



↓ تم تحميل ملف المادة من مكتبة طلابنا
زورونا على الموقع

www.tlabna.net

مكتبه طلابنا تقدم لكم كل ما يحتاج المعلم والمعلمه والطلبة , الطبعات الجديده للكتب والحلول ونماذج الاختبارات والتحاظير وشروحات الدروس بصيغة الورد والبي دي اف وكذلك عروض البوربوينت.

- قررت وزارة التعليم تدريس هذا الكتاب وطبعه على نفقتها

الرياضيات

للفصل الأول المتوسط

الفصل الدراسي الأول

قام بالتأليف والمراجعة
فريق من المتخصصين

يوزع مجاناً للإتباع

طبعة ١٤٤٢ - ٢٠٢٠

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

وزارة التعليم

الرياضيات للصف الأول المتوسط : الفصل الدراسي الأول./ وزارة التعليم.

الرياض ، ١٤٣٦هـ .

١٨٤ : ٢١ × ٢٧ سم

ردمك : ٨-٠٨٢-٥٠٨-٦٠٣-٩٧٨

١ - الرياضيات - كتب دراسية ٢ - التعليم المتوسط - السعودية -

كتب دراسية. أ - العنوان

١٤٣٦/٤٧٤

ديوي ٥١٠,٧١٣

رقم الإيداع : ١٤٣٦/٤٧٤

ردمك : ٨-٠٨٢-٥٠٨-٦٠٣-٩٧٨

حول الغلاف

مقياس الرسم أو مقياس النموذج هو نسبة القياس على الرسم أو النموذج إلى القياس الفعلي.
تدرس في الفصل الرابع المقياس لتصميم مخططات ومجسمات لمعالم مشهورة كقصر المصمك مثلاً.



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم

www.moe.gov.sa

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين"



IEN.EDU.SA

تواصل بمقترحاتك لتطوير الكتاب المدرسي



FB.T4EDU.COM



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ





المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهيئ للطلاب فرص اكتساب مستويات عليا من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعياً بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمخرجات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتشويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويتفاعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تتمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين المواقف والمشكلات الحياتية.
 - تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
 - إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
 - الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاً متكاملًا، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
 - الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف استراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
 - الاهتمام بتوظيف التقنية في المواقف الرياضية المختلفة.
 - الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتناسب مع الفروق الفردية بينهم.
- ولواكبة التطورات العالمية في هذا المجال، فإن المناهج المطورة والكتب الجديدة سوف توفر للمعلم مجموعة متكاملة من المواد التعليمية المتنوعة التي تراعي الفروق الفردية بين الطلاب، بالإضافة إلى البرمجيات والمواقع التعليمية، التي توفر للطلاب فرصة توظيف التقنيات الحديثة والتواصل المبني على الممارسة، مما يؤكد دوره في عملية التعليم والتعلم.
- ونحن إذ نقدّم هذه الكتب لأعضائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم وتجعل تعلمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق



الفصل ١ الجبر والدوال

١١	التهيئة
١٢	١-١ الخطوات الأربع لحل المسألة *
١٧	٢-١ القوى والأسس *
٢١	٣-١ ترتيب العمليات *
٢٥	٤-١ استراتيجية حل المسألة التخمين والتحقق
٢٧	٥-١ الجبر: المتغيرات والعبارات الجبرية
٣١	اختبار منتصف الفصل
٣٢	٦-١ الجبر: المعادلات
٣٦	٧-١ الجبر: الخصائص
٤٠	٨-١ الجبر: المعادلات والدوال *
٤٥	اختبار الفصل
٤٧ - ٤٦	الاختبار التراكمي (١)

الفصل ٢ الأعداد الصحيحة

٤٩	التهيئة
٥٠	١-٢ الأعداد الصحيحة والقيمة المطلقة
٥٤	٢-٢ مقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها
٥٨	٣-٢ المستوى الإحداثي
٦٣	استكشاف جمع الأعداد الصحيحة
٦٥	٤-٢ جمع الأعداد الصحيحة
٧٠	اختبار منتصف الفصل
٧١	استكشاف طرح الأعداد الصحيحة
٧٣	٥-٢ طرح الأعداد الصحيحة
٧٧	٦-٢ ضرب الأعداد الصحيحة
٨٢	٧-٢ استراتيجية حل المسألة البحث عن نهط
٨٤	٨-٢ قسمة الأعداد الصحيحة
٨٩	اختبار الفصل
٩١ - ٩٠	الاختبار التراكمي (٢)

الفصل ٣ الجبر: المعادلات الخطية والدوال

٩٣	التهيئة
٩٤	١-٣ كتابة العبارات الجبرية والمعادلات *
١٠١	حل المعادلات باستعمال النماذج استكشاف
١٠٣	٢-٣ معادلات الجمع والطرح
١٠٩	٣-٣ معادلات الضرب
١١٤	٤-٣ استراتيجية حل المسألة الحل عكسياً
١١٦	اختبار منتصف الفصل
١١٧	٥-٣ المعادلات ذات الخطوتين
١٢٢	٦-٣ القياس: المحيط والمساحة *
١٢٨	تمثيل العلاقات بيانياً استكشاف
١٢٩	٧-٣ التمثيل البياني للدوال
١٣٥	اختبار الفصل
١٣٧ - ١٣٦	الاختبار التراكمي (٣)

الفصل ٤ النسبة والتناسب

١٣٩	التهيئة
١٤٠	١-٤ النسبة *
١٤٥	٢-٤ المعدل
١٥٠	٣-٤ القياس: التحويل بين الوحدات الإنجليزية
١٥٥	٤-٤ القياس: التحويل بين الوحدات المترية
١٦٠	اختبار منتصف الفصل
١٦١	٥-٤ الجبر: حل التناسبات
١٦٧	٦-٤ استراتيجية حل المسألة الرسم
١٦٩	٧-٤ مقياس الرسم
١٧٥	٨-٤ الكسور والنسب المئوية *
١٨٠	اختبار الفصل
١٨٢ - ١٨١	الاختبار التراكمي (٤)

* موضوعات غير مقررة على مدارس تحفيظ القرآن الكريم.
في كل فصل لا تخصص حصة لكل من التهيئة والمراجعة والاختبارات.

إليك عزيزي الطالب

ستركز في دراستك هذا العام على المجالات الرياضية الآتية:

- **الأعداد والعمليات عليها والجبر والهندسة:** فهم التناسب وتوظيفه في تطبيقات مختلفة.
 - **القياس والهندسة والجبر:** إيجاد مساحة السطح والحجم لأشكال ثلاثية الأبعاد.
 - **الأعداد والعمليات عليها والجبر:** فهم العمليات على الأعداد الصحيحة، وحل المعادلات الخطية.
- وفي أثناء دراستك، ستتعلم طرقًا جديدة لحلّ المسألة، وتفهم لغة الرياضيات وتستعمل أدواتها، وتنمّي قدراتك الذهنية وتفكيرك الرياضي.



إليك عزيزي الطالب

كيف تستعمل كتاب الرياضيات؟

- **اقرأ** فكرة **الدرس** في بداية الدرس.
- **ابحث** عن **المفردات** المظللة باللون الأصفر، واقرأ تعريف كل منها.
- **راجع** المسائل الواردة في **مثال** والمحلولة بخطوات تفصيلية؛ لتذكرك بالفكرة الرئيسة للدرس.
- **استعمل** **إرشادات للأسئلة** لتعرف ما الأمثلة التي تساعدك على حل التمارين والواجبات المطلوبة.
- **ارجع** إلى **إرشادات للدراسة** حيث تجد معلومات وتوجيهات تساعدك في متابعة الأمثلة المحلولة.
- **راجع** ملاحظتك التي دوّنتها في **المَطَوِيَّاتُ**



الجبر والدوال

الفكرة العامة

- أمثلة العلاقات بصيغ عددية ولغوية وهندسية وباستعمال الرموز.

المفردات:

- العبارة العددية (٢١)
- الجبر (٢٧)
- تحديد المتغير (٣٣)

الربط مع الحياة:

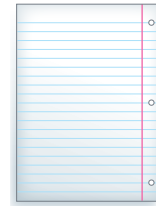
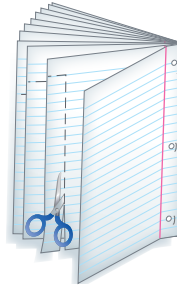
مدينة الألعاب: إذا كان رسم دخول الشخص الواحد إلى مدينة الألعاب ١٥ ريالاً للكبار و ٨ ريالات للصغار. يمكنك استعمال الخطوات الأربع لحل المسألة لتحديد رسم الدخول لعائلة مكونة من ٣ أطفال وأبويهم.

المَطَوِّيات

مُنظَّم أفكار

الجبر والدوال: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بثمان ورقات من أوراق الملاحظات.

- ١ ثبت الأوراق معاً لتكوّن كُتَيْبًا، كما في الشكل.
- ٢ قص شريطاً من طرف كل صفحة بحيث يزيد طول كل شريط بمقدار سطرين عن سابقه، كما في الشكل.
- ٣ اكتب عنوان الفصل على غلاف الكُتَيْب، وأرقام الدروس على الأشرطة، كما في الشكل.





التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للربح

مراجعة للسرعة

مثال ١: أوجد ناتج الجمع: $٤٣,٢ + ١٧,٨٩$

$$\begin{array}{r} ١٧,٨٩ \\ ٤٣,٢٠ + \\ \hline ٦١,٠٩ \end{array}$$

ضع الفواصل بعضها تحت بعض، وأضف صفراً إلى يمين الجزء العشري

أوجد ناتج الجمع: (مهارة سابقة):

- ١ $١٦,٥ + ٨٩,٣$ ٢ $٣٢,٤٥ + ٧,٩$
 ٣ $٦,٣٩ + ٥٤,٢٥$ ٤ $٢,٦ + ١٠,٨$
 ٥ **فواكه:** اشترى محمود تفاحاً بمبلغ ٥٩,٥ ريالاً، وبرتقالاً بمبلغ ١٢,٩٥ ريالاً. فما إجمالي ما دفعه محمود؟ (مهارة سابقة):

مثال ٢: أوجد ناتج الطرح: $٨,٥٢ - ٣٧,٤٥$

$$\begin{array}{r} ٣٧,٤٥ \\ ٨,٥٢ - \\ \hline ٢٨,٩٣ \end{array}$$

ضع الفواصل بعضها تحت بعض

أوجد ناتج الطرح: (مهارة سابقة):

- ٦ $٦,٦ - ٩,١$ ٧ $١٣,٣ - ٢٤,٦$
 ٨ $٢,٨٦ - ٣٠,٥٥$ ٩ $١١,٢ - ١٧,٤$

مثال ٣: أوجد ناتج الضرب: $٣,٥ \times ١,٧$

$$\begin{array}{r} ١٧ \\ ٣٥ \times \\ \hline ٨٥ \\ ٥١٠ + \\ \hline ٥٩٥ \end{array}$$

منزلة عشرية واحدة \rightarrow ١,٧
 منزلة عشرية واحدة \rightarrow ٣,٥
 منزلتان عشريتان \rightarrow ٥,٩٥

أوجد ناتج الضرب: (مهارة سابقة):

- ١٠ $٧,٧ \times ٤$ ١١ $٣ \times ٩,٨$
 ١٢ $٦,٣ \times ٢,٧$ ١٣ $١,٢ \times ٨,٥$

مثال ٤: أوجد ناتج القسمة: $٢,٥ \div ٢٤,٦$

$$\begin{array}{r} ٢٤,٦ \\ ٢,٥ \overline{) ٢٤٦,٠} \\ \underline{٢٥} \\ ١٠ \\ \underline{١٠} \\ ٠ \end{array}$$

أضف أصفاراً إلى يمين الفاصلة العشرية

اقسم كما تقسم الأعداد

أوجد ناتج القسمة: (مهارة سابقة):

- ١٤ $٤,٦ \div ٣٧,٤٩$ ١٥ $٢,٧ \div ١٤,٣١$
 ١٦ $٥,٦ \div ٦,١٦$ ١٧ $٢,٥ \div ١١,١٥$

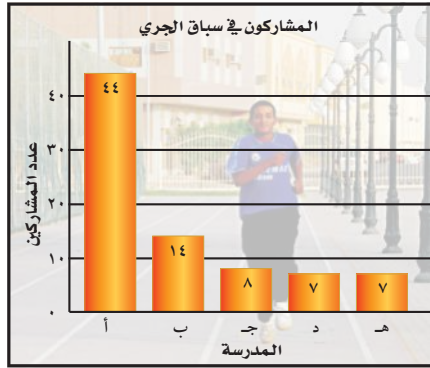


الخطوات الأربع لحل المسألة

١-١

استعد

تحليل الأشكال: بيّن الشكل المجاور أعداد المشاركين من خمس مدارس متوسطة في سباق الجري. ما العدد الكلي للمشاركين من المدارس الخمس؟



- ١ هل لديك المُعطيات الكافية لحلّ المسألة؟
- ٢ وضح كيف ستحلّ المسألة، ثمّ حلّها.
- ٣ هل إجابتك معقولة؟ وضح إجابتك.
- ٤ ماذا ستعمل إذا كانت محاولتك الأولى لحلّ هذه المسألة غير ناجحة؟

فكرة الدرس:

أحلّ المسائل باستعمال الخطوات الأربع.

يعتمد حلّ المسألة في الرياضيات على أربع خطوات، هي:

افهم

- اقرأ المسألة بتمعن.
- ما المعطيات؟
- ما المطلوب إيجاده؟
- هل المعطيات كافية؟
- هل هناك معطيات زائدة؟

خطّ

- كيف ترتبط الحقائق بعضها ببعض؟
- اختر خطة لحلّ المسألة (قد يكون هناك عدّة خطط يمكنك الاختيار منها).
- قدر الإجابة.

حلّ

- استعمل خطّتك لحلّ المسألة.
- إذا لم تنجح الخطة فراجعها، أو اختر خطة أخرى.
- ما الحلّ؟

تحقق

- هل تتوافق إجابتك مع المعطيات في المسألة؟
- هل إجابتك معقولة مقارنة بتقديرك لها؟
- إذا لم تكن الإجابة معقولة فاختر خطة أخرى وابدأ من جديد.

استعمال الخطوات الأربع لحل المسألة

مثال

نقط: وصل إجمالي الطلب العالمي من النفط في عام ٢٠١٦م إلى قرابة ١٠٠ مليون برميل يومياً. فإذا تزايد هذا الطلب سنوياً بمعدل ١,٥ مليون برميل يومياً، ففي أيّ عام سيصل إجمالي الطلب العالمي إلى ١١٢ مليون برميل يومياً؟

افهم

ما الذي تريد إيجاده؟

في أيّ عام سيصل إجمالي الطلب العالمي من النفط إلى ١١٢ مليون برميل يومياً؟

ما المُعطيات التي تحتاج إليها لحلّ المسألة؟

معرفة إجمالي الطلب العالمي من النفط في عام ٢٠١٦م، ومعرفة الزيادة السنوية لذلك الطلب.

خطّ

أوجد كم برميلاً يلزم لوصول الطلب العالمي إلى ١١٢ مليون برميل يومياً، ثمّ اقسمه على الزيادة السنوية، لتصل إلى عدد السنوات اللازمة لذلك.

حلّ

التغيّر في إجمالي الطلب العالمي من النفط:

١١٢ مليوناً - ١٠٠ مليون = ١٢ مليون برميل يومياً

عدد السنوات اللازمة لذلك = ١٢ مليوناً ÷ ١,٥ مليون = ٨ سنوات

يمكنك استعمال استراتيجية « إنشاء جدول »:

العام	٢٠١٦	٢٠١٧	٢٠١٨	٢٠١٩	٢٠٢٠	٢٠٢١	٢٠٢٢	٢٠٢٣	٢٠٢٤
العدد بالمليون	١٠٠	١٠١,٥	١٠٣	١٠٤,٥	١٠٦	١٠٧,٥	١٠٩	١١٠,٥	١١٢

١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+

ومن ثم فإنه في عام ٢٠٢٤م سيصل إجمالي الطلب العالمي من النفط إلى ١١٢ مليون برميل يومياً.

تحقق

٨ سنوات × ١,٥ مليون = ١٢ مليوناً

١٠٠ مليون + ١٢ مليوناً = ١١٢ مليوناً ✓

تحقق من فهمك:

(أ) **حيتان:** تزداد كتلة مولود الحوت الأزرق حوالي ٩٠ كيلوجراماً يومياً. فكم كيلو جراماً تقريباً تزداد كتلته في الساعة؟



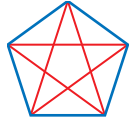
الربط مع الحياة: بلغ إنتاج الأقطار العربية المصدرة للنفط عام ٢٠١٥ قرابة ٦,٢٣ مليون برميل يومياً.

استراتيجيات ومهارات حل المسألة

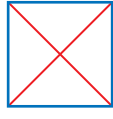
- التخمين والتحقق
- استعمال الأشكال البيانية
- البحث عن نمط
- الحلّ عكسياً
- إنشاء قائمة
- حذف بعض الحالات
- الرسم
- تقدير إجابات معقولة
- تمثيل المسألة
- استعمال التبرير المنطقي
- حلّ مسألة أبسط
- إنشاء نموذج

مثال

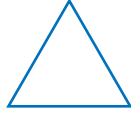
استعمال خطة لحل المسألة



٥ أضلاع
له ٥ أقطار



٤ أضلاع
له قطران



٣ أضلاع
ليس له أقطار

هندسة: القطر هو قطعة مستقيمة تصل بين رأسين غير متجاورين في مضلع، كما هو مبين في الأشكال المجاورة. ما عدد أقطار مضلع له ٧ أضلاع؟

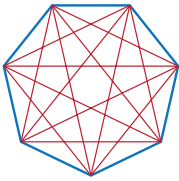
افهم
خط
تعرّف عدد الأقطار في كلّ من المضلّعات التي لها ٣ و ٤ و ٥ أضلاع. نظّم المُعطيات في جدول، لتكتشف نمطًا، ثمّ وسّعه حتى تجد عدد أقطار المضلع الذي له ٧ أضلاع.

حل
يربط الجدول التالي عدد أضلاع المضلع مع عدد أقطاره:

الأضلاع	٣	٤	٥	٦	٧
الأقطار	صفر	٢	٥	٩	١٤

٥+
٤+
٣+
٢+

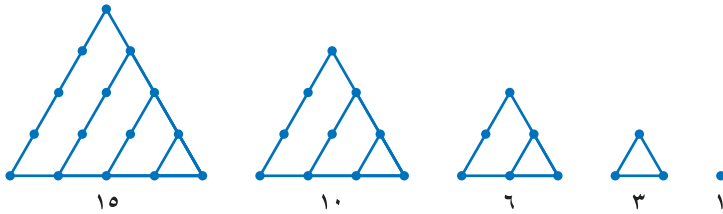
لذا فهناك ١٤ قطرًا للشكل الذي له ٧ أضلاع.



تحقق
تأكد من صحّة حلّك بالرسم.

تحقق من فهمك:

(ب) **الهندسة:** تُسمّى الأعداد التي يمكن ترتيبها بنقط على شكل مثلث «الأعداد المثلثية»، ويبيّن الشكل أدناه الأعداد المثلثية الخمسة الأولى. اكتب أول ثمانية أعداد مثلثية، ثمّ اكتشف قاعدة النمط في تلك الأعداد.



تأكد

استعمل الخطوات الأربع لحلّ كلّ مسألة ممّا يأتي:

المساحة (كلم ^٢)	الجزيرة
٣٦٩	فرسان الكبرى
٣٠	زفاف
١٥٦	السقيذ
١٢,٥	دمسك
١,٦	سلوبه
١٤,٣	قمح

١ تحليل الجداول: يبين الجدول المجاور مساحات ستّ جُزر تمثل جُزر فرسان الواقعة في جنوب غرب المملكة. كم مرة تقريبًا تكبر مساحة جزيرة السقيذ جزيرة زفاف؟

٢ جبر: ما العددان التاليان في النمط أدناه؟

١، ٢، ٦، ٢٤، ١٠٠، ٤٠٠

المثال ١

المثال ٢

استعمل الخطوات الأربع لحلّ كلّ من المسائل التالية:

٣ **طيور:** تحرك معظم العصفائر الطنّانة أجنحتها حوالي ٥٠ مرّة في الثانية، فكم مرّة في الدقيقة يحرك العصفور الطنّان جناحيه؟

إرشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر المثال
٤، ٣	١
٨ - ٥	٢

٤ **رحلة مدرسية:** للاشتراك في نزهة مدرسية، يدفع الطالب ٦ ريالات للمواصلات، و٧٥، ٥ ريالات ثمن وجبة خفيفة. فإذا اشترك في النزهة ٦٥ طالبًا، فما مجموع ما دفعه الطلاب؟

٥ **هندسة:** ما الشكلان التاليان في النمط أدناه؟



٦ **جبر:** ما العددان التاليان في النمط أدناه؟

■، ■، ٧٢٩، ٢٤٣، ٨١، ٢٧، ٩

جدول حركة الحافلات	
المغادرة	الوصول
٦:٣٠ صباحًا	٦:٥٠ صباحًا
٧:١٥ صباحًا	٧:٣٥ صباحًا
٨:٠٠ صباحًا	٨:٢٠ صباحًا
٨:٤٥ صباحًا	٩:٠٥ صباحًا
٩:٣٠ صباحًا	٩:٥٠ صباحًا

تحليل الجداول: للإجابة عن السؤالين ٧، ٨ استعمل الجدول الذي يبيّن جزءًا من مواعيد مغادرة ووصول خطّ دائري لحافلات تنطلق من محطة في أطراف المدينة متّجهة إلى مركزها.

٧ كم دقيقة تفصل بين مواعيد متتابعين لوصول حافلة إلى مركز المدينة؟

٨ إذا أراد شخص أن يصل إلى مركز المدينة قبل الساعة الثانية عشرة ظهرًا، فما آخر موعد يستقلّ فيه الحافلة من المحطة؟

٩ **إدارة الوقت:** يصل أحمد إلى المركز الرياضي الساعة السابعة مساءً للتدرب. وقبل ذهابه، عليه أن يحلّ واجباته المنزلية في الرياضيات والعلوم والتاريخ. فإذا كان يستغرق حلّ كلّ منها ٣٠ دقيقة، ويستغرق الطريق حوالي ٢٠ دقيقة، فما آخر وقت يمكن أن يبدأ فيه أحمد حلّ واجباته؟

١٠ **تحدّ:** استعمل الأرقام ٥، ٦، ٧، ٨ لتكوّن عددين، كلٌّ منهما مكوّن من رقمين مختلفين، ويكون ناتج ضربهما أكبر ما يمكن.

١١ **مسألة مفتوحة:** اكتب مسألة واقعية يمكن حلّها بجمع العددين ٧٩، ٤٢، ثمّ بضرب العدد الناتج في ٣.

١٢ **الكتب:** وضح أهمية التخطيط قبل حلّ المسألة.

تدريب على اختبار

١٤ يريد سليمان الذهاب في رحلة إلى البر يقطع خلالها مسافة ٣٨٠ كيلومترًا، إذا كان سعر اللتر الواحد من البنزين ٦,٠ ريالًا، فما المعلومات التي يحتاج إليها سليمان لمعرفة كم لتراً من البنزين سيحتاج في الرحلة؟
 أ) عدد مرات الوقوف في المحطات لتعبئة خزان السيارة بالبنزين.
 ب) الزمن المستغرق في الرحلة.
 ج) المسافة التي تقطعها السيارة لكل لتر من البنزين.
 د) عدد الكيلومترات التي يقطعها في الساعة الواحدة.

١٣ يوضح الجدول أدناه أسعار بعض الأدوات المدرسية في مكتبة بالريالات، إذا كان مع محمد ٣ ريالات، فماذا يستطيع أن يشتري؟

قلم رصاص	قلم حبر	مسطرة	ممحاة
١,٢٥	٢,٥	١,٥	٠,٧٥

أ) قلم رصاص وقلم حبر.

ب) قلم حبر وممحاة.

ج) قلم رصاص ومسطرة وممحاة.

د) قلم رصاص ومسطرة.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب:

١٦ $3 \times 3 \times 3$

١٥ 10×10

١٨ $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

١٧ $5 \times 5 \times 5 \times 5$



القوى والأسس

١ - ٢

استعد

- رسائل نصيية:** افترض أنك بعثت رسالة نصيية إلى أحد أصدقائك وقام هذا الصديق بإرسال الرسالة نفسها إلى اثنين من أصدقائه بعد دقيقة واحدة، وتكرّر النمط كما هو مبين في الجدول.
- ١ كيف يتضاعف عدد الرسائل في الجدول؟
- ٢ ما عدد الرسائل النصيية المرسلة بعد ٤ دقائق؟
- ٣ ما العلاقة بين عدد الاثنيات وعدد الدقائق؟

فكرة الدرس:

استعمل القوى والأسس.

المفردات:

العوامل

الأس

الأساس

القوى

تربيع

تكعيب

قيمة

الصيغة القياسية

الصيغة الأسية

عندما يُضرب عدنان أو أكثر أحدهما في الآخر لتكوين ناتج ضرب معين فإن هذه الأعداد تُسمى **عوامل**. وإذا استعمل العامل نفسه في الضرب فيمكنك استعمال الأسس لكتابة حاصل الضرب بصورة مختصرة. ويبيّن **الأس** عدد المرات التي استعمل فيها الأساس عاملاً. ويُقصد **بالأساس** العامل المتكرر في عملية الضرب.

قراءتها	القوة
العدد خمسة مرفوعاً للقوة الثانية أو خمسة تربيع أو ٥ أس ٢.	٢ ٥
العدد أربعة مرفوعاً للقوة الثالثة أو أربعة تكعيب أو ٤ أس ٣.	٣ ٤
العدد اثنان مرفوعاً للقوة الرابعة أو ٢ أس ٤.	٤ ٢

$$٢ \rightarrow \text{الأس} \quad ٢ = ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ = ١٦$$

الأساس

تُسمى الأعداد التي يُعبّر عنها باستعمال الأسس **قوى**.

كتابة القوى على صورة ضرب العامل في نفسه

مثالان

اكتب كلّ قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

٢ ٣ **٢**

استعمل العدد ٣ عاملاً مرتين

$$٣ \times ٣ = ٢ ٣$$

٥ ٧ **١**

استعمل العدد ٧ عاملاً خمس مرات.

$$٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ = ٥ ٧$$

تحقق من فهمك:

اكتب كلّ قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

٤ ٦ (أ) ٣ ١ (ب) ٥ ٩ (ج)

يمكنك إيجاد قيمة القوى بضرب العوامل. وتُسمى الصيغة التي تُكتب فيها الأعداد دون استعمال الأسس **الصيغة القياسية**.

مثال كتابة القوى بالصيغة القياسية

احسب قيمة كل مما يأتي:

٣ ٢

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5$$

استعمل العدد ٢ عاملاً ٥ مرات
بالضرب

$$32 =$$

٤ ٣

$$4 \times 4 \times 4 = 4^3$$

استعمل العدد ٤ عاملاً ٣ مرات
بالضرب

$$64 =$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كل مما يأتي:

(د) 2^{10} (هـ) 3^7 (و) 5^4

وتُسمى الصيغة التي تُكتب فيها الأعداد باستعمال الأسس **الصيغة الأسية**.

مثال كتابة الأعداد بالصيغة الأسية

٥ اكتب $3 \times 3 \times 3 \times 3$ بالصيغة الأسية.

العدد ٣ هو الأساس واستعمل عاملاً أربع مرات؛ لذا فالأس هو ٤.

$$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3$$

تحقق من فهمك:

ز) اكتب $12 \times 12 \times 12 \times 12 \times 12$ بالصيغة الأسية.

تأكد

المثالان ١، ٢ اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

٣ ٨

٢ ٣

١ ٩

المثالان ٣، ٤ احسب قيمة كل مما يأتي:

٦ ١٠

٥ ٧

٤ ٢

٧ **جغرافيا:** يبلغ عدد سكان الوطن العربي 12^5 نسمة تقريباً. اكتب هذا العدد بالصيغة القياسية؟

المثال ٥ اكتب ناتج الضرب بالصيغة الأسية:

١٠ $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$

٩ $1 \times 1 \times 1 \times 1$

٨ $5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٣-١١	٢،١
١٤-١٩	٤،٣
٢٠-٢٣	٥

اكتب كلّ قوّة على صورة ضرب العامل في نفسه:

١١^٥ ١٢^٣ ١٣^٤

احسب قيمة كلّ مما يأتي:

١٤^٦ ١٥^٤ ١٦^{١٠} ١٧^{١٠}

١٨ **مواصلات:** يُعدُّ قطار ماجليف في الصين أسرع قطار لنقل المسافرين في العالم؛ إذ يبلغ متوسط سرعته ٣٠٠ ميلاً في الساعة. اكتب هذه السرعة بالصيغة القياسية.

