤٠
كرة اليد	١٨٠
كرة السلة	١٢٠
كرة الطائرة	٦٠

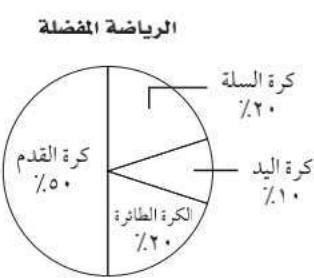
أجرى سعد دراسة مسحية حول الرياضة المفضلة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، وكانت النتائج كما في الجدول المجاور.

أي تمثل مما يأتي يعرض هذه البيانات؟

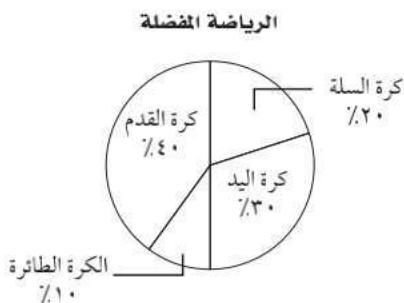
(أ)



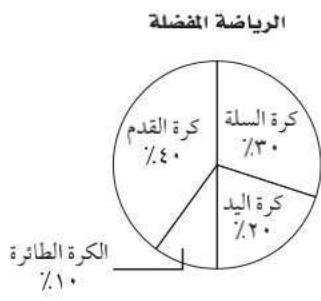
(ج)



(ب)



(د)



٢٤ أعمار: تبيّن القائمة أدناه الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات. اختر فئات مناسبة وممثل البيانات بجدول تكراري، ثم انشئ مدرجاً تكرارياً. (الدرس ٩ - ٢)

الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات
١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٠، ١٠، ٨، ٨، ٧، ٦، ٥، ٥، ٣، ١
٣٥، ٢٥، ٢٠، ٢٠، ١٨، ١٦، ١٥، ١٥، ١٥، ١٥، ١٥

أوجد حجم كل مما يأتي، مقرباً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٦ - ٤)

٢٥ منشور رباعي، طوله ٨ سم، وعرضه ٤ سم، وارتفاعه ٢ سم.

٢٦ أسطوانة، قطرها ٦، ١ بوصة، وارتفاعها ٥ بوصات.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد قيمة كلّ مما يأتي:

$$20 - 20 + 120 - 500 \quad 26$$

$$\frac{13 \times 10 + 342 + 107 \times 14}{3} \quad 27$$

$$\frac{46 + 32 + 25 + 57}{4} \quad 28$$



معلم الجداول الإلكترونية

الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية

توسيع
٣ - ٩

تفيد الجداول الإلكترونية في إنشاء الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية.

نشاط

يبين الجدول الآتي الأعداد التقريرية لطلاب المرحلة الثانوية.

				العام الدراسي
١٤٤١	١٣٨٨	١٣٣٨	١٣١٤	عدد الطلاب (بألاف)
١٤٣٢-١٤٣١	١٤٣١-١٤٣٠	١٤٣٠-١٤٢٩	١٤٢٩-١٤٢٨	١٤٣٢-١٤٣١

لتمثيل هذه البيانات باستعمال الخطوط، اتبع الخطوات الآتية:

الخطوة ١ أدخل العام الدراسي في العمود A، وعدد الطلاب في العمود B في برنامج الجداول الإلكترونية .

الخطوة ٢ ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5 ، مما يعطي إشارة للبرنامج لقراءة البيانات في العمود B.

الخطوة ٣ اضغط على أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالخطوط، ثم اضغط التالي.

الخطوة ٤ لتسمية محور السينات، اختر متسلسلة ، وانقر على أيقونة المجاورة لعنوان محور (س) للفئة.

الخطوة ٥ ظلل البيانات في العمود A من A2 إلى A5 ، ثم اضغط التالي.

الخطوة ٦ ادخل عنوان اللوحة (طلاب المرحلة الثانوية)، والإحداثي السيني (العام الدراسي)، والإحداثي الصادي (عدد الطلاب بالألاف)، ثم اضغط التالي، ثم إنهاء.

فكرة الدرس :

استعمل التقنية للتمثيل بالخطوط، والأعمدة، وبالقطاعات الدائرية.



نشاط

- الخطوة ١ لعمل لوحة الأعمدة، ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5.
الخطوة ٢ اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، ومنها اختار نمط التمثيل بالأعمدة، ثم اضغط التالي.
الخطوة ٣ أكمل الخطوات من ٤ - ٦ كما وردت في النشاط ١.



نشاط

- الخطوة ١ للتمثيل بالقطاعات الدائرية، ظلل البيانات من A2 إلى B5.
الخطوة ٢ اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالقطاعات الدائرية، ثم اضغط التالي.
الخطوة ٣ اضغط التالي لإدخال عنوان اللوحة، ثم التالي، ثم إنهاء.



حل النتائج

- ١ **خمن:** استعمل إحدى اللوحات لتوقع عدد طلاب المرحلة الثانوية في عام ١٤٤٥-١٤٤٤ هـ، وما التمثيل الذي استعملته للتوقع؟ فسر سبب اختيارك.
- ٢ **اجمع المعلومات:** اختر بعض البيانات التي يمكن تمثيلها بالخطوط، وبالأعمدة، وبالقطاعات الدائرية، ثم استعمل الجداول الإلكترونية ومثلها.





مقاييس النزعة المركزية والمدى

٤ - ٩

الستعدين

ميداليات أفضل خمس دول في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية لعام ٢٠١٦			
الدولة	ذهبية	فضية	برونزية
الولايات المتحدة	٤٦	٣٧	٣٨
بريطانيا	٢٧	٢٣	١٧
الصين	٢٦	١٨	٢٦
روسيا	١٩	١٨	١٩
ألمانيا	١٧	١٠	١٥

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

ألعاب أولمبية: استعمل الجدول

المجاور لحل الأسئلة الآتية:

١ ما القيمة الأكثر تكراراً في عمود

الميداليات الفضية؟

٢ ما معدل الميداليات التي فازت بها

ألمانيا من الأنواع الثلاثة؟

٣ ربّ أعداد الميداليات الفضية

ترتيباً تصاعدياً. ما العدد الذي

يتتوسط هذه القيم؟

فكرة الدرس:

أجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لمجموعة من البيانات.

المفردات:

مقاييس النزعة المركزية

المتوسط الحسابي

الوسيط

المنوال

المدى

المقاييس **النزعة المركزية** هي الأعداد التي تصف مركز تجمع مجموعة من البيانات. وأكثر هذه المقاييس شيوعاً **المتوسط الحسابي** وال**الوسيط** وال**المنوال**. ويستعمل **المدى** أيضاً لوصف مجموعة البيانات.

المقدار	التعريف	المقاييس
المتوسط الحسابي	مجموع القيم مقسوماً على عددها.	المتوسط الحسابي
الوسيط	القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيباً تصاعدياً، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.	الوسيط
المنوال	القيمة الأكثر تكراراً أو شيوعاً بين القيم.	المنوال
المدى	الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.	المدى

إيجاد مقاييس النزعة المركزية والمدى

مثال

إذا كانت أعمار مجموعة من الموظفين بالسنوات هي ١٨، ٢٤، ٣٢، ٢٤، ١٨، ٢٢، ١٨، ٢٤، فاحسب المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لهذه البيانات.

$$\text{المتوسط الحسابي: } \bar{x} = \frac{18+24+32+24+18+22}{6} = \frac{138}{6} = 23 \text{ سنة}$$

$$\text{الوسيط: } \text{رتب الأعداد ترتيباً تصاعدياً. } \underline{32, 24, 22, 18, 18, 24} \quad \frac{24+22}{2} = 23 \text{ سنة}$$

المنوال: يوجد منوالان لمجموعة البيانات هما ١٨ و ٢٤ سنة.

$$\text{المدى: } 32 - 18 = 14 \text{ سنة}$$



تحقق من فهمك:

أ) أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى للنباخ أدناه التي تبيّن سعر كيلو الموز خلال ٦ أسابيع (باليريال) مقرّباً الجواب إلى أقرب متّلتين عشرتين:

٤, ٢٥ ، ٣ ، ٥,٥ ، ٦ ، ٢,٥

أحياناً قد يكون مقاييس أو اثنان من مقاييس الترعة المركزية أكثر تمثيلاً للبيانات من سائر المقاييس.

مثال من واقع الحياة اختيارات المقاييس الأنسب

الحشرات الأكثر شيوعاً	
عدد الأنواع المعروفة (بالآلاف)	النوع
٤٠٠	الخناfers
١٦٥	الفراشات والعث
١٤٠	النمل والنحل والدبابير
١٢٠	الذباب الحقيقي
٩٠	البعوض
١٠	الذباب الصغير

المصدر، Top 10 of Everything

..... حشرات: اختار المقاييس الأنسب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر سبب اختيارك.

أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لهذه البيانات.

المتوسط الحسابي:

$$\frac{10+90+120+140+165+400}{6}$$

$$154,2 \approx \frac{925}{7} =$$

المتوسط الحسابي يساوي تقريرياً ١٥٤,٢ ألفاً.

الوسيط: رتب الأعداد تصاعدياً:

٤٠٠ ، ١٦٥ ، ١٤٠ ، ١٢٠ ، ٩٠ ، ١٠

$$\text{الوسيط} = \frac{140+120}{2} = 130 \text{ ألفاً.}$$

المنوال: بما أن كل قيمة لم تظهر إلا مرة واحدة في مجموعة البيانات فلا يوجد لهذه البيانات منوال.

المدى: $400 - 10 = 390$ ألفاً.

بما أن الخناfers والفراشات هما النوعان الوحيدان من الحشرات الأكثر شيوعاً وأكبر من المتوسط، إذن فالمتوسط الحسابي لا يمثل البيانات على نحو صحيح. وبما أنه لا يوجد منوال لهذه البيانات، إذن فالوسيط هو مقاييس الترعة المركزية الأنسب. ويوضح لنا المدى أن انتشار البيانات يصل إلى ٣٩٠ ألفاً.



الربط بالحياة: يوجد على الأقل مليون حشرة مقابل كل شخص في العالم.

إرشادات للدراسة

الوسيط

بها أن هناك عددين متوازيين في مجموعة البيانات، فإن الوسيط يكون متوسط هذين العددين.

تحقق من فهمك:

ب) حواسيب: اختار المقاييس الأنسب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر إجابتك.

السعة (جييجابايت)	نوع الجهاز
٤٠	L100
٨٠	L150
٤٠	NX250
١٢٠	NX300
٤٠	PC150
٤٠	PC250



تحدد الظروف المختلفة لكل مسألة مقياس النزعة المركزية أو المدى الأنسب لتمثيل البيانات ووصفها.

إرشادات للدراسة

المدى

يستخدم المدى ليصف تشتت القيم في مجموعة البيانات. (أي تباعدها عن بعضها).

استعمال المتوسط والوسيط والمنوال		ملخص المفهوم
أكثر فائدة عندما ...		
المتوسط الحسابي	لا تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة.	
الوسيط	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.	
المنوال	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متساوية.	

مثال من اختبار

حصل سلطان على الدرجات الآتية في خمسة اختبارات:

٩٠، ٧٥، ٨٠، ٨٥، ٩٠

فإذا استثنى المعلم الدرجة الدنيا، فأي عبارة مما يأتي صحيحة؟

- أ) ينقص المتوسط.
- ب) يزداد المتوسط.
- ج) ينقص الوسيط.
- د) لن يتغير الوسيط.



اقرأ

عليك أن تحدد العبارة الصحيحة إذا استثنيت الدرجة الأدنى.

حل

$$\text{المتوسط للاختبارات الخمسة} = \frac{90+75+80+85+90}{5} = 84$$

$$\text{المتوسط للاختبارات الأربع} = \frac{90+80+85+90}{4} = 86,25$$

بما أن قيمة المتوسط ازدادت، فإنه يمكنك استثناء الإجابة الأولى (أ).

أوجد الوسيط لتحقيق من باقي الإجابات.

رتّب البيانات ترتيباً تصاعدياً مرة مع الدرجة الدنيا، ومرة أخرى بدونها.

٩٠، ٨٥، ٨٠ ٧٥ ٩٠، ٩٠، ٨٥، ٨٠

٨٧,٥

بما أن قيمة الوسيط ازدادت من ٨٥ إلى ٨٧,٥، فيمكن استثناء الإجابتين (ج) و(د)، وبالتالي تكون (ب) هي الإجابة الصحيحة.

تحقق من فهمك

ج) أدخلت هيا المبالغ الآتية في الأسابيع الماضية: ٣٥، ٢٥، ١٠، ٥٠، ٤٠، فإذا

ادخلت هذا الأسبوع ٤٤ ريالاً أيضاً، فأي عبارة مما يأتي صحيحة؟

- أ) ينقص المتوسط.
- ب) لن يتغير المتوسط.
- ج) يزداد الوسيط.
- د) يزداد المنوال.



تأكد

المثال ١

أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى لمجموعتي البيانات الآتتين مقربة لأقرب عشرة:

القائمة الآتية تمثل قيمة مشتريات أسرة ٢ المسافات التي يقطعها عمال مصنع يومياً

للوصول إلى مكان عملهم بالكيلومترات عماد اليومية خلال أسبوع (بالریال) من متجر الحي: هي: ١٥، ١٢، ٦، ٨، ١، ١٧، ٣، ١٠

٤٦، ٢٢، ١٨، ٢١، ١٩

المثال ٢

مدرسون: اختر أنساب مقاييس من مقاييس التوزع المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرر سبب اختيارك.

المثال ٣

اختيار من متعدد: كان عدد ساعات دراسة رغد خلال أربعة أيام متتالية على النحو الآتي: ساعة واحدة، ٣ ساعات، ساعتان، ساعتان. فإذا درست ساعتين بدلاً من ساعة واحدة في اليوم الأول؛ فأيُّ القيم الآتية ستقل؟

- (أ) المتوسط (ب) الوسيط (ج) المنوال (د) المدى

تدريب وحل المسائل

أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى لمجموعات البيانات الآتية مقربة لأقرب عشرة:

٦ درجات خمسة طلاب في مادة

الرياضيات هي: ٢٣، ٥، ٦، ١٤

٨ أعداد المراجعين لمركز صحي خلال ثمانية أيام هي:

٣٦، ٣٨، ٣٣، ٣٢، ٣٤، ٣٠، ٣٥

ارشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٨ - ٥
٢	١٠، ٩
٣	٢٠، ١٩

في السؤالين ٩، ١٠ اختر مقاييس التوزع المركزية الأنسب لوصف البيانات في كل من الجدولين الآتيين، وبرر سبب اختيارك:

١٠ عدد أقمار كواكب المجموعة الشمسية	
الكوكب	عدد الأقمار
طارد	٠
الزهرة	٠
الأرض	١
المريخ	٢
المشتري	٦٣
زحل	٣٤
أورانوس	٢٧
نبتون	١٣

NASA المصدر:

٩ أعداد المتدربين على قيادة السيارات في مدرسة	
الشهر	عدد المتدربين
محرم	١٠٧
صفر	١٢٨
ربيع الأول	٩٣
ربيع الآخر	٨٢
جمادي الأولى	٩٥
جمادي الآخرة	١٠٠
رجب	١٢٠
شعبان	١٠٠

١١ اختيار من متعدد: كانت سرعات عدد من السيارات في شارع مزدحم بالكيلومتر / ساعة على النحو الآتي: ٤٢، ٤٤، ٣٨، ٣٥، ٥٠، ٣٨، فأيُّ المقايس الآتية ستظهر أن السيارات تسير أسرع؟

- ج) المتوسط
د) المدى

الملعب	السعة بالألاف
ملعب الملك فهد	٧٥
ملعب الأمير فيصل بن فهد	٣٥
ملعب الأمير عبد الله الفيصل	٣٥
ملعب الأمير محمد بن فهد	٣٥
مدينة الأمير عبد العزيز بن مساعد	٢٠
ملعب الأمير محمد بن العزيز	٢٠

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

جري: ركض فيصل ٩ كيلومترات يوم الإثنين، و ٧ كيلومترات يوم الأربعاء و ١٢ كيلومتراً يوم الجمعة. صف كيف ستتأثر قيم: المتوسط، والوسط، والمنوال، والمدى، إذا ركض فيصل ٧ كيلومترات إضافية يوم الأحد.

ملعب: يبيّن الجدول المجاور سعة بعض ملاعب كرة القدم في المملكة العربية السعودية. أوجد: المتوسط الحسابي، الوسيط، المتوسط، المدى لهذه البيانات. وهل ستتأثر هذه القيم إذا استثنينا ملعب الملك فهد؟



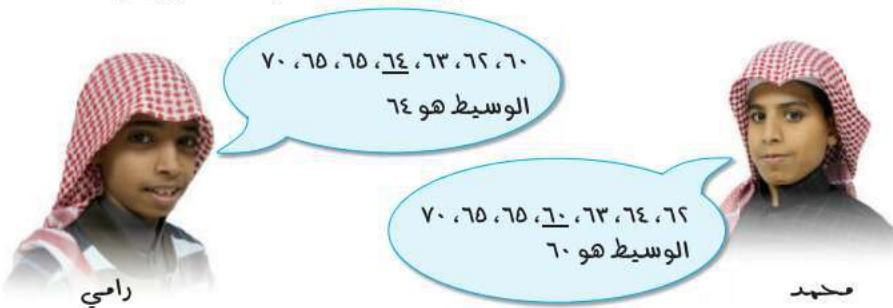
الربط بالحياة: أنشئ ملعب الملك فهد الدولي على مساحة إجمالية قدرها ٥٠٠ ألف متر مربع، وتستوعب مدرجات الملعب حوالي ٧٠٠٠ متفرج. وكان افتتاحه عام ١٩٨٧.

مسائل

مهارات التفكير العليا

مسألة مفتوحة: اكتب مجموعة بيانات يكون منها ١٠ ، ووسيطها ٧

اكتشف الخطأ: أوجد محمد ورامي الوسيط لمجموعة البيانات الآتية: ٦٢، ٦٤، ٦٣، ٦٥، ٦٠، ٦٥، ٧٠، ٧٥. فما إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك.



تبرير: حدد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو ليست صحيحة أبداً، وفسّر سبب إجابتك: "كل مقاييس التوزع المركزية تكون من القيم الموجودة في مجموعة البيانات".

١٧ تحديداً: أعطِ مثلاً مضاداً لإثبات خطأ الجملة الآتية:
"بعد الوسيط مقياساً ممثلاً لمجموعة البيانات دائمًا".

العقب استعمل بيانات من مجلة أو صحيفة يومية لكتابة مسألة تتطلب إيجاد مقاييس النزعة المركزية ؛ واذكر أي مقاييس النزعة المركزية هو الأنسب لتمثيل السمات.



٢٠ إجابة قصيرة: اشترك سليمان في مسابقة لتحفيظ القرآن، وحصل على الدرجات الآتية في ٤ اختبارات: ٩٤٪، ٨٢٪، ٧٨٪، ٨٠٪. فإذا كان عليه الحصول على معدل لا يقل عن ٨٥٪ ليفوز برحمة عمرة مجانية، فأوجد أقل درجة يجب أن يحصل عليها سليمان في اختباره الخامس ليتمكن من الفوز بالمسابقة.

١٩ كانت درجات محمود في أربعة اختبارات كما يأتي، ٢٥، ٢٠، ٣٠، ٢٥، إذا حصل محمود على الدرجة ٣٠ في الاختبار الخامس، فأيُّ جملة مما يأتي ستكون صحيحة؟
 أ) سيقى المنوال كما هو.
 ب) سينقص المتوسط.
 ج) سينقص الوسيط.
 د) سيزداد المتوسط.

مراجعة تراكمية

٢١ كتب: في دراسة مسحية حول الكتب المفضلة للقراءة أشار ٥٢٪ من طلبة الصف الثاني المتوسط أنهم يفضلون قراءة الكتب الدينية وَ ٢٥٪ يفضلون الكتب الثقافية وَ ١٥٪ الكتب التاريخية وَ ٨٪ الكتب الرياضية. استعمل القطاعات الدائرية لتمثل الكتب المفضلة للقراءة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط. (الدرس ٩ - ٣)



أطوال: استعمل المدرج التكراري في الشكل المجاور، للإجابة عن السؤالين ٢٢ وَ ٢٣ (الدرس ٩ - ٢)

٢٢ كم طالباً أطوالهم ٦٠ بوصة على الأقل؟

٢٣ كم طالباً أطوالهم من ٥٤ إلى ٧١ بوصة؟

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: رتب كل مجموعة من الأعداد من الأصغر إلى الأكبر:

٢، ٨٩، ٢، ٩، ٣، ٢، ٣، ١ (٢٤)

٩٣، ٩٣، ١١، ٩٤، ٧، ٩٣، ١، ٩١، ٣ (٢٥)

١٥، ١، ١٥، ٠١، ١٦، ٧٩، ١٦، ٨، ١٧، ٤ (٢٦)





معلم الجداول الالكترونية المتوسط والوسيط والمنوال

توسّع
٤ - ٩

يمكنك استعمال برنامج الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لمجموعة من البيانات.

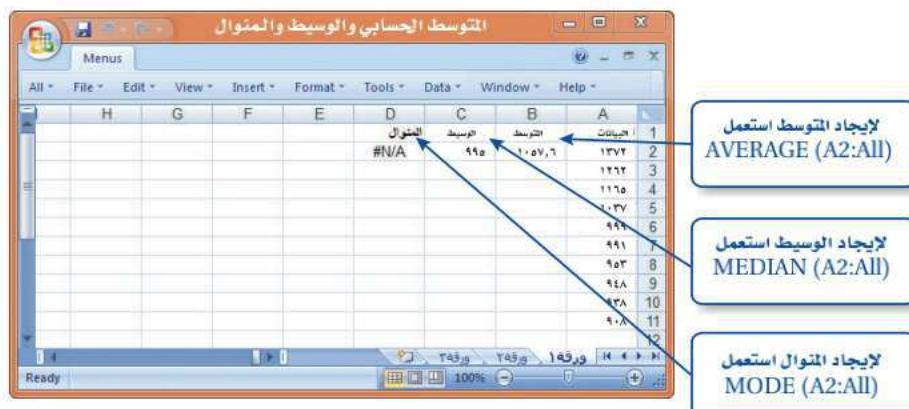
نشاط

ملابس: تبيّن القائمة الآتية عدد قطع الملابس التي يتوجها أحد المصانع خلال عشرة أيام. مثل هذه البيانات باستعمال برنامج الجداول الإلكترونية.