١٩ **بناء:** تكلفة إنشاء بناية ٦١٠ ريال. اكتب التكلفة بالصيغة القياسية.

اكتب ناتج الضرب بالصيغة الأسّيّة:

٢٠ $3 \times 3 \times 3$ ٢١ $1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1$

٢٢ $6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6$ ٢٣ $7 \times 7 \times 7 \times 7$

احسب قيمة كلّ مما يأتي:

٢٤ القوة الرابعة للعدد ستة ٢٥ ٦ تكعيب ٢٦ تسعة تربيع

٢٧ **أعداد:** اكتب $4 \times 4 \times 4 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$ بالصيغة الأسّيّة.

٢٨ **تقنية:** يُستعمل الجيجابايت وحدة لقياس سعة مخزن البيانات في الحاسوب. والجيجابايت الواحد يساوي 2^{30} بايت من البيانات. استعمل الآلة الحاسبة لإيجاد ما يساويه ٢ جيجابايت بالصيغة القياسية.

رتّب القوى التالية من الأصغر إلى الأكبر:

٢٩ 6^0 ، 1^4 ، 4^1 ، 17^3

٣٠ 2^8 ، 15^2 ، 6^3 ، 3^0

٣١ 5^3 ، 4^6 ، 2^{11} ، 7^2

٣٢ **مسألة مفتوحة:** اختر عدداً يقع بين ١٠٠٠، ٢٠٠٠ يمكن التعبير عنه كقوة.

مسائل

مهارات التفكير العليا

٣٣ **تحد:** اكتب قوتين مختلفتين لهما القيمة نفسها.

٣٤ **اكتشف المختلف:** ما العدد الذي يختلف عن الأعداد الثلاثة الأخرى؟

وضّح إجابتك.

$$\begin{aligned} 16 &= 4^2 \\ 8 &= 2^3 \\ 4 &= 2^2 \\ 2 &= 1^2 \\ ? &= ?^2 \end{aligned}$$

١٠٠٠

٥٧٦

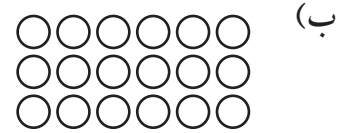
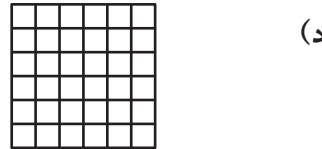
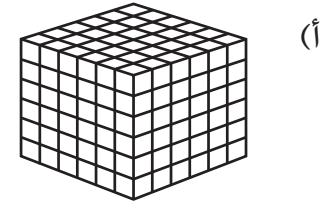
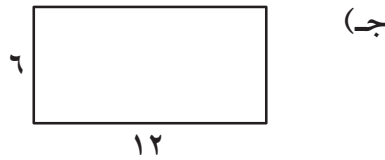
٣٦١

١٢١

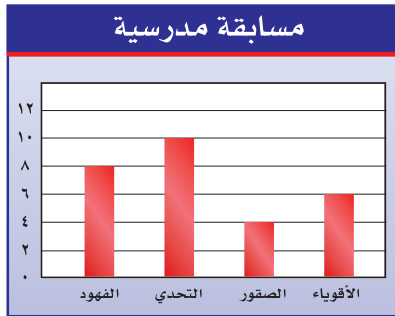
٣٥ **اكتب:** حلّ النمط العددي المجاور. ما قيمة ٢؟ لماذا؟
استنتج قيمة ٢-١.

تدريب على اختبار

٣٦ أي نموذج مما يأتي يمثل 6^3 ؟



مراجعة تراكمية



٣٧ **مسابقات:** التمثيل المجاور يوضح عدد النقاط التي حصل عليها كل فريق في مسابقة مدرسية. كم يزيد عدد نقاط فريق التحدي على عدد نقاط فريق الأقوياء؟ (الدرس ١ - ١)

٣٨ **حلولي:** لإعداد قالب حلوى استغرقت مريم ٢٥ دقيقة في تحضيره و٤٥ دقيقة بوضعه في الفرن، إذا انتهت من إعدادها الساعة الخامسة مساءً، ففي أي ساعة بدأت العمل في إعدادها؟ (الدرس ١ - ١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كل مما يأتي:

٤٢ $4 \div 36$

٤١ 6×5

٤٠ $6 - 10$

٣٩ $8 + 13$



ترتيب العمليات

٣ - ١

استعد

مكتبة: اشترى سعيد دفترًا وأربعة أقلام. فإذا كان سعر الدفتر ٦ ريالًا، وسعر القلم ٣ ريالًا، فما مقدار ما دفعه سعيد؟
لقد قام كلٌّ من سليمان وخالد بحساب ما دفعه سعيد على النحو التالي:

طريقة خالد
 $30 = 3 \times 10 = 3 \times (4 + 6)$ ريالًا

طريقة سليمان
 $18 = 12 + 6 = 3 \times 4 + 6$ ريالًا

١ ما الفرق بين طريقة كلٍّ من سليمان وخالد؟

٢ من كان حسابه صحيحًا؟

٣ اكتب رأيك في الخطوة الأولى لإيجاد قيمة $3 \times 4 + 6$.

فكرة الدرس:

أحسب قيمة عبارة عددية باستخدام ترتيب العمليات.

المفردات:

العبارة العددية

ترتيب العمليات

المقدار $3 \times 4 + 6$ هو عبارة عددية. ولإيجاد قيمتها، نستعمل ترتيب العمليات. تؤكد قواعد ترتيب العمليات أن للعبارة العددية قيمة واحدة فقط.

مفهوم أساسي

ترتيب العمليات

- ١ احسب قيمة المقادير داخل الأقواس.
- ٢ احسب قيمة جميع القوى.
- ٣ اضرب أو اقسّم بالترتيب من اليمين إلى اليسار.
- ٤ اجمع أو اطرح بالترتيب من اليمين إلى اليسار.

استعمال ترتيب العمليات

مثالان

١ احسب قيمة: $5 + (3 - 12)$ ، وعلّل كل خطوة في الحل.

اطرح أولاً؛ وذلك لأن $3 - 12$ موجودة بين قوسين
 $9 + 5 = (3 - 12) + 5$
اجمع ٥ و ٩
 $14 =$

٢ احسب قيمة: $7 + 2 \times 3 - 8$ وعلّل كل خطوة في الحل.

اضرب ٣ في ٢
 $7 + 6 - 8 = 7 + 2 \times 3 - 8$
اطرح ٦ من ٨
 $7 + 2 =$
اجمع ٢ و ٧
 $9 =$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة العبارتين التاليتين، وعلّل كل خطوة في الحل:

أ) $39 \div (4 + 9)$ ب) $6 - 2 \div 8 + 10$

يمكن استعمال الأقواس للدلالة على عملية الضرب، بالإضافة إلى استعمال الرمز «×» للدلالة عليها أيضًا، فمثلاً $2(5+3)$ تعني $(5+3) \times 2$

مثالان استعمال ترتيب العمليات

٣ احسب قيمة: $14 + 3(2-7)$ ، وعلّل كل خطوة من خطوات الحلّ.

$$14 + 3(2-7) = 14 + 3(5) \quad \text{اطرح 2 من 7؛ لأنّها بين قوسين}$$

$$14 + 15 = 29 \quad \text{اضرب 3 في 5}$$

$$29 = \text{اجمع العددين 14 و 15}$$

٤ احسب قيمة: $7 - 2 \times 3 \times 5$ ، وعلّل كل خطوة من خطوات الحلّ.

$$7 - 2 \times 3 \times 5 = 7 - 9 \times 5 \quad \text{أوجد قيمة } 2 \times 3$$

$$7 - 45 = \text{اضرب 5 في 9}$$

$$38 = \text{اطرح 7 من 45}$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كل من العبارات التالية، وعلّل كل خطوة من خطوات الحلّ:

(ج) $3 \times (1-4) - 20$

(د) $6 + 8 \div 2 + (3-1)$

(هـ) $4 \div (1-5)$

إرشادات للدراسة

لا تعتمد على الآلة الحاسبة في ترتيب العمليات. وعند استعمالها يمكنك إدخال الأعداد والعمليات فيها بالترتيب من اليمين إلى اليسار.

مثال من واقع الحياة

المادة	الكمية	سعر الوحدة
ورق زينة	٣	ريالان
ألعاب	٢	٧ ريالان
بالونات	٤	٥ ريالان

٥ نقود: اشترت ليلي ورق زينة وألعابًا وبالونات. استعمل البيانات في الجدول المجاور، لتجد مقدار ما دفعته ليلي.

التعبير اللفظي: ثمن أوراق الزينة + ثمن الألعاب + ثمن البالونات

العبرة العددية: $2 \times 3 + 7 \times 2 + 5 \times 4$

$$2 \times 3 + 7 \times 2 + 5 \times 4 = 6 + 14 + 20 = 40$$

اضرب من اليمين إلى اليسار

اجمع

دفعت ليلي ٤٠ ريالاً.

تحقق من فهمك:

استعمل البيانات في الجدول السابق:

(و) ما ثمن ١٢ ورقة من أوراق الزينة و ٤ ألعاب و ٣ بالونات؟

احسب قيمة كل من العبارات التالية، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

المثالان ١، ٢: $(2 - 5) + 8$ ١ $(4 - 9) \div 25$ ٢ $9 + 6 \times 2 - 14$ ٣

المثالان ٣، ٤: $4 \times 3 - (3 - 6)2 + 17$ ٤ $3 \times 4 - 5 \times 8$ ٥ $2(1 - 4) \div 45$ ٦

المثال ٥: **نقود:** اشترت سلمى ٣ كيلوجرامات من التفاح و ٢ كيلوجرام من البرتقال، و ٢ كيلوجرام من الموز و ٧ كعكات. فإذا كان ثمن الكيلوجرام من التفاح والبرتقال والموز، هو: ٧، ٤، ٥ ريالات على الترتيب، وكان ثمن الكعكة الواحدة ٣ ريالات. فكم ريالاً دفعت سلمى؟

تدرّب وحلّ المسائل

احسب قيمة كلّ من العبارات التالية، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

٨ $9 \div (2 - 11)$ ٩ $7 \div 14 + 2 \times 3$ ١٠ $7 + 1 - 2 \div 4$

١١ $2 + 3 \times 5$ ١٢ $2 \times 6 + 6 \times 2 \div 8$ ١٣ $9 \times 4 + (1 - 4)2 + 6$

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٠-٨	٢، ١
١٣-١١	٤، ٣
١٤	٥

المادة	الكمية	سعر الوحدة
فستان	١	٢٠٠ ريال
حذاء	١	٥٠ ريالاً
ربطات شعر	٣	١٠ ريالات
جوارب ملونة	٦	٥ ريالات

١٤: اشترت سعاد فستاناً وحذاءً، و ٣ ربطات شعر، و ٦ جوارب ملوّنة. استعمل الجدول المجاور لتجد مجموع ما دفعته سعاد.

احسب قيمة كلّ من العبارتين الآتيتين، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

١٥ $2, 7 + (3, 8 + 5, 2) \times 3$

١٦ $1, 8 + (3, 2 - 4) - 9 \times 7$

أدخل الأقواس في كل مما يلي لتحصل على جملة عددية صحيحة:

١٧ $6 = 2 - 3 \times 2 - 8$

١٨ $5 = 2 \times 8 - 9 + 3$

١٩ $9 = 3 \div 12 \div 36$

٢٠ **اكتشف الخطأ:** حسب كل من سمير وسامي المقدار $١٦ - ٢٤ \div ٦ \times ٢$.
فأيهما كان على صواب؟ وضح إجابتك.



سامي

$$\begin{aligned} ٢ \times ٦ \div ٢٤ - ١٦ \\ ١٢ \div ٢٤ - ١٦ = \\ ١٤ = ٢ - ١٦ = \end{aligned}$$



سمير

$$\begin{aligned} ٢ \times ٦ \div ٢٤ - ١٦ \\ ٢ \times ٤ - ١٦ = \\ ٨ = ٨ - ١٦ = \end{aligned}$$

٢١ **الكتب** مسألة من واقع الحياة تحتاج في حلها إلى ترتيب العمليات.

تدريب على اختبار

٢٤ قام يونس بالخطوات أدناه لحساب قيمة العبارة
 $٤ + ٤ \div ٤$ عندما $٧ = ٤$

$$\begin{aligned} ٤ + ٤ \div ٤ \text{ عندما } ٧ = ٤ \\ ٢٨ = ٧ \times ٤ \\ ٣٢ = ٤ + ٢٨ \\ ٨ = ٤ \div ٣٢ \end{aligned}$$

أي مما يأتي كان على يونس القيام به؛ لحساب قيمة
العبارة بصورة صحيحة؟

- (أ) قسمة $(٤ + ٢٨)$ على (٤×٢٨)
(ب) قسمة $(٤ + ٢٨)$ على $(٤ + ٢٨)$
(ج) جمع $(٤ \div ٤)$ إلى ٢٨
(د) جمع ٤ إلى $(٤ \div ٢٨)$

٢٢ احسب قيمة: $٣ + ٣ \div ٩ + ٣$

- (أ) ٣
(ب) ٩
(ج) ١٥
(د) ١٨

٢٣ أحضر المعلم إلى الصف عبوتين في كل منهما
 ٢٤ قلمًا، وثلاث عبوات في كل منها ١٥ قلمًا.
أي مما يأتي لا يمثل مجموع عدد الأقلام في
العبوات جميعها؟

- (أ) $٣ + (٢٤)٢$
(ب) $٢٤ \times ٢ + ١٥ \times ٣$
(ج) $(١٥ + ٢٤) \times ٥$
(د) $٢٤ + ٢٤ + ١٥ + ١٥ + ١٥$

مراجعة تراكمية

اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه: (الدرس ١-٢)

٨

٢٧

٣٣

٢٦

٢٧

٢٥

٢٨ **إنترنت:** يقوم مستعملو الإنترنت كل يوم بإجراء ٢ مليون عملية بحث في محركات البحث الشائعة، ما عدد
عمليات البحث هذه؟ (الدرس ١-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٩ **مهارة سابقة:** لوحة تتكون من ١٢١ مربعًا، كم مربعًا في ٨ لوحات؟ (الدرس ١-١)



استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «التخمين والتحقق»

٤ - ١

أخمن وأتتحقق

سعد: يتقاضى محل لغسيل السيارات ١٠ ريالاً مقابل غسل السيارة الصغيرة، و ٢٠ ريالاً مقابل غسل السيارة الكبيرة.
في أحد الأيام تم غسل ١٠ سيارات بقيمة إجمالية ١٤٠ ريالاً.
مهمتك: استعمل استراتيجية «التخمين والتحقق» لإيجاد عدد السيارات التي تم غسلها من كل نوع.



تعلم أن غسل السيارة الصغيرة يكلف ١٠ ريالاً، وغسل السيارة الكبيرة يكلف ٢٠ ريالاً.	افهم
خمن ثم تحقق، عدّل التخمين حتى تتوصل إلى الإجابة الصحيحة.	خطّ
<p>خمن</p> <p>غسل ٥ سيارات صغيرة و ٥ كبيرة: $٥(١٠) + ٥(٢٠) = ١٥٠$ ريالاً قلل عدد السيارات الكبيرة. أكثر من ١٤٠</p> <p>غسل ٧ سيارات صغيرة و ٣ كبيرة: $٧(١٠) + ٣(٢٠) = ١٣٠$ ريالاً قلل عدد السيارات الصغيرة. أقل من ١٤٠</p> <p>غسل ٦ سيارات صغيرة و ٤ كبيرة: $٦(١٠) + ٤(٢٠) = ١٤٠$ ريالاً لذا، فقد تم غسل ٦ سيارات صغيرة و ٤ كبيرة. صحيح ✓</p>	حلّ
تكلفة غسل ٦ سيارات صغيرة: ٦٠ ريالاً، وتكلفة غسل ٤ سيارات كبيرة: ٨٠ ريالاً وبما أن $٦٠ + ٨٠ = ١٤٠$. إذن التخمين صحيح.	تحقق

حل الاستراتيجية

- ١ وضح سبب ذكر نتائج كل تخمين.
- ٢ **الكتب** مسألة يمكن حلها باستعمال استراتيجية «التخمين والتحقق»، ثم اكتب الخطوات التي يجب اتباعها للتوصل إلى الإجابة الصحيحة.

مسائل متنوعة

استعمل استراتيجيات «التخمين والتحقق» لحلّ المسائل ٣ - ٦:

٣ **رياضة:** سعر تذكرة الدخول للمهرجان الرياضي ٣ ريالاً للصغار، و٧ ريالاً للكبار. فإذا كان عدد الصغار الذين حضروا المهرجان مثلي عدد الكبار، وكان دخل المهرجان ١٦٢٥ ريالاً، فكم كان عدد كل من الصغار والكبار الذين حضروا المهرجان؟

٤ **أعداد:** ضرب عدد في ٦، ثم أُضيف إلى ناتج الضرب ٤، فكان الناتج ٨٢، فما العدد؟

٥ **تحليل الجداول:** يريد سالم نقل بعض أشرطة الفيديو على أقراص مدمجة، فإذا كانت سعة القرص ٦٠ دقيقة، فما الأشرطة التي يمكن نقلها من الجدول أدناه، بحيث تستوعب الحد الأعلى من سعة القرص؟

الزمن	الشريط
٢٥ دقيقة و ١٥ ثانية	مسابقة ثقافية
١٨ دقيقة و ١٠ ثوان	تلاوة قرآن
١٥ دقيقة و ٢٠ ثانية	رحلة علمية
١٩ دقيقة و ٢٠ ثانية	محاضرة

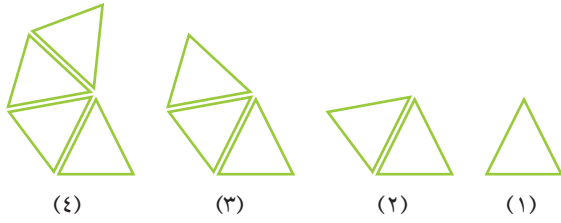
٦ **نقود:** مع رقية ١٩٥ ريالاً من الفئات التالية: ٥ ريالاً، و١٠ ريالاً، و٥٠ ريالاً. فإذا كان معها أعداد متساوية من الفئات المختلفة، فما عدد الأوراق من كل فئة؟

استعمل الاستراتيجيات المناسبة لحلّ المسائل ٧ - ١١:

من استراتيجيات حلّ المسألة:
• التخمين والتحقق
• البحث عن نمط

٧ **جسور:** استعملت أسلاك معدنية طولها ١٢٨٠٠٠ كلم لدعم أحد الجسور، وهذا يزيد بمقدار ٨٤٨٠ كلم على ثلاثة أمثال محيط الأرض عند خط الاستواء. فما طول محيط الأرض عند خط الاستواء؟

٨ **هندسة:** ما الشكلان التاليان في النمط أدناه؟



٩ **فواكه:** تضع مَنى ٤ تفاحات و٣ برتقالات في كلّ طبق. فإذا كان لديها ٢٤ تفاحة و١٨ برتقالة، فكم طبقاً تملأ؟

١٠ **ترفيه:** يضمّ قطار في مدينة الألعاب ٨ عربات، يتسع كلٌّ منها لأربعة ركّاب. فكم رحلة سيقوم بها القطار لنقل ١٠٥٦ راكباً؟

١١ **أعداد:** ثلاثة أعداد محصورة بين العددين ١، ٩، وناتج ضربها يساوي ٣٦. ما هذه الأعداد؟

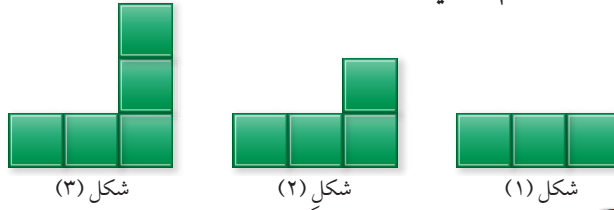


الجبر: المتغيرات والعبارات الجبرية

١ - ٥

نشاط

يمثل الرسم التالي نمطاً من المربّعات:



شكل (٣)

شكل (٢)

شكل (١)

١ ارسم الأشكال الثلاثة التالية في هذا النمط.

٢ ما عدد المربّعات في كل شكل؟ دَوِّن بياناتك في الجدول التالي:

رقم الشكل	١	٢	٣	٤	٥	٦
عدد المربّعات	٣	٤	٥			

٣ ما عدد المربّعات في الشكل العاشر؟

٤ أوجد العلاقة بين رقم الشكل وعدد المربّعات.

توصّلت، من خلال النشاط السابق، إلى أنّ عدد المربّعات في الشكل يزيد بمقدار ٢ على رقمه. ويمكنك استعمال متغير لتمثيل رقم الشكل. المتغير هو رمز يمثل كمية غير معلومة.

$$\text{رقم الشكل} \leftarrow 2 + n$$

عدد المربّعات ←

ويُسمّى فرع الرياضيات الذي يتعامل مع عبارات تحتوي متغيرات الجبر. كما يُسمّى المقدار $2 + n$ عبارة جبرية؛ لأنه يحتوي رموزاً وأعداداً وعملية حسابية واحدة على الأقل.

حساب قيمة عبارة جبرية

مثال

١ احسب قيمة: $n + 3$ إذا كانت $n = 4$

$$n + 3 = 4 + 3$$

$$= 7$$

اجمع العددين ٤، ٣

عوّض عن n بـ ٤

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كل من العبارات التالية، إذا كانت $h = 8$ ، $d = 5$:

(أ) $h - 3$ (ب) $15 - h$ (ج) $h + d$

غالبًا ما تُحذف إشارة الضرب في العبارات الجبرية، وفيما يلي أمثلة على ذلك:

$$\begin{array}{ccc} \text{م} & \text{٩ سن ن} & \text{٦ د} \\ \uparrow & \uparrow & \uparrow \\ \text{م ضرب ن} & \text{٩ ضرب سن ضرب ن} & \text{٦ ضرب د} \end{array}$$

يُسمَّى العدد المضروب في رمز المتغيّر **مُعَامِلًا**.
فمثلًا ٦ هو المُعَامِل في ٦ د.

مثال حساب قيمة عبارة جبرية

٢ احسب قيمة: ٨ - ٢ ل إذا كانت و ٥ = ل ، ٣ = ٨

$$\begin{array}{l} \text{٨ و } ٢ - ل = ٨ - (٥) ٢ - (٣) \\ \text{عوّض عن و بـ ٥، وعن ل بـ ٣ في العبارة الجبرية} \\ \text{اضرب أولاً} \quad ٦ - ٤٠ = \\ \text{اطرح ٦ من ٤٠} \quad ٣٤ = \end{array}$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كلٍّ من العبارات التالية، إذا كانت هـ = ٦ ، ب = ٤ :

$$\begin{array}{l} \text{د) } ٩ هـ - ٦ ب \quad \text{هـ) } \frac{هـ ب}{٢} \\ \text{و) } ٢ هـ + ٢ \end{array}$$

مثال من واقع الحياة

٢٠٠ **صحة**: احسب الحد الأدنى لمعدّل نبضات قلب سعد، إذا كان عمره ١٥ عامًا، مستعملًا العلاقة الواردة في يمين الصفحة.

$$\begin{array}{l} \text{عوّض عن ع بـ ١٥} \quad \frac{(١٥ - ٢٢٠)٣}{٥} = \frac{(٤ - ٢٢٠)٣}{٥} \\ \text{اطرح ١٥ من ٢٢٠} \quad \frac{(٢٠٥)٣}{٥} = \\ \text{اضرب ٣ في ٢٠٥} \quad \frac{٦١٥}{٥} = \\ \text{اقسم ٦١٥ على ٥} \quad ١٢٣ = \end{array}$$

ومن ثم فإنّ الحدّ الأدنى لمعدّل نبضات قلب سعد في أثناء التدريب هو ١٢٣ نبضة في الدقيقة.

تحقق من فهمك:

ز) **قياس**: لإيجاد مساحة مثلث، يمكنك استعمال العلاقة $\frac{ق \times ع}{٢}$ ، حيث ق هي طول القاعدة، و ع هي الارتفاع. ما مساحة مثلث طول قاعدته ٨ سم، وارتفاعه ٦ سم؟



الربط مع الحياة:

يستعمل المدربون الرياضيون العلاقة $\frac{(ع - ٢٢٠)٣}{٥}$ لإيجاد الحد الأدنى لمعدّل دقات القلب في الدقيقة في أثناء التدريب، حيث ع هي عمر المتدرب.

المثال ١

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $أ = ٣$ ، $ب = ٥$:

١ $٧ + أ$ ٢ $ب - ٨$ ٣ $ب - أ$

المثالان ٢، ٣

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $م = ٢$ ، $ن = ٦$ ، $ب = ٤$:

٤ $٧م - ٢ن$ ٥ $\frac{ب٤ + م٣}{١١}$ ٦ $١٥م - ٢$

تدرب وحل المسائل

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $د = ٢$ ، $هـ = ٨$ ، $ف = ٤$ ، $ز = ١$:

٧ $٩ + د$ ٨ $١٠ - هـ$

٩ $١ + ف$ ١٠ $٨ - ز$

١١ $\frac{د}{٥}$ ١٢ $\frac{١٦}{ف}$

١٣ $\frac{٢٥ + د٥}{٥}$ ١٤ $٤ - هـ$

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٤ - ٧	٢ - ١
١٩ - ١٥	٣

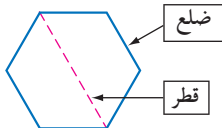
١٥ **علوم:** تُستعمل العبارة $\frac{٣٢}{٢}ن$ لحساب المسافة بالأقدام التي يقطعها جسم عندما يسقط من علو بعد $ن$ ثانية. احسب المسافة التي يقطعها جسم بعد ٢ ثانية.

١٦ **صحة:** تُستعمل العبارة $\frac{ك}{١٣}$ لحساب كمية الدم في جسم شخص، مقدرة باللترات، حيث $ك$ هي كتلة الشخص بالكيلوجرامات. فما كمية الدم الموجودة في جسم شخص كتلته ٦٠ كيلوجراماً؟

احسب قيم العبارات التالية، إذا كانت $س = ٢$ ، $ص = ٣$ ، $ع = ١$ ، $٢ = ٠$:

١٧ $س + ص - ع$ ١٨ $٦، ١٤ - (س + ص + ع)$ ١٩ $س + ع + ص$

٢٠ **هندسة:** لإيجاد عدد أقطار أي مضلع، تُستعمل العبارة $\frac{ن(ن-٣)}{٢}$ ، حيث $ن$ عدد أضلاع المضلع. فما عدد أقطار مضلع له ١٠ أضلاع؟



٢١ **تحدّ:** أعطِ قيمًا للمتغيّرين س، ص، بحيث تكون قيمة العبارة $5س + 3أكبر$ من قيمة العبارة $2ص + 14$.

٢٢ **الكتب:** بين هل الجملة التّالية صحيحة أحيانًا، أم صحيحة دائمًا، أم غير صحيحة أبدًا، وعلّل إجابتك: س - 3 و ص - 3 صورتان للعبارة نفسها.