إنتاج مصنع ملابس خلال عشرة أيام				
٩٣٨	٩٥٣	٩٩٩	١١٦٥	١٣٧٢
٩٠٨	٩٤٨	٩٩١	١٠٣٧	١٢٦٥

فكرة الدرس:

استعمل برنامج الجداول
الإلكترونية لإيجاد المتوسط
والوسيط والمتوازن .



تمارين

استعمل الجدولين الآتيين لحل التمارين ١-٣:

افتتاح الغرف في المصنع (ب)	
خلال (١٠) أشهر	
١٧٠٤	٢٤٣٠
١٦٧١	١٩٦
١٦٤٢	١٨٨١
١٦١٨	١٧٤٧
١٦٠٨	١٧٠٩

إنتاج الفتر في المصانع (١) خلال (١٠) أشهر	
١٥٦١	٢١٣٢
١٥٤٠	٢١٥٠
١٤٨٥	٢٠٧٠
١٤٤٣	١٧٥٣
١٤٢٦	١٥٧٦

١ استعمل الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لكلا المصنعين.

قارن بين أعلى كميات إنتاج في كل المصنعين.

قارن بين المتوسط والوسط لكلا المصنعين.

اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٩ إلى ٤-٩

٥ اختيار من متعدد: أي جملة مما يأتي ليست

صحيحة وفقاً للقطاعات الدائرية أدناه. (الدرس ٣ - ٩)



a) حوالي $\frac{1}{5}$ مبيعات الشركة كانت في شهر جمادى الأولى.

b) مبيعات الشركة في شهر جمادى الآخرة أكثر من أي شهر آخر.

c) باعت الشركة العدد نفسه من السيارات في كل من شهري رجب وشعبان.

d) $\frac{1}{2}$ مبيعات الشركة كانت في شهر رجب.

أوجد كلاً من المتوسط، والوسط والمتوسط، والمدى لكل مجموعة من البيانات مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٩ - ٤)

e) عدد النقاط التي حصل عليها سعود في مسابقة ثقافية ٥، ٥، ٦، ٢٥، ٥، ٧٥، ٦، ٤، ٥

f) عدد الدقائق التي ركض فيها سالم في سبعة أيام ١٧، ٤١، ٢٢، ٢٥، ٢٢، ٣٣، ١٧، ٣٥

٨ اختيار من متعدد: كانت درجات ٢٩ طالباً في مادة الرياضيات كما يلي: (الدرس ٩ - ٤)

درجات الرياضيات							
٨٣	١٠٠	٨٧	٧٧	٩٢	٦٥	٨٢	٧٧
٧٧	٧٥	٥٩	٨٢	٨٧	٦٧	٧٣	٤٥
٨٢	٨٥	٧٩	٨٧	٥٢	٨٧	٧٥	٨٢
		٨٥	٧٨	٨٧	٦٨	٧٧	

أي المقاييس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات الطلاب أعلى؟

- أ) المنوال
- ب) المتوسط
- ج) الوسيط
- د) المدى

١ كتل: نظم البيانات أدناه في جدول باستعمال الفئات

٦٩-٦٠، ٧٩-٧٠، ٨٩-٨٠، ٩٩-٩٠، ما الفئة التي

تضمن أكبر عدد من العمال؟ (الدرس ٩ - ١)

كتل ١٢ عاملًا في مصنع (كيلوجرام)	
٩٧	٦٦
٦٦	٨٢
٩٤	٩٩
٨٥	٧٠
٧٤	٩٠
٧٤	٩٩

وظائف: استعمل المدرج التكراري أدناه للإجابة عن

الأسئلة ٢-٤ (الدرس ٩ - ٢)



٢ كم شخصاً بدأوا وظائفهم عندما كانت أعمارهم من

٢٠ سنة إلى أقل من ٣٠ سنة؟

٣ وفقاً لهذا المدرج التكراري، ما العمر الأكثر إمكانية

الذي يبدأ عنده الموظفون أول عمل لهم؟

٤ مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية. (الدرس ٩ - ٣)



الناتج المحلي للمملكة العربية السعودية حسب نوع النشاط الاقتصادي لعام ٢٠١٧ م	
الناتج المحلي (مليون ريال)	النشاط
٦٣٠٥٦٣	التعدين والتجهيز
٣٢٨٣٤٧	الصناعات التحويلية
١٥٤٣٤٦	التشيد والبناء
١٦٥١٣٤	النقل والتموين والاتصالات
٦٥٢٢٤	الزراعة والأسماك
٢٧٤٨٣٢	تجارة الجملة والتجزئة

مقاييس التشتت

٥ - ٩

الستعدين

الناتج المحلي: يبين الجدول المجاور
الناتج المحلي الإجمالي في المملكة العربية
السعودية حسب نوع النشاط الاقتصادي لعام
٢٠١٧ م مقدراً بـ ٦٣٠٥٦٣ مليون ريال.

١. أوجد الوسيط لهذه البيانات.

٢. قسم البيانات في الجدول إلى
مجموعتين. مجموعة قيم مرتفعة
(النصف الأعلى) ومجموعة قيم
منخفضة (النصف الأدنى). ما عدد القيم
في كل مجموعة؟

٣. ما الوسيط لكل مجموعة؟

٤. أوجد الفرق بين الإجابتين في السؤال الثالث.

٥. أوجد المدى لمجموعة البيانات.

٦. علام يدلل المدى عن الناتج المحلي لهذه الأنشطة؟

فكرة الدرس:

أجد مقاييس التشتت
لمجموعة من البيانات.

المفردات:

مقاييس التشتت

الربعات

الربع الأدنى

الربع الأعلى

المدى الربيعي

القيم المتطرفة

تستعمل **مقاييس التشتت** لوصف مدى انتشار البيانات حول القيم المتوسطة، وقد استعمل المدى في الدرس (٩ - ٤) لوصف انتشار البيانات؛ وبذلك يُعد المدى أحد مقاييس التشتت. **الربعات** قيم تعمل على تقسيم البيانات إلى أربعة أجزاء متساوية، وتُعد من مقاييس التشتت أيضاً. وكما تذكر فإن الوسيط يقسم البيانات إلى قسمين متساوين.

النصف الأعلى	الوسط	النصف الأدنى
٦٣٠٥٦٣، ٣٢٨٣٤٧، ٢٧٤٨٣٢	↓	١٦٥١٣٤، ١٥٤٣٤٦، ٦٥٢٢٤

وسيط النصف الأعلى من
البيانات يُسمى **الربع الأعلى**.

وسيط النصف الأدنى من
البيانات يُسمى **الربع الأدنى**.

وبذلك فإن نصف البيانات يقع بين الربعين الأدنى والأعلى، وهذا يقودنا إلى مقاييس آخر من مقاييس التشتت هو **المدى الربيعي**.

مفهوم أساسي

المدى الربيعي

المدى الربيعي هو مدى نصف البيانات التي تقع في الوسط، وهو الفرق بين
الربعين الأعلى والأدنى.

برامج قناة رياضية في عام	
العدد	المباراة
٢٠	سباق سيارات
٤١	سباق الخيل
٢٠٤	كرة القدم
١٢٣	كرة السلة
٨٥	كرة اليد
١٣٩	الكرة الطائرة
٨٥	تنس الطاولة
٢٤	السباحة

مثال ١ إيجاد مقاييس التشتت

برامج رياضية : أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

$$\text{المدى} = ٢٠٤ - ٢٠ = ١٨٤ \text{ مباراة.}$$

لإيجاد الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى، رتب البيانات ترتيباً تصاعدياً.

الربع الأعلى	الوسط	الربع الأدنى
٢٠٤ ١٣٩ ١٢٣	٨٥ ٨٥	٤١ ٢٤ ٢٠
$١٣١ = \frac{١٣٩ + ١٢٣}{٢}$	$٨٥ = \frac{٨٥ + ٨٥}{٢}$	$٣٢,٥ = \frac{٤١ + ٢٤}{٢}$

الوسيط = ٨٥، الربع الأدنى = ٣٢,٥، الربع الأعلى = ١٣١.

$$\text{المدى الربيعي} = \text{الربع الأعلى} - \text{الربع الأدنى} = ٣٢,٥ - ١٣١ = ٩٨,٥.$$

أسعار جهاز تسجيل في عدة معارض (ريال)			
٦٢٠	٨٥٠	٦٨٠	٥٠٠
٥٤٠	٨٠٠	٥٥٠	٥٠٠
٥٤٠	٦٠٠	٧٥٠	٥٥٠

تحقق من فهمك:

أ) مبيعات : أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

ارشادات للدراسة

قيمة المدى الربيعي تدل القيمة العالية للمدى الربيعي على تشتت البيانات وتباعدها في منتصف مجموعة البيانات، في حين تدل القيمة المنخفضة له على تقارب هذه البيانات في منتصف مجموعة البيانات.

تعد البيانات التي تقل عن المقدار: $(\text{الربع الأدنى} - ١,٥ \times \text{المدى الربيعي})$

والتي تزيد على المقدار: $(\text{الربع الأعلى} + ١,٥ \times \text{المدى الربيعي})$ قيماً متطرفة.

والقيم المتطرفة هي البيانات التي تزيد أو تقل كثيراً عن قيمة الوسيط.

إيجاد القيم المتطرفة

مثال ٢

مساكن : أوجد القيم المتطرفة في بيانات الجدول أدناه.

أوجد المدى الربيعي:

$$٣٨٣٠ - ١٢٦٩٥ = ٨٨٦٥$$

اضرب المدى الربيعي بـ ١,٥:

$$٥٧٤٥ \times ١,٥ = ٣٨٣٠$$

لإيجاد القيم المتطرفة اطرح

٥٧٤٥ من الربع الأدنى، وأضف

٥٧٤٥ إلى الربع الأعلى:

$$٣١٢٠ - ٨٨٦٥ = ٥٧٤٥$$

$$١٨٤٤٠ = ٥٧٤٥ + ١٢٦٩٥$$

وبذلك تكون القيمة المتطرفة

الوحيدة هي ١٨٥٣٣؛ لأنها أكبر من ١٨٤٤٠



✓ حقق من فهمك:

أعلى الأبراج في إحدى المدن (متر)				
٤٠٩	٤٨٣	٤٨٣	٤٩٤	٥٥٧
٣٨٥	٤٢٠	٤٢٠	٤٢٨	٤٥٤

ب) أبراج: أوجد القيم المتطرفة للبيانات في الجدول المجاور.



استعمال مقاييس التشتت لوصف البيانات

مثال

ساعات نوم بعض أنواع الثدييات	
١٩,٩	الخفاش
١٨,١	أفعى البایثون
١٦	النمر
١٢,١	القط
١٠,٤	الدلفين
٦,٢	الفقمة
٢,٩	الحصان
١,٩	الزراقة

نوم: استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

$$\text{المدى} = ١٩,٩ - ١,٩ = ١٨$$

$$\text{الوسيط} = ١١,٢٥$$

$$\text{الربع الأعلى} = ١٧,٠٥$$

$$\text{الربع الأدنى} = ٤,٥٥$$

$$\text{المدى الربيعي} = ١٢,٥ = ١٧,٠٥ - ٤,٥٥$$

المصدر: Neuroscience For Kids

مدى هذه البيانات هو ١٨ ساعة. والوسيط ١١,٢٥. وينام ربع هذه الحيوانات ٤,٥٥ ساعات أو أقل، وينام ربع آخر ١٧,٠٥ ساعة أو أكثر، في حين يتراوح عدد ساعات نوم نصف هذه الحيوانات بين ٤,٥٥ إلى ١٧,٠٥.

الربط بالحياة:
أثبتت أبحاث علوم المحيطات أن دماغ الدلافين ينقسم إلى قسمين؛ حيث ينام أحدهما، في حين يبقى النصف الآخر مستيقظاً وبالتنابُـ.

عدد مرات الفوز برالي فرنسا للدراجات	
٣٦	فرنسا
١٨	بلغاريا
٩	إيطاليا
٨	أسبانيا
٨	الولايات المتحدة الأمريكية

المصدر: World Almanac For Kids

ج) سباق الدراجات: استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

تأكد

مساحات: استعمل البيانات في الجدول أدناه للإجابة عن الأسئلة ١-٥:

مساحات بعض الدول الإسلامية	
المساحة (آلاف الكيلومترات المربعة)	الدولة
٢٢٤٠	السعودية
٨٢٢	باكستان
٧١١	المغرب
٣٣٠	مالزيا
٣١٠	عمان
١٨	الكويت

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

١) أوجد مدى هذه البيانات.

المثال ١

٢) أوجد الوسيط، والربعين الأعلى والأدنى.

المثال ٢

٣) أوجد المدى الربيعي للبيانات.

المثال ٣

٤) حدد القيم المتطرفة.

المثال ٤

٥) استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

المثال ٥

تدريب و حل المسائل

الرسائل للأسئلة

إنتاج المناطق من الحبوب في أحد الأعوام	
المنطقة	الإنتاج (الألف ألف طن)
الجوف	٤٧٦
القصيم	٤١٨
جازان	٢٢٨
الرياض	١٧٧
تبوك	١١٧

المصدر، الهيئة العامة للإحصاء

زراعة : استعمل البيانات في الجدول

المجاور لحل الأسئلة ٩ - ٦ :

٦ ما مدى هذه البيانات؟

٧ أوجد الوسيط والربعين الأعلى والأدنى

والمدى الربيعي لهذه البيانات.

٨ حدد القيم المتطرفة.

٩ استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

للأسئلة انظر الأمثلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١	٧٦٦
	١١١٠
٢	١٢٠٨
٣	١٣٠٩



حيوانات : استعمل الجدول المجاور لحل الأسئلة ١٣ - ١٠ :

١٠ ما مدى هذه البيانات؟

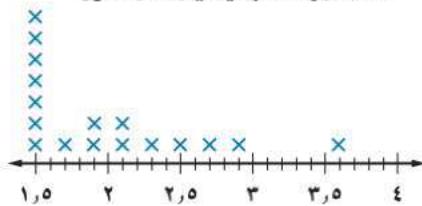
١١ أوجد الوسيط والربعين الأعلى والأدنى والمدى الربيعي لهذه البيانات.

١٢ حدد القيم المتطرفة.

١٣ استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

المصدر، World Almanac For Kids

شدة الاهتزاز الأرضية في أحد الدول



هزات أرضية : استعمل لوحة النقاط

المجاورة لحل الأسئلة ١٦ - ١٤ :

١٤ أوجد المدى والمتوسط وال وسيط والمنوال والربعين الأعلى والأدنى والمدى الربيعي لمجموعة البيانات.

١٥ حدد القيم المتطرفة.

١٦ استعمل مقاييس التشتت لوصف هذه البيانات.

أوجد البيانات : اختر بعض البيانات الإحصائية عن المملكة، واتكتب مسألة من واقع الحياة لتجد من خلالها مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت.

١٧ مسألة مفتوحة : اكتب مجموعة بيانات تتتألف من ثمانية أعداد على الأقل بحيث يكون المدى الربيعي لها ٢٠ ، ولها قيمة متطرفة واحدة.

١٨ تحد : اكتب مجموعتين من البيانات لهما المدى نفسه غير أن المدى الربيعي لكل منها مختلف؛ ثم اكتب مجموعتين آخرتين من البيانات لهما الوسيط والرباعيات نفسها إلا أن مداههما مختلف.

١٩ أكتب فسر عدم تأثير المدى الربيعي بالقيم الكبيرة جداً أو الصغيرة جداً من البيانات.

الربط بالحياة :
 تعد القشريات والعنكبوت من فصيلة المفصليات، ويوجد ٧٥ نوع من الحشرات وحدها.

مسائل مهارات التفكير العليا



٢٢ تمثل القيم أدناه عدد الكيلومترات التي مشاهد عبد العزيز في (١٢) أسبوعاً.

٧، ٦، ٨، ٨، ١١، ١٠، ٥، ٦، ٧، ٨، ١٤

أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً لهذه البيانات؟

أ) نصف القيم أكبر من ٧، ٥، ونصفها أقل من ٧، ٥

ب) المدى يساوي ٩

ج) القيمة المتطرفة هي ١١

د) $\frac{1}{4}$ القيم أكبر من ٩

٢٣ أيُّ الجمل الآتية لا يمكن أن تكون صحيحة بالنسبة لمقاييس التشتت لأيِّ مجموعة من البيانات؟

أ) نصف البيانات تقع بين الربعين الأعلى والأدنى.

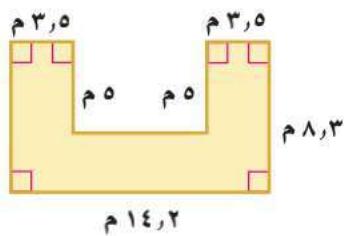
ب) ثلاثة أرباع البيانات أكبر من الربع الأدنى.

ج) الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى تقسم مجموعة البيانات إلى ثلاثة أقسام متساوية.

د) ٥٠٪ من البيانات أقل من الوسيط.

مراجعة تراكمية

٢٤ **أطوال:** أطوال عائلة سلطان بالبوصة هي: ٧٢، ٧٧، ٦٧، ٧١، ٤٨، ٦٨، أوجد كلاً من المتوسط، والوسيط، والمنوال، والمدى، مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٤ - ٩)



قياس: أوجد مساحة الشكل المجاور، مقربة إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٢ - ٩)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل مجموعة من النقاط التالية على خط الأعداد.

$$\{10, 9, 8, 5, 3\} \quad 25$$

$$\{31, 27, 20, 15, 13\} \quad 26$$

$$\{21, 17, 16, 13, 9\} \quad 27$$

$$\{19, 15, 10, 9, 3\} \quad 28$$





التمثيل بالصندوق وطريقه

٦-٩

الستعدين

ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر	
الارتفاع (م)	المدينة
٩١٥	حائل
٧٠٠	تبوك
٦٢٠	المدينة المنورة
٦٠٠	الرياض
٣٠٠	مكة المكرمة
٢١٠	حفر الباطن

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

ارتفاعات: يبيّن الجدول المجاور ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر.

- ١ ما القيمة الصغرى لهذه البيانات؟
- ٢ ما الربع الأدنى لهذه البيانات؟
- ٣ ما الوسيط لهذه البيانات؟
- ٤ ما الربع الأعلى لهذه البيانات؟
- ٥ ما القيمة العظمى لهذه البيانات؟
- ٦ حدد القيم المتطرفة.

فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها باستخدام الصندوق وطريقه، وأفسّرها.

المفردات

التمثيل بالصندوق وطريقه

القيم القصوى

يستعمل التمثيل بالصندوق وطريقه خط الأعداد ليبيّن انتشار مجموعة من البيانات. حيث يُرسم الصندوق حول قيم الربعين، ويتمتد من الطرفين خطان مستقيمان يصلان بين الربعين والقيم القصوى للبيانات هي القيم العظمى والصغرى التي لا تكون قيمًا متطرفة.

تمثيل الصندوق وطريقه

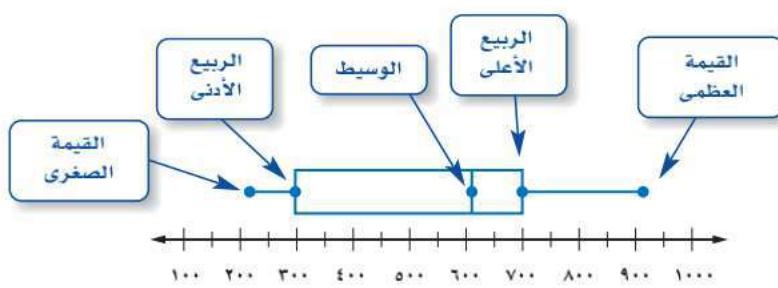
مثال

ارتفاعات: مثل البيانات في الجدول أعلاه بالصندوق وطريقه.

الخطوة ١ : ارسم خط الأعداد بحيث يتضمن القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

الخطوة ٢ : حدد القيم القصوى، والوسط، والربع الأدنى، والربع الأعلى، على خط الأعداد.

الخطوة ٣ : ارسم الصندوق وطريقه.



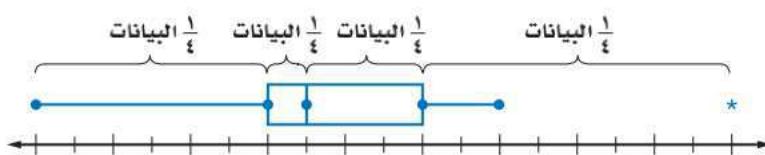
تحقق من فهمك ✓

مثل مجموعتي البيانات الآتتين بالصندوق وطرفيه:

أ) بلغت المسافات التي قطعها محمود في سيارته بالكيلو مترات خلال عدة أيام ما يأتي: ٤٢، ٣٨، ٤٣، ٤٥، ٦٥، ٥٥، ٥٠، ٣٤، ٣٦، ٣٥، ٤٠

ب) جاءت درجات الحرارة الدنيا بالشهرنهاية لعدد من المدن العربية على النحو الآتي: ٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ٢٨، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٥٨، ٥٢

يوزع التمثيل بالصندوق وطرفيه البيانات إلى أربعة أجزاء؛ ومع أن أطوال هذه الأجزاء غير متساوية؛ إلا أن كل جزء منها يتضمن ربع البيانات.



وكما زاد طول الصندوق أو طول طرفه ازدادت البيانات تباينًا وزاد مداها، بينما يدل قصر الطرف أو الصندوق على المدى القليل، وتدل إشارة النجمة (*) على القيم المتطرفة، ولا يتم توصيلها بالأطراف.



تفسير البيانات

مثال

كرة قدم: علام يدل طول الصندوق وطرفيه في التمثيل الآتي؟



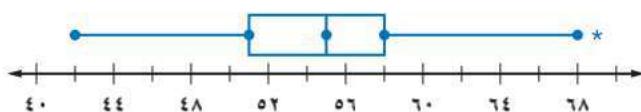
يظهر من الرسم أن البيانات بين الوسيط والربع أعلى أكثر تباعدًا وانتشارًا من تلك التي تقع بين الوسيط والربع الأدنى؛ وبما أن الطرف الأيمن أطول من الطرف الأيسر، فإن البيانات الأعلى تكون أكثر تباعدًا وانتشارًا من سواها الأقل من الربع الأدنى.

الربط بالحياة
إن ممارسة الرياضة تقى بإذن الله من الإصابة بالسكري وارتفاع ضغط الدم وأمراض القلب. وتساعد على تحسين الحالة النفسية والمعنوية.

تحقق من فهمك ✓

ج) عمل: قارن بين بيانات الوسيط والربع أعلى وبينات الوسيط والربع الأدنى في الرسم أدناه.

الوقت (بالدقائق) الذي يمضيه عمال في الذهاب والعودة إلى المصنع



مقارنة البيانات

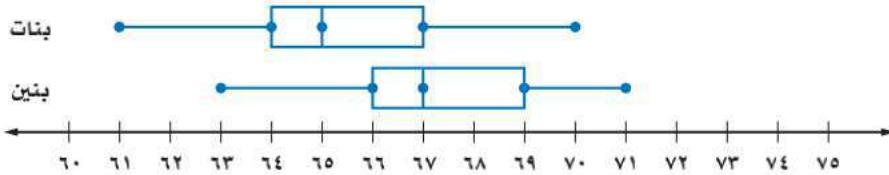
مثال

أطوال: بالاعتماد على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أدناه، والذي يبيّن أطوال مجموعة من الأطفال الرضع ذوي الأعمار المتساوية (بنين وبنتان)، قارن بين أطوال كلا الجنسين.



الربط بالحياة:
كيف يستعمل أطباء الأطفال
الرياضيات؟
يستعمل أطباء الأطفال الرسوم
البيانية لمراقبة سلامة نمو الأطفال
الرضيع والأطفال الصغار.

أطوال الأطفال الرضع (بنين وبنتان) بالسنتيمتر



البنات أقصر من البنين بصورة عامة. فالربع الأعلى للطول لدى البنات هو ٦٧ سم مما يعني أن أطوال ٧٥٪ منها هي ٦٧ سم أو أقل، على حين أن الربع الأدنى لدى البنين هو ٦٦ سم مما يعني أن أطوال ٧٥٪ منهم هي ٦٦ سم أو أكثر.

تحقق من فهمك:

د) أطوال: بناءً على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أعلاه؛ ما النسبة المئوية للبنين والبنات الذين أطوالهم ٦٧ سنتيمتراً أو أقل.

تأكد

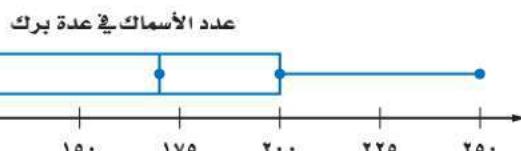
مثل كل مجموعة بيانات فيما يأتي بالصندوق وطرفيه:

١) عدد ساعات مناوبة ثمانية أطباء في درجات الطلاب في الرياضيات: ٢) أحد الأسابيع:
٥٠، ٩٠، ٥٠، ٩٠، ٧٠، ٧٠، ١٠٠، ٥٠، ٩٠، ١٠٠، ٩٠، ٨٠، ٢٥
٣٧، ٣٢، ٣٧، ٤٣، ٣٨
٥١، ٢٩

المثال ١

سمك: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه لحل السؤالين ٣، ٤.

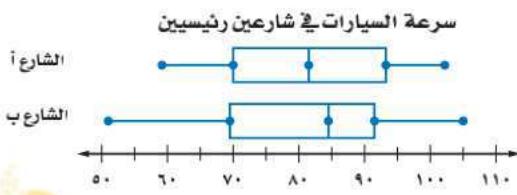
المثال ٢



٣) ما المدى الرباعي للبيانات؟

٤) كم سمكة على الأقل في ثلاثة أرباع البرك؟

المثال ٣



سرعة: اعتماداً على تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور، أيُ الشارعين تزيد فيه سرعة أكثر من نصف السيارات على سرعة مثيلاتها في الشارع الآخر؟

تدريب وحل المسائل



الإجابات للأسئلة

الأسئلة	الإجابة
١	٩ - ٦
٢	١٥، ١٣ - ١٠
٣	١٨ - ١٦، ١٤

مثل مجموعات البيانات الآتية بالصندولق وطرفيه:

٦) المسافة بالكيلومترات بين محطات أعمار مراجع عيادة الأسنان في يوم التوقف على طريق سريع هي:

٧) المسبت: ، ٩٠، ٩٥، ٧٦، ٨٥، ٧٧ ، ٢٦، ٥٣، ٢٨، ٣٢، ٥٥، ٤٥، ٤٩ ، ٥١، ٣٥، ٣٥، ٣٨
، ٧٣، ٨٠، ٨٢، ٨٢، ٧٣

٨) سرعات طائرات بالميل في الساعة: أسماء بعض الأجهزة الكهربائية

٩) بالريال: ، ٣٥٠، ٢٧٠، ٢٢٠، ٢٤٥، ٢٢٥ ، ٥٠٠، ٣٥٠، ٥٢٠، ٤٦٠، ٥٤٠
، ٢٧٠، ٢٢٥، ٢٤٠، ٢٣٠، ٢٨٠ ، ٥١٥، ٤٥٠، ٥٢٥، ٤٧٥، ٤٨٠

جغرافيا: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور لحل السؤالين ١٠، ١١، ١٢

١٠) ما نسبة المدن التي يزيد عدد سكانها على ١٠٠٠٠٠ ؟

عدد سكان ١٣ مدينة (بالآلاف)



١١) ماذا تستنتج عن البيانات فوق الرابع الأعلى؟

محميات طبيعية: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه الآتي لحل السؤالين ١٢، ١٣

مساحات عشر محميات طبيعية بالهكتار

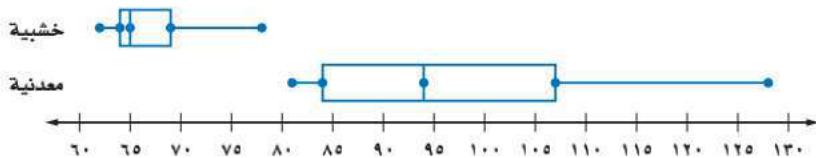


١٢) ما عدد القيم المتطرفة لهذه البيانات؟

١٣) صف توزيع البيانات. كيف تصف مساحة معظم المحميات؟

العجلة الدوارة: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه أدناه لحل الأسئلة ١٤ - ١٨

سرعة العجلة الدوارة (ميل/ساعة)



١٤) أي مجموعة بيانات لها مدى أكبر؟

١٥) ما عدد القيم المتطرفة في هذه البيانات؟

١٦) ما نسبة العجلات الخشبية التي سارت بسرعة ٦٩ ميلاً | ساعة على الأقل؟

١٧) ما نسبة العجلات المعدنية التي سارت بسرعة ٨٤ ميلاً | ساعة على الأقل؟

١٨) أي العجلتين تسير بسرعة أكبر: المعدنية أم الخشبية؟ فسر إجابتك.



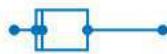
المساكن المشغولة في بعض مناطق المملكة في أحد الأعوام	
العدد بالألاف	المنطقة
١١٥٤	الرياض
١٣٢٢	مكة المكرمة
٣٠٩	المدينة المنورة
٢٠٢	القصيم
٦١٩	المنطقة الشرقية
٣٣٤	عسير
١٩٩	جازان

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

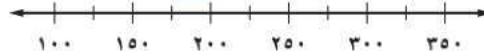
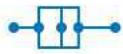
... طقس: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه أدناه لحل السؤالين ٢١، ٢٢.

معدل الأيام المشمسة في بعض المدن

مدن من جنوب أوروبا



مدن من شمال أوروبا

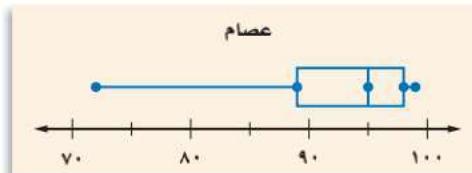
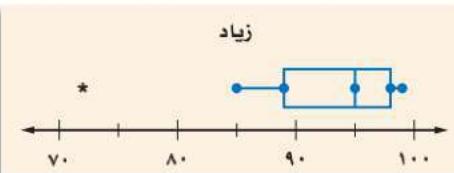


٢١ ما نسبـة مـدن جـنوب أـوروبا التـي تـزيد فـيهـا درـجـة الحرـارـة عـلـى الرـبـيع الأـدـنى لمـدنـ شمالـ أـورـوبا؟

٢٢ اكتب جملـة واحـدة أو جـملـتين تـقارـن فـيهـما مـدنـ شـمالـ أـورـوباـ وـجنـوبـهاـ مـنـ حـيـثـ مـعـدـلـ الـأـيـامـ الـمـشـمـسـةـ.

٣٣ اكتشف الخطأ: مثل عصام وزيد مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه. فـيهـما تمـثـيلـهـ صـحـيحـ؟ وـضـحـ إـجـابـتكـ.

٩٩، ٩٩، ٩٨، ٩٧، ٩٧، ٩٥، ٩٠، ٩٠، ٨٩، ٨٥، ٧٢



مسائل
مهارات التفكير العليا

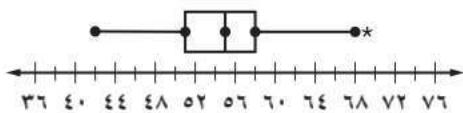
٤٤ تبرير: كانت قـيمـ الرـبـيعـ الأـدـنىـ والـوـسـيـطـ والـرـبـيعـ الـأـعـلـىـ لـمـجمـوعـةـ مـنـ الـبـيـانـاتـ بـالـتـرـتـيبـ هـيـ: سـ، صـ، ٧٠ـ.ـ فـإـذـاـ أـرـدـنـاـ التـمـثـيلـ بـالـصـنـدـوقـ وـطـرـفـيهـ بـالـاعـتمـادـ عـلـىـ هـذـهـ الـمـعـلـومـاتـ، فـأـعـطـ قـيـمـاـ لـسـ وـصـ فـيـ الـحـالـتـيـنـ الـأـتـيـتـيـنـ:

أـ) يـقـسـمـ الـوـسـيـطـ الصـنـدـوقـ إـلـىـ قـسـمـيـنـ مـتـسـاوـيـنـ.

بـ) الـمـسـافـةـ بـيـنـ الـوـسـيـطـ وـالـرـبـيعـ الـأـعـلـىـ تـساـويـ مـثـلـيـ الـمـسـافـةـ بـيـنـ الـوـسـيـطـ وـالـرـبـيعـ الـأـدـنىـ.

٤٥ الـكتـبـ وـضـحـ إـيجـابـياتـ اـسـتـعـمـالـ الصـنـدـوقـ وـطـرـفـيهـ فـيـ تـمـثـيلـ الـبـيـانـاتـ.

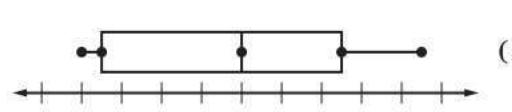
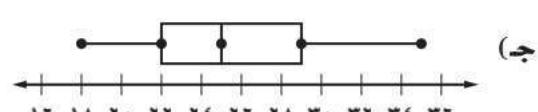
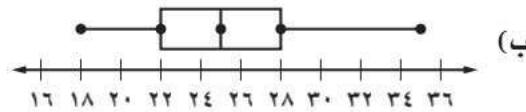
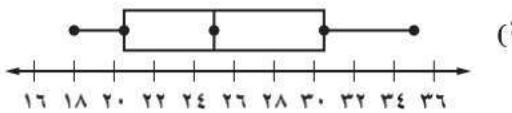
١٧ أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً للتمثيل أدناه؟



- (أ) القيمة ٦٩ متطرفة
- (ب) نصف القيم أكبر من ٥٥
- (ج) $\frac{1}{4}$ القيم تقع في الفترة ٦٩-٥٨
- (د) توجد قيم في الفترة ٤٢-٥١ أكثر من القيمة ٥٥-٥٨

١٨ أيُّ التمثيلات الآتية يصف مجموعة البيانات

٩٣٥، ٢٤، ٢٦، ١٩، ٣٠، ٢٥، ٣١، ٢٢، ١٨



مراجعة تراكمية

١٩ أُوجِد كلاً من المدى، والوسيط، والربعين الأدنى والأعلى، والمدى الرباعي، وأية قيم متطرفة لمجموعة البيانات الآتية: (الدرس ٩ - ٥)

٥٨، ٤٩، ٤٧، ٢٨، ٤٦، ٥٤، ٣١، ٥٢، ٧٣

٢٩ درجات حرارة: أُوجِد كلاً من المتوسط، والوسيط، والمنوال، والمدى لدرجات الحرارة الفهرنهايتية الآتية مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٩ - ٤)

٢٤، ٦٥، ٣١، ٨٢، ٦٥، ٧٤، ٤٥، ٢٣، ٣٤، ٩١، ٦٥، ٧٦

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل مجموعة من البيانات باستعمال التمثيل بالنقاط:

٢، ٥، ٨، ٩، ٥، ٢، ٦، ٢، ٨، ٩، ٥، ١٠

٣٠

١٤، ١٢، ٧، ١٤، ١٠، ١٢، ٧، ٩، ١٢، ١٤

٣١



التمثيل بالساق والورقة

٧ - ٩

استعاد

تمثّل البيانات الآتية عدد سنوات خبرة موظفي إحدى الشركات:

عدد سنوات الخبرة لموظفي إحدى الشركات									
٥	١١	٧	١٥	٦	٩	٤	٧	٩	
١٠	٣٤	٧	٥	١١	٤	٢١	٣	٣	
٣	٥	٢١	٣١	٣	١٠	١١	٣	١٠	
٣	٤	١٥	٥	١٢	٧	٢٧	٦		
١٣	٨	٣	٥	١٧	٦	١٥	٤٠		
١١	٣	٢٠	٤	١٠	٨	٤	٩		

نظم البيانات السابقة في فئات على النحو الآتي:
٤٩ - ٤٠ ، ٣٩ - ٣٠ ، ٢٩ - ٢٠ ، ١٩ - ١٠ ، ٩ - ٥

- ١ هل أعداد الموظفين في كل فئة متساوية؟
- ٢ اذكر إحدى مزايا توزيع البيانات ضمن فئات.

ترتيب البيانات العددية في التمثيل **بالساق والورقة** ترتيباً تصاعدياً أو تناظرياً، حيث تُشكل الأعداد في المترفة الكبرى **السيقان** ، على حين تشكّل الأعداد في المترفة التي تليها **الأوراق**.

مثال من واقع الحياة تمثيل البيانات بالساق والورقة

أعداد المراجعين من الرجال والنساء		
النساء	رجال	القسم
٤٧	٥٢	جراحة عامة
٤٢	٦١	أنف وأذن وحنجرة
٤٢	٤٢	باطنية
١٧	٦٠	القلب
٤٢	٤٤	العيون
٥٤	٥٠	الكلى
٥٢	٤٢	العلاج الطبيعي
٤٢	٥٥	الأعصاب
٢٩	٤٩	المسالك البولية
٣٧	٤٦	العظام

الساق	الورقة
٤	
٥	
٦	

مستشفى: يمثل الجدول المجاور أعداد المراجعين لمستشفى ما خلال أسبوع؛ مثل البيانات المتعلقة بالرجال باستعمال **الساق والورقة**.

الخطوة ١ : أوجد أكبر وأصغر عدد في البيانات، ثم حدد رقم المترفة الكبرى لكل منها.

- أصغر عدد هو ٤٢ ، رقم المترفة الكبرى هو ٤.
- أكبر عدد هو ٦١ ، رقم المترفة الكبرى هو ٦.

الخطوة ٢ : ارسم خطأ رأسياً، ثم سجل السيقان من ٤ إلى ٦ على يسار الخط.

فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها بالساق والورقة، وأفسّرها.

المفردات:

التمثيل بالساق والورقة

الساق

الورقة

التمثيل المزدوج للساق والورقة



الساقي	الورقة
٤	٢٤٢٩٦
٥	٢٠٥
٦	١٠

أعداد المراجعين الرجال

الساقي	الورقة
٤	٢٢٤٦٩
٥	٠٢٥
٦	٠١

٥٢ مراجعاً = ٥ | ٢

الخطوة ٣ : اكتب الأوراق المناظرة لكل ساق على الجانب الآخر من الخط، فمثلاً: للعدد ٤٢ اكتب ٢ إلى يمين الرقم ٤.

الخطوة ٤ : رتب الأوراق ترتيباً تصاعدياً؛ كرر الورقة بقدر عدد مرات ظهورها في البيانات. ثم ضع مفتاحاً يوضح كيف تقرأ البيانات.

تحقق من فهمك ✓

أ) مثل البيانات الواردة في مثال ١ والمتعلقة بالنساء باستعمال الساق والورقة.

مثال من واقع الحياة تفسير البيانات

صحة : يمثل الساق والورقة أدنى أعمار بعض المصابين بمرض السكري.

أعمار مصابين بمرض السكري

الساقي	الورقة
٤	٢٣٦٦٧٨٩٩
٥	٠٠١١١١٢٢٤٤٤٤٤٥٥٥٥٥٦٦٧٧٧٧٨
٦	٠١١١٢٤٤٦٨٩

٥٠ سنة = ٥ | ٠

بالاعتماد على البيانات أعلاه، كيف تصف أعمار المصابين بمرض السكري؟

- تتركز معظم البيانات في الفئة ٥٠ - ٥٩.
- يبلغ عمر أصغر رجل مصاب ٤٢ سنة. وعمر أكبر مصاب ٦٩ سنة.
- والمدى هو ٢٧
- وسيط الأعمار هو ٥٥

تحقق من فهمك ✓

بالعودة إلى تمثيل الساق والورقة في المثال ١ :

ب) أي الفئات يتركز فيها أعداد المراجعين الذكور؟

ج) ما مدى البيانات؟

د) ما الوسيط لعدد المراجعين الذكور؟



الربط بالحياة

حسب الإحصائيات العالمية التي أشار إليها الاتحاد الدولي للسكري، فإن أكثر من ٤٠٠ مليون بالغ مصاب بداء السكري، ويقدر عدد المصابين حالياً في المملكة العربية السعودية بنحو ١,٨ مليون من الذين تزيد أعمارهم على ١٥ عاماً، ويمكن قياس نسبة السكر في الدم من خلال التحليل أو الأجهزة الإلكترونية.



يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات **بالتمثيل المزدوج للساق والورقة**. يبيّن تمثيل الساق والورقة أدنى عينة من درجات مادة الرياضيات لطلاب فصلين مختلفين في الثاني المتوسط.

درجات الرياضيات

الفصل (ب)	الساقي	الفصل (أ)
٧٦٥٥٤٢٢٢	٧	٤٢
٨٨٨٨٥٤	٨	٠٢٢٥٧٩
١٠٠	٩	١٣٤٦٨٩٩
٧٦٦٧	٧٢	٧٢٧٢

أوراق مجوبة
البيانات الثانية على
الجانب الآخر من
الساقي.

أوراق مجوبة
البيانات الأولى على
أحد جانبي الساق.

مثال من واقع الحياة مقارنة البيانات

معدل درجة الحرارة	
القاهرة	الساقي
٩٧٤٤٢	١
٨٨٧٥٤٣١	٢
٩٢١=١٢	٣
٣٥=٣٥	٩
٢٢٥	١٦٦٧
٢٤٤٥	٢٢٥
٣٥=٣٥	٣٥=٣٥

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

طقس: يبيّن التمثيل بالساقي والورقة المجاور
معدل درجات الحرارة الشهري لكل من
مدينتي القاهرة وبغداد. فما المدينة التي تتبادر
فيها درجات الحرارة أكثر؟ وضح إجابتك.

تتوزع درجات الحرارة في مدينة بغداد خلال
العام، بينما تتجمع في مدينة القاهرة، وبالتالي فإن درجات الحرارة في مدينة بغداد
أكثر تبايناً.

تحقق من فهمك: استعمل درجات الاختبار أدناه:

درجات الاختبار	
الصف السادس ب	الساقي
الصف السادس أ	
٨٨٣٢٢	٧
٧٦٣١٠٠	٨
٣٢١١٠	٩
% ٧٨ = ٨ ٧	% ٧٣ = ٧ ٣

ه) أي الصفين حصل على نتائج أعلى
في الاختبار؟ وضح إجابتك.

و) أي الصفين كانت نتائج اختباره أكثر
تباعناً؟ وضح إجابتك.

تأكد

المثال ١

مثل بالساقي والورقة كلاً من البيانات الآتية:

معدل أعمار					
العمر	الحيوان	العمر	الحيوان	العمر	الحيوان
١٥	الأسد	٣٥	الفيل الإفريقي	٤٠	الفيل الآسيوي
٦	الستجاف	٧	الثعلب	٢٠	الحصان
٤١	فرس النهر	١٥	البقرة	١٢	الماعز

المصدر: World Almanac For Kids

عدد الدول المشاركة في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية (١٩٦٠-٢٠٠٤)									
السنة	الدول	٢٠٠٤	٢٠٠٠	٩٦	٩٢	٨٨	٨٤	٨٠	٧٦
١٣٦	١٢٨	١٠٣	٨٢	٦١	٤٢	٤٢	٤٤	٤٢	٢٩

المصدر: International Paralympic Committee

مدرسة: لحل الأسئلة ٣-٥ استعمل التمثيل المجاور الذي يبيّن درجات الطلاب في

مادة الرياضيات:

درجات الرياضيات	
الورقة	الساقي
٥	٠٩
٦	٤٥٧٨
٧	٠٤٤٥٥٦٧٨
٨	٢٣٣٥٧٨
٩	٠١٥٥٩

٣ ما الدرجتان العليا والدنيا في الاختبار؟

٤ ما وسيط هذه الدرجات؟

٥ اكتب جملة تصف الدرجات.