تدريب على اختبار

٢٤ إذا كان مع سعود س ورقة نقدية من فئة 10 ريالاً و ص ورقة من فئة 5 ريالاً و ع ورقة من فئة الريال، فأأي عبارة مما يأتي تُعبر عن مجموع ما مع سعود؟

- (أ) $5س + 10ص + ع$
 (ب) $10س + 5ص + ع$
 (ج) $10س + ص + ع5$
 (د) $س + 5ص + 10ع$

٢٣ أي عبارة مما يأتي تمثل ثمن ب دفترًا و ج قلمًا، إذا كان ثمن الدفتر الواحد 95، 7 ريالاً، و ثمن القلم الواحد 4، 95 ريالاً؟

- (أ) $7,95ب + 4,95ج$
 (ب) $7,95ب - 4,95ج$
 (ج) $12,9(ب + ج)$
 (د) $12,9(ب \times ج)$

مراجعة تراكمية

٢٥ **تسوق:** توضع كل 8 قطع أو 12 قطعة من الحلوى في عبوة، إذا أراد سلمان شراء 44 قطعة حلوى، فكم عبوة سوف يشتري؟ استعمل استراتيجية التخمين والتحقق. (الدرس 1 - 4)

احسب قيمة كل من العبارات التالية: (الدرس 1 - 3)

٢٦ $2 - (5)6$ ٢٧ $3 \div 9 + 9$ ٢٨ $(1 - 8)2 \times 4$ ٢٩ $5 \div (3 + 17)$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حدّد الجملة الخطأ والجملة الصحيحة في كل مما يأتي: (الدرس 1 - 3)

٣٠ $9 = (3)2 - 15$ ٣١ $1 = 4 \times 5 \div 20$ ٣٢ $154 = 7 \times 6 + 24$

١٢ قياس: مستطيل مساحته ١٠٤ سم^٢ ومحيطه ٤٢ سم. أوجد بعديه باستعمال استراتيجية التخمين والتحقق. (الدرس ١-٤)

١٣ اختيار من متعدد: اشترت فاطمة عددًا من القصص وعددًا من الدفاتر، إذا كان ثمن القصة الواحدة ١٠ ريالات وثمان الدفاتر الواحد ٧ ريالات، فأى عبارة مما يأتي تمثل ثمن القصص والدفاتر جميعها؟ (الدرس ١-٥)

(أ) ١٠ س × ٧ ص

(ب) $\frac{١٠}{٧}$ ص

(ج) ١٠ س + ٧ ص

(د) ١٠ س - ٧ ص

أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي إذا كانت س = ١٢، ص = ٤، ع = ٨: (الدرس ١-٥)

١٤ س - ٥

١٥ ٣ ص + ١٠ ع

١٦ $\frac{٢(٨+ص)}{س}$

١٧ صحة: تمثل العبارة $١١٠ + \frac{١}{٢}$ قياس ضغط الدم للشخص تقريبًا، حيث أ تمثل عمر الشخص. قدر قياس ضغط الدم لشخص عمره ١٦ سنة. (الدرس ١-٥)

١ اختيار من متعدد: يخطط فريق الدراجات الهوائية لقطع ١٨٠٠ كيلومتر، إذا كان معدل ما يقطعون ١٥ كيلومتر في الساعة. فما المعلومات التي يحتاجون إليها لمعرفة عدد الأيام التي سوف يكملون بها المسافة؟ (الدرس ١-١)

(أ) عدد الدراجات التي يستعملونها.

(ب) عدد الساعات التي سيقطعونها كل يوم.

(ج) عدد الطرق الوعرة التي سيقطعونها.

(د) سرعته في الدقيقة الواحدة.

اكتب كل قوّة على صورة ضرب العامل في نفسه: (الدرس ١-٢)

٢٩ ^٣

٤ ^٢

٤ الخليج العربي: تبلغ مساحة الخليج العربي ٣° ألف كيلومتر مربع تقريبًا. اكتب هذه المساحة بالصيغة القياسية. (الدرس ١-٢)

٥ حديقة الحيوان: يقدر عمر حديقة الحيوان في الرياض بـ $٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢$ سنة. اكتب هذا العمر بالصيغة الأسية. (الدرس ١-٢)

رتّب القوى التالية من الأصغر إلى الأكبر: (الدرس ١-٢)

٦ ^{٢٣}، ^{١٧}، ^{٧٢}

٧ ^{٣٣}، ^{٢١٢}، ^{٨٢}

احسب قيمة كل من العبارات التالية: (الدرس ١-٣)

٨ $٢٥ - (٥ \times ٢ + ٢٣)$ ٩ $\frac{٢(٣-٧)}{٢٢}$

١٠ $٣٠ - ٣٣ \times ٢$ ١١ $٢ \times ٣ + ٤ \div ٢٠$



الجبر: المعادلات

٦ - ١



كرة الطائرة		
الفصل	فوز	خسارة
أ	٨	<input type="checkbox"/>
ب	٤	<input type="checkbox"/>
ج	٨	<input type="checkbox"/>
د	٢	<input type="checkbox"/>
هـ	٥	<input type="checkbox"/>
و	٤	<input type="checkbox"/>

استعد

الرياضة: بيّن الجدول المجاور نتائج ٦ فصول في الدوري المدرسي للكرة الطائرة.

١ إذا لعب كل فصل ١٤ مباراة، فما عدد

المباريات التي خسرها كل فصل؟

٢ اكتب قاعدة لتجد عدد المباريات التي خسرها الفصل.

٣ إذا كانت ف تمثل عدد مرّات الفوز، و س

تمثل عدد مرّات الخسارة، فاكتب القاعدة في السؤال (٢) أعلاه مستعملًا أعدادًا و متغيّرات وإشارة المساواة.

فكرة الدرس:

اكتب معادلات وأحلها ذهنيًا.

المفردات:

المعادلة

الحل

حل المعادلة

تحديد المتغير

تدلُّ إشارة المساواة على أن المقدار الذي عن يمينها مساوٍ للمقدار الذي عن يسارها.

$$\text{فمثلاً } 1 - 8 = 7 \quad 3(4) = 12 \quad 2 + 2 + 13 = 17$$

المعادلة جملة تحتوي على عبارتين تفصل بينهما إشارة المساواة (=). لا يمكن التحقق من صحّة أو خطأ معادلة تحتوي متغيّرًا حتى يتمّ التعويض عن المتغيّر بعدد. وتُسمّى القيمة العددية للمتغيّر التي تجعل المعادلة صحيحة **الحل**. وتسمّى عملية إيجاد الحلّ **حلّ المعادلة**. ويمكن حلّ بعض المعادلات ذهنيًا.

مثال

١ حلّ المعادلة $18 = 14 + n$ ذهنيًا.

$$\text{اكتب المعادلة} \quad 18 = 14 + n$$

$$\text{تعرف أن } 18 = 14 + 4 \quad 4 + 14 = 18$$

$$\text{بسّط} \quad 18 = 18$$

$$n = 4 \text{ إذن، الحل هو } 4$$

تحقق من فهمك:

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

$$\text{أ) } 20 = 5 - b \quad \text{ب) } 8 = 3 \div v \quad \text{ج) } 7e = 6$$

مثال من اختبار

يقود محمود دراجته مسافة ٣ كيلومترات يوميًا. وتُستعمل المعادلة $36 = 3ي$ لإيجاد عدد الأيام اللازمة ليقطع بدراجته مسافة ٣٦ كيلومترًا. فكم يومًا يحتاج إليها محمود ليقطع تلك المسافة؟

(أ) ١٠ (ب) ١٢ (ج) ١٥ (د) ٢٠

اقرأ:

حُلَّ المعادلة $36 = 3ي$ لتجد عدد الأيام اللازمة ليقطع محمود ٣٦ كيلومترًا بدراجته.

حُل:

$$3ي = 36 \text{ اكتب المعادلة}$$

$$36 = 12 \times 3 \text{ تعرف أن } 36 = 12 \times 3$$

$$ي = 12 \text{ إذن الجواب هو (ب).}$$

تحقق من فهمك:

(د) عند خالد ١٦ جوريًا، تقلُّ بمقدار ٣ عمًّا عند أخيه يوسف. وتُستعمل المعادلة $ج - ٣ = ١٦$ لإيجاد عدد جوارب يوسف. فما عدد الجوارب عنده؟

(أ) ١٣ (ب) ١٥ (ج) ١٨ (د) ١٩

تُسمى عملية اختيار متغيّر ليمثل كمية غير معلومة **تحديد المتغيّر**.

مثال من واقع الحياة

حيتان: تهاجر بعض أنواع الحيتان كلَّ شتاء حوالي ٢٤٠٠ كيلومتر لتصل إلى المحيط الهندي. فإذا قطع أحد الحيتان مسافة ٨٠٠٠ كيلومتر، فكم كيلومترًا قطع ذلك الحوت أكثر من المسافة الاعتيادية؟

الهجرة الاعتيادية + الكيلومترات الزائدة = المسافة المقطوعة.

التعبير اللفظي

لتكن ك عدد الكيلومترات التي قطعها الحوت زيادة على المسافة الاعتيادية

المتغيّر

المعادلة

$$8000 = 2400 + ك$$

$$8000 = 2400 + ك \text{ اكتب المعادلة}$$

$$8000 = 5600 + 2400 \text{ تعرف أن } 8000 = 5600 + 2400$$

$$ك = 5600 \text{ أي أن الحوت قطع مسافة } 5600 \text{ كيلومتر زيادة.}$$

تحقق من فهمك:

(هـ) صرف الصيدليّ لجمال علاجيّن بمبلغ ٩,٥٥ ريالًا. فإذا كان ثمن أحدهما ٥,٤٠ ريالًا، فما ثمن الآخر؟

الحلّ عكسيًا:

عوض عن كل قيمة للمتغيّر س في المعادلة لتعرف أيّ الخيارات تجعل الطرف الأيمن مساويًا للطرف الأيسر.

إرشادات للدراسة

يمكنك استعمال أيّ رمز للدلالة على المتغيّر، وقد يكون من المفيد استعمال الحرف الأول في الكلمة التي تمثّل المتغيّر. فمثلاً س تمثّل عدد السنوات.



حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

المثال ١

$$٦ = \frac{٢}{٩} \quad ٣$$

$$٢٠ = ١٨ - \text{ص} \quad ٢$$

$$٧٢ + \text{و} = ٧٥ \quad ١$$

٤ اختيار من متعدد: سجّل سليم وعمر ٢٨ نقطة في مباراة كرة سلة، سجّل سليم منها ٧ نقاط. حلّ المعادلة $٧ + \text{س} = ٢٨$ ، لإيجاد قيمة س التي تمثل عدد النقاط التي سجّلها عمر مما يأتي:

المثال ٢

(أ) ١٤ (ب) ٢١ (ج) ٢٣ (د) ٣٥

٥ نقود: اشترت هند دفترًا وعلبة ألوان بقيمة ٥, ٧ ريالًا. فما ثمن الدفتر إذا كان ثمن علبة الألوان ٢٥, ٤ ريالًا؟

المثال ٣

تدرّب وحلّ المسائل

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

$$٧ = ٧٧ \quad ٨$$

$$٢٠ = ١٤ - \text{ص} \quad ٧$$

$$١٣ = ٧ + \text{ب} \quad ٦$$

$$١٢ = ٨٤ \div \text{ع} \quad ١١$$

$$\frac{٣}{٤} = ١٦ \quad ١٠$$

$$\frac{٣٠}{٦} = \text{ن} \quad ٩$$

ارشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١١-٦	١
١٢	٢
١٣	٣

١٢ نقود: يتقاضى عامل ٩ ريالًا في الساعة، حلّ المعادلة $٩ \text{س} = ٦٣$ لإيجاد عدد الساعات (س) التي يعملها ليجمع ٦٣ ريالًا.

١٣ رياضة: ركض ياسر يومي الاثنين والثلاثاء ٣, ٧ كيلومترات. فإذا ركض ٥, ٢ كيلومتر يوم الثلاثاء، فكم كيلومترًا ركض يوم الاثنين؟

١٤ حيوانات: الفرق بين سرعة النعام وسرعة الدجاجة، ٤٨ كلم/س؛ إذ تستطيع النعام أن تركض بسرعة ٦٤ كلم/س. اكتب معادلة لتجد قيمة (ع) التي تمثل سرعة الدجاجة، ثم حلّها.

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

$$٩, ٠ = \text{هـ} - ١٣, ٤ \quad ١٧$$

$$٤, ٢ - \text{م} = ١, ٢ \quad ١٦$$

$$١٠, ٠ = \text{ج} + ١, ٥ \quad ١٥$$

١٨ **اكتشف الخطأ:** حل كل من عماد وسعيد المعادلة: $70 = 35 -$ و $70 = 35$ كما هو مبين أدناه، فأيهما كان حله صحيحًا؟ وضح إجابتك.



السعيد

$$105 = 9$$

$$35 = 9$$



عماد

١٩ **الكتب** وضح المقصود بعبارة «حل المعادلة».

تدريب على اختبار

٢١ **إجابة قصيرة:** ما قيمة ه التي تجعل المعادلة $32 = 4 \div$ صحيحة؟

٢٢ حل المعادلة $8 + م = 15$ هو:

أ) ٢٣

ب) ٨

ج) ٢٢

د) ٧

٢٠ بين الشكل المجاور المسافة بين الرياض والقصيم والمسافة بين الرياض وحائل. أي معادلة مما يأتي يمكنك استعمالها لإيجاد المسافة بين القصيم وحائل؟

أ) $320 + س = 670$

ب) $320 - س = 670$

ج) $320 \times 670 = س$

د) $\frac{س}{320} = 670$

مراجعة تراكمية

٢٣ **جبر:** احسب قيمة: $3م + ن^2$ إذا كانت $م = 2$ ، $ن = 3$ (الدرس ١ - ٥)

احسب قيمة كل من العبارات التالية: (الدرس ١ - ٣)

٢٦ $1 + 2(8 - 5)^2$

٢٥ $5 \times 13 - 26$

٢٤ $11 \times 6 \div 3 + 9$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كل مما يأتي: (الدرس ١ - ٣)

٢٩ $12 \times (8 + 6)$

٢٨ $(2 \times 5)(3 \times 5)$

٢٧ $(10 + 4) \times 2$



الجبر: الخصائص

٧ - ١

مدينة الألعاب	
رسم الدخول	تذكرة الألعاب
١٢ ريالاً	٨ ريالاً

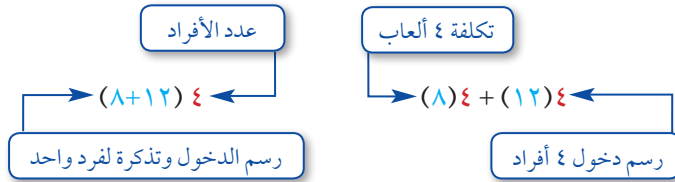
استعد

ترفيه: يبيّن الجدول قيمة التذكرة ورسم الدخول إلى مدينة الألعاب.

١ ما مقدار ما يدفعه ربُّ أسرةٍ مكوّنة من ٤ أفرادٍ للدخول إلى مدينة الألعاب وشراء التذاكر؟

٢ صِفِ الطريقة التي استعملتها لإيجاد المبلغ الكلي الذي سيدفعه ربُّ الأسرة.

هناك طريقتان لإيجاد المبلغ:



العبارتان $(٨ + ١٢) ٤$ و $(٨) ٤ + (١٢) ٤$ عبارتان متكافئتان؛ لأنَّ لهما القيمة نفسها وهي ٨٠ ريالاً. وهذا ما توضحه خاصية توزيع عملية الضرب على الجمع.

مفهوم أساسي

خاصية توزيع الضرب على الجمع

التعبير اللفظي: لضرب مجموع عددين في عدد، يُضرب كلُّ عدد بين القوسين في العدد خارجهما.

أمثلة:	أعداد	جبر
$(٦ + ٤) ٣ = (٦) ٣ + (٤) ٣$		$أ (ب + ج) = (ب) أ + (ج) أ$
$(٣ + ٧) ٥ = (٣) ٥ + (٧) ٥$		$أ (ب + ج) = (ب) أ + (ج) أ$

مثالان استعمال خاصية التوزيع

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كلٍّ من العبارتين التاليتين، ثمَّ احسب قيمتهما:

$(٢ + ٣) ٥$	١	$(٤) ٣ + (٧) ٣$	٢
$(٢ + ٣) ٥ = (٢) ٥ + (٣) ٥$		$(٤ + ٧) ٣ = (٤) ٣ + (٧) ٣$	
$١٥ + ١٥ =$	اضرب	$٣٣ =$	اجمع
$٣٥ =$	اجمع	$٣٣ =$	اضرب

تحقق من فهمك:

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كلٍّ من العبارتين التاليتين، ثمَّ احسب قيمتهما:

$(٤ + ١) ٦$	أ	$(٣) ٦ + (٩) ٦$	ب
-------------	---	-----------------	---

مثال من واقع الحياة

رياضة : يستغرق سباق رالي حائل الدولي ٥ أيام، فإذا علمت أن متسابقاً قطع ما

معدله ٣٥٠ كيلومتراً يومياً، فكم كيلومتراً قطع في السباق؟

استعمل خاصية التوزيع لإيجاد ٣٥٠×٥ ذهنياً.

$$٥ = (٣٥٠) ٥ = (٥٠ + ٣٠٠) ٥ \quad \text{اكتب } ٣٥٠ \text{ كناتج جمع } ٥٠ + ٣٠٠$$

$$= ٥(٣٠٠) + ٥(٥٠) \quad \text{خاصية التوزيع}$$

$$= ١٥٠٠ + ٢٥٠ \quad \text{اضرب}$$

$$= ١٧٥٠ \quad \text{اجمع}$$

يقطع المتسابق ١٧٥٠ كيلومتراً.

تحقق من فهمك

(ج) إذا وفرَّ عبد الله ١٥٠ ريالاً شهرياً، فما مجموع ما يوفّره في ٥ أشهر؟
وضّح إجابتك.



الربط مع الحياة:
يقام رالي حائل الدولي سنوياً في منطقة حائل وتحت إشراف الاتحاد الدولي للسيارات، ويصاحب الرالي العديد من الفعاليات والبرامج السياحية والتراثية والثقافية والاجتماعية والأسرة والطفل والأسر المنتجة وعروض الحرف والصناعات اليدوية.

خصائص عمليتي الجمع والضرب

ملخص المفهوم

لا يتغير مجموع عددين أو ناتج ضربهما بتبديل ترتيبهما.

في الضرب	في الجمع	خاصية الإبدال
$أ \times ب = ب \times أ$	$أ + ب = ب + أ$	
$٤ \times ٣ = ٣ \times ٤$	$٢ + ٣ = ٣ + ٢$	

مجموع ثلاثة أعداد أو ناتج ضربها لا يتغير بتغير العددين اللذين نبدأ بهما.

خاصية التجميع
$(أ + ب) + ج = أ + (ب + ج)$
$(أ \times ب) \times ج = أ \times (ب \times ج)$
$(٥ + ٤) + ٦ = ٥ + (٤ + ٦)$
$(٤ \times ٢) \times ٣ = ٤ \times (٢ \times ٣)$

مجموع أي عدد والصفر يساوي العدد نفسه، وناتج ضرب أي عدد في واحد يساوي العدد نفسه.

خاصية العنصر المحايد
$أ + صفر = أ$
$أ = ١ \times أ$
$٦ = ٠ + ٦$
$٧ = ١ \times ٧$

استعمال خصائص العمليات لحساب قيمة عبارة ذهنياً

مثال

أوجد $٢٥ \times ١٢ \times ٤$ ، وعلّل كلّ خطوة من خطوات الحلّ.

$$١٢ \times ٢٥ \times ٤ = ٢٥ \times ١٢ \times ٤ \quad \text{خاصية الإبدال لعملية الضرب}$$

$$١٢ \times (٢٥ \times ٤) = \quad \text{خاصية التجميع لعملية الضرب}$$

$$١٢٠٠ = ١٢ \times ١٠٠ = \quad \text{اضرب } ١٠٠ \text{ في العدد } ١٢، \text{ ذهنياً}$$

إرشادات للدراسة

في الحساب الذهني .
ابحث عن عددين يكون رقم أحاد ناتج جمعها أو ضربها يساوي صفراً .

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة كل مما يأتي، وعلّل كل خطوة من خطوات الحل:

(هـ) $1 + (15 + 19)$

(د) $(5 \times 7) \times 40$

تأكد

المثالان ١، ٢ استعمال خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

٣ $(6) 3 + (9) 3$

٢ $(2 + 6) 5$

١ $(4 + 3) 7$

المثال ٣ **٤ حساب ذهني:** ثمن وجبة غداء ١٢ ريالاً، وثمان العصير ٥ ريالاً. استعمال ذهنيًا

خاصيّة التوزيع، لحساب تكلفة ٤ وجبات و ٤ عصائر، ووضّح إجابتك.

المثال ٤ احسب قيم كل مما يأتي ذهنيًا، وعلّل خطوات الحل:

٥ $(16 + 23) + 44$

٦ $(2 \times 33) \times 50$

تدرّب وحلّ المسائل

استعمل خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

٩ $(8) 4 + (3) 4$

٨ $(9 + 8) 5$

٧ $(7 + 6) 2$

حساب ذهني: استعمال خاصيّة التوزيع لحلّ السؤالين ١٠، ١١:

١٠ يبلغ المعدل الشهري لدخل متجر صغير ٧٢٠٠ ريال، كم يبلغ دخله في ٦ أشهر؟

١١ **سفر:** يزور مدينة باريس الفرنسية قرابة ٢٧ مليون شخص سنويًا. كم شخصًا سيزور باريس في الأعوام الخمسة القادمة؟

احسب قيمة كل من العبارات التالية ذهنيًا، وعلّل كل خطوة من خطوات الحل:

١٤ $(15 + 46) + 85$

١٣ $17 + (31 + 13)$

١٢ $(9 + 15) + 91$

١٧ $8 \times (3 \times 5)$

١٦ $(50 \times 16) \times 2$

١٥ $(12 \times 30) \times 5$

تطبق خاصية التوزيع على الطرح أيضًا، استعمال خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

٢٠ $(3) 9 - (7) 9$

١٩ $(6) 12 - (8) 12$

١٨ $(3) 7 - (9) 7$

جبر: استعمال خاصيّة أو أكثر لإعادة كتابة كل من العبارات التالية بصورة مكافئة لا تتضمن أقواسًا:

٢٣ $2 + (4 + 3)$

٢٢ $(1 + 6)$

٢١ $4 + (1 + 3)$

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
٩-٧	٢، ١
١١، ١٠	٣
١٧-١٢	٤

مسائل مهارات التفكير العليا

٢٤ **حسّ عددي:** هل الجملة: $4 \times 35 + 18 = 4 \times (35 + 18)$ صحيحة أم غير صحيحة؟ اشرح إجابتك.

٢٥ **الكتب** مسألة من واقع الحياة يمكن حلها باستعمال خاصية التوزيع، ثم حلها.

تدريب على اختبار

٢٧ أي عبارة مما يأتي يمكن كتابتها على الصورة $2(j + 5)$ ؟

أ) $5 + 2j$

ب) $10 + j$

ج) $7 + 2j$

د) $10 + 2j$

٢٦ أي عبارة مما يأتي يمكن كتابتها على الصورة $6(8 + 9)$ ؟

أ) $9 \times 8 + 6 \times 8$

ب) $8 \times 6 + 9 \times 6$

ج) $8 \times 6 \times 9 \times 6$

د) $8 + 6 \times 9 + 6$

مراجعة تراكمية

حل كلاً من المعادلات الآتية: (الدرس ١ - ٦)

٣٠ $11 = 3 \div h$

٢٩ $5 = 3m$

٢٨ $4 - j = 7$

٣١ ما قيمة: $(9 - 14)$ ؟ (الدرس ١ - ٣)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١ - ٥)

٣٤ $3 - m = 3$ عندما $m = 2$

٣٣ $l - 5 = 8$ عندما $l = 8$

٣٢ $2s = 4$ عندما $s = 2$



الجبر: المعادلات والدوال

٨ - ١

استعد

العدد	العدد $\times 9$	الثنى
١	9×1	٩
٢		
٣		
٤		

مجالات: افترض أن ثمن النسخة الواحدة من مجلة ٩ ريالاً.

١ أكمل الجدول لتجد ثمن شراء: ٢، ٣، ٤ مجلات.

٢ صف النمط في الجدول الذي يبين ثمن المجلات وعددها.

فكرة الدرس:

أنشئ جدول دالة، وأكتب معادلة.

المفردات:

الدالة

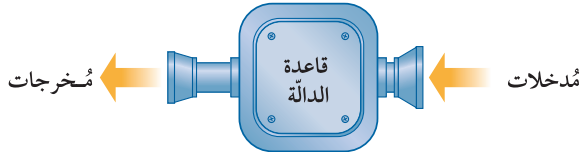
قاعدة الدالة

جدول الدالة

المجال

المدى

العلاقة التي تعين لكل قيمة من المدخلات قيمة واحدة فقط من المخرجات تُسمى **دالة**. وتُسمى الصيغة التي تستعملها لتعويض قيمة من المدخلات للحصول على قيمة من المخرجات باستعمال عملية أو أكثر **قاعدة الدالة**.



ويمكنك تنظيم المدخلات والمخرجات وقاعدة الدالة في جدول يسمى **جدول الدالة**. تُسمى مجموعة قيم المدخلات **المجال**، وتُسمى مجموعة قيم المخرجات **المدى**.

مثال إنشاء جدول دالة

المُدخِلات	قاعدة الدالة	المُخرِجات
رقم الشهر	اضرب في ٢٠	التوفير الكلي
١	1×20	٢٠
٢	2×20	٤٠
٣	3×20	٦٠
٤	4×20	٨٠

١ **نقود:** يوفر جعفر من مصروفه الشهري ٢٠ ريالاً. أنشئ جدول دالة يبين مجموع ما يوفره جعفر بعد شهر، وشهرين و ٣ و ٤ أشهر، ثم عيّن مجال الدالة ومداهما.

المجال: {١، ٢، ٣، ٤}

المدى: {٢٠، ٤٠، ٦٠، ٨٠}

تحقق من فهمك:

أ) إذا كان ثمن الكتاب الواحد ٧ ريالاً، فأنشئ جدول دالة يبين تكلفة شراء كل من: كتاب واحد، وكتابين و ٣ و ٤ كتب. ثم حدّد مجال الدالة ومداهما.

غالبًا ما تُكتب الدوال على صورة معادلات بمتغيرين؛ يمثل أحدهما المُدخلات، ويمثل الآخر المُخرجات. ومعادلة الدالة في المثال ١، هي:

$$ص = ٢٠ س$$

قاعدة الدالة: اضرب في ٢٠

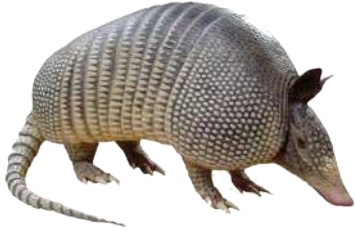
المُخرجات: التوفير الكلي

المُدخلات: عدد الأشهر

إرشادات للدراسة

عند استعمال الرمزين س و ص في معادلة، فغالبًا ما تدل س على المُدخلات، و ص على المُخرجات.

مثالان من واقع الحياة



٢ حيوانات: ينام حيوان المدرّع ١٩ ساعة يوميًا.
اكتب معادلة، لتبيّن عدد الساعات س التي ينامها حيوان المدرّع في يومًا.

المُدخلات	قاعدة الدالة	المُخرجات
عدد الأيام	اضرب في ١٩	عدد الساعات التي ينامها
١	١٩×١	١٩
٢	١٩×٢	٣٨
٣	١٩×٣	٥٧
ي	$١٩ \times ي$	١٩ ي

التعبير اللفظي عدد ساعات النوم يساوي عدد الأيام مضروبًا في ١٩ ساعة يوميًا

المتغير ي يمثل عدد الأيام
س يمثل عدد الساعات

المعادلة $س = ١٩ ي$

٣ كم ساعة ينام حيوان المدرّع في ٤ أيام؟

$س = ١٩ ي$ اكتب المعادلة
 $س = ١٩ \times ٤$ عوّض عن ي ب ٤
 $س = ٧٦$ اضرب
ومن ثم ينام حيوان المدرّع ٧٦ ساعة في ٤ أيام.

تحقق من فهمك:

نبات: اكتشف عالم نبات أن نوعًا معينًا من نبات الخيزران ينمو بمعدّل ٩ سنتمترات في السّاعة.

(ب) اكتب معادلة بمتغيرين لتبيّن مقدار نموّ هذا النوع من نبات الخيزران بالسنتمترات في س ساعة.

(ج) استعمل هذه المعادلة لتجد مقدار نمو النبتة في ٦ ساعات.



الربط مع الحياة:

كيف يستعمل عالم النبات الرياضيات؟
يجمع عالم النبات بيانات وإحصاءات عن نباتات ثم يدرسها، ويخلص إلى نتائج حولها.



المثال ١

أكمل الجدولين الآتيين ثم حدّد مجال الدالّة ومداها:

١ ص = ٣ س

ص	س	س
٣	١ × ٣	١
	٢ × ٣	٢
	٣ × ٣	٣
		٤

٢ ص = ٤ س

ص	س	س
	٤ × صفر	صفر
	١ × ٤	١
		٢
		٣

٣ شعر: يحفظ محمد ٦ أبيات شعرية يوميًا. أنشئ جدول دالّة يبيّن عدد الأبيات التي يحفظها بعد يوم ويومين و ٣ و ٤ أيام، ثمّ عيّن مجال الدالّة ومداها.

٤ الرياضه: تبلغ السرعة القصوى لسيارة سباق ٢٣١ كيلومترًا في الساعة. اكتب معادلة بمتغيّرين تبيّن العلاقة بين عدد الكيلومترات ك التي يمكن أن تقطعها سيارة السباق في س ساعة. ثم استعملها لإيجاد المسافة التي تقطعها هذه السيارة في ٣ ساعات.

تدرّب وحلّ المسائل

أكمل جداول الدوالّ الآتي، ثمّ حدّد مجال كل دالة ومداها:

٥ ص = ٢ س

ص	س	س
صفر	٢ × صفر	صفر
	١ × ٢	١
		٢
		٣

٦ ص = ٦ س

ص	س	س
		١
		٢
		٣
		٤

٧ ص = ٩ س

ص	س	س
		١
		٢
		٣
		٤

إرشادات للأستلة

للأستلة	انظر الأمثلة
٨ - ٥	١
٩	٣، ٢

٨ طباعة: تستطيع عبير أن تطبع ٦٠ كلمة في الدقيقة. أنشئ جدول دالّة يوضّح عدد الكلمات التي يمكن أن تطبعها في: ٥ و ١٠ و ١٥ و ٢٠ دقيقة.

٩ اتصالات: تطلب شركة الهاتف المحمول من العميل رسوم خدمة قدرها ٤٥ ريالاً كل شهر. اكتب معادلة بمتغيّرين تبيّن مجموع رسوم الخدمة لمدة س شهرًا، ثم استعملها لتجد مجموع الرسوم لمدة ٦ أشهر.

أكمل الجدولين الآتيين، ثم حدّد مجال كلّ دالّة ومداهما:

١١ ص = س + ٢٥, ٠

ص	س + ٢٥, ٠	س
		١
		٢
		٣
		٤

١٠ ص = س - ١

ص	س - ١	س
		١
		٢
		٣
		٤

قياس: استعمل المُعطيات التّالية لحلّ السّؤالين ١٢، ١٣:

العلاقة التي تبين المساحة (م) لمستطيل طوله ٦ سنتمترات، وعرضه (ع) هي $م = ٦ع$.

١٢ أنشئ جدول دالّة يبين مساحة المستطيل إذا كان عرضه ٢، ٣، ٤، ٥ سنتمترات.

١٣ ادرس النمط في جدولك، ثمّ بيّن كيف تتغيّر مساحة مستطيل طوله ٦ سنتمترات إذا ازداد عرضه سنتمترًا واحدًا.

الكوكب	السرعة (كلم/ثانية)
عطارد	٤٨
الأرض	٣٠
المشتري	١٣
زحل	١٠
نبتون	٨

تحليل الجدول: لحلّ الأسئلة ١٤-١٦، استعمل الجدول

المجاور الذي يبيّن سرعات بعض الكواكب في أثناء دورانها حول الشمس:

١٤ ما المعادلة التي يمكن استعمالها لتبيّن عدد الكيلومترات التي يقطعها كوكب الأرض في ن ثانية؟

١٥ اكتب معادلة تبين عدد الكيلومترات ك التي يقطعها كوكب المشتري في ن ثانية.

١٦ استعمل معادلتك لتوضيح كيفية إيجاد المسافة التي يقطعها كوكب المشتري في دقيقة واحدة.

تحدّد: اكتب معادلة للدالّة المبيّنة في كلّ جدول ممّا يأتي:

١٩

ص	س
٣	١
٥	٢
٧	٣
٩	٤

١٨

ص	س
٦	٢
١٢	٤
١٨	٦
٢٤	٨

١٧

ص	س
٣	١
٤	٢
٥	٣
٦	٤

٢٠ **مسألة مفتوحة:** اكتب مسألة من واقع الحياة يمكن أن تمثّل بالمعادلة $ص = ٣س$.

٢١ **الكتب** وضح العلاقة بين المُدخلات والمُخرجات وقاعدة الدالّة.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٢ بين الجدول أدناه، عدد الصناديق وكتلتها بالكيلوجرام.

عدد الصناديق (س)	الكتلة (ص) (كجم)
١	٦
٢	١٢
٣	١٨
٤	٢٤

أي دالة مما يأتي تمثل هذا الجدول؟

- (أ) ص = ٤س
(ب) ص = ٥س
(ج) ص = ٦س
(د) ص = ١٢س

٢٣ إذا كان ثمن القلم ٣ ريال، فأَي جدول مما يأتي يمثل ذلك؟

عدد الأقلام	الثمن بالريال
١	٣
٢	٦
٣	٩
٤	١٢

(أ)

عدد الأقلام	الثمن بالريال
٣	٣
٦	٦
٩	٩
١٢	١٢

(ب)

عدد الأقلام	الثمن بالريال
٣	١
٦	٢
٩	٣
١٢	٤

(ج)

عدد الأقلام	الثمن بالريال
٣	١
٦	٢
٩	٣
١٢	٤

(د)

مراجعة تراكمية

٢٤ علوم: معدل سرعة الصوت في الماء هو 5×10^3 قدم لكل دقيقة. اكتب هذا المعدل بالصيغة القياسية. (الدرس ١ - ٢)

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثم احسب قيمتها: (الدرس ١ - ٧)

٢٥ $5(7 + 9)$

٢٦ $4(4 + 12)$

٢٧ $8(7) - 8(2)$

٢٨ $10(6) - 10(5)$

٢٩ نقود: يوفر سمي ٥ ريالاً يومياً. فكم ريالاً يوفر في أسبوعين؟ (الدرس ١ - ١)

اختبار الفصل

احسب قيمة كلٍّ من العبارتين الآتيتين ذهنيًا:

$$١٤) ١٣ + (١٧ + ٣٤) \quad ١٥) ٥٠ \times (١٧ \times ٢)$$

استعمل خاصية أو أكثر لإعادة كتابة كل من العبارات التالية بصورة مكافئة لا تتضمن أقواسًا:

$$١٦) ٣(س + ٤) \quad ١٧) ٤(٢ ص)$$

$$١٨) ١ + (٤ + ٥) \quad ١٩) ٦(٢ + ٧)$$

أكمل الجدولين الآتيين، ثم حدّد مجال كل دالة ومداهما:

ص	س	٢١) ٤س + ١
	٠	
	١	
	٢	
	٣	

ص	س	٢٠) ٣س + ١
	١	
	٢	
	٣	
	٤	

٢٢) **سفر:** قاد سالم سيارته عدة ساعات بسرعة معدّلها ١١٠ كيلومترات في الساعة. أنشئ جدول دالة لتبيّن المسافة التي يقطعها بعد ٢ و ٣ و ٤ و ٥ ساعات. ثم حدّد مجال الدالة ومداهما.

نقود: استعمل المعطيات التالية لحلّ السؤالين ٢٣، ٢٤:

يبيع خالد تمورًا فاخرة. فإذا كان يربح في علبة التمور الواحدة ١٢ ريالًا.

٢٣) اكتب معادلة بمتغيّرين لتبيّن العلاقة بين عدد العلب (ع) ومقدار ما يكسبه من الريالات (ر).

٢٤) احسب ما يكسبه خالد إذا باع ١٢ علبة.

١) **تجارة:** يدير حسن مطعمًا صغيرًا لصنع الفطائر، إذا كان إيجار المحل ٢٠٠ ريال يوميًا، ويعمل به ٣ عمال، الأجرة اليومية لكل منهم ٥٠ ريالًا، وينتج في اليوم ٨٠ فطيرة تكلفه الواحدة ٥ ريالات، فكم ريالًا يدفع حسن في اليوم؟

اكتب كل قوّة فيما يلي على صورة ضرب العامل في نفسه:

$$٢) ٥^٣ \quad ٣) ٤^{١٥}$$

٤) **قياس:** يريد ماجد أن يطلي حائطًا في بيته بعداه ٣ أمتار، ٧ أمتار. فإذا كانت علبة الدهان تكفي لطلاء ٢٠ مترًا مربعًا، فهل تكفي علبة واحدة لطلاء هذا الحائط؟ علّل إجابتك.

٥) **اختيار من متعدد:**

$$\text{ما قيمة } ٨ + (١٢ \div ٣) - ٢(٥ \times ٩) \text{ ؟}$$

$$(أ) ٦٠٣ \quad (ب) ١٣٥$$

$$(ج) ٢٧ \quad (د) ١٩$$

احسب قيمة كلٍّ من العبارات الآتية، إذا كانت س = ١٢، ص = ٥، ع = ٣:

$$٦) س - ٩ \quad ٧) ٨ ص \quad ٨) \frac{س}{ص + ١٣}$$

٩) توفّر هدى ٥٤ ريالًا شهريًا لتشتري ساعة يد جديدة. كم ريالًا توفّر هدى بعد ٧ أشهر؟ استعمل خاصية التوزيع، ووضّح إجابتك.

حلّ كلاً من المعادلات الآتية ذهنيًا:

$$١٠) ٩ + م = ١٦ \quad ١١) ١٤ - د = ٣٧$$

$$١٢) \frac{٩٦}{ت} = ٣٢ \quad ١٣) ٦ س = ١٢٦$$

الاختبار التراكمي (١)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ إذا كان سعر بيع النسخة من كتاب ٥, ٤ ريالاً، وبيع منه ٣٥ نسخة يوم الاثنين، و٥٢ نسخة يوم الثلاثاء، فما المعلومة التي تحتاج إليها لإيجاد مقدار الربح من مبيعات هذا الكتاب يومي الاثنين والثلاثاء؟

(أ) عدد الكتب المباعة يوم الأربعاء.

(ب) عدد الكتب المباعة يومي الاثنين والثلاثاء.

(ج) مجموع عدد الكتب المباعة.

(د) تكلفة النسخة الواحدة من الكتاب.

٢ بين الجدول أدناه عدد الفطائر التي باعها مقصف مدرسة خلال أسبوع. أي مما يأتي لا يتوافق مع البيانات الواردة في الجدول؟

اليوم	السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء
عدد الفطائر	٦٨	٨٩	٤٥	٩٥	٣٣

(أ) عدد الفطائر المباعة يوم الإثنين $\frac{1}{3}$ عدد الفطائر المباعة يوم الأحد تقريباً.

(ب) عدد الفطائر المباعة يوم الثلاثاء ٣ أضعاف

عدد الفطائر المباعة يوم الأربعاء تقريباً.

(ج) مجموع عدد الفطائر المباعة خلال الأسبوع ٣٣٠ فطيرة.

(د) عدد الفطائر المباعة يوم السبت يزيد ٥٨ فطيرة على عدد الفطائر المباعة يوم الأربعاء.

٣ ما قيمة 3^0 ؟

(أ) ٢٤٣

(ب) ١٢٥

(ج) ١٥

(د) ٥

٤ اكتب $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$ بالصيغة الأسية.

(أ) ٤٦

(ب) ٦٤

(ج) ٤٤

(د) ٣٤

٥ يسير أسامة بسيارته بمعدل ٧٥ كلم/س يوم السبت، و٨٥ كلم/س يوم الأحد، و٨٠ كلم/س يوم الاثنين.

إذا كانت (ل) ترمز إلى عدد الساعات التي يقطعها

يوم السبت، وترمز (م) إلى عدد الساعات التي

يقطعها يوم الأحد، وترمز (ع) إلى عدد الساعات

التي يقطعها يوم الاثنين، فأَي مما يأتي يمثل مجموع

المسافات التي يقطعها أسامة في الأيام الثلاثة؟

(أ) $٨٠ + ٨٥ + ٧٥$ ع

(ب) $٨٥ + ٧٥ + ٨٠$ ع

(ج) $٧٥ + ٨٥ + ٨٠$ ع

(د) $٧٥ + ٨٠ + ٨٥$ ع

٦ إذا كانت ٧٥, ٤س + ٩٥, ٥ص تمثل بالريالات

سعر (س) كيلوجراماً من الموز، و(ص) كيلوجراماً

من التفاح. فما ثمن ٣ كيلوجرامات من الموز

و ٥ كيلوجرامات من التفاح؟

(أ) ٤١, ٦ ريالاً

(ب) ٤٤ ريالاً

(ج) ١٠, ٧ ريالاً

(د) ٥٣, ٥ ريالاً

الفصل ١

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن الأسئلة الآتية:

١٢ احسب قيمة العبارة، وبرر كل خطوة؟

$$٧ + (٥ + ٤) \div ٣$$

١٣ ما قيمة هـ التي تجعل المعادلة هـ $\div ٦ = ٨$ صحيحة؟

صحيحة؟

١٤ استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة العبارة

$$٤(٥ + ٣)، ثم احسب قيمتها.$$

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤالين الآتيين موضِّحًا خطوات الحل:

ص	س٤	س
		٣
		٤
		٥
		٦

١٥ أكمل الجدول المجاور،

ثم حدد مجال الدالة

ص = ٤س ومداهما.

استعمل استراتيجية «التخمين والتحقق».

١٦ أوجد عددين حاصل ضربهما ٣٠ والفرق

بينهما ١٣.

٧ احسب قيمة: $٥ \times ٢ + ٦ \div ٤٨$.

(أ) ١٨ (ب) ٢٠

(ج) ٣٠ (د) ٥٠

٨ حل المعادلة $١٥ = س + ٥$ ذهنيًا.

(أ) ٥ (ب) ١٠

(ج) ١٥ (د) ٢٠

٩ احسب قيمة $٨ + (٢٢ + ١٨)$.

(أ) ٤٨ (ب) ٣٨

(ج) ٥٦ (د) ٥٨

١٠ إذا كان ثمن عبوة عصير ٥، ٢ ريال، فما ثمن

٦ عبوات من النوع نفسه؟

(أ) ٨، ٥ ريالات (ب) ١٢ ريالاً

(ج) ١٥ ريالاً (د) ١٧، ٥ ريالاً

١١ ما العدد الأكبر بين الأعداد: ٢، ٣، ٤، ٧، ٣٤؟

(أ) ٢ (ب) ٧

(ج) ٣ (د) ٣٤

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٦	١٥	١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-١	٨-١	٧-١	٦-١	٣-١	٢-١	٨-١	٧-١	٦-١	٣-١	٥-١	٥-١	٢-١	٢-١	١-١	١-١

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

الأعداد الصحيحة

الفكرة العامة

- أجمع الأعداد الصحيحة، وأطرحها، وأضربها، وأقسمها لحلّ المسائل ذات العلاقة، وأبرر الحلّ.

المضردات:

- العدد الصحيح (٥٠)
- التمثيل البياني لعدد صحيح (٥٠)

مثال من واقع الحياة:

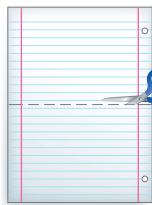
برج المملكة: وُضعت أساسات برج المملكة بالرياض على عمق حوالي ٣٠ متراً تحت مستوى سطح الأرض.

المَطْوِيَّاتُ

مُنظَّمُ أَفكار

الأعداد الصحيحة: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

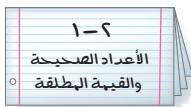
ابدأ بورقتين A4.



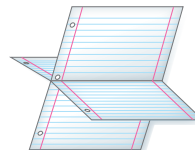
٢ اطو الورقة الثانية من المنتصف،
بثني القمّة باتجاه القاعدة، وقصّ
على طول الثنية في المنتصف فقط
بين الهامشين.



١ اطو الورقة الأولى من المنتصف
بثني القمّة باتجاه القاعدة، وقصّ
على طول الثنية من الحواف إلى
الهوامش.



٤ سمّ كلّ جزء بإعطائه رقم
الدرس وعنوانه.



٣ أدخل الورقة الأولى
في الورقة الثانية وافتح
الطيّات (الثنيات).



التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للريخ

مراجعة للريخ

مثال ١: ضع إشارة < أو > في \bullet لتصبح ١٤، ٣ \bullet ٤١، ٣
جملة صحيحة.

رتب العددين رأسياً ابتداءً من الفاصلة العشرية

$$\begin{array}{r} 3,14 \\ 3,41 \\ \uparrow \end{array}$$

الأرقام في المنزلة العشرية غير متساوية؛ فالعشر أقل من ٤ أعشار؛ إذن $3,14 > 3,41$.

ضع إشارة < أو > في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة: (مهارة سابقة):

١ \bullet ١٤٥٨ \bullet ١٥٤٨ \bullet ٢ \bullet ٣٦ \bullet ٣٤

٣ \bullet ١،٠٢ \bullet ١،٢٠ \bullet ٤ \bullet ٧٦،٧ \bullet ٧٧،٦

٥ **نقود:** يتقاضى ماهر في عمله ٧٥، ٦٥ ريالاً عن كل يوم، بينما يتقاضى مازن ٥، ٦٥ ريالاً. أيهما يتقاضى أكثر؟ (مهارة سابقة):

مثال ٢: احسب قيمة العبارة $11 - أ + ب$ ، إذا كانت $أ = ٢$ ، $ب = ٨$

$11 - أ + ب = 11 - ٢ + ٨ = ٧$
عوض عن $أ$ بـ ٢، وعن $ب$ بـ ٨
اطرح ٢ من ١١
اجمع

احسب قيمة كل عبارة فيما يأتي، إذا كانت $أ = ٧$ ، $ب = ٢$ ، $ج = ١١$: (مهارة سابقة):

٦ \bullet $٨ + أ$ \bullet ٧ \bullet $أ + ب + ج$

٨ \bullet $ج - ب$ \bullet ٩ \bullet $أ - ب + ٤$

١٠ **درجة الحرارة:** بلغت درجة الحرارة في الساعة الثامنة صباحاً ١٦°س، ثم ارتفعت ٩ درجات بعد الظهر. كم أصبحت درجة الحرارة بعد الظهر؟ (مهارة سابقة):

مثال ٣: احسب قيمة العبارة $١٦ \div ٢ + م$ ، إذا كانت $م = ٣$ ، $ن = ٨$

$١٦ \div ٢ + م = ٨ + ٣ = ١١$
عوض عن $م$ بـ ٣، وعن $ن$ بـ ٨
احسب قيمة ٢٨
اقسم ٦٤ على ١٦
اجمع

احسب قيمة كل عبارة فيما يأتي، إذا كانت $س = ٩$ ، $ص = ٤$: (مهارة سابقة):

١١ \bullet $٦ س ص$ \bullet ١٢ \bullet $ص \div ٢ - ١$

١٣ \bullet $س + ٥ \times ص$ \bullet ١٤ \bullet $س \div ٢ + (٥ + ص)$

١٥ **طيران:** تُعطى المسافة التي تقطعها طائرة في الزمن $ن$ ساعة، وبسرعة $ع$ كيلومتر لكل ساعة بالعلاقة التالية: $ف = ع ن$ ، حيث $ف$ المسافة بالكيلومتر. أوجد المسافة التي تقطعها طائرة خلال زمن قدره ٤ ساعات، وبسرعة ٤٧٥ كيلومتراً في الساعة. (مهارة سابقة):



الأعداد الصحيحة والقيمة المطلقة

١ - ٢

استعد



إنشاءات هندسية : الأساسات هي القاعدة السفلى التي ترتكز عليها البناية. إذا صُبَّت أساسات بناية على عمق ٥ أمتار دون مستوى الشارع فإن (-٥) تعني خمسة أمتار تحت مستوى الشارع.

١ ماذا تمثل القيمة -١٠؟

٢ إذا كان ارتفاع البناية ٢٠ مترًا فوق مستوى الشارع، فكيف يمكنك تمثيل هذه القيمة؟

فكرة الدرس:

أقرأ الأعداد الصحيحة وأكتبها، وأجد القيمة المطلقة لعدد.

المفردات:

العدد الصحيح

العدد الصحيح الموجب

العدد الصحيح السالب

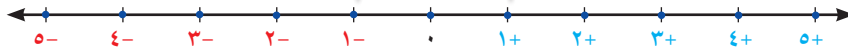
التمثيل البياني لعدد صحيح

القيمة المطلقة

تُسمَّى الأعداد، مثل: ٢٠، -٥ أعدادًا صحيحة. فالعدد الصحيح هو أي عدد من المجموعة: {٤، ٣، ٢، ١، ٠، -١، -٢، -٣، -٤، ...}

الأعداد الصحيحة السالبة هي أعداد صحيحة أقل من (٠)، وتكتب مسبوقاً بإشارة (-).

الأعداد الصحيحة الموجبة هي أعداد صحيحة أكبر من (٠)، وتكتب مسبوقاً بإشارة (+) أو بدونها.



العدد (٠) ليس سالبًا ولا موجبًا.

قراءة الرياضيات:

المجموعة:

القوسان { } يستعملان للدلالة على مجموعة والنقاط ... تعني أن الأعداد تستمر دون توقف.

مثالان من واقع الحياة

طقس: اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يلي:

١ معدّل درجة الحرارة أقل من الطبيعي بـ ٥ درجات.

بما أن معدّل درجة الحرارة أقل من الطبيعي، فإن العدد الصحيح هو -٥.

٢ معدّل هطول الأمطار ١٢ سنتيمترًا فوق الطبيعي.

بما أن معدّل هطول الأمطار فوق الطبيعي، فإن العدد الصحيح هو +١٢ أو ١٢.

تحقق من فهمك:

اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يأتي:

أ) ٦ درجات فوق الطبيعي. ب) ٥ سم دون الطبيعي.

إرشادات للدراسة

أقل من الطبيعي،

فوق الطبيعي

في السؤالين ١، ٢

أقل من الطبيعي تعني أقل

من المعدل المعتاد في مثل

هذا الوقت من السنة.

فوق الطبيعي تعني أكثر

من المعدل المعتاد في مثل

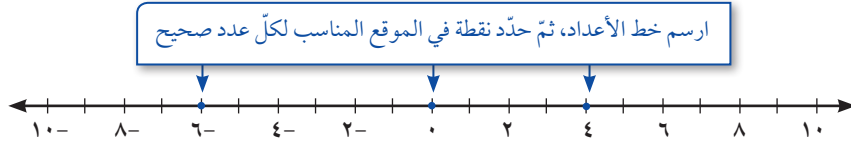
هذا الوقت من السنة.

يمكن أن تمثل عددًا صحيحًا بيانيًا على خط الأعداد بتعيين نقطة في الموقع المناسب.

تمثيل الأعداد الصحيحة بيانياً

مثال

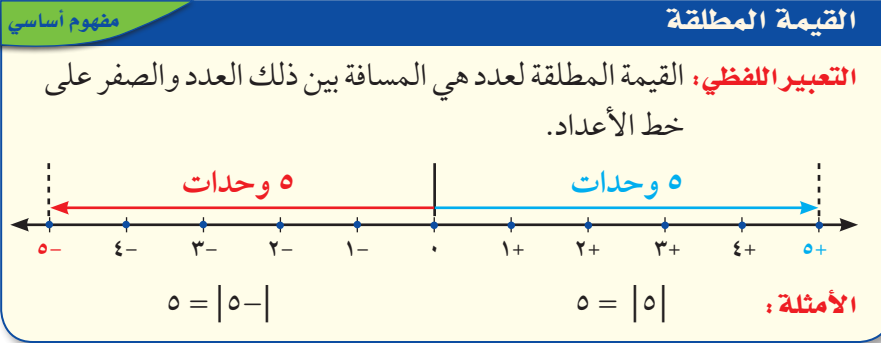
مثّل مجموعة الأعداد الصحيحة {٤، -٦، ٠} بيانياً على خط الأعداد.



تحقق من فهمك:

مثّل كل مجموعة أعداد صحيحة مما يأتي بيانياً على خط الأعداد:
 (ج) {٧، -٨، ٢} (د) {٧، ٣، -١٠، ٤}

على خط الأعداد المرسوم أدناه، لاحظ أن كلاً من العددين الصحيحين -٥ و ٥ يبعدان ٥ وحدات عن الصفر، على الرغم من أنهما يقعان في جهتين مختلفتين منه. الأعداد التي تبعد المسافة نفسها عن الصفر على خط الأعداد لها القيمة المطلقة نفسها.



قراءة الرياضيات:

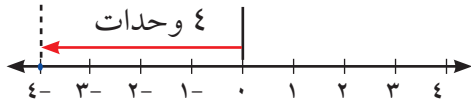
القيمة المطلقة:

$|-٥|$ هي القيمة المطلقة لسالب خمسة.

مثالان

أوجد قيمة كلٍّ من العبارتين الآتيتين:

$$|-٤|$$



النقطة -٤ على خط الأعداد

تبعد ٤ وحدات عن الصفر

$$٤ = |-٤| \text{ إذن}$$

$$|٢| - |٥|$$

$$٥ = |٥| \text{ و } ٢ = |٢|$$

$$٥ - ٢ = |٢| - |٥|$$

$$٣ =$$

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة كلٍّ من العبارات الآتية:

$$٥ - |-٦| \text{ (ز)}$$

$$|٣-| + ٢ \text{ (و)}$$

$$|٨| \text{ (هـ)}$$

إرشادات للدراسة

ترتيب العمليات

إشارة القيمة المطلقة تُعامل

مثل الأقواس، فمثلاً لحساب

$|-٥| - |٢|$ أوجد القيمة

المطلقة قبل الطرح.



المثالان ١، ٢ اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يأتي:

- ١ خسارة ٣ ريالات ٢ ٣ درجات مئوية تحت الصفر
 ٣ توفير بمقدار ١٦ ريالًا ٤ ٢٥٠ م فوق سطح البحر
 ٥ **هندسة:** صبّت أساسات برج العرب بدبي على عمق ٤٠ مترًا تحت قاع البحر، اكتب عددًا صحيحًا يمثل هذا العمق.

المثال ٣ مثل بيانًا كل مجموعة مما يأتي على خط الأعداد:

٦ {١١، ٥-، ٨-} ٧ {٢، ١-، ٩-، ١}

المثالان ٤، ٥ أوجد قيمة كل عبارة فما يأتي:

٨ |٩-| ٩ |٧| + ١ ١٠ |-١| + |-٦|

تدرّب وحلّ المسائل

اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يأتي:

- ١١ مكسب ٩ ريالات ١٢ سحب بنكي بمقدار ١٠٠٠ ريال
 ١٣ ١٣ س تحت الصفر ١٤ ٤٨ مترًا فوق سطح البحر
 ١٥ مصعد يرتفع ١٧ طابقًا ١٦ لا ربح ولا خسارة في أول صفقة

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٦-١١	٢، ١
١٨، ١٧	٣
٢٤-١٩	٥، ٤

مثل بيانًا كل مجموعة مما يأتي على خط الأعداد:

١٧ {٠، ١، ٣-} ١٨ {٥-، ١-، ١٠، ٩-}

أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي:

١٩ |١٠| ٢٠ |-١٢| ٢١ ٥ - |-٧|

٢٢ |-٥| + |-٩| ٢٣ |-١٠| ÷ ٢ × ٥ | ٢٤ |-٣| ÷ |-٤|

٢٥ **رياضة:** يهبط غواص مسافة ٣ م، ويرتفع زميله ٢ م. في أيّ الحالتين تكون القيمة المطلقة أكبر؟ وضح ذلك.

٢٦ **علوم:** إذا دلكت بالونًا بشعرك ووضعته على الجدار فإنه يلتصق به. افترض أن عدد الشحنات الموجبة على الجدار ١٧، وعدد الشحنات السالبة على البالون ٢٥. اكتب عددًا صحيحًا لكل منهما.

٢٧ استدلال: إذا كان $|س| = ٣$ ، فما قيمة س؟

٢٨ تحدّ: بيّن ما إذا كانت العبارة التالية صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة فأعطِ مثالاً مضاداً «القيمة المطلقة لكلّ عدد صحيح موجبة».

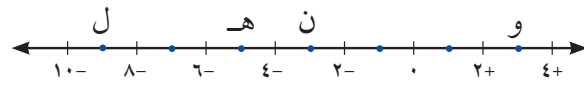
٢٩ اكتب: موقفاً من الواقع تستعمل فيه أعداداً صحيحة سالبة، ووضّح معنى العدد السالب في هذا الموقف.