المثال ٢

كمية الدهن بالجرام في فطائر اللحم والدجاج

دجاج	الساقي	لحم
٩٨٥٥٣٣	١	٠٥٩
٠	٢	٠٦
٣	٣	٠٣٦
١٣=٣١ جم	٢٦	٢٦ جم

٦ ما أعلى كمية دهن في كل نوع من أنواع

الفطائر؟

٧ أي أنواع الفطائر يحتوي كمية أقل من الدهن
بصورة عامة؟ فسر إجابتك.

المثال ٣

طعام: استعمل تمثيل الساق والورقة

المزدوج المجاور لحل السؤالين ٦ ، ٧:

٦ ما أعلى كمية دهن في كل نوع من أنواع

الفطائر؟

تدريب وحل المسائل

عدد سكان بعض الدول العربية	
الدولة	عدد السكان لأقرب مليون كلام
الأردن	٥
سوريا	٢٣
العراق	٣١
الإمارات	٤
اليمن	٢٤
السعودية	٣٠
السودان	٣٢
مصر	٨٠
الجزائر	٣٧

(المصدر، ويكيبيديا (الموسوعة الحرة))

مثل بالساق والورقة كلاً من البيانات الآتية:

مساحات القارات لأقرب مليون كلم ^٢	القارة
٤٥	آسيا
٣٠	إفريقيا
٢٤	أمريكا الشمالية
١٨	أمريكا الجنوبية
١٤	القطبية الجنوبية
١٠	أوروبا
٩	أستراليا

The World Almanac

الأسئلة	الإجابات
١	انظر الأمثلة
٢	٩٦٨
٣	١٥ - ١٠
	١٩ - ١٦

تحليل الجداول : لحل الأسئلة ١٥ - ١٠

استعمل الجدول المجاور.

١٠ ما متوسط هذه الأسعار؟

١١ مثل الأسعار بالساق والورقة.

١٢ أيُّ هذه الأسعار أعلى؟

١٣ ما عدد الألعاب التي يقل سعرها عن ٥٠ ريالاً؟

١٤ ما وسيط أسعار الألعاب بالريال؟

١٥ اكتب جملة تصف أسعار الألعاب.

السعر	اللعبة
٤٣	لوح تزلج
٤٠	برامج ألعاب حاسوب
٤٧	دمية
٤٩	حيوانات صغيرة
٧٠	قطع تركيب
٦٥	مجموعة ألوان
٥٠	كرة قلم
٧٣	صورة تجميعية
٤٩	سبورة
٤٧	سيارة
٤٨	دمى قضنية
٥١	أوراق لاصقة
٥٨	مجموعة قصصية

درجات الاختبار الشهري لطلاب في العلوم

	الفصل (أ)	الفصل (ب)	الساق
٨٧٧٧٧٦٦٣٢	٠	٢٣٣٣٤٦٨٩٩	
٥٤٣	١	٠٠٠١٢٢٦	
١٣ = ٣١		١٠ = ١٠	

تحليل الجداول : لحل الأسئلة ١٦ - ١٩

استعمل المعلومات المجاورة للممثلة بالساق والورقة تمثيلاً مزدوجاً:

١٦ ما أعلى درجة في الفصل (ب)؟

١٧ ما أقل درجة في الفصل (أ)؟

١٨ ما عدد طلاب الفصل (أ)؟

١٩ قارن بين الوسيطين لدرجات الفصلين.

٢٠ جمع البيانات: مثل بالساق والورقة أطوال طلاب فصلك بالستمترا، ثم اكتب عدة جمل تصف هذه البيانات وتحلّلها.

مسائل

مهارات التفكير العليا

٢١ تحدّ: مثل بالساق والورقة مجموعة بيانات تتتألف من ١٠ قيم على الأقل، بحيث تكون القيمة العظمى ٧٠ والمدى ٥٠ والوسيط ٢٥.

تدريب على اختبار



٢٢) يبيّن التمثيل بالساقي والورقة أدناه كمية البروتين بالجرام في بعض الأطعمة.

كمية البروتين (جم)

منتجات الألبان		البذور، المكسرات، البقوليات
الساقي	منتجات الألبان	
٩٨٨٧٧٦٢٢	٠	٥٦٩
	١	٤٥٨
٦	٢	٩
	٣	٣٩ = ٣ جراماً
	٢٦ = ٦	٢٦ جراماً

أي جملة مما يأتي صحيحة وفقاً لهذا التمثيل؟

أ) وسيط كمية البروتين في منتجات الألبان هو ٩ جرامات.

ب) الفرق بين أكبر قيمة وأقل قيمة لكمية البروتين في منتجات الألبان هو ٢٨

ج) متوسط كمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات أكبر من متوسطها في منتجات الألبان.

د) أكبر قيمة لكمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات هي ٩٣

مراجعة تراكمية

٣٣

مثل مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه.

٢٢، ٢٥، ٣٦، ٤٢، ٣٣، ٤٥، ٧٦، ٣٣، ٥٣، ٤٤، ٣٧، ٣٦، ٤٤ (الدرس ٩ - ٦)

أرباح محل تجاري هي

ستة أيام متتالية

اليوم	المبلغ (ريال)
السبت	١٤٥٩
الأحد	١٤٥٠
الإثنين	١٢٤٣
الثلاثاء	٢٣٤٨
الأربعاء	٩٨١
الخميس	١٩٠٠

أرباح: استعمل الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٤، ٢٥، ٢٦ (الدرس ٩ - ٥)

٢٤) أوجد كلاً من: المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الربيعي.

٢٥) أوجد القيم المتطرفة.

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٦

مهارة سابقة: أوجد كلاً من المتوسط والوسيط لكل مجموعة من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٩ - ٤)

٧٢، ٦٢، ٧٤، ٨٦، ٨٥، ٦٧، ٦٦، ٧٥

٢٧

١٨، ١٦، ١٧، ٥٦، ٢١، ٢٠، ١٥، ١٦، ١٦، ٢١، ٢٨، ٢٠



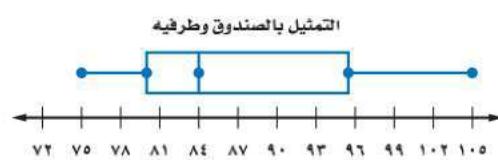
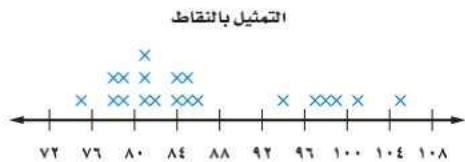


اختيار طريقة التمثيل المناسبة

٨ - ٩

استعد

رياضة: سُجلت كتل مجموعه من الملاكمين بالكيلوجرامات ثم مُثلت بالطائق الآتية:



أيُ الطائق تظهر عدد الملاكمين كتلهم ٨٤ كجم بالضبط؟

أيُ الطائق تظهر فترة الكتلة لنصف عدد الملاكمين؟

إذا أردت اختيار أنساب طريقة لتمثيل البيانات، فعليك أن تفكّر في نوعها، وما الذي تريد عرضه، أو إبرازه من خلال التمثيل.

مثال

مثال

تنظيم الوقت: اختر طريقة التمثيل المناسبة التي توضح كيفية قضاء أجزاء اليوم في إنجاز نشاطات مختلفة. فسر سبب اختيارك.

بما أن الرسم يتعلّق بجزء من كل، فإن التمثيل بالقطاعات الدائرية سيكون اختياراً مناسباً لتمثيل هذه البيانات.

تحقق من فهمك

اختر طريقة التمثيل المناسبة لكلٌ مما يأتي:

- توزيع عدد سكان المملكة العربية السعودية بحسب الفئات العمرية.
- انتشار أعلى معدل سرعة لمئة نوع من السيارات.

التمثيل الإحصائي

نوع التمثيل	يفضل استعماله
التمثيل بالأعمدة	عند توضيح عدد القيم لكل صنف من أصناف البيانات.
الصندوق وطرفة	عند توضيح مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.
القطاعات الدائرية	عند مقارنة جزء من البيانات بالنسبة إلى المجموع.
المدرج التكراري	عند توضيح تكرار البيانات الموزعة في فئات متساوية.
التمثيل بالخطوط	عند توضيح تغير البيانات في فترة زمنية معينة.
التمثيل بالنقطاط	عند توضيح تكرار كل قيمة من قيم البيانات.
الساق والورقة	عند عرض قيم البيانات بصورة فردية مكثفة.
أشكال فن	عند توضيح ارتباط المفردات بعضها ببعض من خلال مجموعات متراقبة في البيانات.

ارشادات للدراسة

مراجعة

يمكنك مراجعة دروس
التمثيل بالخطوط والأعمدة
واشكال فن .

إنشاء التمثيل البياني المناسب

مثال

حجاج: اختر الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات في الجدول الآتي للتنبؤ بعدد حجاج بيت الله الحرام لعام ١٤٣٩ هـ؛ وبرر إجابتك، ثم مثل البيانات.

السنة	عدد الحجاج	حجاج بيت الله الحرام (مليون)								
		١٤٣٨	١٤٣٧	١٤٣٦	١٤٣٥	١٤٣٤	١٤٣٣	١٤٣٢	١٤٣١	١٤٣٠
٢,٣٥٢	٢,٣٥٢	١,٨٦٣	١,٨٦٣	١,٩٥٣	٢,٠٨٥	١,٩٨	٣,١٦٢	٢,٩٢٨	٢,٩٢٨	٢,٩٢٨

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء



تغير هذه البيانات مع مرور الزمن.
إذن تمثيل البيانات بالخطوط تعد
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات.



الربط بالحياة:
لعبت التوسعات المستمرة
التي شهدتها أروقة الحرمين
الشريفين والمشاعر المقدسة
وكذلك الارتفاع بالخدمات
والبيئة التحتية من مواصلات
وطرق ومطارات وفنادق سكنية
ومخيمات للحجاج في المشاعر
المقدسة وغيرها من الخدمات
المقدمة من حكومة المملكة دوراً
كبيراً في ازدياد أعداد الحجاج
القادمين لأداء فريضة الحج خلال
السنوات الماضية.

تحقق من فهمك:

المحيط	المساحة بالميل المربع
الشمالي	٥٤٢٧٠٠
الأطلسي	٢٩٦٣٧٠٠
الهندي	٢٦٤٦٩٠٠
الهادئ	٦٠٠٦٠٧٠٠
الجنوبي	٧٨٤٨٣٠٠

المصدر: Info Please

ج) محيطات: يبين الجدول
المجاور مساحات المحيطات
الخمسة بالأميال المربعة. اختر
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات،
ثم مثلها.



تأكد

المثال ١

- اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل نوع من البيانات. فيما يأتي، وبرّر اختيارك:
- ١ عدد طلاب الصف الثاني المتوسط الحاصلين على التقديرات: ممتاز، جيد جداً، جيد، مقبول.
 - ٢ مبيعات أحد أنواع العباءات مقارنة ببقية الأنواع.

المثال ٢

- اختبار:** درجات اختبار الرياضيات لأحد فصول الصف الثاني المتوسط.

درجات اختبار الرياضيات للصف الثاني المتوسط																			
٩٨	٧٧	٨٩	٦٣	٧١	٧٩	٨١	٩٦	٨١	٨٥	٨١	٩٢	٧٧	٦٨	٧٢					
٧٤	٨٥	٧٢	٨٥	٩٢	٩١	٧٣	٨٥	٧٧	٧٨	٦٧	٩١	٨٨	٧٤	٨٨					

تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	النطاق الأمثلة
١	٩ - ٤
٢	١٣ - ١٠

- اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل نوع من البيانات فيما يأتي، وبرّر إجابتك:

٤ عدد مشتركي الهاتف النقالة للسنوات الخمس الأخيرة.

٥ مجموع نقاط سائقي رالي السيارات الفائزين بالمراتب العشر الأولى.

٦ توزيع دخل الأسرة على المتطلبات المنزلية.

٧ وسيط نتائج اختبار مادة الإنجليزي لأحد الصفوف.

٨ كمية استهلاك الوقود لسيارات طراز ٢٠١٨ م.

٩ أعداد المواطنين الذين يتقنون اللغة الإنجليزية أو الفرنسية أو الألمانية في المملكة العربية السعودية.

اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل مسألة فيما يأتي، وبرّر إجابتك، ثم مثلها:

متوسط أطوال البنات	
الطول (بوصة)	العمر بالسنوات
٥٦,٤	١٠
٥٩,٦	١١
٦١,٤	١٢
٦٢,٦	١٣
٦٣,٧	١٤
٦٣,٨	١٥

أنواع الرياضيات المفضلة عند الطلاب في إحدى المناطق التعليمية	
عدد الطلاب (آلاف)	النوع
١٠,١	كرة القدم
٩	كرة الطاولة
٨,٩	السباحة
٧,٦	ركوب الدراجات
٦,٢	الجري
٦,٢	الكرة الطائرة
٥,٥	كرة السلة



الحيوانات المهددة بالانقراض	
الصنف	عدد الأنواع
الثدييات	٦٨
الأسماك	٧٤
الزواحف	٢٦
الطيور	٧٧
اللافقاريات	١٥٣

National Health and Nutrition Examination Survey

١٢ **حيوانات:** أنشئ أنساب طريقة لتمثيل

البيانات في الجدول المجاور.

١٣ **ألبان:** قامت إحدى شركات إنتاج الألبان بمسح

لنكهة الحليب المفضلة فتبين أن ٥٩ شخصاً

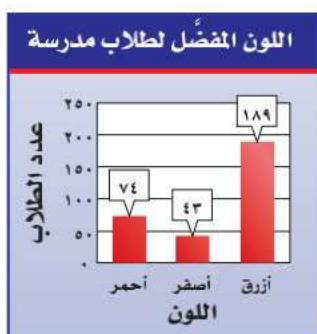
يفضلون نكهة الشوكولاتة، و١٤ شخصاً يفضلون

نكهة الفواكه، و١٨ شخصاً أحبو النكهتين. و٥

أشخاص لم يحبوا أيّاً من النكهتين. مثل هذه

البيانات على نحو مناسب.

ألوان: للإجابة عن السؤالين ١٤ ، ١٥ ارجع إلى التمثيلين البيانيين الآتيين ثم اختر طريقة التمثيل التي تناسب الإجابة عن كل سؤال؛ وبرّر سبب اختيارك :



١٤ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأحمر فقط؟

١٥ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأزرق؟

١٦ **جمع البيانات:** أجر دراسة إحصائية على طلاب صَفَّ حول نوع النشاط المفضل لديهم، واستعمل لذلك بيانات يمكن تمثيلها بأشكال فن، ثم مثلها.

١٧ **مسألة مفتوحة:** أعط مثالاً على مجموعة بيانات يمكن تمثيلها بالقطاعات الدائرية.

مسائل
مهارات التفكير العليا

١٨ **تحدّ:** للأسئلة ١٨ - ٢٠: حدّد ما إذا كانت الجمل الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً. ووضح إجابتك.

يمكن تمثيل بيانات المدرج التكراري بالقطاعات الدائرية.

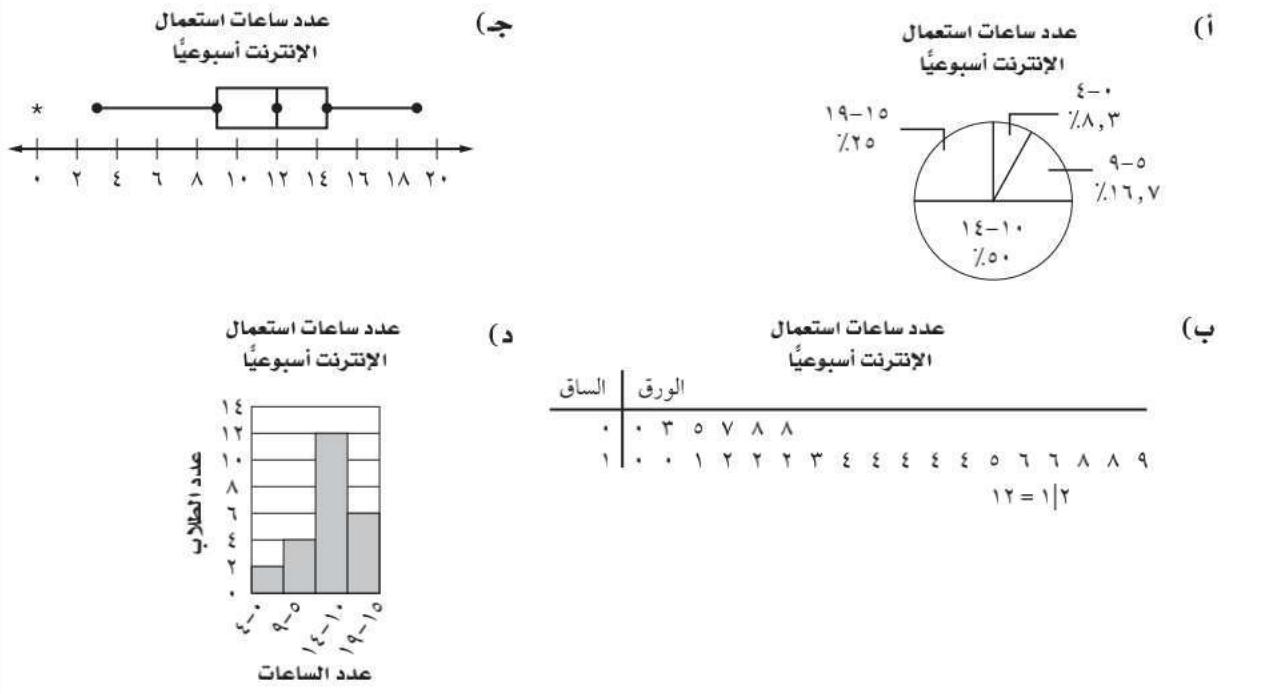
يمكن تمثيل بيانات أشكال فن باستعمال الخطوط.

يمكن تمثيل البيانات الممثلة بالنقاط باستعمال الصندوق وطرفيه.

١٩ **اكتُب** قارن بين التمثيل بالأعمدة والتمثيل بالمدرج التكراري، ومتى يكون استعمال المدرج التكراري مناسباً أكثر من الأعمدة؟



سؤال محمد ٢٤ طالبًا في فصله عن عدد الساعات التي يقضيها كل منهم أسبوعياً في استعمال الإنترنت.
أي التمثيلات الآتية يعد الأفضل لعرض إجابة كل طالب؟



مراجعة تراكمية

٣١ مثل بالساقي الورقة البيانات الآتية:

٩، ٢٧، ٣٧، ١٤، ٢١، ١٨، ١٥، ١٢ (الدرس ٩ - ٧)

مثل بالصندوق وطريقه كل مجموعه من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٩ - ٦)

٣٥، ٤٠، ٣٦، ٣٤، ٥٥، ٨٠، ٤٣، ٤٥، ٤٢، ٣٨، ٤٢ (الدرس ٩ - ٦)

٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ١٥، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٥٨، ٥٢ (الدرس ٩ - ٦)

ذهب: استعمل الجدول المجاور الذي يبيّن المبيعات اليومية لأحد محل الذهب
في حل الأسئلة ٢٦-٢٨ (الدرس ٩ - ٥)

٣٦ أوجد كلاً من المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الربيعي.

٣٧ أوجد القيم المتطرفة.

٣٨ صُف هذه البيانات.

مبيعات أحد محل الذهب	
(مئات الجرامات)	
٤٢,٨	السبت
٣٠,٥	الأحد
٢٤,٩	الإثنين
٢٤,٥	الثلاثاء
٢٠,٢	الأربعاء
١٨,٤	الخميس
١٢٠,٧	الجمعة



اختبار الفصل

١١ اختيار من متعدد: حصلت أسماء على الدرجات الآتية في أربعة اختبارات: ٨٥، ٧٠، ٩٠، ٨٥. إذا استثنى معلمتها أدنى درجة منها، فأيُّ القيم التالية ستزداد؟

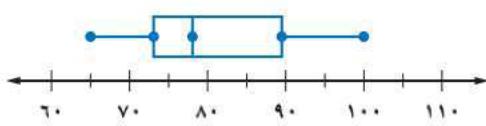
- ج) الوسيط
- أ) المتوسط
- ب) المدى
- د) المنوال

١٢ اختيار من متعدد: كانت مبيعات أحد المراكز التجارية بالولايات مدة أسبوع على النحو الآتي: ١٥٦٩٦، ١٩٠٨٠، ٢٣٤٠٠، ١٨٠٠٠، ١٥٢٢٨، ١٧٦٠٤، ٢٣٤٠٠

أيُّ مقاييس النزعة المركزية الآتية تُظهر المبيعات أكثر من غيرها؟

- ج) المنوال
- أ) المتوسط
- ب) الوسيط
- د) المدى

١٣ درجات: كم تقدّر النسبة المئوية للدرجات في التمثيل أدناه الأكبر من أو تساوي ٧٨؟
درجات اختبار العلوم



١٤ أجهزة عرض الأقراص المدمجة: اختر أنساب طريقة لتمثيل معدل أسعار أجهزة عرض الأقراص المدمجة للسنوات العشر الأخيرة. وبرّر إجابتك.

العدد	الفصل	مدارس
١٣	أ	الجدول الآتي يمثل عدد الطلاب الحاصلين على تقدير جيد جدًا في ستة فصول من الصف الثاني متوسط ، مثل هذه البيانات باستعمال الساق والورقة.
٢٨	ب	
٣٦	ج	
٩	د	
٢٧	هـ	
٣٠	و	

١٥ الكربوهيدرات: أنشئ جدولًا لتحديد عدد جرامات الكربوهيدرات الأكثر تكرارًا.