تدريب على اختبار

٣١ أي المواقف الحياتية الآتية ليس صحيحاً؟

- (أ) يُعبّر عن إيداع ١٠٠ ريال في البنك بالعدد $+١٠٠$
 (ب) يُعبّر عن خسارة ١٥ نقطة في مسابقة بالعدد -١٥
 (ج) يُعبّر عن وصول غواصة إلى عمق ٣٠٠ قدم تحت سطح الماء بالعدد $+٣٠٠$
 (د) يُعبّر عن درجة الحرارة ٢٠ تحت الصفر بالعدد -٢٠

٣٠ أي النقاط التالية لإحداثياتها أكبر قيمة مطلقة؟



- (أ) النقطة هـ
 (ب) النقطة و
 (ج) النقطة ن
 (د) النقطة ل

مراجعة تراكمية

أكمل كلاً من الجدولين الآتيين، ثم حدّد مجال الدالة ومداهما. (الدرس ١-٨)

٣٢ ص = ٩ س

ص	٩ س	س
		٠
		١
		٢
		٣

٣٣ ص = س - ٤

ص	س - ٤	س
		٤
		٥
		٦
		٧

٣٤ حل المعادلة س - ٢ = ٨، ٨ = ٨ (الدرس ١-٦)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ضع إشارة > أو < أو = في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

- ٣٥ $٦ \bullet ١٦$ ٣٦ $١١١ \bullet ١٠١$ ٣٧ $٨٣, ٧ \bullet ٨٧, ٣$ ٣٨ $١٠٥١ \bullet ١٠٥١$

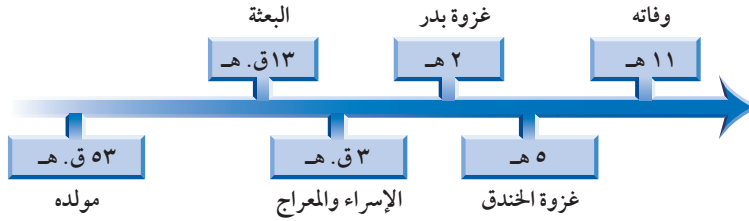


مقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها

٢ - ٢

إستعد

تاريخ: بيّن الخط الزمني التالي بعض أحداث سيرة النبي ﷺ.



فكرة الدرس:

أقارن الأعداد الصحيحة وأرتبها.

- ١ كانت الهجرة الأولى للحبشة في السنة ٨ قبل الهجرة، فهل كانت قبل الإسراء والمعراج أم بعده؟
- ٢ إذا علمت أن غزوة أحد كانت في السنة الثالثة من الهجرة، فما الحدثان اللذان تقع غزوة أحد بينهما؟

عندما يتم تمثيل عددين بيانياً على خط الأعداد، فإن العدد الذي يقع إلى اليسار يكون دائماً أقل من العدد الواقع إلى اليمين، فالعدد الأيمن دائماً أكبر من العدد الأيسر.

مشهور أساسي

مقارنة الأعداد الصحيحة

النموذج:

التعبير اللفظي: -٤ أقل من -٢، -٢ أكبر من -٤

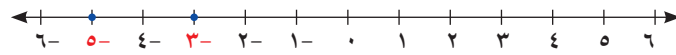
الأمثلة: $-٤ < -٢$ ، $-٢ > -٤$

المقارنة بين عددين صحيحين

مثال

١ ضع إشارة > أو < في $٥ - ٣$ لتصبح جملة صحيحة.

مثّل كلا من العددين الصحيحين بيانياً على خط الأعداد:



بما أنّ ٥ يقع إلى يسار ٣ ، فإنّ $٣ > ٥$

تحقق من فهمك:

ضع إشارة > أو < في $٥ - ١$ ليصبح كلّ مما يأتي جملة صحيحة:

(أ) $٨ - ٤$ (ب) $٥ - ١$ (ج) $١٠ - ١٣$

مثال من اختبار

٢ أمامك قائمة تمثل درجات حرارة سُجِّلت في ٤ عواصم لدول عربية في أحد أيام فصل الشتاء. أيّ ممّا يأتي يمثل ترتيب درجات الحرارة من الأعلى إلى الأدنى؟

العاصمة	درجة الحرارة
الرياض	١٩
عمان	٦-
المنامة	٢٢
بيروت	١٢-

(أ) ١٩، ١٢، ٢٢، ٦-

(ب) ٢٢، ١٢، ١٩، ٦-

(ج) ١٢، ١٩، ٦، ٢٢

(د) ١٢، ٦، ١٩، ٢٢

اقرأ:

لترتيب الأعداد الأربعة مثلها بيانياً على خط الأعداد.

حل:

ارمز إلى الرياض بالرمز ر، وإلى عمان ع، والمنامة م، وبيروت ب:



رتب الأعداد من الأعلى إلى الأدنى بقراءتها على خط الأعداد من اليمين إلى اليسار: ٢٢، ١٩، ٦، ١٢، إذن الإجابة الصحيحة هي د.

تحقق من فهمك:

تمثل القوائم التالية الأرباح والخسائر الأسبوعية بالآلاف لمحل تجاري. أيها مرتب من الأصغر إلى الأكبر؟

(ب) ٥، ٢، ٠، ١، ٣-

(أ) ٣، ١، ٠، ٢، ٥

(د) ٥، ٣، ٢، ١، ٠

(ج) ٥، ٢، ٠، ٣، ١-

تاكد

ضع إشارة > أو < في ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

١٠ - ٠ ٣

٨ ٢ - ٢

٦ - ٤ - ١

رتب الأعداد الصحيحة في كل مجموعة من الأصغر إلى الأكبر:

{١٨، ١٩، ١٠، ١٦، ١٢} ٥

{٤، ٠، ٢، ٩، ١٣} ٤

٦ اختيار من متعدد: تم رصد درجات الحرارة الدنيا في بعض المدن في العالم.

أي المجموعات التالية يمثل هذه الدرجات مرتبة من الأبرد إلى الأدفأ؟

(ب) {١٢، ١٩، ٣٦، ٤٠}

(أ) {١٢، ٤٠، ٣٦، ١٩}

(د) {٣٦، ١٢، ١٩، ٤٠}

(ج) {٤٠، ٣٦، ١٩، ١٢}

المثال ١

المثال ٢

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٢-٧	١
١٥-١٣	٢

ضع إشارة > أو < في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

٩ \bullet ١٥ - ٣٣ -
١٢ \bullet ٨

٨ \bullet ٢١ - ١٢ -
١١ \bullet ٤ - ٤

٧ \bullet ٧ - ٣ -
١٠ \bullet ١٧ - ٢٠ -

رتّب الأعداد الصحيحة في كل مجموعة من الأصغر إلى الأكبر:

١٤ $\{ -١٢، -١٥، -٨، -١٥، -٢٣، -١٠ \}$ ١٣ $\{ -٣، -٥، -٦، -١١، -٨ \}$

المنطقة	العمق
البحر	٤٠٠٠ م
الهلال	٦٠٠٠ م
منتصف الليل	١٠٠٠ م
ضوء النهار	٠ م
الفجر	٢٠٠ م

١٥ تحليل جداول: إذا كان قاع المحيط مقسماً إلى خمس

مناطق وفقاً للعمق الذي يخترقه ضوء الشمس، فرتّب هذه المناطق من الأقرب إلى الأبعد بالنسبة لسطح المحيط.

ضع إشارة > أو < أو = في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

١٨ $| ٩٢ | \bullet | ٢٩ - |$

١٧ $| ١٢ - | \bullet | ١٢ |$

١٦ $| ٣٦ | \bullet | ٣٧ - |$

برودة الهواء					
درجة الحرارة (سيليزية)					سرعة الرياح ميل / ساعة
٥-	٠	٥	١٠	١٥	٥
١٦-	١١-	٥-	١	٧	١٠
٢٢-	١٦-	١٠-	٤-	٣	١٥
٢٦-	١٩-	١٣-	٧-	٠	٢٠
٢٩-	٢٣-	١٥-	٩-	٢-	

١٩ طقس: اخترع مؤشر برودة الهواء

عام ١٩٣٩ م. مستعملاً الجدول المجاور، في أيّ الحالتين يشعر الفرد بالبرودة أكثر: عند درجة حرارة ١٠°س بسرعة ١٥ ميلاً / ساعة، أم عند درجة حرارة ٥°س بسرعة ١٠ أميال / ساعة؟

حدّد ما إذا كانت كل جملة مما يأتي صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة، فغيّر أحد العددين لتصبح الجملة صحيحة:

٢٣ $| ٨ - | < | ١٠$

٢٢ $| ٥ | > | ٦ -$

٢١ $٠ > | ٧ -$

٢٠ $٥ < | ٨ -$

٢٤ **حسّ عددي**: إذا كان العدد صفر هو أكبر عدد صحيح في مجموعة مكوّنة من خمسة أعداد صحيحة، فماذا تستنتج عن الأعداد الأربعة الأخرى؟

٢٥ **تحّد**: ما أكبر قيمة ممكنة للعدد الصحيح n إذا كان $n > 0$ ؟

٢٦ **الكتب**: فكّر في طريقة لترتيب مجموعة من الأعداد الصحيحة السالبة من الأصغر إلى الأكبر دون استعمال خط الأعداد. وضح طريقتك باستعمالها في ترتيب الأعداد: -5 ، -8 ، -1 ، -3

تدريب على اختبار

٢٨ أيّ الجمل الآتية حول القيم الواردة في الجدول أدناه غير صحيحة؟

المدينة	درجة الحرارة
س	-16
ص	-11
ع	-12
ل	-17
هـ	-14

- (أ) درجة الحرارة في المدينة ل أقل منها في س
(ب) درجة الحرارة في المدينة س أقل منها في ص
(ج) درجة الحرارة في المدينة ع أكبر منها في هـ
(د) درجة الحرارة في المدينة هـ أقل منها في س

٢٧ تمثل القوائم الآتية النقاط التي كسبها وخسرهما يوسف في أثناء مسابقة ثقافية.

أيّ هذه القوائم مرتب من الأعلى إلى الأدنى؟

- (أ) 2000 ، 4000 ، 10000 ، 2000 ، 6000
(ب) 2000 ، 4000 ، 10000 ، 6000
(ج) 10000 ، 4000 ، 2000 ، 6000
(د) 2000 ، 6000 ، 2000 ، 4000 ، 10000

مراجعة تراكمية

اكتب عددًا صحيحًا لكلّ مما يأتي. (الدرس ٢ - ١)

٢٩ 9° س تحت الصفر

٣٠ قفز إلى أعلى ٢ متر.

أشجار: للسؤالين ٣١، ٣٢ استعمل المعلومات الآتية: (الدرس ١ - ٨)
قدّر سعيد أنه يستطيع أن يزرع ٦ أشجار كل ساعة.

٣١ اكتب معادلة بمتغيرين تمثل العدد الكلي للأشجار س التي يزرعها سعيد بعد (ن) ساعة.

٣٢ كم شجرة يزرع سعيد في ٤ ساعات؟

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل نقطة مما يأتي على خط أعداد رأسي مدرج من -10 إلى $+10$. (الدرس ١ - ٢)

٣٦ -7

٣٥ 4

٣٤ 0

٣٣ -3



المستوى الإحداثي

٢ - ٣



استعد

نظام تحديد الموقع هو نظام جغرافي يعتمد على الأقمار الصناعية، وفيما يلي خريطة تمثل جزءاً من إحدى المدن.

١ افترض أن علياً انطلق من الجامعة وتحرك

٣ مربعات في اتجاه الشمال، فما اسم الشارع الذي سيصل إليه؟

٢ استعمل الكلمات: شمال، جنوب، شرق، غرب لكتابة إرشادات للتحرك من الحديقة إلى الفندق.

فكرة الدرس:

أمثل نقاطاً في المستوى الإحداثي.

المفردات:

المستوى الإحداثي

الربع

محور السينات

محور الصادات

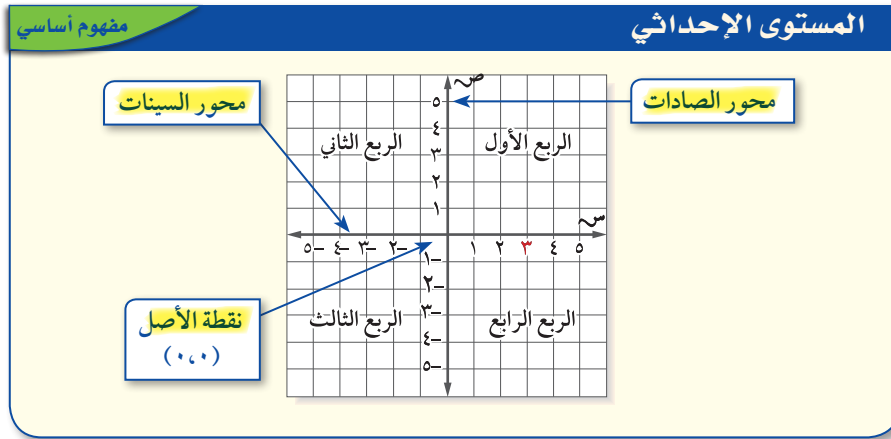
نقطة الأصل

الزوج المرتب

الإحداثي السيني

الإحداثي الصادي

يتم تعيين المدن والشوارع على شبكة نظام تحديد الموقع. وفي الرياضيات تُستعمل شبكة تُسمى **المستوى الإحداثي** لتعيين النقاط. ويتكوّن المستوى الإحداثي من تقاطع خطّي أعداد متعامدين، يقسمان المستوى إلى أربع مناطق تُسمى **أرباعاً**.



والزوج المرتب هو زوج من الأعداد، مثل (٣، ٢)، يعبر عن نقطة على المستوى الإحداثي.

الإحداثي الصادي

يرتبط بالعدد الممثل على محور الصادات.

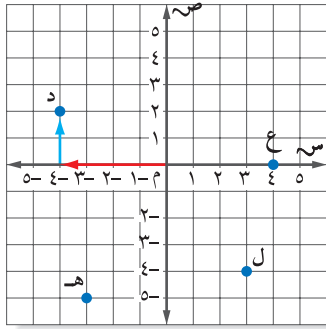
(٣، ٢)

الإحداثي السيني

يرتبط بالعدد الممثل على محور السينات.

عند تعيين زوج مرتب، فإنَّ التحرك إلى اليمين أو إلى أعلى ابتداءً من نقطة الأصل $(0, 0)$ على المستوى الإحداثي يعبر عن الاتجاه الموجب، أمَّا التحرك إلى اليسار أو إلى أسفل فيعبر عن الاتجاه السالب.

مثال تسمية النقاط باستعمال الأزواج المرتبة



- اكتب الزوج المرتب الذي يعبر عن النقطة د، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه النقطة.
 - ابدأ من نقطة الأصل.
 - تحرك يسارًا على محور السينات لتحديد الإحداثي السيني للنقطة (د)، وهو في هذه الحالة -٤.
 - تحرك إلى أعلى لإيجاد الإحداثي الصادي، وهو في هذه الحالة ٢.

إذن النقطة د تقابل الزوج المرتب $(-٤, ٢)$ ، وهي تقع في الربع الثاني.

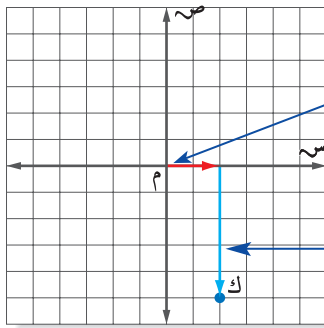
تحقق من فهمك:

اكتب الزوج المرتب المقابل لكل نقطة، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه.

- (أ) ل (ب) هـ (ج) ع

مثال التمثيل البياني لزوج مرتب

مثّل بيانيًّا النقطة ك $(٢, -٥)$ ، وسمّها.



ابدأ بنقطة الأصل. الإحداثي السيني ٢، لذا تحرك وحدتين إلى اليمين.

بما أنّ الإحداثي الصادي -٥، تحرك ٥ وحدات إلى أسفل، وعرّين النقطة ك.

إرشادات للدراسة

تدريب:

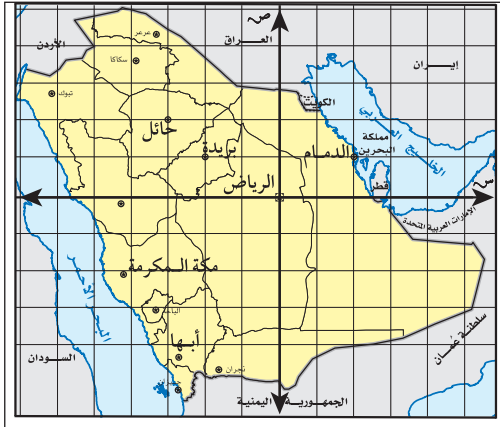
عندما لا تظهر أعداد على المحورين السيني والصادي فافتراض أن طول ضلع كل مربع يمثل وحدة واحدة.

تحقق من فهمك:

ارسم المستوى الإحداثي على ورقة رسم بياني، ثمّ مثلّ النقاط التالية عليه، وسمّها:

- (د) ل $(٢, -٤)$ (هـ) ع $(٣, -٥)$ (و) ن $(١, ٠)$

مثال من واقع الحياة



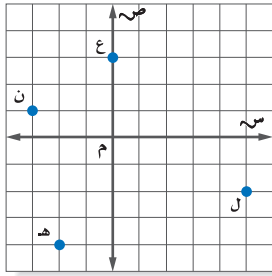
جغرافيا: يمكن تقسيم الخريطة إلى مستوى إحداثي، حيث يمثل محور السينات المسافة المقطوعة يميناً أو يساراً، ويمثل محور الصادات المسافة المقطوعة إلى أعلى أو إلى أسفل. ما المدينة التي تقع عند النقطة (١، ٢)؟ وفي أي ربع؟

ابدأ من نقطة الأصل، وتحرك وحدتين يميناً، ثم وحدة واحدة إلى أعلى، فتجد «مدينة الدمام» عند النقطة (١، ٢)، وهي في الربع الأول.

تحقق من فهمك

- استعمل الخريطة أعلاه لحل ما يأتي:
- ز) اكتب الزوج المرتب المقابل لمدينة حائل.
- ح) ما المدينة التي تقع عند نقطة الأصل؟

تأكد



اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كلًّا من النقاط الآتية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه:

- ١ ع
٢ ن
٣ هـ
٤ ل

المثال ١

ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل النقاط الآتية، وسمّها:

- ٥ ت (٣، ٢)
٦ ث (-٤، ٦)
٧ ط (-٥، ٠)
٨ غ (١، -٢)

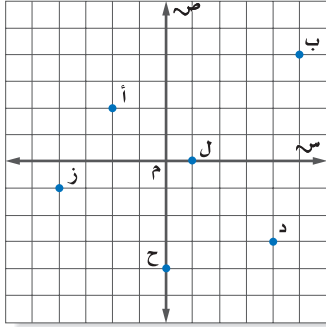
المثال ٢

جغرافيا: لحلّ السؤالين ٩، ١٠، استعمل الخريطة في المثال ٣.

- ٩ أي المدن تقع عند النقطة (-٢، ١)؟
١٠ في أي ربع تقع مدينة أبها؟

المثال ٣

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٦-١١	١
٢٤-١٧	٢
٢٦، ٢٥	٣



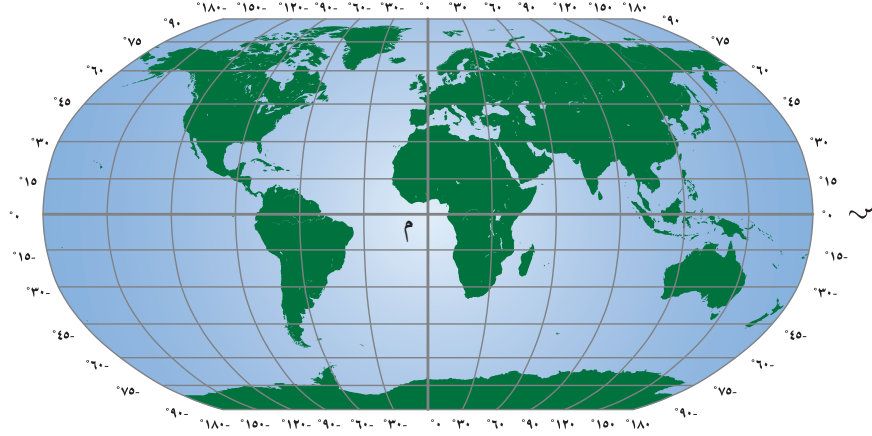
اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كل نقطة من النقاط التالية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه:

- أ ١١ ب ١٢ ج ١٥
د ١٣ هـ ١٤ ز ١٦

ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل كلاً من النقاط الآتية عليه، وسمّها:

- ١٧ ك (٦، ٥) ١٨ ن (-٢، ١٠) ١٩ س (٧، -٨) ٢٠ ص (٣، ٠)
٢١ ر (-١، ٧) ٢٢ ط (٦، ٠) ٢٣ خ (-٤، ٠) ٢٤ ي (٠، -٥)

جغرافيا: يمكن تقسيم خريطة العالم بحسب المستوى الإحداثي، حيث (س، ص) يمثلان (درجات الطول، درجات العرض). استعمل خريطة العالم لحل السؤالين ٢٥، ٢٦:



- ٢٥ في أي قارة تقع النقطة (٣٠° طول، -١٥° عرض)؟
٢٦ أي القارات تقع كاملة في الربع الأول؟
٢٧ **هندسة:** مثل بيانياً أربع نقاط على المستوى الإحداثي بحيث تشكل رؤوس مربع عند وصلها معاً، ثم حدّد الأزواج المرتبة المقابلة لها.
٢٨ **بحث:** استعمل الإنترنت أو أي مصدر آخر لتوضيح سبب تسمية المستوى الإحداثي في بعض الأحيان بالمستوى الديكارتي.

حدّد ما إذا كانت كل عبارة مما يأتي صحيحة دائماً أم صحيحة أحياناً أم غير صحيحة أبداً. وضح إجابتك بإعطاء مثال مُضاد:

- ٢٩ كل من الإحداثيين السيني والصادي لنقطة تقع في الربع الثالث سالب.
٣٠ الإحداثي الصادي لنقطة تقع على محور الصادات سالب.
٣١ الإحداثي الصادي لنقطة تقع في الربع الثاني سالب.

مسائل

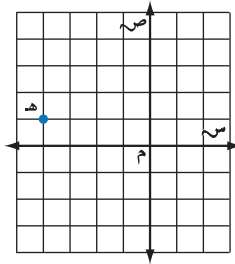
مهارات التفكير العليا

٣٢ مسألة مفتوحة: اقترح طريقة تحدد من خلالها الربع الذي تقع فيه نقطة ما دون الاستعانة بالتمثيل البياني، ثم أعط مثالاً يوضح ذلك.

الكتب **٣٣** وضح لماذا يختلف موقع النقطة أ (١، ٢) عن موقع النقطة ب (٢، ١).

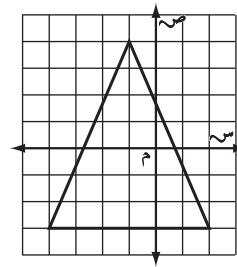
تدريب على اختبار

٣٥ ما إحداثيات النقطة هـ في الشكل أدناه؟



- (أ) (١، ٤)
 (ب) (١، ٤-)
 (ج) (٤، ١)
 (د) (٤-، ١)

٣٤ أي النقاط التالية تقع داخل المثلث المرسوم في



الشكل أدناه؟

- (أ) (٢، ١-)
 (ب) (١-، ٤-)
 (ج) (٣، ١)
 (د) (٢-، ٢)

مراجعة تراكمية

ضع إشارة < أو > أو = في ● ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة. (الدرس ٢-٢)

٤٠- | ● ٤٠ **٣٩**

| ١٥- | ● ١٤ **٣٨**

٣٠- ● ٢٦ **٣٧**

٣- ● ٨- **٣٦**

٤٠ أوجد القيمة المطلقة للعدد -١٠١ (الدرس ٢-١)

٤١ ماراثون: استعداداً لسباق الماراثون، بدأ فهد بالركض ٨ كيلومترات كل يوم من أيام الأسبوع (من السبت إلى الأربعاء)، و١٢ كيلومتراً في كل من يومي الخميس والجمعة. كم كيلومتراً ركض فهد في الأسبوع كاملاً؟ (الدرس ١-١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اجمع:

٥٧٣٤ + ٦٠٠٣ **٤٤**

٥١٢ + ٨١٤ **٤٣**

٢٤٦ + ١٣٨ **٤٢**



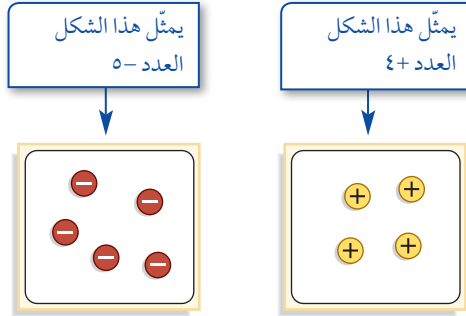
معمل الجبر

جمع الأعداد الصحيحة

استكشاف

٤ - ٢

يمكنك استعمال قطع العدّ الموجبة والسالبة لتوضيح عملية الجمع على الأعداد الصحيحة؛ فالقطعة $+$ تمثل ١، والقطعة $-$ تمثل -١ .



فكرة الدرس:

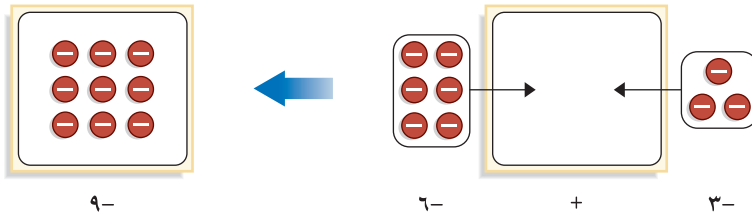
أستعمل قطع العدّ لتمثيل عملية جمع الأعداد الصحيحة.

نشاط

١ استعمال قطع العدّ لإيجاد $(-٦) + (-٣)$

أوجد المجموع الكلي للقطع

ضم ٣ قطع سالبة
مع ٦ قطع سالبة



$$-٩ = (-٦) + (-٣)$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العدّ أو الرسم لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

(أ) $٦ + ٥$ (ب) $(-٥) + ٣$ (ج) $(-٤) + ٥$

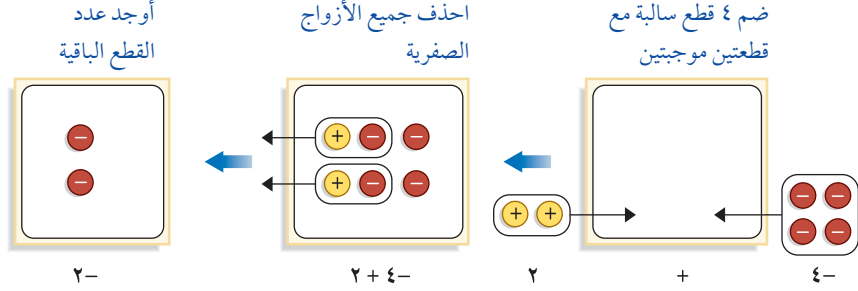
الخاصّيتان التاليتان مهمّتان عند التعامل مع العمليات على الأعداد الصحيحة:

- عند ضمّ قطعة عد موجبة مع أخرى سالبة، فإنّ الناتج يُسمّى زوجاً صفرياً، وقيّمته صفر.
- يمكنك إضافة أو حذف زوج صفري من قطع العد الموجبة والسالبة؛ وذلك لأنّ إضافة الصفر أو حذفه لا يُغيّر من قيمة العدد.

نشاطان

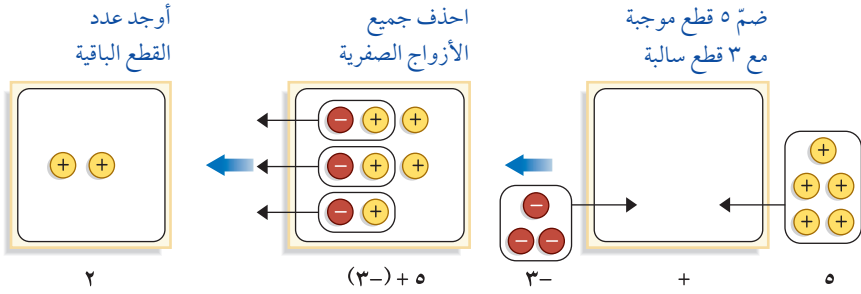
استعمل قطع العد لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

$$٢ + ٤ -$$



$$٢- = ٢ + ٤ -$$

$$٢ = (٣-) + ٥$$



$$٢ = (٣-) + ٥$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

(د) $٥ + ٦ -$ (هـ) $(٦-) + ٣$ (و) $٧ + ٢ -$ (ز) $(٣-) + ٨$

حلّ النتائج:

- ١ اكتب جملة جمع يكون الناتج فيها موجباً، بحيث يكون أحد العددين موجباً والآخر سالباً.
- ٢ اكتب جملة جمع يكون الناتج فيها سالباً، بحيث يكون أحد العددين موجباً والآخر سالباً.
- ٣ **خمن:** ما القاعدة التي يمكنك استعمالها لتحدّد كيفية إيجاد مجموع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها؟ وعددين آخرين لهما إشارتان مختلفتان؟

إرشادات للدراسة

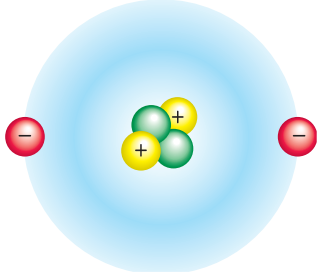
جمع الأعداد الصحيحة:
إذا كان هناك قطع سالبة أكثر من الموجبة فالمجموع سالب.