مقادير الكربوهيدرات هي أنواع مختلفة من الحبوب (جم)

٤٤	٢٢	٣٢	٢٤	٣٨	٤٤	٣٤	١٥
٣٢	٢٢	٣٣	٢٤	١٥	٣٢	١٥	٣٢
٣٢	٣٣	٤٤	٣٣	٢٤	٣٢	٢٤	٣٤

١٦ كرة القدم: استعمل الجدول الآتي في الإجابة عن الأسئلة ٥ - ٢:

عدد البطولات التي فازت بها فرق كرة القدم

٧	٢٤	٦	٣٥	٢١	١٠	١٧	١٤	٣	٧
٣٨	٥	١٣	٩	٢٠	٧	٦	٢	٤٢	٣

١٧ رحلات: اختر فئات مناسبة وأنشئ جدولًا تكراريًّا للبيانات.
أنشئ مدرجاً تكراريًّا.

١٨ ما عدد الفرق التي تم تمثيلها؟

١٩ ما نسبة الفرق التي أحرزت أكثر من ٢٠ بطلة؟

٢٠ رحلات: تمثل القائمة الآتية أعمار المشتركين في رحلة عائلية، استعملها في الإجابة عن الأسئلة ٦ - ١٠:
٣٨، ٣٥، ٣٢، ١٩، ٢٦، ٢٥، ٣٦، ٧٥

١٧، ٤٠، ٢٢، ٢٣، ١٦

٢١ أوجد كلاً من المتوسط والوسيط والمنوال والمدى.

٢٢ اختر أحد مقاييس النزعة المركزية لوصف البيانات.
وببرّ سبب اختيارك.

٢٣ أوجد كلاً من الربع الأعلى والأدنى ونصف المدى الربيعي.

٢٤ مثل البيانات باستعمال الصندوق وطرفيه.

٢٥ إذا اشتراك عضو جديد في الرحلة وأصبح متوسط الأعمار ٣٠، فكم يبلغ عمره؟

الاختبار التراكمي (٩)

يبيّن الجدول الآتي عدد الساعات التي قرأ فيها عبدالعزيز القرآن الكريم خلال عدة شهور.

عدد ساعات قراءة القرآن الكريم							الشهر
شعبان	رجب	جمادى الآخرة	جمادى الأولى	ربيع الآخر	ربيع الأول	عدد الساعات	
١٣٥	١٢٠	١٣٢	١٢٥	١٣٠	١٢٧	٦٨٧	٢٠١٩

إذا قرأ عبد العزيز القرآن الكريم ١٩٥ ساعة في شهر رمضان
الكريـم، فـأـيـ الـمـقـاـيـسـ الـآـتـيـةـ سـوـفـ يـتـغـيـرـ بـدـرـجـةـ أـكـبـرـ مـنـ غـيـرـهـ؟

- أ) المتوسط
 - ب) الوسيط
 - ج) المنوال
 - د) سنتغير جـ

كان مجموع الأهداف التي سجلها صالح في لعبه كرة اليد حتى قبل المباراة النهائية، ٤٥ هدفاً. وسجل في المباراة النهائية ٣ أهداف، وبذلك أصبح متواسط عدد الأهداف التي سجلها في المباراة الواحدة هدفين. لإيجاد عدد المباريات التي لعبها صالح، أوجد ناتج جمع ٤٥ و ٣ أو لا ثم ...

- أ) أضف العدد ٢ إلى المجموع
 ب) اطرح ٢ من العدد ٤٥
 ج) اضرب المجموع في العدد ٢
 د) اقسم المجموع على العدد ٢

٥ كانت درجات سميرة في (٧) اختبارات تقدمت إليها كما يأتي: ٨٠، ٨٤، ٨٦، ٨٨، ٩٠، ٧٥، ٧٥، ٩٠ أي المقاييس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات سميرة أعلى؟

- ج) المتوسط
 - د) المدى
 - ب) الوسط
 - أ) المتوسط

اختیار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١. يبيّن التمثيل بالساق والورقة أدناه أعمار أفراد أسرة.

أعمار أفراد أسرة	
الساق	الورقة
١	٤ ٧ ٨
٢	٠ ٢
٣	٩
٤	٣

يالاعتماد على البيانات أعلاه، وسيط الأعمار هو:

- | | | | |
|----|----|----|----|
| ۲۰ | ج) | ۱۸ | ا) |
| ۳۳ | د) | ۱۹ | ب) |

إذا كان متوسط أطوال طلاب الصف الثاني المتوسط
والبالغ عددهم ٢٤ طالبًا هو ١٥٤ سم، وانتقل أحد
طلاب الصف وطوله ١٤٤ سم إلى مدرسة أخرى،
فأيُّ العبارات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد متوسط
أطوال الطلاب الجديد؟

$$\frac{144 - (24 \times 104)}{23} \quad (i)$$

$$\frac{144 - (24 \times 104)}{24} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{104 - (24 \times 144)}{24} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{24 - (24 \times 10\%) }{23} \quad (5)$$

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

١٠ لدى محل لتأجير الدراجات الهوائية ١٥ دراجة كبيرة الحجم، و٢٢ دراجة متوسطة، و١٩ دراجة صغيرة، و٢٤ دراجة بثلاث عجلات.

- استعمل تمثيلاً بيانيًا تبيّن فيه عدد الدراجات من كل نوع لدى هذا المحل.
- استعمل تمثيلاً بيانيًا تبيّن فيه نسبة كل نوع من الدراجات إلى العدد الكلي للدراجات.
- صف فائدة كلٌّ من التمثيلين السابقين.

٦ ما المساحة الجانبية للأسطوانة التي قطرها ١٠ م، وارتفاعها ٤ م؟

ج) ٥٠ ط

د) ٤٠ ط

٧ حلُّ المتباينة $12 < 3n$ هو:

ج) $n \leq 4$

د) $n > 4$

٨ إذا كانت $D(s) = 2s - \frac{1}{3}$ ، فما قيمة $D\left(\frac{2}{3}\right)$ ؟

ج) ١

ب) $\frac{1}{3}$

ج) $\frac{1}{3}$

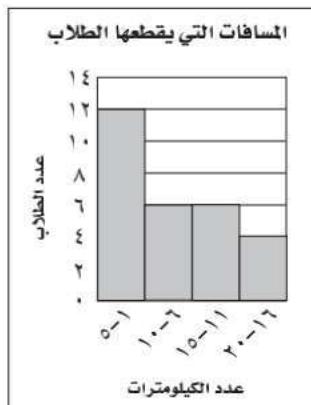
د) $\frac{2}{3}$

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤال الآتي:

٩ يبيّن المدرج التكراري أدناه المسافات التي يقطعها بعض الطلاب للوصول إلى مدرستهم. ما النسبة المئوية للطلاب الذين يقطعون ١٦ كيلم أو أكثر مقاربةً للجواب إلى أقرب ١٪.



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال

فراجع الدرس

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	
٨-٩	٢-٩	٢-٨	٧-٧	٦-٦	٤-٩	٤-٩	٤-٩	٤-٩	٧-٩	



الفصل الاحداث

١٠

الفكرة العامة

استعمل الاختلال النظري والتناسب في التنبؤ بالحوادث.

المفردات الرئيسية:

الناتج ص (١٨٤)

الحوادث المستقلة ص (١٨٩)

الحوادث غير المستقلة ص (١٩٠)

الربط بالحياة:

طب: يذكر الأطباء عادة لمرضاهن نسباً مئوية تشير إلى مقدار احتمال نجاح العمليات التي يجريونها لهم، ويعتمد تحديد هذه الاحداثات على عدد من المؤشرات، منها نسبة نجاح العمليات التي أجريت لمرضى آخرين.

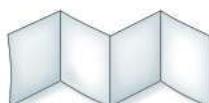
المطويات

منظومة أفكار

الاحداث: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابدا بورقة A3 كما يأتي:

٢ اطو كل نصف بصورة عرضية إلى أربع.



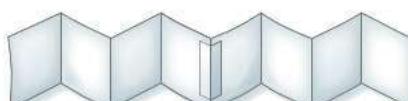
٤ سُمّ الصفحات بالموضوعات الرئيسية، ثم أعد طي الورقة لتصبح على صورة كتيب.



١ اطو الورقة من المنتصف طولياً، ثم قصّها على طول خط الطyi.



٣ ابسّط الجزأين، ثم ألصقهما معًا كما في الشكل لتكون قطعة واحدة طويلة.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للسريعة

اختبار للسريعة

اقسم كلاً من البسط والمقام على
(ق. م .١) وهو (٣).

$$\text{مثال ١:} \\ \text{اكتب الكسر } \frac{45}{51} \text{ في أبسط صورة.} \\ \frac{15}{17} = \frac{45}{51}$$

$$\text{مثال ٢:} \\ \text{أوجد ناتج الضرب وابنته في أبسط صورة: } \frac{3}{7} \times \frac{1}{6}. \\ \text{اقسم كلاً من } ٦، ٣ \text{ على (ق.م.١).} \\ \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \times \frac{3}{6} \\ \text{لها وهو (٣).} \\ \frac{1}{14} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} =$$

$$\text{اكتب كل كسر اعتيادي مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)} \\ \frac{21}{99} \quad \frac{35}{60} \quad \frac{48}{72}$$

٤ رحلة: قاد محمد سيارته لمدة ٤ ساعات في رحلة عائلية استغرقت ١٨ ساعة. اكتب هذا الجزء من الوقت على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة. (مهارة سابقة)

أوجد ناتج الضرب، وابنته في أبسط صورة: (الدرس ٣-١)

$$\frac{1}{2} \times \frac{5}{6} \quad \frac{8}{9} \times \frac{3}{4} \quad \frac{4}{7} \times \frac{7}{8} \quad \frac{2}{7} \times \frac{2}{4}$$

٥ حل كلَّ مسألة مما يأتي: (الدرس ٤-٤)

- ٩ أوجد $\frac{35}{35}\%$ من ٩٠.
- ١٠ أوجد $\frac{42}{42}\%$ من ٣٤٠.
- ١١ ما قيمة $\frac{60}{60}\%$ من ٢٢٠؟
- ١٢ ما قيمة $\frac{5}{5}\%$ من ٧٢؟

٦ دراسة مسحية: أجرت معلمة مسحًا شامل

١٤٤ طالبة من طالبات المدرسة، فوجدت أن حوالي $\frac{34}{34}\%$ منها يفضلن تناول السلطة في أثناء وجبة الغداء.
فكم طالبة تفضل السلطة؟ (الدرس ٤-٤)

استعمل التناوب المتموي

ضع ١٧٠ مكان ب، ٢٠ مكان ن

الضرب التبادلي

اضرب

اقسم كل طرف على ١٠٠

٧ مثال ٣:

أوجد 20% من ١٧٠

$$\frac{n}{100} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{170} = \frac{20}{100}$$

$$20 \times 170 = 100 \times$$

$$3400 = 100$$

$$\frac{3400}{100} = \frac{100}{100}$$

$$34 =$$

٣٤ هو 20% من ١٧٠





عد النواتج

١١٠



الستعدين

مطعم: يمكن لرواد أحد المطاعم اختيار وجبة الطعام من القائمة المجاورة.

١ ما عدد اختيارات المقلبات ؟ الطبق الرئيسي ؟
الحلوى ؟

٢ ضع قائمة بالوجبات المختلفة جميعها التي يقدّمها المطعم.

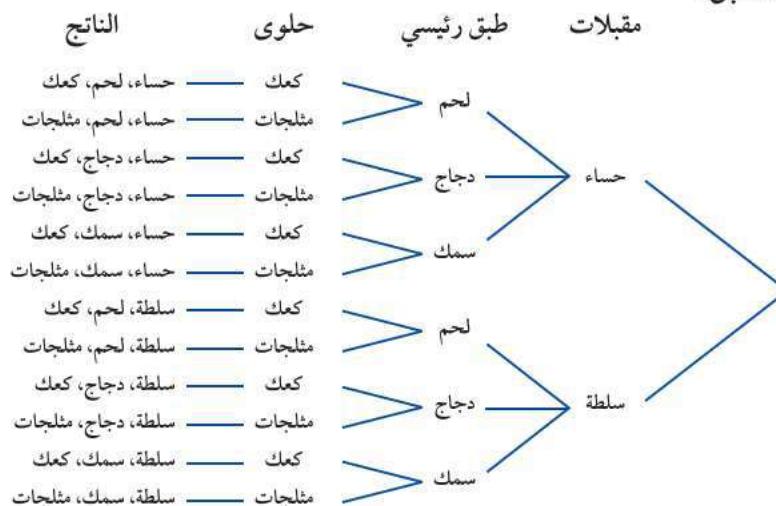
الناتج: هو أيُّ واحد من الخيارات الممكنة لتجربة ما، وهناك ١٢ ناتجاً عند اختيار وجبة الطعام المكونة من : المقلبات والطبق الرئيسي والحلوى . أما **الحادثة**، فهي ناتج واحد أو مجموعة من النواتج.

وتشتمل القائمة المنظمة للنواتج التي تساعد على إيجاد العدد الكلي لنواتج الحوادث الممكنة بفضاء العينة. واستعمال **الرسم الشجري** هو أحد طرق إيجاد فضاء العينة.

استعمال الرسم الشجري

مثال

مطعم: استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد الوجبات الممكنة في المثال السابق.



وبذلك يوجد ١٢ وجبة طعام مختلفة في قائمة الطعام.

تحقق من فهمك

أ) استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد النواتج عند إلقاء قطعة نقديه مرتين.

فكرة الدرس :

أحسب عدد النواتج باستعمال الرسم الشجري أو مبدأ العد الأساسي.

المفردات

الناتج

الحادثة

فضاء العينة

الرسم الشجري

مبدأ العد الأساسي

الحادثة العشوائية

الاحتمال

ويمكن أيضاً إيجاد العدد الكلي للنواتج باستعمال الضرب، وتُسمى هذه الطريقة **مبدأ العد الأساسي**.

مفهوم أساسٍ

مبدأ العد الأساسي

إذا كان عدد النواتج الممكنة للحادثة أ هي س، وللحادثة ب هي ص، فإنَّ عدد النواتج الممكنة للحادثة أ متبوعة بالحادثة ب هي: $S \times C$.

مثال من واقع الحياة استعمال مبدأ العد الأساسي

المسجد الحرام: استعمل المعلومات التي على يمين الصفحة لتحديد عدد الطرق المختلفة لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام.
هناك ١٥٥ باباً لدخول المسجد الحرام.

وباستعمال مبدأ العد، فإنَّ عدد الطرق = $155 \times 155 = 3723875$
يوجد ٣٧٢٣٨٧٥ طريقة لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام.

تحقق من فهمك:

ب) غداء: يقدم أحد المطاعم ٣ أصناف من الطعام بخمسة أنواع من التوابل، وهذه الأصناف قد تكون باللحم أو بدونه. فما عدد خيارات الطعام الممكنة؟

يُطلق على الحادثة **حادثة عشوائية**، إذا كانت فرص حدوث جميع نواتجها متساوية، وفي هذه الحالة **احتمال الحادثة** يساوي نسبة عدد نواتج الحادثة إلى العدد الكلي للنواتج.

مثال من واقع الحياة إيجاد الاحتمال

صفوف: يتكون جدول يوم الإثنين للصف الثاني المتوسط من مواد: الرياضيات، والعلوم، والاجتماعيات، والتربية الإسلامية، والرياضة، واللغة العربية، واللغة الإنجليزية. فما احتمال أن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات، والرياضة، والاجتماعيات بالترتيب؟

أو جد أولًا عدد النواتج الممكنة: $7 \times 6 \times 5 = 210$

أيًّا أن هناك ٢١٠ نواتج ممكنة، وفرصة واحدة لأن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات والرياضة والاجتماعيات بالترتيب.

$P(\text{رياضيات، رياضة، اجتماعيات}) = \frac{1}{210}$
يوجد ترتيب واحد من ٢١٠ ترتيب.

ويمكن كتابة هذه النتيجة مقربة بصورة الكسر العشري 0.005 أو النسبة المئوية 0.5% .

تحقق من فهمك:

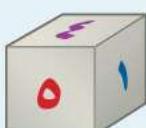
ج) ما احتمال أن يكون مجموع العدددين الظاهرين هو ١٢ عند رمي مكعبين للأرقام؟



الربط بالحياة:

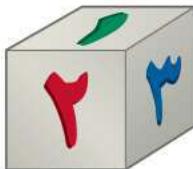
عدد أبواب المسجد الحرام
١٥٥ باباً أشهرها باب الملك
عبدالعزيز، وباب الملك فهد،
وباب الفتح وباب العمرة.

ارشادات للدراسة



مكعب الأرقام

هو مكعب مكتوب على
أوجهه الستة الأرقام من ١
إلى ٦



تاکید

- المثال ١** استعمل الرسم الشجري لتحديد جميع النواتج الممكنة عند رمي مكعب أرقام (٦-٦) مرتين.

المثال ٢ **تقنية** : يستعمل موظفو إحدى الشركات رموزاً للدخول إلى شبكة المعلومات الخاصة بالشركة، فإذا كان الرمز يتكون من حرفين هجائيين، يلي ذلك أربعة أرقام، فما عدد الرموز الممكنة للموظفين؟

المثال ٣ **ألعاب** : سُحبَت كرَةٌ من صندوق يحوي كرات مُرقمَة (٠-٩)، وسُجِّلَ الرَّقم، ثُمَّ أُعيدَت الكرة إلى الصندوق، فإذا سُحبَت هذه الكرة أربعَ مرات، فما احتمال تسجيل الرقم ١١١١؟

تدریب و حل المسائل

حدّد جميع النواتج الممكنة لحل كل مسألة مما يأتي باستعمال الرسم الشجري:

- ٤ إلقاء قطعة نقدية من الفئات الآتية: ريال، $\frac{1}{2}$ ريال، $\frac{1}{4}$ ريال.
 - ٥ رمي مكعب الأرقام وقطعة نقود.
 - ٦ سحب كرة بيضاء أو حمراء من الأحجام: صغيرة، متوسطة، كبيرة، وكبيرة جدًا.
 - ٧ مبيعات محل لعصائر البرتقال والتفاح والفراولة، بحجمين: صغير وكبير.

الأسئلة	الإجابات
أدنى الأمثلة	الأسئلة
١	٧ - ٤
٢	١٣ - ٨
٣	١٥، ١٤

استعمل مبدأ العد لإيجاد عدد النواتج الممكنة لكل مما يأتي:

- ٨ اختيار أحد أيام الأسبوع عشوائياً ورمي حجر نرد.
 - ٩ رمي مكعب أرقام ٣ مرات.
 - ١٠ حل خمسة أسئلة من نوع الصواب والخطأ في اختبار التاريخ.
 - ١١ حل خمسة أسئلة من نوع الاختيار من متعدد ذي أربعة خيارات.

حلوى: يصنع محل حلوى خمسة أحجام من الكعك، وبأربع نكهات، وأربعة أنواع من الكريمة المغطاة. فكم عدد أنواع الكعك التي تصنّع في المحل؟

١٣ سيارات: تكون لوحة أرقام السيارات في المملكة العربية السعودية من ثلاثة أحرف وأربعة أرقام. فكم لوحة أرقام يمكن إصدارها؟

وردات: تريد كل من هديل ونجلاء إهداء وردة واحدة لوالدتهما، فإذا كانت هديل تفضل الوردات الحمراء والزنابق الصفراء، في حين تفضل أختها نجلاء القرنفل الأصفر والزنبق الأحمر والجاردينيا البيضاء والأقحوان البنفسجي؛ فما احتمال أن تختر الاشتنان وردتين من اللون نفسه؟

أرقام هاتف: تدل الأرقام الثلاثة الأولى من أرقام الهاتف في إحدى الدول على المدينة التي يعيش فيها المستخدم، أما الأرقام الأربع الباقية، فهي عشوائية. فما احتمال أن تمثل الأرقام الأربع الأخيرة العام الهجري الحالي؟

الكترونيات: استعمل الجدول المجاور الخاص بجهاز تخزين إلكتروني في حل

السؤالين ١٦ ، ١٧ :

اللون	السعة التخزينية
أزرق	بنفسجي ٢٥٦ ميجابايت
أحمر	زهري ٥١٢ ميجابايت
أخضر	فضي ١ جيجابايت
أبيض	أسود ٢,٥ جيجابايت

- ١٦ ما عدد اختيارات هذا النوع من الأجهزة اعتماداً على السعة التخزينية واللون؟
 ١٧ إذا أضفنا نوعاً آخر من أنواع الأجهزة الإلكترونية، فكم يصبح عدد الاختيارات المتوفرة؟

إذا سُحبت كرة واحدة من كل من الكيسين المجاورين، فاستعمل الرسم الشجري للإجابة عن السؤالين ١٨ ، ١٩ :



- ١٨ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل زرقاء؟
 ١٩ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل صفراء؟

غداء: استعمل المعلومات الآتية، لحل الأسئلة ٢٠ - ٢٣

قام أحد المطاعم بإعداد وجبات غداء لطلاب الصف الثاني المتوسط، بحيث تتكون كل وجبة من لحم أو دجاج، وأرز أبيض أو أصفر، وتفاحاً أو برتقالة أو موزة، وعلبة عصير أو ماء أو لبن.

- ٢٠ ما عدد الاختيارات المختلفة لوجبة الغداء؟
 ٢١ ما عدد الاختيارات التي تحتوي على تفاحة؟
 ٢٢ إذا تم اختيار وجبة غداء عشوائياً، فما احتمال أن تحتوي هذه الوجبة على موزة؟
 ٢٣ ما احتمال أن يحصل الطالب على وجبة غداء تحتوي على أرز أبيض ولبن؟

٢٤ مسألة مفتوحة: أعط مثلاً لموقف له ١٥ ناتجاً ممكناً.

الحس العددي: يقدم مطعم ثلاثة أحجام من الفطائر: صغيرة ومتوسطة وكبيرة، ويستعمل لذلك نوعين من الجبن وأربعة أنواع من الخلطة، إذا أضاف إلى القائمة الحجم الكبير جداً، فبكم يزيد عدد أنواع الفطائر؟

٢٦ تحدي: اكتب الصيغة الجبرية لإيجاد عدد نواتج رمي مكعب الأرقام س مرة.

٢٧ أكتب اذكر مزية واحدة لتفضيل استعمال الرسم الشجري على مبدأ العد الأساسي.

مسائل
مهارات التفكير العليا



تدريب على اختبار

٢٨ يقدم مطعم فطائر متنوعة، بحيث يختار الزبائن ما يفضلون من بين نوعين من الخبز وثلاثة أنواع من اللحوم.
أي الجداول الآتية يمكن أن يمثل جميع الفطائر المختلفة التي يقدمها المطعم؟

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر

(ج)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
عجل	بر
غنم	بر

(ا)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	بر
دجاج	نخالة

(د)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر
عجل	نخالة
غنم	نخالة
دجاج	نخالة

(ب)

مراجعة تراكمية

حدد التمثيل الأنسب لكل موقف مما يأتي: (الدرس ٩ - ٨)

بيان نسبة الآيس كريم المبيعة من كل نكهة إلى مجمل المبيعات.

بيان أعداد الأشخاص الذين يحضرون الندوات الثقافية وفقاً لأعمارهم ضمن فئات متساوية لأعمارهم.

إحصاء: مثل بالساق والورقة مجموعة البيانات:

{٩ ، ٢٧ ، ٣٧ ، ١٤ ، ٢١ ، ١٨ ، ١٥ ، ١٨} (الدرس ٩ - ٧)

ما الحد التالي في المتتابعة الحسابية ١٠ ، ٧ ، ٤ ، ١ ، ... (الدرس ٨ - ١)

الالستدراج للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

$$\frac{3}{14} \times \frac{7}{12}$$

$$\frac{9}{10} \times \frac{2}{3}$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5}$$

$$\frac{5}{6} \times \frac{3}{10}$$





٢-١٠

احتمال الحوادث المركبة

لون الجوارب	نوع القطعة
أحمر	ثوب
أزرق	غترة
أبيض	عقال
	لباس رياضي
	حذاء
	قميص

استعد

تنزيلات: أعلن محل الملابس الرجالية عن إمكانية الحصول على جوارب مجانية عند شراء الزبون لإحدى القطع من الجدول المجاور.

- ١ ما احتمال شراء ثوب؟ وما احتمال الحصول على جوارب زرقاء؟
- ٢ ما ناتج ضرب الاحتمالين في السؤال الأول؟
- ٣ استعمل الرسم الشجري لتحديد احتمال أن يشتري الشخص ثوباً ويحصل على جوارب زرقاء.

فكرة الدرس:

أجد احتمال الحوادث المستقلة وغير المستقلة.

المفردات

الحادثة المركبة

الحوادث المستقلة

الحوادث غير المستقلة

تمثل عملية شراء القطعة واستلام الجوارب المجانية حادثة مركبة، والحادثة المركبة تتكون من حادثتين بسيطتين أو أكثر.

وبما أن لون الجوارب لا يعتمد على نوع القطعة التي تم شراؤها، لذا تعد هذه الحوادث مستقلة، وفي **الحوادث المستقلة** لا يؤثر ناتج إحدى الحوادث في الحوادث الأخرى.

مفهوم أساسى

احتمال الحوادث المستقلة

التعبير اللفظي: نجد احتمال حادثتين مستقلتين بضرب احتمال الحادثة الأولى في احتمال الحادثة الثانية.

$$\text{الرموز: } H(A \text{ و } B) = H(A) \times H(B)$$

الحوادث المستقلة

مثال



إذا تم اختيار إحدى بطاقات الأحرف وتدوير مؤشر القرص الدوار، فما احتمال أن يكون الناتج على كل منهما حرف علة (و، أ، ي)؟

$$H(\text{اختيار بطاقة تحمل حرف علة}) = \frac{2}{7}$$

$$H(\text{توقف القرص الدوار على حرف علة}) = \frac{1}{3}$$

$$H(\text{كلاهما حرف علة}) = \frac{2}{7} \times \frac{1}{3} = \frac{2}{21}$$

تحقق من فهمك

استعمل بطاقات الأحرف ومؤشر القرص الدوار في إيجاد احتمال كلٍّ مما يأتي:

- (أ) ح (كلا الحرفين أ).
- (ب) ح (الحرفين متباينان).



مثال من اختبار

استعمل مكعب أرقام وقرص دوار مقسم إلى خمسة ألوان متساوية في المساحة: أحمر، أصفر، أزرق، أخضر، وبنفسجي في لعبة. فما احتمال أن يشير مؤشر القرص إلى اللون الأزرق، ويظهر الرقم ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام؟

- (أ) $\frac{3}{11}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{15}$ (د) $\frac{1}{3}$

إرشادات للاختبارات

الحساب الذهني

قد يكون من الأفضل
تبسيط الاحتمالات قبل
ضربها.

اقرأ :

يتطلب السؤال إيجاد احتمال وقوف المؤشر على اللون الأزرق، وظهور أحد الرقمين ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام. الحادثان مستقلتان؛ لأن دوران المؤشر لا يتأثر بنتائج رمي المكعب.

حل :

أولاً: أوجد احتمال كل حادثة.

$$ح(\text{المؤشر على الجزء الأزرق}) = \frac{1}{5}$$

$$\frac{\text{عدد مرات ظهور اللون الأزرق}}{\text{عدد النتائج الكلية}}$$

$$ح(\text{ظهور الرقمين ٣ أو ٤}) = \frac{1}{3} = \frac{2}{6}$$

ثانياً: أوجد احتمال وقوع الحادثتين معاً.

$$ح(\text{أزرق وظهور أحد الرقمين ٣ أو ٤}) = \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

ح(أو ب) = ح(A) × ح(B).

$\frac{1}{15}$ اضرب.

إذن فالاحتمال يساوي $\frac{1}{15}$ ، والإجابة الصحيحة هي (ج).

تحقق من فهمك

ج) تتطلب لعبة رمي مكعبي أرقام لتحريك قطعها، فما احتمال ظهور أحد الرقمين ٢ أو ٤ على المكعب الأول، وظهور الرقم ٥ على المكعب الثاني؟

- (أ) $\frac{1}{18}$ (ب) $\frac{1}{12}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{3}$

إذا تأثر ناتج إحدى الحادثتين بناتج الحادثة الأخرى، فإن الحادثتين تكونان حادثتين غير مستقلتين.

مفهوم أساسى

احتمال الحوادث غير المستقلة

التعبير اللغطي: إذا كانت الحادثان A و B غير مستقلتين، فإن احتمال حدوثهما معاً هو حاصل ضرب احتمال الحادثة A في احتمال الحادثة B بعد حصول الحادثة A .

$$ح(A \text{ و } B) = ح(A) \times ح(B \text{ بعد } A)$$

الرموز:



مثال من واقع الحياة



فواكه: يوجد في سلة فواكه ٤ برتقالات، ٧ موزات و ٥ تفاحات. اختار مازن حبة فاكهة عشوائياً، واختار محمد أيضاً حبة فاكهة عشوائياً. أوجد احتمال أن تكون الحبتان تفاحاً؟ بما أنه لم يتم إعادة حبة الفاكهة الأولى، فإن الحادثة الأولى تؤثر في الحادثة الثانية، وتكون الحادثتان غير مستقلتين.

$$\begin{aligned} \text{عدد التفاحات} &\rightarrow H(\text{الحبة الأولى تفاحة}) = \frac{5}{16} \\ \text{عدد حبات الفاكهة الكلي} &\rightarrow \\ \text{عدد التفاحات بعدأخذ الحبة الأولى} &\rightarrow H(\text{الحبة الثانية تفاحة}) = \frac{4}{15} \\ \text{العدد الكلي لحبات الفاكهة بعدأخذ الحبة الأولى} &\rightarrow \\ H(\text{الحبتان تفاحتان}) &= \frac{5}{16} \times \frac{4}{15} = \frac{1}{12} \end{aligned}$$

تحقق من فهمك:

اعتماداً على المثال السابق، أوجد احتمال كل مما يأتي:

- أ) ح(حبتا موز).
- ب) ح(حبة برقال ثم حبة تفاح).
- ج) ح(حبة تفاح ثم حبة موز).
- د) ح(حبتا برقال).

تأكد

المثال ١

عند إلقاء قطعة نقد ورمي مكعب أرقام، أوجد احتمال كل مما يأتي:

- ١ ح(كتابة و ٣).
- ٢ ح(شعار و عدد فردي).

المثال ٢

اختيار من متعدد: استعمل مكعب أرقام وقرص دوار في لعبة. فإذا كان لمؤشر القرص فرص متساوية في الوقوف على أحد الألوان الثلاثة: أحمر وأصفر وأزرق، فما احتمال أن يقف المؤشر على اللون الأحمر، ويظهر رقم زوجي على مكعب الأرقام؟

- أ) $\frac{1}{6}$
- ب) $\frac{1}{3}$
- ج) $\frac{1}{2}$
- د) $\frac{1}{12}$

المثال ٣

سُحبت بطاقة من البطاقات المجاورة دون إرجاعها، ثم سُحبت بطاقة أخرى، فأوجد احتمال ما يأتي:



- ٤ ح(العدادان زوجيان).
- ٥ ح(ظهور عدد أقل من ٤ ثم عدد أكبر من ٤).

تدريب وحل المسائل



عند رمي مكعب أرقام، وسحب كرة من الكيس المجاور، أوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

- ٧ ح (٣ وبنفسجي)
- ٩ ح (فردي وليس أحضر)
- ١١ ح (أقل من ٤ وأزرق)
- ٦ ح (١ وأحمر)
- ٨ ح (زوجي وأصفر)
- ١٠ ح (أكبر من ١ وأحمر)

الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١١-٦
٢	١٣، ١٢
٣	١٩-١٤

١٨ **غسيل**: تحتوي سلة غسيل على ١٨ جوربًا أزرق اللون و ٢٤ جوربًا أسود، فما احتمال سحب جوربين بلون أسود واحدًا تلو الآخر من السلة؟

١٩ **ألعاب**: يلعب بندر بلوحة ألعاب تتطلب رمي مكعبى أرقام، حيث يحتاج إلى الحصول على المجموع ٦ في الرمية الأولى، والمجموع ١٠ في الرمية الثانية للحصول على مربعات إضافية. فما احتمال أن يحصل بندر على المجموع ٦ ثم المجموع ١٠؟

العدد	اللون
٥	أزرق
٧	أصفر
٤	أحمر
٤	أخضر

يوضح الجدول المجاور ألوان الملابس الرياضية لطلاب أحد الفصول. فإذا اختير طالبان عشوائياً، فأوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

- ١٤ ح (ملابسهما زرقاء)
- ١٦ ح (أخضر ثم أصفر)
- ١٧ ح (أصفر ثم أزرق)
- ١٩ ح (ملابسهما ليست حمراء)

المادة المفضلة لطلاب المدرسة	
%١٦	اللغة الإنجليزية
%١٣	الرياضة
%٢٨	الرياضيات
%٧	اللغة العربية
%٢١	العلوم
%١٥	الاجتماعيات

٢٠ **مدارس**: إذا علمت أن ٥٦٪ من طلاب إحدى المدارس يمارسون رياضة المشي، و٤٤٪ لا يمارسونها، فاستعمل المعلومات في الجدول المجاور لحل السؤالين ٢١، ٢٠:

إذا اختير طالبان عشوائياً؛ فما احتمال أن يكون الطالب الأول ممارساً رياضة المشي، وأن يُفضل الطالب الثاني مادة العلوم؟

٢١ ما احتمال أن يكون الطالب الأول لا يمارس رياضة المشي، وأن لا يُفضل الطالب الثاني مادة اللغة الإنجليزية ولا مادة الرياضيات؟

٢٢ **كتب**: قرر طارق وصديقه قراءة كتاب من بين ٦ كتب أدبية و ٤ دينية و ٣ شعرية وكتابي تاريخ وكتاب علمي، فكتبا عنوانين هذه الكتب على قصاصات ورقية، ووضعها في صندوق، ثم اختار كل منهما كتاباً بصورة عشوائية. فما احتمال ألا يختار أيٌّ منهما كتاباً أدبياً؟ وهل هذه الحادثة مستقلة أم غير مستقلة؟ ووضح إجابتك.



٣٣ تسوق: وجد بقال أن ٦٠٪ من زبائنه ينفق كل منهم أكثر من ٧٥ ريالاً في كل زيارة، فإذا اشتري شخصان منه، فما احتمال أن ينفق كلاهما أكثر من ٧٥ ريالاً؟

٣٤ نقود: لدى حالة ٨ قطع معدنية من فئة «نصف ريال» و٦ قطع معدنية من فئة «الريال». فإذا سحب إحدى القطع دون إرجاعها، ثم سحب قطعة ثانية، فما احتمال أن تكون القطعتان من فئة «نصف ريال»؟ وهل الحادثتان مستقلتان أم لا؟ ووضح ذلك.

٣٥ مسابقات: يربح أحد المتسابقين العشرة سيارة جديدة عن طريق اختيار المفتاح الرابع عشوائياً من بين عشرة مفاتيح. أوجد احتمال لأن يسحب أول ثلاثة متسابقين المفتاح الرابع.



٣٦ دومينو: تتألف مجموعة الدومينو الاعتيادية من ٢٨ قطعة، كل قطعة منها مكونة من جزأين يحمل كل منهما نقاطاً من (٦-٠). فإذا كان ٧ من هذه القطع تحمل الرقم نفسه على الوجهين. واختار ٤ لاعبين قطعة عشوائياً ، فما احتمال أن يختار كل منهم قطعة لها العدد نفسه من النقاط على الجزأين؟

٣٧ طقس: توّقت الهيئة العامة للأرصاد أن فرصه هطول الأمطار يوم الإثنين هي ٨٪، وأن فرصه هطول الأمطار يوم الثلاثاء هي ٣٠٪، أوجد احتمال هطول الأمطار يومي الإثنين والثلاثاء؟ افترض أن الحادثتين مستقلتان.

يعتقد أن أصل لعبة الدومينو من الصين، وأنها اخترعت في القرن الثاني عشر الميلادي.

٣٨ مسألة مفتوحة: يوجد في صندوق ٩ كرات بثلاثة ألوان مختلفة. اكتب مسألة تتعلق بسحب كرتين عشوائياً دون إرجاعهما إلى الصندوق على أن يكون الاحتمال $\frac{1}{6}$.

**مسائل
مهارات التفكير العليا**

٣٩ اكتشف الخطأ: تم تدوير القرص الدوار المجاور مرتين. وحسبت كل من منال وسارة احتمال أن يقف المؤشر على عدد زوجي في المرتين. فما هيما كانت على صواب؟ ووضح إجابتك.



$$\frac{2}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

منال

$$\frac{4}{25} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

سارة

٤٠ تحدّد: حدّد ما إذا كانت الجملة الآتية صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة، فأعط مثلاً مضاداً: «إذا كانت الحادثتان مستقلتين، فإن احتمالهما معاً أقل من ١».

٤١ أكتب ما الفرق بين الحادثتين المستقلتين وغير المستقلتين؟

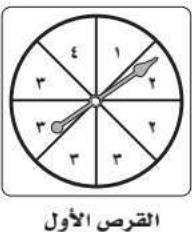




٣٦ أدار أحمد كلاً من مؤشرى القرصين أدناه. ما احتمال أن يقف مؤشر القرص الأول على العدد ٢، ومؤشر القرص الثاني على اللون الأبيض؟



القرص الثاني



القرص الأول

- (أ) $\frac{1}{16}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{5}$ (د) $\frac{3}{5}$

٣٧ أربع بطاقات كتب عليها الأرقام ١، ٢، ٣، ٤، إذا سحب عبدالله بطاقة منها بشكل عشوائي، واحتفظ بها، ثم سحب سعد بطاقة أخرى، فما احتمال أن تحمل بطاقة سعد الرقم ٢ علمًا بأن البطاقة التي سحبها عبدالله تحمل الرقم ٤؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{5}$
 (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{3}$

مراجعة تراكمية

٣٨ ملابس: لدى عبدالعزيز ٤ قمصان و ٥ بناطيل و ٣ معاطف. بكم طريقة مختلفة يمكن لعبدالعزيز أن يرتدي قميصاً وبنطالاً ومعطفاً؟ (الدرس ١٠ - ١)

٣٩ تلفاز: اختر تمثيلاً مناسباً للبيانات الموضحة في الجدول أدناه مبررًا سبب اختيارك، ثم مثلها. (الدرس ٩ - ٨)

مشاهدة البرامج الرياضية في التلفاز (للبالغين)					
العمر	النسبة المئوية	٢٤-١٨	٣٤-٢٥	٤٤-٣٥	٥٤-٤٥
فأكثر	٪١٠	٪١٤	٪١٤	٪٢٩	٪٣٣

٤٠ قياس: أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، وقرب الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ٥)

٤١ هرم رباعي مساحة قاعدته ١٦٨ م٢، وارتفاعه ٧ م.

٤٢ مخروط قطره ٢٢ سم، وارتفاعه ٢٤ سم.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة.

$$\frac{24}{88} \quad ٤١$$

$$\frac{49}{70} \quad ٤٢$$

$$\frac{33}{90} \quad ٤٣$$

$$\frac{52}{120} \quad ٤٤$$





٣ - ١٠

الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي

نشاط

اسحب كرة من صندوق يحوي ١٠ كرات من ألوان مختلفة، ثم سُجل اللون وأعد الكرة إلى الصندوق، وكرر العملية ٥٠ مرة.

$$\text{أوجد النسبة} = \frac{\text{عدد مرات السحب}}{\text{عدد مرات السحب الكلي}}$$

هل يمكن ألا تُسحب كرة ذات لون محدد من الصندوق على الرغم من تكرار السحب؟

فتح الصندوق وعده الكرات وأوجد النسبة $\frac{\text{عدد الكرات من كل لون}}{\text{عدد الكرات الكلي}}$ لكل لون من الكرات.

هل النسبة في السؤال الأول تساوي النسبة في السؤال الثالث؟ وضح ذلك.

فكرة الدرس:

أجد كلاً من الاحتمالين:
النظري والتجريبي،
وأستعمل الاحتمال
التجريبي في التنبؤ.

المفردات

الاحتمال النظري

الاحتمال التجريبي

تم تحديد الاحتمال في النشاط أعلاه عن طريق إجراء التجربة. وتُسمى الاحتمالات المبنية على نواتج يتم الحصول عليها بهذه الطريقة **الاحتمالات التجريبية**.

أما الاحتمالات المبنية على حقائق وخصائص معروفة، فتُسمى **الاحتمالات النظرية**. فمثلاً: يمكن حساب الاحتمال النظري لسحب كرة بلون معين من الصندوق؛ لأن الاحتمال النظري يزورنا بما سيحدث دون إجراء التجربة.

مثالان

الاحتمال النظري والتجريبي

ما الاحتمال النظري لظهور العدد ١ مرتين عند رمي مكعبين أرقام؟

$$\text{الاحتمال النظري هو } \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

يبين الرسم المجاور نتائج تجربة رمي مكعبين أرقام بناءً على الاحتمال التجريبي، هل الحصول على مجموع ١٢ له فرصة حدوث كبيرة؟

بما أن المجموع ١٢ قد ظهر مرة واحدة من بين ٥٨ مرة، فإن الاحتمال التجريبي للحصول على هذا المجموع هو $\frac{1}{58}$ ؛ أي أنه لا توجد فرصة كبيرة للحصول على المجموع ١٢

تحقق من فهمك:

أ) بالرجوع إلى الرسم أعلاه واعتماداً على الاحتمال التجريبي، ما المجموع الذي له فرصة حدوث كبيرة؟



مثال من واقع الحياة

الطريقة	عدد الأشخاص
هاتف نقال	١٨٥
ساعة حافظ	٥٨
ساعة يد	٥٧

٣٠٠ شخص ل الوقوف على طريقة معرفتهم للوقت، فما الاحتمال التجاري لاستعمال الشخص الهاتف النقال في ذلك؟
بما أن الدراسة تتكون من ٣٠٠ شخص من بينهم ١٨٥ شخصاً يستعملون الهاتف النقال لمعرفة الوقت، فيكون الاحتمال التجاري هو $\frac{185}{300} \approx 62\%$.

تحقق من فهمك:

ب) ما الاحتمال التجاري لاستعمال ساعة اليد لمعرفة الوقت؟

يمكنك استعمال الخبرات السابقة لتوقع الحادثة في المستقبل.



الربط بالحياة:
كيف يستعمل مصممو الهواتف
النقالة الرياضيات؟

يستعمل المصممون المعلومات
المبنية على الدراسات الإحصائية
لمساعدتهم على تحديد
المميزات والأشكال التي يفضلها
العملاء.

استعمال الاحتمال في التنبؤ

مثال

٤ مصانع: وجد أحد الباحثين في أحد مصانع المصابيح الزجاجية أن احتمال أن يكون المصباح الزجاجي غير تالف هو $\frac{1}{11}$ ، فهل هذا الاحتمال نظري أم تجاري؟ وإذا أرادت الشركة الحصول على ١٠٠٠٠ مصباح زجاجي غير تالف، فكم مصباحاً عليها أن تصنع؟
هذا الاحتمال تجاري؛ لأنه يعتمد على ما حدث فعلاً. ولمعرفة كم عليها أن تصنع للحصول على ١٠٠٠٠ مصباح غير تالف نستعمل التنااسب:

$$\text{من أصل } 11 \text{ غير تالفة.} \quad \frac{10000}{11} = \frac{8}{1} \quad \text{ يجب أن تكون من سـ } 10000 \text{ مصباح من سـ } 11 \text{ غير تالفة.}$$

حل التنااسب:

$$\begin{aligned} & \text{اكتب التنااسب} & \frac{10000}{11} = \frac{8}{S} \\ & \text{أوجد الضرب التبادلي} & 10000 \times 8 = 11 \times S \\ & \text{اضرب} & 80000 = 11S \\ & \text{اقسم الطرفين على 8} & \frac{80000}{8} = \frac{11S}{8} \\ & & 10000 = 1.375S \\ & & S = 13750 \end{aligned}$$

يجب أن تصنع الشركة ١٣٧٥٠ مصباحاً زجاجياً.