جمع الأعداد الصحيحة

٢ - ٤

استعد



علوم: تتكوّن الذرّات من شحنات سالبة (إلكترونات) وشحنات موجبة (بروتونات)، وتحتوي ذرّة الهيليوم على إلكترونين وبروتونين.

١ مثل عدد الإلكترونات في ذرّة الهيليوم بعدد صحيح.

٢ مثل عدد البروتونات في ذرّة الهيليوم بعدد صحيح.

٣ قيمة كلّ زوج «بروتون - إلكترون» تساوي صفرًا، فما الشحنة الكلية لذرّة الهيليوم؟

فكرة الدرس:

أجمع أعدادًا صحيحة.

المفردات:

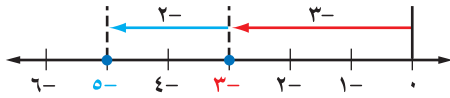
المعكوس

النظير الجمعي

إنّ ضمّ البروتونات والإلكترونات في ذرّة ما يشبه جمع الأعداد الصحيحة.

جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

مثال



١ أوجد ناتج $(-2) + (-3)$

استعمل خط الأعداد

- ابدأ من الصفر.
- تحرك ٣ وحدات إلى اليسار للوصول إلى -3 .
- تحرك من تلك النقطة إلى اليسار بمقدار وحدتين.

$$-5 = (-2) + (-3)$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ب) $(-10) + (-4)$

(أ) $(-5) + (-7)$

ممّا سبق يمكن التوصل إلى القاعدة التالية:

مفهوم أساسي

جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

التعبير اللفظي: لجمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها، اجمع القيم المطلقة للعددين. وعندها يكون المجموع:

- موجبًا إذا كان كلا العددين الصحيحين موجبًا.
- سالبًا إذا كان كلا العددين الصحيحين سالبًا.

$$-11 = (-7) + (-4)$$

$$11 = 7 + 4$$

الأمثلة:

مثال جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

٢ أوجد ناتج $(-17) + 26$

كلا العددين سالب، لذا فالمجموع سالب

$$26 - = (-17) + 26 - = 43 -$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(د) $38 + 23$

(ج) $(-16) + 14$

كل من العددين الصحيحين 5 ، -5 هو **معكوس** للآخر؛ لأنهما يبعدان المسافة نفسها عن الصفر، ولكنهما يقعان في جهتين مختلفتين منه. ويُسمى كل منهما أيضًا **النظير الجمعي** للآخر.

مفهوم أساسي

خاصية النظير الجمعي

التعبير اللفظي: مجموع أي عدد ونظيره الجمعي يساوي صفرًا.

الأمثلة: $0 = 9 + 9 -$ $0 = (-5) + 5$

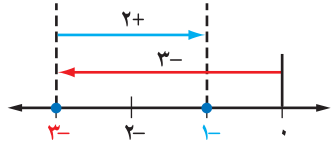
يساعد خط الأعداد على جمع الأعداد الصحيحة المختلفة الإشارة.

مثالان جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

٤ أوجد ناتج $2 + 3 -$

استعمل خط الأعداد

- ابدأ من 0
- تحرك 3 وحدات إلى اليسار.
- تحرك 2 وحدتين إلى اليمين.

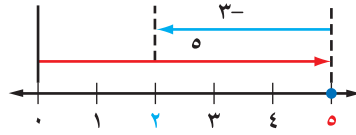


إذن: $1 - = 2 + 3 -$

٣ أوجد ناتج $(-3) + 5$

استعمل خط الأعداد

- ابدأ من 0
- تحرك 5 وحدات إلى اليمين.
- تحرك 3 وحدات إلى اليسار.



إذن: $2 = (-3) + 5$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(و) $19 + 15 -$

(هـ) $(-7) + 6$

مفهوم أساسي

جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

التعبير اللفظي: لجمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة، اطرح القيم المطلقة لهما، وعندما يكون المجموع:

- موجبًا إذا كانت القيمة المطلقة للعدد الموجب أكبر.
- سالبًا إذا كانت القيمة المطلقة للعدد السالب أكبر.

الأمثلة: $5 - = 4 + 9 -$ $5 = (-4) + 9$

إرشادات للدراسة

ارجع إلى القبة البلمبة في الدرس ٢ - ١.

أمثلة جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$٥ \quad (١-) + ٧$$

اطرح القيم المطلقة $١ - ٧ = ٦$ ، بما أن القيمة المطلقة للعدد ٧ أكبر، فالناتج موجب

$$٦ \quad ٣ + ٨ -$$

اطرح القيم المطلقة $٨ - ٣ = ٥$ ، بما أن القيمة المطلقة للعدد ٨ أكبر، فالناتج سالب

$$٧ \quad (٢-) + (١٥-) + ٢$$

$$(١٥-) + (٢-) + ٢ = (٢-) + (١٥-) + ٢ \quad \text{خاصية الإبدال على الجمع}$$

$$(١٥-) + [(٢-) + ٢] = \quad \text{خاصية التجميع على الجمع}$$

$$(١٥-) + ٠ = \quad \text{خاصية النظير الجمعي}$$

$$١٥- = \quad \text{خاصية العنصر المحايد الجمعي}$$

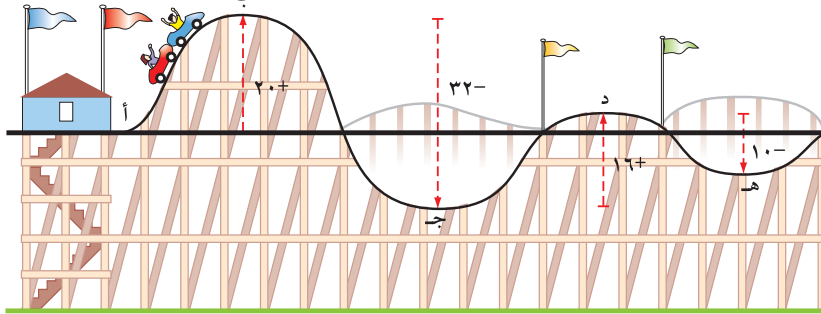
تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$\text{ز) } (١٢-) + ١٠ \quad \text{ح) } ١٨ + ١٣ - \quad \text{ط) } ٦ + (٦-) + (١٤-)$$

مثال من واقع الحياة

٨ لعبة القطار: يُبين الشكل التالي الارتفاعات المختلفة عند نقاط متعددة من لعبة القطار. اكتب جملة جمع لإيجاد ارتفاع النقطة د بالنسبة للنقطة أ.



$$\text{خاصية الإبدال على الجمع} \quad (٣٢-) + ١٦ + ٢٠ = ١٦ + (٣٢-) + ٢٠$$

$$٣٦ = ١٦ + ٢٠ \quad (٣٢-) + ٣٦ =$$

اطرح القيم المطلقة، بما أن القيمة المطلقة للعدد ٣٦ أكبر، فالناتج موجب

$$٤ =$$

الناتج عدد موجب؛ لذا فالنقطة د أعلى من النقطة أ بمقدار ٤ م.

تحقق من فهمك:

ي) طقس: إذا كانت درجة الحرارة ١٣°س ، وانخفضت بعد ساعة ٦°س ، وارتفعت بعد ساعتين ٤°س ، فاكتب جملة جمع لوصف هذه التغيرات، ثم أوجد الناتج، وفسره.

تأكد

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

- الأمثلة ١-٦
- المثال ٧
- المثال ٨
- ٢ $٥ + ٤$
- ٣ $(٨-) + ٦-$
- ٤ $٨ + ١٥-$
- ٥ $١٠ + ٣-$
- ٦ $(٩-) + ٩ + ١٥$
- ٧ $(٣-) + ٢٠ + ١٧-$

٧ **نقود:** يبلغ رصيد عائشة في البنك ٤٢٥ ريالاً، سحبت منه ٥٦ ريالاً، ثم أودعت ٢٣٥ ريالاً. اكتب جملة الجمع، ثم أوجد الناتج وفسره.

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

- ٩ $١١ + ١٧$
- ١٠ $(١٦-) + ٢٢-$
- ١١ $١٠ + ١٢-$
- ١٢ $(١٩-) + ١٣$
- ١٣ $(٢٥-) + ٢٥ + ٣٤-$
- ١٤ $١٢ + (٤-) + ٨-$

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
٩، ٨	٢، ١
١١، ١٠	٦-٣
١٣، ١٢	٧
١٥، ١٤	٨

في السؤالين ١٤، ١٥؛ اكتب جملة الجمع، ثم أوجد الناتج، وفسره:

- ١٤ **غوص:** عندما غاص مهند مسافة ١٤ متراً تحت سطح الماء شاهد سمكة تعلوه ٣ أمتار.
- ١٥ **طيور:** هبط طائر بجع من ارتفاع ٢٠ متراً فوق سطح البحر، وغاص ٢٠ متراً ليلتقط سمكة.

إيداع	سحب	رصيد
٤٢ ريالاً		
	٣٦ ريالاً	
٢٨ ريالاً		
	١١ ريالاً	
٣٦ ريالاً		

١٦ **بنك:** يدخر خالد مبلغاً من المال لشراء دراجة جديدة، ولديه الآن ٤٨ ريالاً. اكتب الأعداد الصحيحة المناسبة في \blacksquare بعد كل عملية إيداع أو سحب.

جبر: احسب قيمة كل عبارة، إذا كانت $٨- = ع$ ، $٧ = ص$ ، $١٠- = س$

- ١٧ $١٤ + س$
- ١٨ $(٥-) + ع$
- ١٩ $س + ص$
- ٢٠ $ع + س$

٢١ **اكتشف الخطأ:** يحاول كلٌّ من عمر وسعود إيجاد ناتج $-12 + 15$ ، فأيهما إجابته صحيحة؟ وضح ذلك.



لسعود

$$3 = -15 + 12$$



عمر

$$3 = 15 + 12$$

تحدّ: بسّط كلّاً ممّا يأتي:

٢٤ $9 - m + (-6)$

٢٣ $1 + (-5) + s$

٢٢ $8 + (-8) + a$

٢٥ **اكتب** وضح كيف يمكنك معرفة ما إذا كان ناتج الجمع موجباً، أم سالباً، أم مساوياً صفرًا دون إجراء عملية الجمع.

تدريب على اختبار

٢٨ **درجة الحرارة:** كانت درجة الحرارة في مدينة

القريات 2° س تحت الصفر عند الساعة ٥ صباحًا،

ثم ارتفعت بمقدار 9° س عند الساعة ١٠ صباحًا،

ثم ارتفعت بمقدار 6° س عند الساعة الثالثة بعد

الظهر، فكم أصبحت درجة الحرارة في تمام الساعة

الثالثة بعد الظهر؟

(أ) 13° س فوق الصفر (ب) 17° س فوق الصفر

(ج) 13° س تحت الصفر (د) 17° س تحت الصفر

٢٦ **إجابة قصيرة** أوجد ناتج $8 + (-11)$

٢٧ ما قيمة $8 + 7 + (-3)$ ؟

(أ) 18

(ب) 4

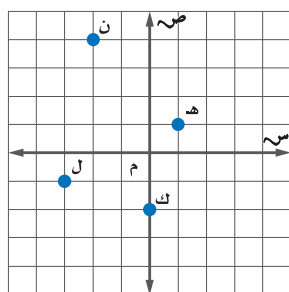
(ج) 2

(د) 18

مراجعة تراكمية

اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كل نقطة من النقاط التالية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع

عليه: (الدرس ٢-٣)



٣٢ هـ

٣١ ل

٣٠ ك

٢٩ ن

٣٣ رتب الأعداد الصحيحة: $6, -3, 0, 4, -8, 1, -4$

من الأصغر إلى الأكبر. (الدرس ٢-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اطح:

٣٦ $3891 - 7000$

٣٥ $317 - 420$

٣٤ $125 - 287$

الدرس ٢ - ٤ : جمع الأعداد الصحيحة

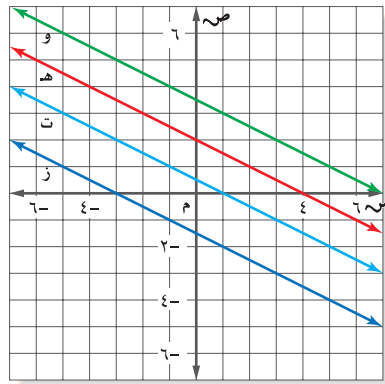
ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل كلا من النقاط التالية عليه، وسمّها. (الدرس ٢-٣)

١٥ د (٤، ٣) ١٦ ف (٠، ٥)

١٧ و (١-، ٢) ١٨ ح (٣-، ٠)

١٩ **اختيار من متعدد:** أيُّ خطٍّ مستقيم مما يأتي

تقع عليه النقطة (٤، ١-)? (الدرس ٢-٣)



(أ) المستقيم و

(ب) المستقيم هـ

(ج) المستقيم ت

(د) المستقيم ز

اجمع: (الدرس ٢-٤)

٢٠ ٣ + ٤ + (٣-) ٢١ ٧ + (١١-)

٢٢ ٥- + (٦-) ٢٣ ٨ + (١-)

٢٤ **اختيار من متعدد:** فتحت سعاد حساباً جديداً

في البنك وأودعت فيه ٢٠٠٠ ريال، ثم أودعت ١٥٠٠ ريال، وسحبت ٥٠٠ ريال. ما العبارة التي

تمثل المبلغ الموجود في حسابها الآن؟ (الدرس ٢-٤)

(أ) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠-) ريال + (٥٠٠-) ريال

(ب) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠-) ريال + (٥٠٠) ريال

(ج) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠) ريال + (٥٠٠) ريال

(د) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠) ريال + (٥٠٠-) ريال

اكتب عدداً صحيحاً لكل مما يأتي: (الدرس ٢-١)

١ انخفاض ٤٥ متراً.

٢ سحب بنكي مقداره ١٥٠ ريالاً.

٣ مكسب ٨ ريالاً.

٤ دفع فاتورة قيمتها ٢٥ ريالاً.

٥ **محيطات:** أكثر نقطة في العالم انخفاضاً هي

أحدود ماريانا، وتقع غرب المحيط الهادئ على عمق مقداره ١١ كيلومتراً تقريباً تحت سطح البحر.

اكتب عدداً صحيحاً يمثل هذا العمق.

(الدرس ٢-١)

أوجد قيمة كل مقدار مما يأتي: (الدرس ٢-١)

٦ |١٦-| ٧ |٢٤|

٨ |٣|-|٩-| ٩ |١-|+|١٣-|

١٠ **اختيار من متعدد:** ترتب الأعداد

٤، ٧-، ٣-، ٢، ٩، ٨-، ١ من الأصغر إلى الأكبر

على النحو: (الدرس ٢-٢)

(أ) ٨-، ٧-، ٣-، ١، ٢، ٤، ٩

(ب) ٩، ٤، ٢، ٣-، ١، ٨-، ٧-

(ج) ٩، ٤، ٢، ١، ٣-، ٧-، ٨-

(د) ٩، ٤، ٣-، ٢، ١، ٧-، ٨-

ضع إشارة < أو > أو = في ليصبح كل مما يأتي

جملة صحيحة. (الدرس ٢-٢)

١١ ٤- ٤ ١٢ ١١- ٨-

١٣ |٣| ١٤-| ١٤ |١٢-| ١٢|



معمل الجبر

طرح الأعداد الصحيحة

استكشاف

٥ - ٢

تستعمل قطع العد الموجبة والسالبة لتوضيح عملية طرح الأعداد الصحيحة. تذكر أن للطرح معنى آخر وهو الحذف.

فكرة الدرس:

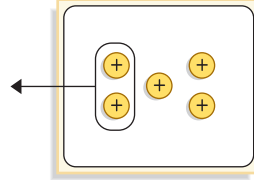
أستعمل قطع العد لتمثيل الطرح على الأعداد الصحيحة.

نشاطان

استعمل قطع العد الموجبة والسالبة لإيجاد ناتج الطرح:

$$٢ - ٥$$

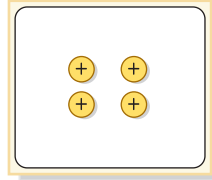
ضع ٥ قطع موجبة على اللوحة، ثم احذف منها اثنتين موجبتين



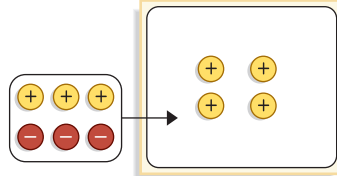
$$٣ = ٢ - ٥$$

$$٤ - (٣-)$$

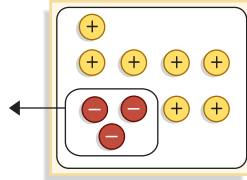
ضع ٤ قطع موجبة على اللوحة، واحذف منها ٣ سالبة. ولكن عدد القطع السالبة في هذه الحالة صفر



أضف ٣ أزواج صفرية إلى المجموعة



والآن يمكنك حذف ٣ قطع سالبة، وإيجاد العدد المتبقي من القطع



$$٧ = (٣-) - ٤$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد أو الرسم لإيجاد كلِّ ممَّا يأتي:

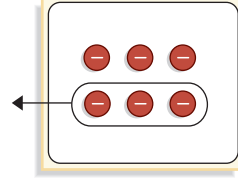
(أ) $٦ - ٧$ (ب) $(٣-) - ٥$ (ج) $(٣-) - ٦$ (د) $٨ - ٥$

نشاطان

استعمل قطع العد الموجبة والسالبة لإيجاد ناتج الطرح:

$$٣ - ٦ - (٣ -)$$

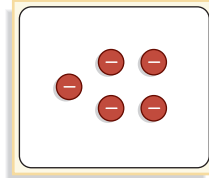
ضع ٦ قطع سالبة على اللوحة، ثم احذف منها ٣ سالبة



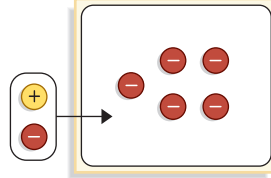
$$٣ - = (٣ -) - ٦ -$$

$$١ - ٥ -$$

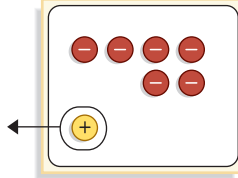
ضع ٥ قطع سالبة على اللوحة، ثم احذف منها واحدة موجبة، ولكن لا يوجد قطع موجبة



أضف زوجًا صفرًا إلى المجموعة



والآن يمكنك حذف قطعة واحدة موجبة وإيجاد العدد المتبقي



$$٦ - = ١ - ٥ -$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد أو الرسم لإيجاد ناتج كلِّ ممَّا يأتي:

$$(٧ -) - ٥ - \quad (٣ - ٧ -) \quad (٩ -) - ٨ -$$

حلّ النتائج:

- ١ اكتب جملة طرح يكون فيها ناتج الطرح موجبًا، مستعملًا أعدادًا صحيحة موجبة وسالبة.
- ٢ اكتب جملة طرح يكون فيها ناتج الطرح سالبًا، مستعملًا أعدادًا صحيحة موجبة وسالبة.
- ٣ **خمّن:** ما القاعدة التي يمكنك استعمالها لتحديد إشارة ناتج الفرق بين عددين صحيحين؟

قراءة الرياضيات:

المطروح منه والمطروح والفرق
في جملة الطرح: $٦ - = ١ - ٥ -$
يُسمّى ٥- المطروح منه، ويسمى ١-
المطروح، و ٦- الفرق.

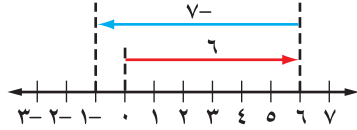


طرح الأعداد الصحيحة

٥ - ٢

نشاط

يمكنك استعمال خط الأعداد لتوضيح عملية الطرح.



١ اكتب جملة جمع تكافئ جملة الطرح الممثلة أعلاه.

استعمل خط الأعداد لإيجاد كلِّ ممَّا يلي، واكتب جملة جمع مكافئة لكلِّ منها:

٥ - ٠ (٥) ٤ - ٣ - (٤) ١ - ٢ - (٣) ٥ - ١ (٢)

عند طرح العدد ٧ من العدد ٦، فإنَّ الناتج يكافئ ناتج جمع معكوسه وهو -٧.

$$1 - = (7 -) + 6 \quad \text{المعكوس}$$

$$1 - = 7 - 6$$

الناتج نفسه

ممَّا سبق يمكن التوصل إلى القاعدة التالية:

مفهوم أساسي

طرح الأعداد الصحيحة

التعبير اللفظي: عند طرح عدد صحيح من آخر يتم إضافة معكوس ذلك العدد إلى الآخر.

الأمثلة: $17 = (10) + 7 = (10-) - 7$ ، $5 - = (9-) + 4 = 9 - 4$

طرح أعداد صحيحة موجبة

مثالان

أوجد ناتج كلِّ مما يأتي:

١ $13 - 8$

لطرح ٨ اجمع (١٣-) $(13-) + 8 = 13 - 8$

بسط $5 - =$

٢ $7 - 10 -$

لطرح ١٠ اجمع (٧-) $(7-) + 10 - = 7 - 10 -$

بسط $17 - =$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كلِّ ممَّا يأتي:

أ) $12 - 6$ ب) $15 - 20 -$ ج) $26 - 22 -$

مثالان طرح أعداد صحيحة سالبة

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$٣ \quad ١ - (-٢)$$

$$٢ + ١ = (-٢) - ١$$

ل طرح -٢ اجمع ٢ بسط

$$٣ =$$

$$٤ \quad (-٧) - ١٠ -$$

$$٧ + ١٠ - = (-٧) - ١٠ -$$

ل طرح -٧ اجمع ٧ بسط

$$٣ - =$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(د) \quad ٤ - (-١٢) \quad (هـ) \quad ١٥ - (-٥) \quad (و) \quad ١٨ - (-٦)$$

مثال إيجاد قيمة عبارة جبرية

٥ جبر: احسب قيمة س - ص إذا كانت س = -٦ ، ص = -٥ .

$$س - ص = -٦ - (-٥)$$

عوض عن س ب -٦ وعن ص ب -٥

$$٥ + ٦ =$$

ل طرح -٥ اجمع ٥ بسط

$$١ =$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة العبارات التالية إذا كانت أ = ٥ ، ب = -٨ ، ج = -٩ :

$$(ز) \quad ب - ١٠ \quad (ح) \quad أ - ب \quad (ط) \quad ج - أ$$

مثال من واقع الحياة

٦ فضاء: تتراوح درجات الحرارة على سطح القمر ما بين -١٧٣° س إلى

١٢٧° س. أوجد الفرق بين الدرجتين العظمى والصغرى.

لإيجاد الفرق بين الدرجتين، نطرح درجة الحرارة الصغرى من درجة الحرارة العظمى.

$$١٢٧ - (-١٧٣) = ١٢٧ + ١٧٣$$

ل طرح -١٧٣ اجمع ١٧٣ بسط

$$٣٠٠ =$$

إذن الفرق بين درجتي الحرارة يساوي ٣٠٠° س .

تحقق من فهمك:

(ي) جغرافيا: تنخفض أعمق نقطة في قاع البحر الميت عن مستوى سطح البحر

٧٩٩ متراً، وترتفع قمة الجبل الواقع إلى الشرق من البحر الميت ١٣٤٠ متراً فوق

مستوى سطح البحر. ما الفرق بين قمة الجبل وأعمق نقطة في قاع البحر الميت؟



الربط مع الحياة:

يبلغ متوسط درجة الحرارة على سطح القمر خلال النهار ١٠٧° س.

الأمثلة ١-٤

أوجد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

$$١ \quad ١٧ - ١٤ \quad ٢ \quad ٣٠ - ١٠ \quad ٣ \quad ٨ - ٤$$

$$٤ \quad (١٠-) - ١٤ \quad ٥ \quad (١٦-) - ٥ \quad ٦ \quad (١-) - ٣$$

جبر: احسب قيمة كل من العبارات الآتية إذا كانت ك = ٨ ، ل = ١٤ ، م = ٦ :

$$٧ \quad ١٥ - م \quad ٨ \quad م - ل \quad ٩ \quad ك - ل$$

المثال ٥

١٠ علم الأرض: تتراوح درجات الحرارة على سطح البحر بين ٢- س إلى ٣١ س.

المثال ٦

أوجد الفرق بين درجتي الحرارة الصغرى والعظمى.

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

$$١١ \quad ١٠ - ٠ \quad ١٢ \quad ١٧ - ١٣ \quad ١٣ \quad ٥ - ٩$$

$$١٤ \quad (١٩-) - ٤ \quad ١٥ \quad (٤٢-) - ١١ \quad ١٦ \quad (١٩-) - ٢٧$$

$$١٧ \quad (٥٢-) - ٥٢ \quad ١٨ \quad (١٤-) - ١٥ \quad ١٩ \quad (٢٠-) - ١٨$$

ارشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٣-١١	٢، ١
١٩-١٤	٤، ٣
٢٨-٢٠	٥
٢٩	٦

جبر: احسب قيمة كل من العبارات التالية إذا كانت ف = ٦ ، ق = ٧ ، هـ = ٩ :

$$٢٠ \quad ق - ٧ \quad ٢١ \quad ٦ - ف \quad ٢٢ \quad هـ - (٩-)$$

$$٢٣ \quad هـ - ف \quad ٢٤ \quad ٥ - ف \quad ٢٥ \quad هـ - ف$$

$$٢٦ \quad -ق + ف - هـ \quad ٢٧ \quad |ف - ق| \quad ٢٨ \quad هـ - ق - ف$$

٢٩ طائرة على ارتفاع ٤٥٠ مترًا فوق سطح البحر ، وغواصة على عمق ٢٦٠ مترًا تحت سطح البحر . أوجد البعد الرأسى بينهما.

جبر: إذا كانت س - ص = ٢ ، س + ص = ٨ فاحسب :

$$٣٠ \quad س + (-ص) \quad ٣١ \quad س - (-ص)$$

٣٢ **مسألة مفتوحة** : اكتب جملة طرح باستعمال الأعداد الصحيحة، ثم اكتب جملة جمع مكافئة لها، ووضح كيف يمكنك إيجاد ناتج الجمع.

٣٣ **اكتشف الخطأ** : أوجد راشد وحمد ناتج $15 - (-18)$ ، فأيهما على صواب؟ ولماذا؟



حمد

$$33 - = (-18) + 15 - = (-18) - 15 -$$

$$3 = (-18) + 15 - = (-18) - 15 -$$



راشد

٣٤ **تحدّ** : صح أم خطأ؟ إذا كانت ن عددًا صحيحًا سالبًا، فإن $n - 0 = 0$

٣٥ **الكتب** : وضح كيف يُستعمل النظير الجمعي في الطرح.

تدريب على اختبار

٣٧ سافر عدنان من الرياض إلى بيروت، فإذا كانت درجة الحرارة الخارجية في مطار الملك خالد الدولي في الرياض 14° س، وعند الوصول إلى مطار بيروت كانت درجة الحرارة 1° س. ما الفرق بين درجتي الحرارة في المدينتين؟

(أ) 13° س (ب) 15° س
(ج) 14° س (د) 14° س

٣٦ أي الجمل الآتية حول الأعداد الصحيحة ليست صحيحة دائمًا؟

- (أ) موجب - موجب = موجب
(ب) موجب + موجب = موجب
(ج) سالب + سالب = سالب
(د) موجب - سالب = موجب

مراجعة تراكمية

اجمع: (الدرس ٢-٤)

٣٨ $10 + (-3)$ ٣٩ $-2 + (-9)$ ٤٠ $-7 + (-6)$ ٤١ $-18 + 4$

٤٢ في أي ربع تقع النقطة $(+5, -6)$ ؟ (الدرس ٢-٣)

٤٣ **أعداد** : ما العدد الذي إذا ضرب في ٢، ثم أضيف الناتج إلى ٧، فأصبح الناتج النهائي ٢٣؟ (الدرس ١-٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة : اجمع: (الدرس ٢-٤)

٤٤ $-6 + (-6) + (-6) + (-6)$ ٤٥ $11 + (-11) + (-11)$

٤٦ $-2 + (-2) + (-2) + (-2)$ ٤٧ $8 + (-8) + (-8)$

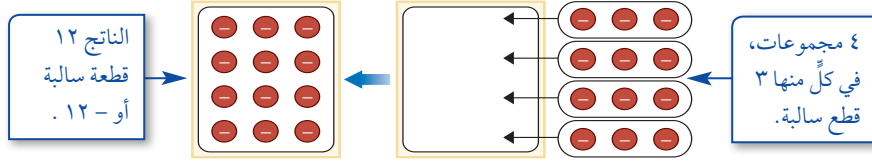


ضرب الأعداد الصحيحة

٢ - ٦

نشاط

يمكنك استعمال قطع العد الموجبة، والسالبة في ضرب الأعداد الصحيحة.