تحقق من فهمك:

ج) دراسة إحصائية: أُجريت دراسة حديثة على ١٥٠ شخصاً، فأجاب ١٨ شخصاً منهم بأنهم يستعملون اليد اليسرى، فإذا أُجريت هذه الدراسة على ٢٥٠٠ شخص، فكم توقع عدد الأشخاص الذين يستعملون اليد اليسرى منهم؟



تأكد

الناتج	الناتج	الناتج	الناتج
الناتج	الناتج	الناتج	الناتج
٦	ش ش ش	٣	ك ك ك
٥	ش ش ك	٦	ك ك ش
١٠	ش ك ش	٥	ك ش ك
٥	ش ك ك	١٠	ك ش ش

استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج إلقاء ثلات قطع نقدية معاً ٥٠ مرة لحل الأسئلة ١ - ٣:
١ ما الاحتمال النظري للحصول على شعارين فقط؟

المثال ١

٢ أوجد الاحتمال التجريبي للحصول على شعارين فقط.

المثال ٢

٣ صُف احتمال الحصول على شعارين عند إلقاء ٣ قطع نقدية؟ ووضح إجابتك.

الكتاب	عدد الطالب
دينية	٤٨
علمية	٣٣
أدبية	٢٨
عامة	١١

استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور، والذي يبيّن نتائج دراسة إحصائية عن الكتب المفضلة لدى الطلاب لحل السؤالين ٤ ، ٥:

المثال ٣

٤ ما احتمال أن يفضل الطالب الكتب الدينية؟

المثال ٤

٥ كم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون الكتب الأدبية من بين ٩٠ طالباً آخرين؟

تدريب و حل المسائل

رالي سيارات: استعمل المعلومات الآتية لحل السؤالين ٦ ، ٧: فاز سعيد خلال الأيام الأربع الأولى من سباق رالي السيارات بـ ٢٤ جولة من ٣٠ جولة.

٦ ما احتمال أن يفوز في الجولة القادمة؟
٧ وإذا اشتراك في ٥٠ سباقاً في هذا الموسم، فكم تتوقع أن يكون عدد مرات فوز سعيد؟

الإرشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر الأمثلة
٢،١	٩،٦
٣	١١،٨
٤	١٠،٧

٨ دراسة إحصائية: أظهرت دراسة إحصائية أن ١٢٠ شخصاً من بين ٢٠٠ يفضلون الأرز في وجبة الغداء، بناءً على هذه الدراسة، حدد الاحتمال التجريبي لأن يفضل صديبك الأرز في وجبة غدائها؟

الموقع	عدد الطالب
بحث	٣٢
الألعاب	١٣
علمي	١٠
بريد إلكتروني	٩
صحف	٧
حكومية	٤
منتديات	٣
شرعية	٢

شبكة المعلومات: استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور والذي يبيّن المواقع الإلكترونية التي زارها الطالب في غرفة مصادر التعلم، لحل السؤالين ٩ ، ١٠:
٩ ما احتمال أن يزور الطالب موقعًا علميًّا؟
١٠ كم تتوقع عدد الطلاب الذين زاروا موقعًا حكوميًّا من بين ١٠٠ طالب؟

١١ سيارات: باعت وكالة سيارات ٨٠ سيارة، منها ٣٥ سيارة صغيرة. فما الاحتمال التجريبي لأن تكون السيارات المباعة صغيرة؟

١٢ رياضة: أُجريت دراسة إحصائية على ٩٠ طالباً، ففضلاً ٤٢ طالباً منهم كرة القدم، في حين فضل ٢٤ منهم السباحة، فإذا كان عدد طلاب المدرسة ٣٠٠ طالب، فكم تتوقع عدد الطلاب الذين يفضلون السباحة؟

لحل الأسئلة ١٣ - ١٥، استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج دوران مؤشر قرص مقسم إلى ٨ أقسام متساوية مرقمة من ١ - ٨.

الرقم على القرص	النكرار
٨	١
٥	٢
٩	٣
٤	٤
١٠	٥
٦	٦
٥	٧
٣	٨

١٣ قارن بين الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لوقوف المؤشر على الرقم ٥.
١٤ اعتماداً على الاحتمال التجريبي، كم تتوقع عدد مرات وقوف المؤشر على الرقم ٣ إذا دار القرص ٢٠٠ مرة؟

١٥ توقع وليد أن يقف المؤشر على الرقم ٤ أو ٨ في المرة القادمة. فهل هذا التنبؤ منطقي؟ ووضح ذلك.

نوع الفطيرة	عدد الطالب
فطائر الجبن	٢٢
فطائر اللحم	١٩
فطائر الدجاج	٣٠
فطائر البيض	١٦
فطائر اللبننة	١٣

١٦ طعام: قام مسؤول المقصف المدرسي بسؤال بعض الطلاب عن فطائرهم المفضلة؛ فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، إذا قدم المقصف ٣٥٠ فطيرة، واختار كل طالب فطيرة واحدة منها، فكم تتوقع أن يكون عدد فطائر اللحم؟

١٧ مسألة مفتوحة: أُجريت دراسة إحصائية على ٢٥٠ شخصاً عن لونهم المفضل من الألوان (الأزرق، والأحمر، والأخضر، والأبيض). اعمل جدولأً لكل النتائج الممكنة إذا كان الاحتمال التجريبي لأن يكون اللون المفضل هو اللون الأزرق هو ٤٠٪.

مسائل
مهارات التفكير العليا

١٨ تحد: وجدت دراسة إحصائية أن ٧٥ طالباً من أصل ٢٠٠ لديهم حذاء تزلج، وأن ٢٨٠ طالباً من أصل ٤٠٠ لديهم دراجة هوائية. فما احتمال أن يكون لدى الطالب حذاء تزلج ودراجة هوائية معًا؟

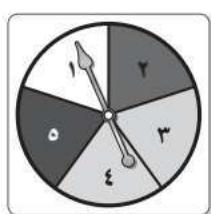
١٩ أكتب: وضح لماذا لا تستطيع أن تتوقع أن يكون الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لحادثة ما متساوين.





٢١ !جابة قصيرة:

الرقم على القرص	عدد مرات الظهور
١	٢٠
٢	١٠
٣	٢
٤	٤٠
٥	٨



ما الاحتمال التجربى لوقف المؤشر على
الرقم ٥ ؟

٢٠ في دراسة مسحية حول المادة الدراسية الأصعب
من وجهة نظر طلاب مدرسة متوسطة، كانت
النتائج كما في الجدول أدناه:

الاجتماعيات	اللغة العربية	اللغة الإنجليزية	العلوم	الرياضيات	المادة
٢٢	٣٢	٣٦	٣٨	٧٢	عدد الطلاب

وفقاً لهذه النتائج، ما الاحتمال التجريبي لأن تكون
مادة اللغة العربية هي الأصعب؟

- $$\frac{4}{25} \text{ (ج)} \quad \frac{8}{25} \text{ (ا)} \\ \frac{4}{50} \text{ (د)} \quad \frac{9}{50} \text{ (ب)}$$

مراجعة تراكمية

الاحتمالين الآتيين: (الدرس ١٠ - ٢) ٨
بطاقات مرقّمة من ١ إلى ٨، سُحبّت بطاقتان عشوائياً واحدة تلو الأخرى دون إرجاع الأولى، أوجد كلاً من

زوجی شم فردی

۸۷

تمويلات: لدى محل تجاري أربعة أنواع من العسل، وثلاثة أنواع من الحليب. بكم طريقة مختلفة يمكن لشخص أن يشتري نوعاً من العسل، وآخر من الحليب من ذلك المحل؟ (الدرس ١٠ - ١)

إحصاء: أُوجِد كلاً من المدى، والوسط، والربعين الأعلى والأدنى، والمدى الربيعي، وأية قيم متطرفة لمجموعة القيم: ١١٥، ١١٧، ١١١، ١١١، ١٢١، ١١٠، ١٢٦، ١١٦، ١٢٧، ١٢٦، ١٠٥، ١٠٥، ١١٥، ١٠٣، ١٠٣، ١٢٢، ١٣٠، ١٣٠، ١٠٨، ١٠٠، ١٠١ (الدرس ٩-٥)

٣٦ صحة: اكتب مثابنة تمثل الجملة: "تزيد عدد دقات قلبك على ١٠٠٠٠٠ مرة في اليوم". (الدرس ٦-٧)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أرادت فدوى أن تؤدي واجبها المنزلي، وهو عدد من المسائل الرياضية؛ وقد حلّت نصفها قبل صلاة المغرب، ثم حلّت سبع مسائل أخرى بعد المغرب، وبقي عليها إحدى عشرة مسألة. فكم كان عدد مسائل واجب فدوى المنزلي؟ (استعمل استراتيجية الحل عكسياً).

اختبار منتصف الفصل

٨ اختيار من متعدد: سُحب بطاقة من عشر بطاقات مرقمة من ١ إلى ١٠ واحدة تلو الأخرى، ما احتمال أن يكون مكتوب على كلّ منها عدداً زوجياً إذا أعيدت البطاقة المنسوبة أولاً إلى مجموعة البطاقات؟ (الدرس ٢ - ١٠)

- | | |
|-------------------|-------------------|
| (ج) $\frac{1}{4}$ | (أ) $\frac{1}{5}$ |
| (د) $\frac{3}{8}$ | (ب) $\frac{2}{9}$ |

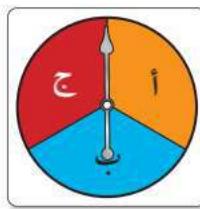
٩ طعام: أظهرت دراسة إحصائية أن ١٣٥ شخصاً من بين ٢٢٥ شخصاً يفضلون الشوربة في وجبة الغداء. بناءً على هذه الدراسة، كم شخصاً من بين ٨٠ شخصاً آخرين تم سؤالهم يتوقع أنهم يفضلون الشوربة في وجبة الغداء؟ (الدرس ٣ - ١٠)

١٠ أليت: أليت قطعة نقدية ٣ مرات، وظهر الشعار على القطعة في المرات الثلاث. ما الاحتمال النظري لظهور الكتابة إذا رميته مرتين أخرى؟ (الدرس ٣ - ١٠)

ح (القلمان سوداوان)

١١ سفر: استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد النوافج الممكنة للسفر من المدينة A إلى المدينة B مروراً بالمدينة ج، علمًا بأنه يمكن للشخص السفر من A إلى ج بالحافلة أو بالطائرة، ومن ج إلى B بالحافلة أو بالطائرة أو بالقطار؟ (الدرس ١ - ١٠)

إذا تم تدوير مؤشر القرصين الدائريين أدناه، فما عدد النوافج الممكنة؟ (الدرس ١ - ١٠)



يوجد في صندوق ٣ أقلام سوداء، وقلمان حمراوان، و٤ أقلام صفراء، وقلمان برتقاليان، و٣ أقلام خضراء. سُحبت فاطمة قلماً ولم تُرده إلى الصندوق، ثم سُحبت قلماً آخر. أوجد الاحتمالات الآتية: (الدرس ٢ - ١٠)

١١ اختيار من متعدد: يحتوي إناء على ٣٦ كرة ملونة لها الحجم نفسه من اللون الأزرق والأخضر والأحمر والأصفر. ما عدد الكرات الزرقاء في الإناء، إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من الإناء دون النظر إليها هو $\frac{4}{9}$ ؟ (الدرس ٣ - ١٠)

- | | |
|--------|-------|
| (ج) ١٦ | (أ) ٤ |
| (د) ١٨ | (ب) ٨ |

ح (القلمان سوداوان)

ح (القلمان خضراوان)

ح (الأول أصفر، والثاني أخضر)

ح (القلمان غير برتقاليين)

ح (ليس فيهما قلم أحمر ولا أصفر)





استراتيجية حل المسألة

١٠

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة».



تمثيل المسألة.



مصطفى: سأتقدم إلى اختبار في اللغة العربية، فهل تعتقد أن طريقة إلقاء قطعة نقدية ستكون طريقة جيدة لحل (٥) أسئلة من نوع الصواب أو الخطأ.

مهمنك: مثل المسألة لتحديد ما إذا كان إلقاء قطعة نقدية طريقة جيدة لإجابة أسئلة من نوع الصواب أو الخطأ.

عدد أسئلة الصواب أو الخطأ في الاختبار (٥)، يمكنك القيام بالتجربة لاختبار ما إذا كان إلقاء القطعة النقدية طريقة جيدة لحل الأسئلة والحصول على علامة جيدة.

افهم

خطٌ

الق قطعة نقدية ٥ مرات، فتكون الإجابة صحيحة إذا ظهرت الكتابة، وخطأً إذا ظهر الشعار وكُرر المحاولة ٣ مرات.

حلٌ

افتراض أن الإجابات الصحيحة للاختبار هي صواب، خطأ، خطأ، صواب، خطأ.

| الإجابات | صواب | خطأ | عدد الإجابات الصحيحة |
|------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|----------------------|
| المحاولة ١ | صواب | خطأ | ٢ |
| المحاولة ٢ | خطأ | صواب | ٣ |
| المحاولة ٣ | صواب | خطأ | ٢ |

ضع دائرة حول الإجابات التي تتفق مع الإجابات الصحيحة في كل محاولة. بما أن محاولات التجربة أعطت ٣-٢ إجابات صحيحة لأسئلة الاختبار المكون من ٥ أسئلة، فإن إلقاء القطعة النقدية لإجابة أسئلة الصواب أو الخطأ ليست طريقة جيدة للحصول على علامة جيدة في الاختبار.

تحقق بإعادة المحاولة عدة مرات.

تحقق

حل الاستراتيجية

اذكر مزيّة واحدة لاستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة» لحل المسائل.



الكتب مسألة يمكن حلها باستراتيجية «تمثيل المسألة»، ثم استعمل الاستراتيجية لحلها. وفسّر إجابتك.

٨ نقود: في اليوم الأول للعيد كان مع نورة مبلغ من المال، أقرضت أختها منه ٥٠ ريالاً، ثم صرفت نصف الباقي، وفي اليوم الثاني للعيد أعطاها عمها ١٠٠ ريال، وبعد أن صرفت ٩٠ ريالاً بقي معها ١١٠ ريالات. فما المبلغ الذي كان مع نورة في اليوم الأول للعيد؟

٩ زي: ما عدد الخيارات التي يمكن لقاسم أن يختار بها زيه من بين: غترة بيضاء أو حمراء أو سكرية مع ثوب أبيض أوبني أو أسود؟

١٠ اصطفاف: تقف علية وفاطمة ومها وعبير في خط مستقيم. فبكم طريقة يمكن ترتيب هؤلاء البنات؟

١١ ألعاب: بالاعتماد على الرسم أدناه، كيف تقارن بين زائرى المدينة (أ) والمدينة (هـ)؟



١٢ الحس العددي: إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من صندوق هو $\frac{2}{5}$ ، واحتمال سحب كرة حمراء هو $\frac{3}{10}$ ، وكان عدد ال الكرات الخضراء مثلثي عدد ال الكرات الصفراء في الصندوق. فأعطِ إمكانية واحدة لأعداد ال الكرات في الصندوق.

استعمل استراتيجية "تمثيل المسألة" لحل المسائل ٥-٣:

٣ نقود: اشتري أحمد عصير تفاح وقطع شوكولاتة بـ ٤٥،٥ ريالاً، ودفع للبائع ٥٠ ريالاً، فبكم طريقة يمكن أن يسترد الباقي إذا كان لدى البائع قطع من الفئتين: ريال، $\frac{1}{2}$ ريال؟

٤ رياضة: طول ملعب ٨٤ قدماً، فإذا ركض مبارك ٢٠ قدماً إلى الأمام و٨ أقدام إلى الخلف، فكم مرة أخرى عليه أن يكرر العملية حتى يصل إلى نهاية الملعب؟

٥ مكتبة: أراد ماهر أن يرتب خمسة كتب لديه على الرف، بحيث يكون كتاب التفسير أولها وكتاب الاجتماعيات آخرها، فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٢-٦:

من استراتيجيات حل المسألة

- الحل عكسياً
- البحث عن نمط
- التبرير المنطقى
- تمثيل المسألة

٦ قياس: صمم فهد حديقة منزله على شكل مستطيل، على أن يكون محيطها يساوي $\frac{1}{2} \times 4$ مرات من محيط المستطيل الظاهر في الصورة. أوجد محيط الحديقة.



١٦

١٢

٧ جبر: أكمل النمط الآتي:
٨٠، ٩٤، ٩٨، ١٠٠ .





استعمال المعاينة في التنبؤ

٥-١٠



ما نوع البرامج التي تفضل مشاهدتها؟

وثائقية طيبة أسرية دينية رياضية

استعادة

رياضة: أراد مدير محطة تلفزيونية إجراء دراسة إحصائية؛ لتحديد البرامج التي يفضلها المشاهدون.

١ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة على مجموعة من جمهور البرامج الوثائقية، فهل تعتقد أن النتائج ستتمثل مشاهدي جميع البرامج؟ ووضح إجابتك.

٢ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية على طلاب المرحلة المتوسطة، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ ووضح إجابتك.

٣ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية باختيار شخص من كل ١٠٠ شخص في دليل الهاتف، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ ووضح إجابتك.

بما أن مدير المحطة التلفزيونية لا يستطيع إجراء الدراسة على جميع مشاهدي البرامج، فإن عليه اختيار مجموعة صغيرة لإجراء الدراسة عليها و**تسمى العينة**، وتستعمل العينة لتمثيل مجموعة كبيرة **تسمى المجتمع**.

وللحصول على نتائج صحيحة، يجب اختيار العينة بعناية، وتعطي **العينة غير المتحيزة** نتائج صادقة لتمثيلها المجتمع بدقة، وفيما يأتي ثلات طرائق لاختيار العينة غير المتحيزة:

فكرة الدرس:

أنت يا بسلوك مجتمع مستعملاً العينة.

المفردات

العينة

المجتمع

العينة غير المتحيزة

العينة العشوائية البسيطة

العينة العشوائية الطبقية

العينة العشوائية المنتظمة

العينة المتحيزة

العينة الملائمة

العينة التطوعية

ملخص المفهوم

العينات غير المتحيزة

مثال	الوصف	النوع
يكتب كل طالب اسمه في قصاصه ورقية، وتوضع الأسماء في صندوق وتسحب القصاصات دون النظر إليها.	فرص اختيار عناصر أو أفراد المجتمع متساوية.	العينة العشوائية البسيطة
يتم اختيار الطلاب عشوائياً من كل مرحلة من مراحل الدراسة.	يقسم المجتمع إلى مجموعات متشابهة غير متداخلة، ثم يتم اختيار عينة عشوائية بسيطة من كل مجموعة.	العينة العشوائية الطبقية
يتم اختيار الطالب الذي ترتيبه ٢٠ ومضاعفات الـ ٢٠ من القائمة المرتبة أبجدياً للطلاب الملتحقين بالمدرسة.	يتم اختيار العناصر أو الأفراد وفق فترة زمنية محددة أو فترات متساوية من العناصر أو الأفراد.	العينة العشوائية المتظمة



أما في العينة المتحيزـة فإنه يتم تفضيل بعض أقسام المجتمع على سائر الأقسام ، وفيما يأتي طریقان لاختیار العینة المـتحیـزة:

العينات المـتحـيـزة		
مـثال	الـوـصـف	الـنـوع
لتمثيل جميع الطلاب الملائمة من أفراد المجتمع الذين يسهل الوصول إلىهم.	ت تكون العينة الملائمة من أفراد المجتمع يتم اختيار أحد فصوص المدرسة لإجراء الدراسة.	الـعـيـنةـ الـمـلـائـمـةـ
يقوم طلاب المدرسة الراغبون في إبداء آرائهم بتبنيه استبانة الدراسة الإحصائية على شبكة المعلومات.	ت تكون العينة التطوعية من أفراد يرغبون في الانضمام إلى العينة.	الـعـيـنةـ الـتـطـوـعـيـةـ

مثالان تحديد دقة الاستنتاجات

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، وبرر إجابتك.
لتحديد «نوع العصير المفضل عند الزبائن» تم اختيار الأشخاص: العاشر ومصاعفات العشرة ممن يدخلون إلى المتجر، وقد فضل سبعون شخصاً من المئة والخمسين الذين اختيروا عصير البرتقال، فاستنتج البائع أن نصف الزبائن تقريباً يفضلون عصير البرتقال.

الاستنتاج دقيق؛ حيث إن المجتمع هم الزبائن، والعينة كانت عينة عشوائية منتظمة وهي عينة غير متحيزـة.

لتحديد «ماذا يفضل الشخص أن يعمل في وقت فراغه»، تم اختيار زبائن متجر للتجهيزات الرياضية، فوجد أن ٨٥٪ منهم يفضلون ممارسة الرياضة، وبذلك استنتج أن معظم الناس يفضلون ممارسة الرياضة في وقت فراغهم.

الاستنتاج غير دقيق؛ لأنـه من الطبيعي أن يفضل زبائن المتجر الرياضي ممارسة الرياضة أكثر في وقت فراغهم؛ لـذا فهي عينة متحيزـة، وهي من نوع العينة الملائمة؛ لأنـ جميع الأشخاص الذين أجريت عليهم قد اختيروا من مكان واحد.

تحقق من فهمك ✓

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، وبرر إجابتك.
أ) سـألـتـ مـحـطةـ إـذـاعـيـةـ الـمـسـمـعـيـنـ عنـ الشـاعـرـ المـفـضـلـ لـديـهـمـ منـ بـيـنـ شـاعـرـيـنـ،ـ فـضـلـ ٧٢ـ٪ـ مـنـهـمـ الشـاعـرـ الـأـولـ،ـ فـاسـتـنـجـتـ إـذـاعـةـ أـنـ الشـاعـرـ الـأـولـ هوـ الـذـيـ سـيفـوزـ بـجـائـزـةـ أـفـضـلـ شـاعـرـ.

بـ) لـتوزيعـ جـوـائزـ عـلـىـ جـمـهـورـ إـحـدـىـ الـمـسـرـحـيـاتـ،ـ كـُـتـبـتـ جـمـيعـ أـرـقـامـ الـمـقـاعـدـ فـيـ بـطـاقـاتـ وـوـضـعـتـ فـيـ صـنـدـوقـ وـسـحـبـتـ الـبـطـاقـاتـ الـفـائـزةـ دـوـنـ النـظـرـ إـلـيـهـاـ.ـ فـاسـتـنـجـ وـاـلـ أـنـ لـدـيـهـ فـرـصـةـ جـيـدةـ مـثـلـ غـيـرـهـ لـلـحـصـولـ عـلـىـ الـجـائـزـةـ.

تستعمل العينات الصادقة طريقة العينات غير المتجذرة، وعند اعتماد هذا الأسلوب في الدراسة، فإنه يمكن استعمال النتائج في التنبؤ.

مثال من واقع الحياة استعمال العينات في التنبؤ

العدد	النوع
٢٥	ألعاب إلكترونية
١٠	درجات هوائية
٨	أحذية ترlij
٧	ألعاب ذهنية

مخازن: يبيع أحد المخازن أربعة أنواع رئيسة من الألعاب، ولمعرفة نوع الألعاب المفضلة قام موظفو المخزن بدراسة إحصائية على ٥٠ زبوناً عشوائياً، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، فإذا أراد المخزن طلب ٤٥٠ لعبة جديدة، فكم يفضل أن يكون عدد الألعاب الإلكترونية؟

أولاً: حدد ما إذا كانت العينة ممثلة للمجتمع أم لا، العينة هنا عشوائية بسيطة؛ لأنها تم اختيار الزبائن عشوائياً لذلك فإن العينة ممثلة.

ثانياً: نسبة الزبائن الذين يفضلون الألعاب الإلكترونية = $\frac{25}{50} = 50\%$ ؛ لذا أوجد ٤٥٠٪ من ٤٥٠.

$450 \times 0.50 = 225$ ، فيكون على المخزن طلب ٢٢٥ لعبة إلكترونية تقريباً.

إرشادات للدراسة

الاحتياطات المضليلة يمكن أن تكون الاحتياطات المبنية على عينات مت أحذلة ومضللة، فمثلاً إذا كانت عينة الدراسة على الأولاد فقط، فمن تكون موضوعة لأنها اقتصرت على جنس واحد فقط.

تحقق من فهمك

ج) سباحة: سأل مدرب سباحة طلابه المتدربين إذا كانوا يرغبون في تدريبات متقدمة في السباحة، فأبدى ٦٠٪ منهم رغبتهم في ذلك، فإذا كان عدد أعضاء النادي الرياضي هو ٨٧٠ عضواً، فما عدد الأعضاء الراغبين في التدريبات المتقدمة الذي يتوقعه المدرب؟

تأكد

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، ووضح إجابتك.

١ اختيارت ١٠٠ عائلة من منطقة أنها عشوائياً، لتحديد معدل صرف العائلة السعودية على خدمة الكهرباء، فأجابت ٨٥ عائلة منهم بأنهم ينفقون عليها أقل من ٣٠٠ ريال شهرياً. فاستنتج الباحث أن معدل صرف العائلة السعودية على الكهرباء أقل من ٣٠٠ ريال في الشهر.

المثالان ٢، ١

٢ اختير شخص عشوائياً من كل دائرة في شركة لتحديد أولويات الموظفين، فكانت الخدمة الصحية أهم أولويات ٦٧٪ منهم، فاستنتج المدير أن الخدمة الصحية يجب أن تشمل جميع الموظفين.

المثال ٣

حواسيب: عندما أراد خالد شراء جهاز حاسوب، اختار عينة عشوائية من زبائن متجر لبيع الحواسيب، وسجل النتائج في الجدول المجاور. فإذا أجرى خالد الدراسة على ١٥٠ شخصاً، فكم عدد الذين فضلوا الحواسيب المحمولة؟



تدريب و حل المسائل

الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
٥٠	٩ - ٤
٢٠	١١، ١٠
٣	

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية صادقة أم لا، وبرّر إجابتك:

٤ لتقدير مدى صلاحية منتج، قام صانعوه هواتف نقالة باختيار الهاتف الذي ترتيبه ٥٠ ومضاعفات الـ ٥٠ في خط إنتاج، فوجدوا أنه من بين ٢٠٠ هاتف منها كان هناك ٤ هواتف تالفه، فاستنتج المدير من ذلك أن ٢٪ من الهواتف المتّحة ستكون تالفه.

٥ أجرت نوال دراسة إحصائية على زميلاتها في جماعة الفنون بالمدرسة؛ لتحديد عدد الطالبات اللواتي سيشاركن في معرض الأشغال اليدوية، فأبدت جميع صديقاتها الرغبة في الاشتراك، لذا افترضت نوال أن جميع الطالبات في مدرستها سيشاركن في المعرض.

٦ طلبت إحدى المجالات من قرائتها تعبئة استبانة وإعادتها إليها لتحديد أفضل المناطق السياحية لديهم، فأبدى معظم القراء الذين أجابوا تفضيلهم منطقة عسير، لذلك قررت المجلة كتابة مقال عن هذه المنطقة.

٧ هل تؤيد أنظمة المرور الجديدة؟

٣٠%	نعم
٤٢%	لا
٢٨%	غير متأكد

لمعرفة رأي الناس في أنظمة المرور الجديدة تم اختيار ٢٠ شخصاً عشوائياً من كل مدينة، فتبين أن ٤٢٪ منهم لم يؤيدوها. لذلك استنتج المسؤولون أنهم في حاجة إلى حملة لتوسيعية المواطنين بهذه الأنظمة.

٨ أرادت زينب شراء علبتي لбин مختلفتين لعمل تجربة، فأغمضت عينيها واختارت واحدة، ثم مشت خطوتين واختارت علبة أخرى.

٩ سأل المعلم طلابه الخمسةجالسين في الصف الأمامي في غرفة الصف عن رغبتهما في الاشتراك في يوم النشاط المدرسي، فأجبوا بالموافقة. فاستنتج من ذلك أن جميع طلاب المدرسة سيشاركون في يوم النشاط.

العدد	الأسلوب
١٦	الموقع الإلكترونية
١٢	الصحف
٥	المذيع
٣	أحاديث الناس

١٠ أخبار: اختار مشرف المقصف المدرسي الطالب الذي ترتبيه ١٠ ومضاعفات الـ ١٠ في طابور المقصف المدرسي، ثم سأله عن الطريقة المناسبة لديهم للاطلاع على الأخبار المحلية، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور. إذا كان عدد طلاب المدرسة ٦٨٠، فكم توقع أن يكون عدد الذين يفضلون الاطلاع على الموقع الإلكترونية لمعرفة الأخبار المحلية؟



الربط بالحياة:
في عام ٢٠١٧م بلغ عدد مستخدمي الإنترنت في المملكة العربية السعودية ٢٤ مليون مستخدم.

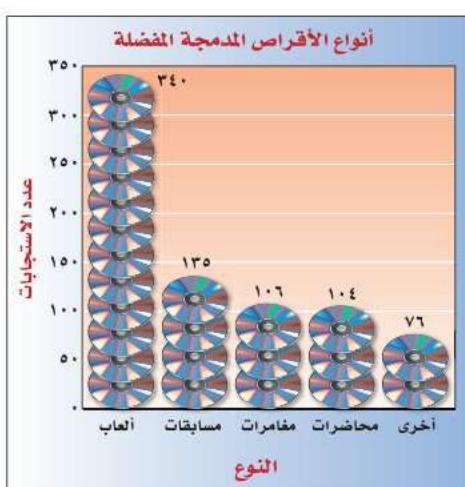


١١ سفر: أُجريت دراسة عشوائية على أشخاص في مركز تجاري، فأظهرت أن ٢٢ منهم يفضلون السفر مع العائلة بالسيارة و١٨ يفضلون السفر بالطائرة و٤ يفضلون السفر بالحافلة، فكم توقع أن يكون عدد الأشخاص الذين يفضلون السفر بالطائرة من الأشخاص الـ ٥٠ الذين أُجريت عليهم الدراسة.

مطارات: أرادت إدارة أحد المطارات إنشاء مقهى إنترنت في قاعة القادمين، فأجرت دراسة على ٥٠٠ مسافر في المطار عشوائياً، فاعتبر ٤٢٥ منهم أن إنشاء المقهى فكرة جيدة، فهل يجب على إدارة المطار اعتماد هذه الفكرة؟ وَضَعْجوابك.

نشاطات: أراد بشّار إجراء دراسة إحصائية على الطلاب الراغبين في المشاركة في أنشطة المدرسة، صف طريقة اختيار عينة صادقة ينبغي استعمالها.

أقراص مدمجة: استعمل المعلومات أدناه لحل السؤالين ١٤، ١٥.



يوضح الجدول المجاور استجابة ١٠٠٠ زبون بخصوص أنواع الأقراص المدمجة المفضلة لديهم.

١٤ اعتماداً على نتائج الدراسة الإحصائية، إذا قام التاجر بطلب ٢٥٠٠ قرص مدمج من مختلف الأنواع، فما عدد أقراص الألعاب التي عليه أن يطلبه؟

١٥ اعتماداً على نتائج الدراسة الإحصائية، استنتاج التاجر أن ٢٥٪ من الزبائن سيشترون أقراص المسابقات أو المغامرات، فهل هذا الاستنتاج دقيق؟ وَضَعْجوابك.

دراسات إحصائية: يمكن اعتبار الدراسة الإحصائية متحيزة، إذا كانت تحتوي على كلمات لها تأثير في استجابة الأشخاص. وَضَعْجوابك إذا كانت الأسئلة الآتية متحيزة أم لا:

«نظرًا للازدحام السكاني، هل هناك ضرورة لبناء مدرسة جديدة؟»

«ما نوع الطعام الذي تفضل تناوله عند مشاهدة التلفاز؟»

قرأت كتاب «صور من حياة الصحابة» المحبب إلى الناس، فهل أحبت هذا الكتاب؟

«اذكر فريق كرة القدم المفضل لديك».

٢٠ تحد: كيف يمكن للكلمات المستعملة في السؤال ونبرة الصوت أن تؤثر في الأشخاص المشتركون في الدراسة الإحصائية؟ أعط مثالين على الأقل.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢١ أكتب قارن بين إجراء الدراسة الإحصائية والاحتمال التجريبي.



١٦) حدد سلمان أن ٦٠٪ من طلاب الصف الثاني المتوسط يُحضرون معهم مظلاتهم، عندما تتوقع الهيئة العامة للأرصاد سقوط الأمطار. إذا علمت أن عدد طلاب الصف الثاني المتوسط في مدرسة سلمان هو ١٥٠ طالباً، فأي الجمل الآتية لا تتفق مع بيانات سلمان؟

- أ) أقل من $\frac{2}{5}$ طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.
- ب) ٩٠ طالباً من طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط المطر فيها.
- ج) أكثر من $\frac{1}{3}$ طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.
- د) ٦٠ طالباً من طلاب الثاني المتوسط لا يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع فيها سقوط الأمطار.

١٧) أجرت خديجة دراسة مسحية حول المادة المفضلة عند طالبات مدرستها، فسألت جميع طالبات النادي الأدبي في المدرسة، وكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

المادة المفضلة	عدد الطالبات
اللغة العربية	١٢
الرياضيات	٥
العلوم	٣
الاجتماعيات	٨

ووفقاً لهذه النتائج، استنتجت خديجة أن مادة اللغة العربية هي المادة المفضلة عند طالبات مدرستها.

- لماذا يعد هذا الاستنتاج غير دقيق؟
- أ) طالبات النادي الأدبي يجتمعن في أيام محددة فقط.
- ب) يجب على خديجة أن تسأل طالبات فصلها فقط.
- ج) يجب إجراء الدراسة يومياً خلال أسبوع.
- د) العينة لا تمثل طالبات المدرسة.

مراجعة تراكمية

١٨) **بييتزا:** يقدم مطعم للبيتزا حجمين مختلفين منها، وبأحد نوعين من الجبن، وأربعة أنواع مختلفة من الإضافات. استعمل استراتيجية تمثيل المسألة؛ لإيجاد عدد خيارات البيتزا التي يقدمها هذا المطعم. (الدرس ٤ - ١٠)

١٩) **كرة سلة:** في أثناء التدريب، سجل محمد ٨٠ هدفاً من ١٠٠ رمية حرة في لعبة كرة السلة. ما الاحتمال التجربى لأن يسجل محمد من ضربة حرة؟ (الدرس ٣ - ١٠)

٢٠) **تأجير سيارات:** يقدم محل تأجير السيارات عرضين لزبائنه، يتضمن الأول أجرة يومية مقدارها ٦٠ ريالاً مضافاً إليها ٤، ٠ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني ٤٠ ريالاً مضافاً إليها ٦، ٠ ريال عن كل كيلومتر. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الكيلومترات التي تتساوى عندها قيمتا العرضين في اليوم الواحد. (الدرس ٤ - ٧)



اختبار الفصل

١١ ملابس: لدى متجر قمصان بأحجام مختلفة: كبير، متوسط، صغير، وبألوان مختلفة: أزرق وأسود وأبيض. فما عدد أنواع القمصان الموجودة في المتجر؟

١٢ أطباء: قامت إدارة المستشفى بإجراء دراسة على ٤ أقسام لمعرفة عدد ساعات مناوبة الأطباء في الشهر فكانت النتائج كما في الجدول أدناه. فإذا كان هناك ٨٦٤ طبيباً في المستشفى، فما عدد الأطباء المناوبين ما بين (٤٠-٢١) ساعة الذي توقعه؟

عدد ساعات المناوبة	عدد الأطباء
٣٨	١٠٠
٢٦	٢٠ - ١١
١٠	٤٠ - ٢١
٦	أو أكثر ٤٠

١٣ اختيار من متعدد: أراد المعلم معرفة رغبة طلاب الصف في المشاركة لزيارة المتحف، فما الطريقة التي يستعملها للدراسة الإحصائية لتكون صادقة؟
 أ) يسأل الطلاب المشاركون في النادي الفني.
 ب) يسأل أهالي الطلاب.
 ج) يسأل الطلاب الذين ترتيبهم العاشر ومصاعفات العشرة من الصف.
 د) يقوم بالإعلان عن الرحلة، ويطلب إلى الطلاب أن يخبروه عن آرائهم.

١٤ رياضة: لتحديد نوع الرياضة المفضلة أجرى استفتاء عشوائي في أثناء مباراة كرة طائرة. فأجاب ٧٢٪ منهم أن كرة الطائرة هي رياضتهم المفضلة، فاستنتاج الباحث أنكرة الطائرة هي اللعبة المفضلة لدى الناس، فهل استنتاجه صادق؟

١٥ شعار: ترغب إحدى الشركات في تصميم شعار لها، فإذا كان لديها الاختيارات كما في الجدول أدناه، فيمكنكم طريقة مختلفة يمكن تصميم الشعار؟

الاختيارات التصميم
٥ خلفيات مختلفة
٣ ألوان
٢ إطار خارجي

١٦ اختيار من متعدد: موسى وإبراهيم ضمن طلاب الفصل الستة الراغبين في الانضمام للنشاط المدرسي، فإذا اختارت المدرسة طالبين منهم عشوائياً، فما احتمال أن يتم اختيار موسى وإبراهيم معاً?
 أ) $\frac{1}{3}$ ب) $\frac{1}{15}$ ج) $\frac{1}{3}$ د) $\frac{1}{60}$

يعتدي صندوق على ٤ كرات زرقاء و ٧ حمراء و ٦ صفراء و ٨ خضراء و ٣ بيضاء. فإذا سُحبت كرة دون إرجاع فأوجد الاحتمالات الآتية:

٣ ح (زرقاء).

٤ ح (حمراء ثم بيضاء)

٥ ح (بيضاء ثم خضراء)

٦ ح (كرتان غير صفراء و غير حمراء)

أقيمت قطعتا نقد ٢٠ مرة، فلم يظهر الشعار ٤ مرات، في حين ظهرت على إحدى القطع ٩ مرات، وظهرت على القطعتين معاً ٧ مرات.

٧ ما الاحتمال التجاري لظهور شعرين؟

٨ ما الاحتمال التجاري لظهور شعار واحد؟

٩ مثل الرسم الشجري لإظهار نتائج إلقاء قطعتي النقد.

١٠ قارن بين الاحتمال التجاري والاحتمال النظري للحصول على شعرين عند إلقاء قطعتي نقد.



الاختبار التراكمي (١٠)

اختيار من متعدد

القسم ١

٣ ما أساس المتابعة الحسابية: ٢٠، ١٦، ١٢، ٨، ...

- (أ) ٢٠
- (ب) ٤
- (ج) ٢
- (د) -٤

٤ كان معدل درجات دُعاء في الرياضيات ٨٢، أي
الطالبات فيما يأتي لها المعدل نفسه؟

- (أ) حصلت آمنة على ما مجموعه ٤٩٢ درجة في
٦ امتحانات.
- (ب) حصلت رغد على ما مجموعه ٣٥٢ درجة في
٤ امتحانات.
- (ج) حصلت إيناس على ما مجموعه ٤٦٨ درجة
في ٦ امتحانات.
- (د) حصلت زينة على ما مجموعه ٣٤٤ درجة في
٤ امتحانات.

٥ إذا كان احتمال أن يسجل رائد هدفًا في مباراة هو $\frac{3}{5}$ ، فكم هدفًا توقع أن يسجل في ٦٠ مباراة؟

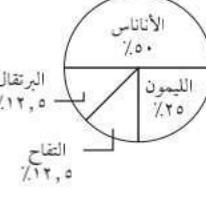
- (أ) ٣٠
- (ب) ٣٦
- (ج) ٥٠
- (د) ٢٤

اختر الإجابة الصحيحة:

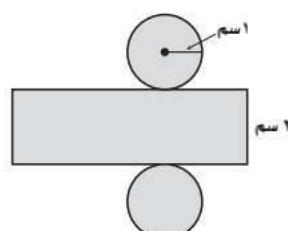
١ سأل ماجد طلاب فصله عن أنواع العصائر المفضلة
لديهم، فكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

أنواع العصائر المفضلة				
نوع العصير	التفاح	الأناناس	الليمون	البرتقال
٣	٦	١٢	٣	٤

أيُّ التمثيلات الآتية يعرض هذه البيانات؟

- (أ) 
- (ب) 
- (ج) 
- (د) 

٦ عند طيِّ المخطط أدناه تكون أسطوانة، فما المساحة
الكلية التقريرية لسطح هذه الأسطوانة؟



- (أ) ٣٦ سم٢
- (ب) ١٨,٨ سم٢
- (ج) ٢١,٣ سم٢
- (د) ٤٢,٦ سم٢



الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤال الآتي:

- ٨ بيع محل خضار كل ٣ كيلوجرامات من التفاح بـ ٢١ ريالاً، فما ثمن ١٠ كيلوجرامات من التفاح نفسه؟

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

- ٩ علبة فيها (١٥) قطعة كعك متماثلة، ٥ منها محسوسة بالكسرات و٥ بالتمر و٥ بالعسل. إذا سُحب من العلبة كعكتان واحدة تلو الأخرى، دون إعادة الكعكة المسحوبة الأولى إلى العلبة.

- أ) ما احتمال أن تكون كل منهما محسوسة بالكسرات؟
ب) ما احتمال سحب كعكة محسوسة بالعسل من الكعك المتبقى في العلبة بعد سحب كعكتين محسوستين بالكسرات.

٦ يوضح الجدول أدناه جميع النتائج الممكنة لثلاثة مفاتيح كهربائية من حيث كونها مفتوحة أو مغلقة.

مفتاح ٣	مفتاح ٢	مفتاح ١
مفتوح	مفتوح	مفتوح
مغلق	مفتوح	مفتوح
مفتوح	مغلق	مفتوح
مغلق	مغلق	مفتوح
مفتوح	مفتوح	مغلق
مغلق	مفتوح	مغلق
مفتوح	مغلق	مغلق
مغلق	مغلق	مغلق

إذا اختيرت عينة عشوائية، فأي العبارات الآتية صحيحة؟

- أ) احتمال أن تكون المفاتيح الكهربائية كلها مفتوحة، هو احتمال نفسه لأن تكون كلها مغلقة.
ب) احتمال أن يكون مفتاح كهربائي واحد مفتوحاً، أكبر من احتمال أن يكون هناك مفاتيحان مفتوحان.

ج) احتمال أن يكون لمفاتيحن النتائج نفسها بالضبط هو $\frac{1}{2}$.

- د) احتمال أن يكون مفتاح واحد على الأقل مفتوحاً أكبر من احتمال أن يكون مفتاح واحد على الأقل مغلقاً.

٧ أجريت دراسة إحصائية على ٣٢ طالباً حول مادتهم المفضلة، فأجاب ١٤ منهم أنهم يفضلون العلوم، فكم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون مادة العلوم، إذا كان عدد الطلاب الكلية ٨٨٠ طالباً؟

أ) ٤٩٥ ج) ٢٨١

ب) ٣٨٥ د) ١٣٢

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

٩ ٢-١٠	٨ ٥-٨	٧ ٥-١٠	٦ ٢-١٠	٥ ٣-١٠	٤ ٤-٩	٣ ١-٨	٢ ٦-٦	١ ٣-٩
-----------	----------	-----------	-----------	-----------	----------	----------	----------	----------