فكرة الدرس:

أجد ناتج ضرب أعداد صحيحة.

١ اكتب جملة ضرب تصف النموذج أعلاه.

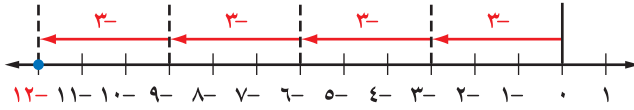
أوجد ناتج ضرب كل مما يأتي باستعمال قطع العد أو الرسم:

٢ $(-2) \times 3$ ٣ $(-3) \times 4$ ٤ $(-7) \times 1$ ٥ $(-2) \times 5$

تذكر أن الضرب هو عملية جمع متكرر فمثلا

$$(-3) \times 4 = (-3) + (-3) + (-3) + (-3) \text{ جمع } 3 \text{ أربع مرات}$$

$$= -12$$



وباستعمال خاصية الإبدال، فإن $(-3) \times 4 = 4 \times (-3)$

مفهوم أساسي

ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة

التعبير اللفظي: ناتج ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة هو عدد سالب.

الأمثلة: $35- = 7 \times 5-$ ، $24- = (-4) \times 6$

ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة

مثالان

أوجد ناتج كل مما يأتي:

١ $(-5) \times 3$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة، فالناتج سالب

$15- = (-5) \times 3$

٢ $8 \times 6-$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة، فالناتج سالب

$48- = 8 \times 6-$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ب) $4 \times 7-$

(أ) $(-2) \times 9$

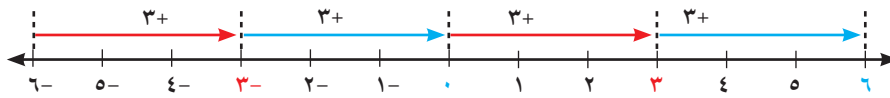
إن ناتج ضرب عددين صحيحين موجبين هو عدد موجب. استعمل نمطاً مناسباً لإيجاد إشارة ناتج ضرب عددين صحيحين سالبين.

$$\begin{array}{l} 3+ \left\{ \begin{array}{l} 6- = (3-) \times 2 \\ 3- = (3-) \times 1 \\ 0 = (3-) \times 0 \end{array} \right. \leftarrow \begin{array}{l} \text{موجب} \times \text{سالب} = \text{سالب} \\ \text{سالب} \times \text{سالب} = \text{موجب} \end{array} \\ 3+ \left\{ \begin{array}{l} 3 = (3-) \times (1-) \\ 6 = (3-) \times (2-) \end{array} \right. \leftarrow \end{array}$$

إرشادات للدراسة

الضرب في صفر:
عند ضرب أي عدد في صفر يكون الناتج صفرًا.

كل ناتج ضرب يزيد بمقدار 3 على ناتج الضرب السابق له، ويظهر هذا النمط كذلك جلياً على خط الأعداد.



مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

التعبير اللفظي: ناتج ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها هو عدد موجب.

الأمثلة: $12 = 6 \times 2$ ، $60 = (6-) \times 10-$

أمثلة ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

أوجد ناتج كل مما يأتي:

٣ $(9-) \times 11-$

العددان الصحيحان لهما الإشارة نفسها؛ إذن ناتج الضرب موجب $99 = (9-) \times 11-$

٤ $2(4-)$

$2(4-) = (4-) \times (4-)$ العددان الصحيحان لهما الإشارة نفسها

ناتج الضرب موجب $16 =$

٥ $(2-) \times (4-) \times 3-$

خاصية التجميع $(2-) \times [(4-) \times 3-] = (2-) \times (4-) \times 3-$

$12 = (4-) \times 3-$ $(2-) \times 12 =$

$24 = (2-) \times 12$ $24 = -$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ج) $(4-) \times 12-$ (د) $2(5-)$ (هـ) $(3-) \times (5-) \times 7-$

إرشادات للدراسة

ارجع إلى الأسس في
الدرس ١-٢.

مثال من واقع الحياة

٦. غوّاصات: تبدأ غوّاصة الغطس من سطح الماء بسرعة تبلغ ٣ أمتار في الدقيقة. ما العمق الذي ستصل إليه بعد ٧ دقائق؟
إذا كانت الغوّاصة تهبط بمعدّل ٣ أمتار في الدقيقة، فإنّها بعد ٧ دقائق ستصبح على عمق $٧ \times (٣-) = ٢١$ متراً؛ إذن سوف تصل إلى عمق ٢١ متراً تحت السطح.

تحقق من فهمك:

٧. نقود: يخضم مصرف مبلغاً قدره ١٠ ريالات شهرياً من حساب علي لصالح جمعية الأيتام. ما العدد الصحيح الذي يعبر عن الخضم في سنة واحدة؟

تستعمل الأعداد السالبة عادةً في حساب قيم عبارات جبرية.

إيجاد قيم العبارات الجبرية

مثال

٧. جبر: احسب قيمة العبارة: $س ص ع$ ، إذا كانت $س = ٣-$ ، $ص = ٤$ ، $ع = ١-$

$$\begin{aligned} \text{س ص ع} &= (٣-) \times ٤ \times (١-) \\ &= (١٢-) \times (١-) \\ &= ١٢ \end{aligned}$$

عوّض عن $س$ بـ $٣-$ وعن $ص$ بـ ٤ وعن $ع$ بـ $١-$
اضرب $٣-$ في ٤
اضرب $١٢-$ في $١-$

تحقق من فهمك:

٨. جبر: احسب قيمة العبارة: $أ ب ج$ ، إذا كانت $أ = ٧-$ ، $ب = ٤-$ ، $ج = ٢$

تأكد

المثالان ١، ٢: أوجد ناتج كل مما يأتي:

١ $(١٠-) \times ٦$ ٢ $(٤-) \times ١١$ ٣ $١٤ \times ٢-$

الأمثلة ٣ - ٥: أوجد الناتج في كل مما يأتي:

٤ $(٣-) \times ١٥-$ ٥ $(٩-) \times ٧-$ ٦ $٢(٨-)$
٧ $٣(٣-)$ ٨ $(٤-) \times (٣-) \times ١-$ ٩ $٥ \times ٤ \times ٢$

١٠. نقود: لدى خالد ١٠٠ سهم في رأسمال شركة، فإذا انخفض سعر السهم بمقدار ٨ ريالات، فاكتب عبارة ضرب؛ لإيجاد المبلغ الذي يمثل الانخفاض في الأسهم جميعها. وضح إجابتك.

جبر: احسب قيمة العبارتين التاليتين إذا كانت $س = ١-$ ، $ص = ٧$ ، $ع = ١٠-$:

١١ $٥ س$ ١٢ $س ص ع$



الربط مع الحياة:

الغواصة: سفينة متخصصة يمكنها أن تغوص تحت سطح الماء وتحرك، ويمكنها كذلك أن تطفو. وتستخدم للأغراض العسكرية والسياحية والبحث العلمي، وقد تغوص إلى مسافة ٢٠٠٠٠ قدم تحت سطح الماء.

تدرّب وحلّ المسائل

ارشادات للأستاذة

للأستاذة	انظر الأمثلة
٢٠١٥-١٣	٢٠١
١٩-١٦	٥٠٣
٢٨-٢١	٧
٣٠٠٢٩	٦

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

- ١٣ $(١٢-) \times ٨$ ١٤ $٤ \times ١٥-$
- ١٥ $(٢-) \times ٢٥$ ١٦ $(٨-) \times ٢٠-$
- ١٧ $٢(٦-)$ ١٨ $٣(٥-)$
- ١٩ $(٨-) \times (٢-) \times ٤-$ ٢٠ $١٠ \text{ ضرب } ١٠-$

جبر: احسب قيم العبارات التالية، إذا كانت $م = ٤$ ، $ن = ٨$ ، $ل = ٥$ ، $ز = ٣-$:

- ٢١ $٤- م$ ٢٢ $٣ ن$
- ٢٣ $ن ل$ ٢٤ $ن ز$
- ٢٥ $٧ م ز$ ٢٦ $٢- م ن$
- ٢٧ $ن ل ز$ ٢٨ $م ن ل$

في السؤالين ٢٩، ٣٠، اكتب عبارة ضرب تمثل الموقف، ثم أوجد الناتج وفسّر معناه:

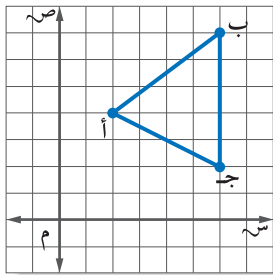
٢٩ **رياضة:** يحرق محمد ٦٥٠ سُعرًا حراريًا عندما يركض ساعة واحدة. وقد ركض ٣ ساعات في أحد الأيام.

٣٠ **بيئة:** يرتطم الموج بساحل صخري مسيبيًا تآكلًا عمقه ٣ سم سنويًا على مدى ٨ سنوات.

جبر: احسب قيم العبارات التالية، إذا كانت $أ = ٦-$ ، $ب = ٤-$ ، $ج = ٣$ ، $د = ٩$

- ٣١ $٢١٣-$ ٣٢ $ج د-$
- ٣٣ $٢- أ + ب$ ٣٤ $٢- ب - ٤ أ ج$

٣٥ **سيارة:** يدفع مهند ٨٤٠ ريالًا كل شهر لتسديد قسط السيارة، ويدفع ما قيمته ٤٢٠ ريالًا مرتين في السنة من أجل صيانتها. اكتب عبارة تتضمن عمليتي ضرب وجمع لوصف مجموع ما ينفقه على أقساط السيارة وصيانتها، ثم أوجد قيمته، ووضّح معناه.



هندسة: للسؤالين ٣٦، ٣٧، استعمل الرسم البياني المجاور:

٣٦ سمّ الأزواج المرتبة التي تمثّل النقاط أ، ب، ج. واضرب كلاً من الإحداثي السيني والإحداثي الصادي لكل منها في -١ للحصول على ثلاثة أزواج مرتبة جديدة، ثم مثّلها لتحصل على مثلث جديد، ثم صف موقعه بالنسبة للمثلث الأصلي.

٣٧ إذا ضربت الإحداثيات الصادية لرؤوس المثلث الأصلي في العدد -١، ففي أيّ ربع يقع المثلث الجديد؟



استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «البحث عن نمط».

٧ - ٢

البحث عن نمط



طلال: أتدرب على تنفيذ ركلات الجزاء كل يوم بعد المدرسة استعداداً لمباريات كرة القدم المدرسية. والآن يمكنني أن أسجل ثلاثة أهداف من كل ٥ ركلات.

مهمتك: البحث عن نمط لمعرفة عدد الأهداف التي يحرزها طلال من ٣٠ ركلة.

افهم	يبلغ معدّل الأهداف التي يسجلها طلال ٣ من كل ٥ ركلات، والمطلوب معرفة عدد الأهداف التي يمكن أن يسجلها من ٣٠ ركلة.														
نمط	ابحث عن نمط، ثمّ وسّعه لإيجاد الحلّ.														
حلّ	<table border="1" style="margin: 10px auto;"> <tbody> <tr> <td>الأهداف</td> <td>٣</td> <td>٦</td> <td>٩</td> <td>١٢</td> <td>١٥</td> <td>١٨</td> </tr> <tr> <td>الركلات</td> <td>٥</td> <td>١٠</td> <td>١٥</td> <td>٢٠</td> <td>٢٥</td> <td>٣٠</td> </tr> </tbody> </table>	الأهداف	٣	٦	٩	١٢	١٥	١٨	الركلات	٥	١٠	١٥	٢٠	٢٥	٣٠
الأهداف	٣	٦	٩	١٢	١٥	١٨									
الركلات	٥	١٠	١٥	٢٠	٢٥	٣٠									
تحقق	يُسجل طلال أهدافاً أكثر بقليل من نصف عدد الركلات، وبما أنّ ١٨ أكثر بقليل من ١٥؛ إذن الإجابة معقولة. ✓														

حلّ الاستراتيجية

١ وضح متى يمكن أن تستعمل استراتيجية البحث عن نمط في حلّ المسألة.

٢ صف كيف تحلّ المسألة باستعمال استراتيجية البحث عن نمط.

٣ **الكتب** مسألة يمكن حلّها بالبحث عن نمط.

مسائل متنوعة

استعمل استراتيجية «البحث عن نمط» لحلّ المسائل ٤-٦:

٤ **عرض:** يبيّن الشكل أدناه طريقة عرض سلعة غذائية.



يتكوّن العرض أعلاه من ٧ صفوف من الصناديق، ويمثّل هذا العرض أعلى ثلاثة صفوف. كم صندوقاً يوجد في العرض كاملاً؟

٥ **ادخار:** يدّخر محمد نقوداً لشراء آلة حاسبة، وبعد شهر واحد كان لديه ٥٠ ريالاً، وبعد شهرين ٨٥ ريالاً، وبعد ٣ شهور ١٢٠ ريالاً، وبعد ٤ أشهر ١٥٥ ريالاً. وكان محمد قد خطّط لادّخار النقود بالمعدّل السابق نفسه، فكم شهراً يستغرقه محمد لادّخار ٢٩٥ ريالاً؟

٦ **حشرات:** يبيّن الجدول أدناه عدد المرّات التي يصفر فيها صرّار الليل في درجات حرارة مختلفة. ما عدد المرّات التي سوف يصفر فيها صرّار الليل عند درجة حرارة ١٠ س؟

عدد مرّات الصفر في الدقيقة	درجة الحرارة
١٨٠	٣٥
١٦٠	٣٠
١٤٠	٢٥
١٢٠	٢٠

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحلّ المسائل ٧-١٣:

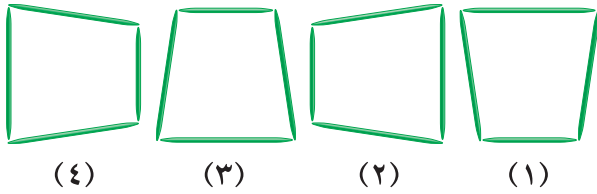
من الاستراتيجيات حلّ المسألة:

- التخمين والتحقّق
- البحث عن نمط

٧ **نقود:** مع مها ستّ أوراق نقدية تكوّن ما مجموعه ٨٦ ريالاً. فما فئات هذه الأوراق؟

٨ **جغرافيا:** يبلغ أدنى مستوى لمنطقة منخفض القطار في مصر ١٣٣ متراً تحت سطح البحر، بينما يبلغ ارتفاع الجبل الأخضر في ليبيا ٦٢٤ متراً فوق مستوى سطح البحر. أوجد الفرق بين مستوييهما.

٩ **هندسة:** ما الشكل الخامس في النمط الآتي؟



(٤) (٣) (٢) (١)

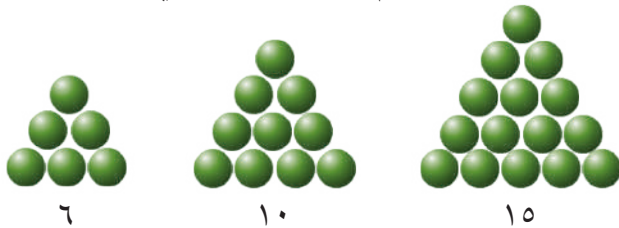
١٠ **جغرافيا:** تبلغ مساحة أراضي المملكة الأردنية الهاشمية ٨٩٢٨٧ كلم^٢. إذا كان معدّل عدد الأفراد الذين يسكنون في الكيلومتر المربّع الواحد عام ٢٠٠٧ م يبلغ ٦٦ فرداً، فما عدد سكان المملكة الأردنية الهاشمية في عام ٢٠٠٧ م؟

١١ **نبات:** تنمو نبتة تبّاع الشمس ليصبح طولها ٢٥٢ سنتيمتراً في ٣ أشهر. ما معدّل نموّها في الشهر الواحد؟

١٢ **أعداد:** اكتب الأعداد الثلاثة التالية في النمط:

.....، ٢٤، ٣٠، ٣٦، ٤٢، ٤٨

١٣ **هندسة:** ارسم الشكلين التاليين في النمط أدناه:



٦

١٠

١٥

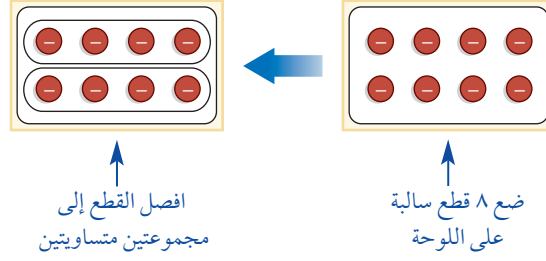


قسمة الأعداد الصحيحة

٨ - ٢

نشاط

يمكنك استعمال قطع العد لتوضيح عملية القسمة على الأعداد الصحيحة.
اتبع الخطوات التالية لإيجاد $8 \div 2$:



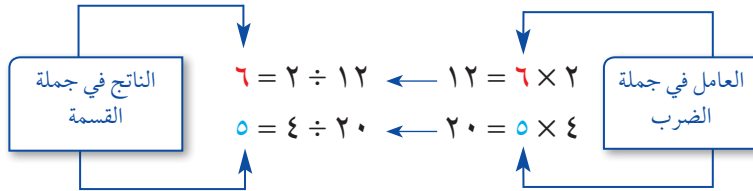
هناك ٤ قطع سالبة في كل مجموعة؛ إذن $8 \div 2 = 4$
أوجد ناتج القسمة باستعمال قطع العد أو الرسم:

١ $6 \div 2 = 3$ ٢ $12 \div 3 = 4$

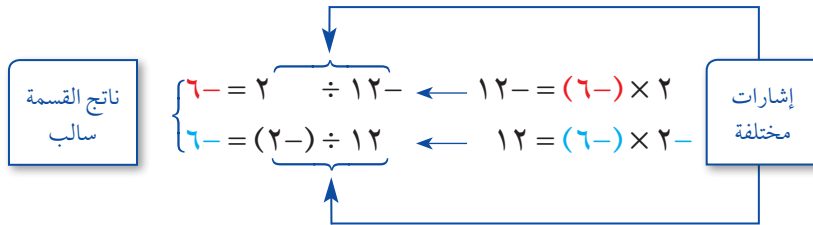
فكرة الدرس:

أجد ناتج قسمة عدد صحيح على آخر.

ترتبط قسمة الأعداد بعملية الضرب. فعند إيجاد ناتج قسمة عددين صحيحين يمكنك استعمال جملة الضرب المرتبطة معها.



بما أن جملتي الضرب والقسمة مترابطتان، فإنه يمكنك استعمالهما في إيجاد ناتج قسمة أعداد صحيحة ذات إشارات مختلفة.



مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: ناتج قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة يكون سالبًا.

الأمثلة: $8- = 8 \div 64-$ ، $3- = (11-) \div 33$

قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة

مثالان

أوجد ناتج كل مما يأتي:

العدان الصحيحان مختلفان في الإشارة

$$80 \div (-10)$$

ناتج القسمة سالب

$$-8 = (-10) \div 80$$

العدان الصحيحان مختلفان في الإشارة

$$\frac{-55}{11}$$

ناتج القسمة سالب

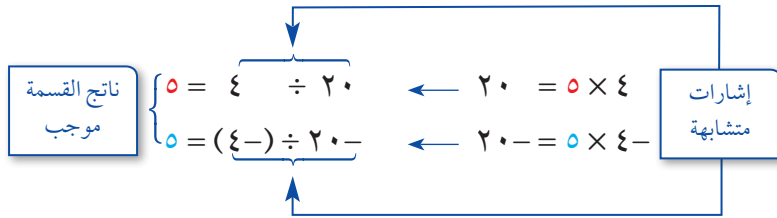
$$-5 = \frac{-55}{11}$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(أ) $(-20) \div (-4)$ (ب) $\frac{-81}{9}$ (ج) $-45 \div 15$

يمكنك كذلك استعمال جملي الضرب والقسمة لإيجاد ناتج قسمة أعداد صحيحة متشابهة في الإشارة.



مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

إرشادات للدراسة

قسمة الأعداد الصحيحة
اتبع قواعد ضرب الأعداد
الصحيحة عند قسمة
أعداد صحيحة لها الإشارة
نفسها أو مختلفة في
الإشارة.

مفهوم أساسي

قسمة عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

التعبير اللفظي: ناتج قسمة عددين صحيحين متشابهين في الإشارة يكون موجباً.

$$8 = (-8) \div (-64)$$

$$3 = 5 \div 15$$

الأمثلة:

قسمة عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

مثالان

العدان الصحيحان لهما الإشارة نفسها

$$7 \div (-14)$$

ناتج القسمة موجب

$$2 = (-14) \div 7$$

جبر: احسب قيمة: $-16 \div 4$ ، إذا كانت $s = -4$

عوض عن s بـ -4

$$-16 \div 4 = s$$

ناتج القسمة موجب

$$s = -4$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج:

(د) $(-24) \div (-4)$ (هـ) $(-9) \div 3$ (و) $\frac{28}{7}$

(ز) **جبر:** احسب قيمة: $a \div b$ ، إذا كانت $a = 63$ ، $b = -9$.

مثال من واقع الحياة

حيوانات: قبل عشر سنوات تقريباً، قُدِّر عدد حيوانات الكوالا في أستراليا بما يقارب ١,٠٠٠,٠٠٠، ويقدر عددها الآن بحوالي ١٠٠,٠٠٠ كوالا. أوجد معدّل التغير في عدد حيوانات الكوالا في السنة الواحدة، باستعمال العبارة $\frac{ج-ق}{١٠}$ ، حيث ج تمثل عددها الآن، ق تمثل عددها قبل ١٠ سنوات.

$$\frac{ج-ق}{١٠} = \frac{١٠٠٠٠٠٠ - ١٠٠٠٠٠٠}{١٠} \quad \text{عوض عن ج بـ } ١٠٠٠٠٠٠٠ \text{، وعن ق بـ } ١٠٠٠٠٠٠٠$$

$$= \frac{٩٠٠٠٠٠٠}{١٠} = ٩٠٠٠٠٠ \quad \text{اقسم}$$

إذن عدد حيوانات الكوالا يتغير بمعدّل -٩٠٠٠٠٠ حيوان سنوياً.

تحقق من فهمك:

(ح) **طقس:** معدّل درجات الحرارة في القطب الشمالي في شهر يناير يساوي -٤, ٢٤ س. استعمل العبارة $\frac{١٦٠+٩س}{٥}$ لإيجاد هذه الدرجة بالفهرنهايت؛ حيث س تمثل الدرجة بالسيليزية.



الربط مع الحياة: يبلغ طول حيوان الكوالا الناضج من ٦٢ - ٧٥ سم، وتتراوح كتلته من ٧ - ١٤ كيلوجراماً.

ملخص المفهوم	العمليات على الأعداد الصحيحة	
	القاعدة	العملية
	الإشارتان متشابهتان: اجمع القيمتين المطلقتين، وإشارة الناتج مشابهة لإشارة الأعداد الصحيحة.	الجمع
	الإشارتان مختلفتان: اطرح القيمتين المطلقتين، وإشارة الناتج مشابهة لإشارة العدد ذي القيمة المطلقة الأكبر.	الطرح
	لطرح عدد صحيح من آخر أضف معكوس ذلك العدد إلى العدد الآخر.	الطرح
	الإشارتان متشابهتان: ناتج الضرب أو القسمة موجب.	الضرب أو القسمة
	الإشارتان مختلفتان: ناتج الضرب أو القسمة سالب.	الضرب أو القسمة

تأكد

الأمثلة ١- ٣ أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

١ $(٨-) \div ٣٢$ ٢ $٢ \div ١٦-$ ٣ $\frac{٤٢}{٧-}$

٤ $(٥-) \div ٣٠-$ ٥ $١١ \div ٥٥$ ٦ $\frac{١٦-}{٤-}$

جبر: احسب قيمة كل عبارة، إذا كانت س = ٨، ص = ٥-

٧ $١٥ \div ص$ ٨ $ص \div (١٠-)$

٩ **درجة الحرارة:** إذا كانت درجة الحرارة المسجلة في مكة المكرمة في أحد الأيام

تساوي ١٠٢ ° فهرنهايت، استعمل العبارة $\frac{٥(ف-٣٢)}{٩}$ لإيجاد درجة الحرارة المقابلة

لها بالسيليزية، وقرب الناتج إلى أقرب منزلة عشرية، حيث ف الدرجة بالفهرنهايت.

تدرّب وحل المسائل

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٣-١٠	٢، ١
١٧-١٤	٣
٢٥-١٨	٤
٢٧، ٢٦	٥

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

$$١١ \quad ٤ \div ٣٦ -$$

$$١٠ \quad (٥-) \div ٥٠$$

$$١٣ \quad \frac{٢٦-}{١٣}$$

$$١٢ \quad \frac{٢٢}{٢-}$$

$$١٥ \quad (١٠-) \div ١٠٠-$$

$$١٤ \quad (٣-) \div ١٥-$$

$$١٦ \quad \text{اقسم } ٢٠٠- \text{ على } ١٠٠-$$

$$١٧ \quad \text{أوجد ناتج قسمة } ٦٥- \text{ على } ١٣-$$

جبر: احسب قيمة كل عبارة، إذا كانت $ر = ١٢$ ، $س = ٤-$ ، $ت = ٦-$

$$١٩ \quad ر \div س$$

$$١٨ \quad ١٢- \div ر$$

$$٢١ \quad \frac{ت-}{٣}$$

$$٢٠ \quad ر س \div ١٦$$

$$٢٣ \quad \frac{(ر-)-١٢}{٣-}$$

$$٢٢ \quad \frac{س+٣}{٥}$$

$$٢٥ \quad س^٢ \div ت$$

$$٢٤ \quad \frac{ر}{ت}$$

٢٦ نقود: بلغ الدخل الكلي لعماد خلال العام الماضي ١٤٥٦٠٠ ريال، في حين بلغت

نفقاته ١٥٠٦٤٠ ريالاً. استعمل العبارة $\frac{د-ن}{١٢}$ لإيجاد المعدل الشهري للفرق بين الدخل والنفقات، حيث $د$ تمثل الدخل الكلي، $ن$ تمثل النفقات الكلية.

٢٧ علوم: تتأثر درجة غليان الماء بالتغير في الارتفاع. استعمل العبارة $\frac{٢-}{٣}$ لإيجاد عدد الدرجات بالفهرنهايت التي تتغير بها درجة غليان الماء على ارتفاع مقداره ١٥٠٠ متر، حيث $ف$ تمثل الارتفاع بالأمتار.

٢٨ علوم: ملاً أحد الطلاب وعاءً سعته ٥٠٠ ملل بماءٍ مقطر، ووعاءً آخر سعته ٦٠٠ ملل بماءٍ مالح. إذا تبخرت كمية الماء المقطر جميعها في ٤ أيام، بينما تبخرت كمية الماء المالح في ٥ أيام. فهل تبخر الماء المقطر بشكل أسرع من الماء المالح أم لا؟ وضح إجابتك.



٢٩ **مسألة مفتوحة**: اكتب جملة قسمة يكون فيها ناتج القسمة مساويًا -١٢.

٣٠ **اكتشف المختلف**: حدّد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الأخرى، وعلّل إجابتك.

$$-٤٨ \div ٤$$

$$١٦ \div (-٤)$$

$$-٣٢ \div (-٤)$$

$$-٦٦ \div ١١$$

٣١ **تحدّ**: رتب جميع قواسم العدد -٢٠ من الأصغر إلى الأكبر.

٣٢ **اكتب**: احسب قيمة $2 - (2 + 2) \div 2$ ، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ.

تدريب على اختبار

٣٤ رصد عبد العزيز درجة حرارة الهواء الخارجي في أحد الأيام، فوجد أنها انخفضت خلال ٤ ساعات بمقدار 8° س. فما معدل انخفاضها في الساعة الواحدة؟

ب) 4° س

د) 8° س

أ) 2° س

ج) 6° س

٣٣ ما ناتج $18 \div (-3)$ ؟

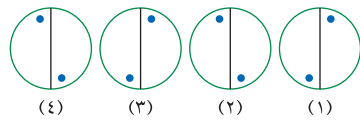
أ) -٦

ب) $-\frac{1}{6}$

ج) ٦

د) ١٥

مراجعة تراكمية



٣٥ ما الشكل الخامس في النمط المجاور؟ (الدرس ٢-٧)

أوجد الناتج: (الدرس ٢-٦)

$$-20 \div (-3)$$

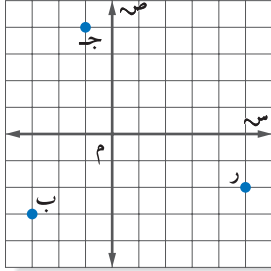
$$14 \div (-2)$$

$$2 \div (-9)$$

$$-5 \div (7)$$

٤٠ أوجد ناتج $6 - (-12)$ (الدرس ٢-٥)

اختبار الفصل



اكتب الزوج المرتب لكل نقطة ممثلة على المستوى الإحداثي المجاور، ثم سمّ الربع الذي تقع فيه:

ب ٩ ج ١٠ ر ١١

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

- ١٢ $(9-) + 12$ ١٣ $4-3$
 ١٤ $(20-) - 7$ ١٥ $(3-) \times 7$
 ١٦ $(11-) \times 5$ ١٧ $(9-) \div 36$
 ١٨ $(7-) + 15$ ١٩ $(4-) + (6-) + 8$

٢٠ اختيار من متعدد: وضع خالد جدولاً لمدة ٦ أسابيع لممارسة المشي، فإذا استمر النمط المُمثل في الجدول، فما عدد الساعات التي يمشيها في الأسبوع السادس؟

الأسبوع	١	٢	٣
عدد الساعات	٤	٧	١٠

- (أ) ١٥ ساعة (ب) ١٩ ساعة
 (ج) ١٨ ساعة (د) ٢٢ ساعة

احسب قيمة كل من العبارتين الآتيتين إذا كانت
 أ = -٥، ب = ٤، ج = -١٢

٢١ أ ج ÷ ب ٢٢ أ - ب

٢٣ أسهم: انخفضت قيمة سهم شركة بمقدار ١٠ ريالات كل أسبوع لمدة ستة أسابيع. صف التغير في قيمة السهم في نهاية الأسبوع السادس.

١ طقس: رصد ماجد التغير في درجة حرارة الهواء الخارجي في أحد الأيام. فعند الساعة الثامنة صباحاً كانت درجة الحرارة ١٥°س، وعند الظهر أصبحت ٣٥°س. ثم انخفضت عند المساء بمقدار ٤°س. اكتب العدد الصحيح الذي يصف التغير النهائي في درجة الحرارة.

احسب قيمة كل من العبارتين الآتيتين:

٢ $|3-|$ ٣ $|6-| - |18-|$

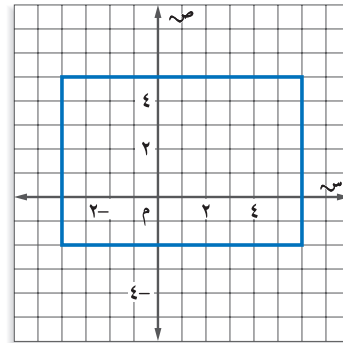
ضع إشارة > أو < أو = في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

٤ $9- \bullet 3-$ ٥ $|9| \bullet |12-|$

٦ رتب الأعداد التالية تصاعدياً:

٧-، ١٢، ٠، ٥، ٢-، ٩

٧ اختيار من متعدد: أي النقاط التالية تقع داخل المستطيل المُمثل أدناه؟



(أ) (٦، ٥) (ب) (١، ٥-)

(ب) (٣-، ٠) (د) (٠، ٣-)

٨ قرض: اقترضت عائشة من أخيها عمر ٨٤ ريالاً، وقد خطّطت لتسديد هذا القرض بمبلغ متساوٍ من حصّالتها على مدى ستة أيام. صف التغير في المبلغ الموجود في حصّالتها كل يوم.

الاختبار التراكمي (٢)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ يركض طارق مسافة ٥ كيلومتر في كل يوم من الأيام: الاثنين، الثلاثاء، والخميس. ويقطع مسافة ٣ كيلومتر راجبًا دراجته في كل من يومي السبت والأربعاء، ما المعادلة التي تمثل مجموع الكيلومترات (ع) التي يقطعها طارق في كل أسبوع.

(أ) $ع = ٣س + ٢ص$ (ب) $ع = ٥س + ٣ص$

(ج) $ع = ٢س + ٣ص$ (د) $ع = ٥(س + ص)$

٢ ما قيمة المقدار: $٣ + ٦(١٠ - ٧) - ٣$ ؟

(أ) ٠ (ب) ١٢

(ج) ١٨ (د) ٧٤

٣ كانت درجة الحرارة في مدينة عند الساعة

٨ صباحًا - ٢ س، وعند الساعة الواحدة

ظهرًا ارتفعت ٦ س، وعند الساعة ليلاً عادت

فانخفضت ١٠ س. ما درجة الحرارة عند

الساعة التاسعة ليلاً؟

(أ) ١٤ (ب) ٦

(ج) -٦ (د) -١٤

٤ هاشيروقاتا هي أخفض نقطة في اليابان إذ تنخفض

٤ أمتار عن سطح البحر، ويعتبر جبل فوجي

أعلى نقطة عن سطح البحر في اليابان، ويرتفع

٣٧٧٦ مترًا. ما الفرق بين أعلى نقطة وأخفض نقطة

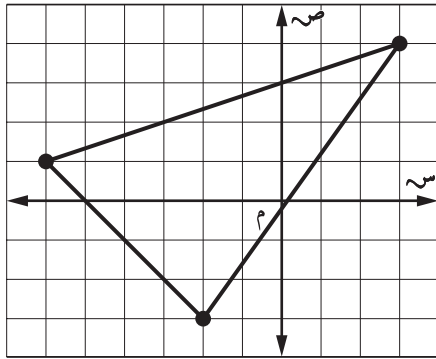
في اليابان؟

(أ) ٣٧٨٠ مترًا (ب) ٣٧٧٢ مترًا

(ج) ٣٠٨٠ مترًا (د) ٩٤٤ مترًا

٥ في الشكل أدناه، أيُّ النقط تقع داخل المثلث

المرسوم؟



(أ) (٤، ٣) (ب) (٠، ٢)

(ج) (-٦، ٣) (د) (-١، -١)

٦ في أحد السباقات فاز بالمراكز الأربعة الأولى

أسامة، ليث، مهند، حمزة.

إذا أنهى مهند السباق قبل حمزة، وأنهاه أسامة

قبل حمزة أيضًا، ولكن بعد كل من ليث ومهند،

فأي المعلومات الآتية تحتاج إليها لتحديد ترتيب

المتسابقين الأربعة من الأسرع إلى الأبطأ؟

(أ) هل أنهى ليث السباق قبل مهند أم بعده؟

(ب) هل أنهى أسامة السباق قبل حمزة أم بعده؟

(ج) هل أنهى مهند السباق قبل أسامة أم بعده؟

(د) هل أنهى ليث السباق قبل أسامة أم بعده؟

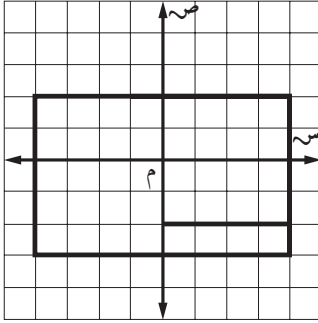
الفصلان (٢، ١)

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضِّحًا خطوات الحل:

١٠ رُسم مستطيل ومربع في المستوى الإحداثي كما هو موضح أدناه.



استعمل الشكل أعلاه للإجابة عن الأسئلة (أ - ج):

- (أ) حدد زوجًا مرتبًا مشتركًا بينهما.
- (ب) حدد زوجًا مرتبًا يقع داخل المستطيل وخارج المربع.
- (ج) كم وحدة يمكن زيادة طول المربع ل يبقى مرسومًا داخل المستطيل؟ اكتب إحداثيات رؤوسه.

٧ قاد عبد الله سيارته بسرعة ٥٠ كيلومترًا في الساعة يوم الأحد، و ٥٥ كيلومترًا في الساعة يوم الاثنين، و ٥٣ كيلومترًا في الساعة يوم الثلاثاء. إذا تم التعبير عن زمن قيادته للسيارة يوم الأحد بالرمز س، ويوم الاثنين بالرمز م، ويوم الثلاثاء بالرمز ن، فأبي العبارات التالية تدل على المسافة التي قطعها عبد الله في الأيام الثلاثة؟

- (أ) ٥٠ س + ٥٣ م + ٥٥ ن
- (ب) ٥٥ س + ٥٠ م + ٥٣ ن
- (ج) ٥٠ س + ٥٥ م + ٥٣ ن
- (د) ٥٣ س + ٥٥ م + ٥٠ ن

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

٨ احسب قيمة: $٤ - ٢ \times ٣ + ٤ + ٢$.

٩ اشترت نوال (س) كجم من السكر ودفعت ثمنها ٣٢ ريالاً. فكم كيلوجرامًا من السكر اشترت، إذا علمت أن سعر الكيلوجرام الواحد ٤ ريالاً؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٣-٢	٧-١	٣-١	٥-١	١-١	٣-٢	٥-٢	٤-٢	٤-١	٨-١	فراجع الدرس

الجبر:

المعادلات الخطية والدوال

الفكرة العامة

- أحل المعادلات الخطية بمتغير واحد.

المفردات:

- الصيغة الرياضية (١١١)
- استراتيجية الحل عكسياً (١١٤)
- المعادلات ذات الخطوتين (١١٧)
- المعادلة الخطية (١٣٠)

الرّبط مع الحياة:



درجات هوائية: إذا كانت السرعة القصوى لدراجة هوائية ٢٠ كيلومتراً في الساعة، فإنه يمكن استعمال المعادلة: $f = 20n$ لإيجاد المسافة (ف) التي تقطعها هذه الدراجة الهوائية في الزمن (ن) ساعة.

المطويات

منظّم أفكار

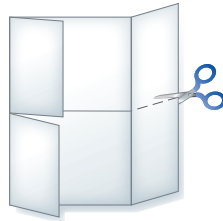
المعادلات الخطية والدوال: اصنع هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابدأ بورقة A3.

٤ اكتب على الأجزاء
عناوين الدروس، كما
يظهر في الشكل.



٣ قصّ على طول الطية الثانية
حتى حد الطي الطولي
لعمل أربعة أجزاء، كما
يظهر في الشكل.



٢ اطو أعلى الورقة
على أسفلها.



١ اطو الأضلاع القصيرة
نحو الوسط، كما يظهر
في الشكل.





التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للربيع

مراجعة للربيع

مثال ١: ما العدد الذي يمثل حلاً للمعادلة $٢٤ \div س = ٣$ ،

من الأعداد ٩، ٨، ٧، ٤؟

اكتب المعادلة $٣ = ٢٤ \div س$

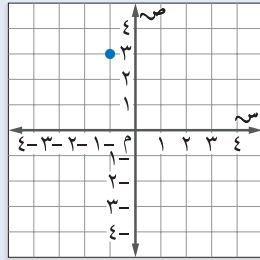
هل $٢٤ \div ٧ = ٣$ ؟ لا

هل $٢٤ \div ٨ = ٣$ ؟ نعم

هل $٢٤ \div ٩ = ٣$ ؟ لا

مثال ٢: عيّن النقطة (-١، ٣) على المستوى الإحداثي.

العدد الأول في الزوج المرتب يشير إلى الحركة يميناً أو يساراً ابتداءً من نقطة الأصل. أما العدد الثاني فيشير إلى الحركة إلى أعلى أو إلى أسفل



مثال ٣: أوجد ناتج: $٤ - (٢ -)$

لأن $(٤-)$ و $(٢-)$ كلاهما عدد سالب، فإننا نجمعهما بوصفهما قيمًا مطلقة، ثم نضع إشارة سالب لناتج الجمع

مثال ٤: أوجد ناتج: $٩ - (٧ -)$

$٩ - (٧ -) = (٧) + ٩$
طرح $(٧-)$ يكافئ جمع $(٧+)$
 $١٦ =$

مثال ٥: أوجد ناتج: $٢ \div ١٦ -$

لأن $(١٦-)$ و ٢ مختلفان في الإشارة، فإن ناتج القسمة يكون سالباً

اختر العدد الذي يمثل حلاً للمعادلة في كل ممّا يأتي: (الدرس ١-٦)

١ س $١٩ = ١٥ + ٤$: ٦، ٥، ٤

٢ ١١ ص $٧٧ = ٨، ٧، ٦$:

٣ ع $٩ + = ٢ -$: ٧، ١١، ١١

عيّن كل نقطة ممّا يأتي على المستوى الإحداثي: (الدرس ٢-٣)

٤ $(٤، ٣-)$ ٥ $(١-، ٢-)$

٦ رحلات: تحرك سعد من موقع مخيم ٤ كلم شمالاً، و ٢ كلم غرباً، ثم جلس ليستريح. إذا كانت نقطة الأصل تمثل موقع المخيم، فعين إحداثيات نقطة استراحته. (الدرس ٢-٣)

أوجد ناتج الجمع في كل ممّا يأتي: (الدرس ٢-٤)

٧ $(٥-) + ٣ -$ ٨ $٣ + ٨ -$

أوجد ناتج الطرح في كل ممّا يأتي: (الدرس ٢-٥)

٩ $٦ - ٥ -$ ١٠ $١٠ - ٨ -$
١١ $(٦-) - ٨ -$ ١٢ $(١-) - ٣ -$

أوجد ناتج القسمة في كل ممّا يأتي: (الدرس ٢-٨)

١٣ $(٣-) \div ٦ -$ ١٤ $٣ \div ١٢ -$
١٥ $(٥-) \div ١٠ -$ ١٦ $(٤-) \div ٢٤ -$





كتابة العبارات الجبرية والمعادلات

١ - ٣



استعد

كواكب: لكوكب الأرض قمر واحد، ولبعض الكواكب الأخرى عدة أقمار؛ أورانوس له ٢٧ قمراً، وزحل له ١٠ أقمار زيادة على ما لأورانوس. المصدر: <https://www.space.com>

١ ما العملية الحسابية التي تستعملها لإيجاد عدد أقمار زحل؟ وضح إجابتك.

٢ عدد أقمار كوكب المشتري ثلاثة أمثال عدد أقمار أورانوس. ما العملية الحسابية التي تستعملها لإيجاد عدد أقمار المشتري؟

فكرة الدرس:

أكتب العبارات والجمل اللفظية بعبارات جبرية ومعادلات.

عادة ما تشير بعض الجمل والعبارات إلى عمليات حسابية تشمل الجمع، والطرح، والضرب، والقسمة. وفيما يلي بعض الأمثلة:

الضرب والقسمة		الجمع والطرح	
اقسم	اضرب	الفرق	المجموع
نتيجة قسمة	نتيجة ضرب	أقل من	أكبر من
جزء	أضعاف	قل بمقدار	زاد بمقدار

كتابة عبارة جبرية

مثال

١ اكتب العبارة «مع خالد خمسة ريالاً زيادة على ما مع حمد» بعبارة جبرية.

التعبير اللفظي مع خالد خمسة ريالاً زيادة على ما مع حمد.

المتغير لتكن س تمثل عدد الريالات التي مع حمد.

العبارة الجبرية $s + 5$

تحقق من فهمك:

اكتب العبارة الآتية بعبارة جبرية.

(أ) حقق الأول ٣ أهداف زيادة على ما حققه الثاني.

تذكر أن المعادلة هي جملة رياضية تحتوي على إشارة المساواة. وعند كتابة جملة لفظية على صورة معادلة رياضية، يمكنك استعمال إشارة المساواة (=) عوضاً عن كلمة (يساوي).

مثالان كتابة معادلة

اكتب كلاً من الجملتين التاليتين على صورة معادلة جبرية:

٢ أقل من العدد بـ ٦ يساوي ٢٠.

أقل من العدد بـ ٦ يساوي ٢٠.

إذا كانت س تمثل العدد، فإن:

$$س - ٦ = ٢٠$$

٣ ثلاثة أمثال عمر أحمد يساوي ١٢.

ثلاثة أمثال عمر أحمد يساوي ١٢.

إذا كانت ص تمثل عمر أحمد، فإن:

$$٣ ص = ١٢$$

تحقق من فهمك:

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة جبرية:

ب) أكبر من العدد بمقدار سبعة يساوي ١٥.

ج) خمسة أمثال عدد التلاميذ يساوي ٢٥٠.

قراءة الرياضيات:

أقل من:

تكتب العبارة (أكبر من العدد بمقدار ٦)

على النحو التالي:

$$٦ + س \text{ أو } س + ٦$$

لكن العبارة:

(أقل من العدد بمقدار ٦) لا تكتب إلا

على الشكل: س - ٦.

مثال من واقع الحياة

٤ عدد السكان: أكثر دول الخليج العربي تعداداً للسكان المملكة العربية السعودية، إذ بلغ عدد سكانها ٢٧,١ مليون نسمة تقريباً، وذلك بحسب التعداد السكاني العام لسنة ١٤٣١ هـ. وهو أكثر من عدد سكان دولة الكويت بـ ٢٣,٧ مليون نسمة تقريباً. فما عدد سكان دولة الكويت؟ اكتب المعادلة التي تمثل ذلك.



الرابط مع الحياة:

ارتفع عدد سكان الوطن العربي من

٣٠٧ مليون نسمة عام ٢٠٠٦م إلى

٣٣٥ مليوناً عام ٢٠١١م.

عدد سكان المملكة العربية السعودية أكثر بـ ٢٣,٧

التعبير اللفظي

مليون نسمة من عدد سكان دولة الكويت.

ع تمثل عدد سكان دولة الكويت.

المتغير

$$٢٧,١ = ٢٣,٧ + ع$$

المعادلة

تحقق من فهمك:

د) والد ياسر أطول من ياسر مرة ونصف. إذا كان طول والد ياسر ١٨٠ سم،

فما طول ياسر؟ اكتب معادلة تمثل هذه المسألة.

مَثَانٌ مِنْ اخْتِبَارٍ

- ٥ أيّ المسائل التالية يمكن التعبير عنها بالمعادلة: س - ٦, ٩ = ٣, ١؟
- (أ) ركض طارق وخالد مسافة ٣, ١ كلم، وكان خالد أسرع من طارق بـ ٦, ٩ ثانية. ما قيمة س التي تمثل الزمن (بالثواني) الذي استغرقه طارق لقطع هذه المسافة؟
- (ب) في درس العلوم قام جابر وعليّ بقياس طول ديدان معيّنة. وكان طول الدودة التي قاسها جابر ٦, ٩ سم، وطول الدودة التي قاسها عليّ ٣, ١ سم. ما قيمة س التي تمثل معدّل طول الديدان؟
- (ج) تكلف وجبة غداء محمد ٦, ٩ ريالاً. وعند دفعه المبلغ، حصل على باقي مقداره ٣, ١ ريالاً، ما قيمة س التي تمثل المبلغ الذي دفعه؟
- (د) دفع عمّار مبلغ ٣, ١ ريالاً ثمناً لدفتر ملاحظات سعره في السوق ٦, ٩ ريالاً. ما قيمة س التي تمثل مقدار المبلغ الذي وفره عمّار؟

اقرأ:

أنت بحاجة لمعرفة أيّ المسائل التي يمكن التعبير عنها بالمعادلة: س - ٦, ٩ = ٣, ١

حل:

- يمكنك استبعاد المسألة (أ)؛ فلا يمكن إجراء عمليات الجمع أو الطرح على وحدات قياس مختلفة.
 - يمكنك استبعاد المسألة (ب)؛ لأنّ حساب المعدّل يحتاج إلى الجمع ثمّ القسمة.
 - تخيل أنّك تطبق الخيار ج: لو أعطيت المحاسب س ريالاً، وكان ثمن وجبة الغداء ٦, ٩ ريالاً، فإنّك تحتاج إلى الطرح للحصول على الباقي. وهذا هو الجواب الصحيح.
 - اختبر المسألة (د) لغرض التأكد من الجواب الصحيح: للحصول على القيمة التي وفرها عمّار، عليك أن تحسب المقدار ٦, ٩ - ٣, ١، وليس المقدار س - ٦, ٩.
- إذن الإجابة الصحيحة هي المسألة (ج).

تحقق من فهمك:

- هـ) أيّ المسائل التالية يمكن التعبير عنها بالمعادلة ٤ ص = ٦, ٧٦؟
- (أ) اشترى سلمان ٤ لترات من البنزين، وكانت التكلفة ٦, ٧٦ ريالاً. فما قيمة ص التي تمثل تكلفة اللتر الواحد؟
- (ب) اشترى حسّان من محلّ إلكترونيات ٤ أقراص مدمجة بسعر ٦, ٧٦ ريالاً لكل قرص. فما قيمة ص التي تمثل ثمن عدد هذه الأقراص؟
- (ج) إذا كان عرض مستطيل ٤ م، وكان طوله يزيد على عرضه بمقدار ٦, ٧٦ م. فما قيمة ص التي تمثل طول المستطيل؟
- (د) إذا كان معدّل كمّيات الأمطار السنوية ٦, ٧٦ سم، فما قيمة ص التي تمثل كمّية الأمطار المتوقّعة في ٤ سنوات؟

إرشادات للاختبارات

قبل أن تتقدم للاختبار راجع معاني المصطلحات اللغوية. منها على سبيل المثال: المعدّل.

المثال ١

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبريّة:

- ١ عدد ازداد بمقدار ثمانية.
- ٢ عند أحمد عشرة ريالاً زيادة على ما لدى سعاد.

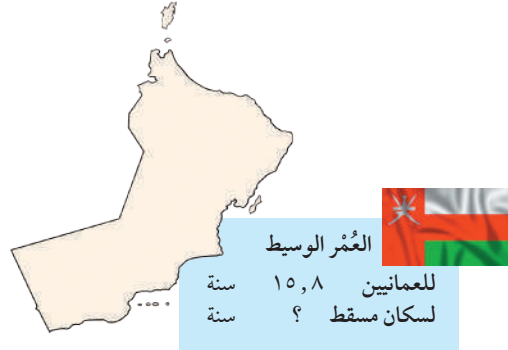
المثالان ٢، ٣

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة:

- ٣ أقل من عدد بتسعة يساوي ٢٤.
- ٤ أكثر ممّا أحرزه خالد بنقطتين يساوي ٤.
- ٥ مثلاً عدد من الكيلومترات يساوي ١٨.
- ٦ نصف سعر سلعة يساوي ١٣ ريالاً.

المثال ٤

٧ **جبر:** افترض أنّ العُمُر الوسيط لسُكَّان سلطنة عُمان يقلُّ بمقدار عام واحد عن العُمُر الوسيط لسُكَّان العاصمة مسقط. استعمل المعلومة أدناه في كتابة معادلة لإيجاد العُمُر الوسيط لسُكَّان مسقط. (العُمُر الوسيط: هو العُمُر الذي يكون نصف السُكَّان أكبر منه، ونصفهم الآخر أصغر منه، ويستخدم للدلالة على مدى قُوَّة السكان).



المثال ٥

٨ **اختيار من متعدد:** أيّ المسائل الآتية يمكن التّعبير عنها بالمعادلة $س - ١٥ = ٤٦$ ؟

- أ) السّعر الأصليّ للقميص ٤٦ ريالاً، وسعره بعد الخصم يقلُّ بمقدار (١٥) ريالاً عن سعره الأصليّ. ما قيمة س التي تمثّل سعر القميص بعد الخصم؟
- ب) لدى صالح عدة بطاقات لمباراة كرة قدم. باع منها ١٥ بطاقة وبقي معه ٤٦ بطاقة. ما قيمة س التي تمثّل عدد البطاقات التي كانت معه؟
- ج) أحرز أحمد ٤٦ نقطة في مباراة كرة السّلة الأسبوع الماضي، وأحرز قاسم ١٥ نقطة أقلّ ممّا أحرزه أحمد. ما قيمة س التي تمثّل عدد النقاط التي أحرزها قاسم؟
- د) وفّرت ليلي هذا الأسبوع ١٥ ريالاً، ووفّرت ٤٦ ريالاً الأسبوع الماضي. ما قيمة س التي تمثّل معدّل ما وفّرت في الأسبوعين؟

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأستاذة

للأستاذة	انظر الأمثلة
١٤ - ٩	١
٢٠ - ١٥	٣، ٢
٢١	٤

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبرية:

- ٩ العدد خمسة عشر ازداد بمقدار س. ١٠ أكبر من عُمر خالد بخمس سنوات.
 ١١ عدد نقص بمقدار عشرة. ١٢ أقلّ من الارتفاع بثلاثة أمتار.
 ١٣ مثلاً عدد البرتقالات. ١٤ عُمر ليلى مقسوماً على ٣.

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة:

- ١٥ مجموع عدد وأربعة يساوي ٨.
 ١٦ أكبر من عدد الضفادع باثنين يساوي ٤.
 ١٧ ناتج ضرب عدد في ٥ يساوي ٢٠.
 ١٨ عشرة أمثال عدد الطلبة يساوي ٢٨٠.
 ١٩ أقلّ من طولها بـ ١٠ سنتيمترات يساوي ٢٦.
 ٢٠ أقلّ من عدد بخمسة يساوي ٣١.

٢١ **حيوانات:** إذا علمت أن الزرافة أطول من الجمل بـ ٥, ٣ تقريباً. وإذا كان طول الزرافة ٥, ٥ م، فكيف تحسب طول الجمل؟

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبرية:

- ٢٢ تزيد على مثلي عدد الدراجات بـ ٢.
 ٢٣ أقلّ من ثلاثة أمثال ما لدى هناء بتسعة أقرص مدمجة.
 ٢٤ خصم ٤٣ ريالاً من ثمن جهاز، ثمّ صرّب الناتج في ٣.
 ٢٥ قسمة العدد ص على ٨، ثمّ زيادة ٧.



الربط مع الحياة:.....

الزرافة حيوان طويل القامة يبلغ طول قامته الذكر أكثر من ٥, ٥ م والأنثى نحو ٤, ٣ م، ويعزى ذلك إلى طول قوائمها ورقبتها، وتتراوح كتلتها بين ٥٠٠ - ١٠٠٠ كجم.

تحليل جداول: لحل السؤالين ٢٦ ، ٢٧ استعمل الجدول أدناه الذي يُبين معدل ما يحفظه خمسة طلاب في الساعة من أبيات الشعر. لتكن ص تمثل معدل حفظ ناصر.

حفظ الشعر	
معدل الحفظ في الساعة	الاسم
١٥	محمد
٢٥	أحمد
٢٢	عمر
٥	ناصر
٩	حسن

٢٦ أيُّ الطلاب يُعبّر عن معدل حفظه بالعبارة: $3ص$ ؟

٢٧ اكتب العبارة الجبرية لمعدل حفظ أحمد بدلالة حفظ ناصر.

٢٨ **مسألة مفتوحة:** اكتب جملة لفظية تمثل المعادلة $6 = 3 - ن$.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٩ **اكتشف الخطأ:** عبّر كلٌّ من خليفة وعبد الرحمن جبرياً عن العبارة: «أقلُّ من عدد بمقدار ٥» كما يأتي:



ن - ٥

٥ - ن



أيُّ منهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.

٣٠ **تحدّ:** إذا كانت س تمثل عدداً فردياً، فكيف تعبّر عن كلٍّ من العددين الفرديين السابق واللاحق؟

٣١ **اكتب:** إذا كانت س تمثل عُمر شخص، فماذا تمثل كلُّ عبارة جبرية مما يأتي:
س + ٥ ، س - ٣ ، ٢س ، $\frac{س}{٣}$



٣٣ أيُّ المعادلات الآتية تعبر عن المسافة الكلية ف (بالكيلومترات) التي تقطعها سيارة بعد مرور ٦ ساعات، إذا علمت أن سرعتها س كيلومتر في الساعة؟

أ) $ف = ٦ + س$

ب) $ف = \frac{س}{٦}$

ج) $ف = ٦س$

د) $ف = \frac{٦}{س}$

٣٢ مع شادية مبلغ من المال، أعطها والدها ٥,٥ ريالاً، فأصبح معها ١٦ ريالاً. أيُّ المعادلات الآتية يمكنك استعمالها لمعرفة المبلغ م (بالريالات) الذي كان معها منذ البداية؟

أ) $٥,٥ - م = ١٦$

ب) $١٦ \times ٥,٥ = م$

ج) $١٦ = ٥,٥ + م$

د) $٥,٥ = ١٦ + م$

مراجعة تراكمية

اقسم: (الدرس ٢-٨)

٣٦ $٤٥ - (٣ -)$

٣٥ $(٣ -) \div ٣٦$

٣٤ $٦ \div ٤٢ -$

٣٧ **نقود:** يسحب رضوان ١٥٠ ريالاً من رصيده البنكي كل أسبوع ولمدة ٧ أسابيع متتالية. اكتب عبارة ضرب تمثل هذا الموقف. (الدرس ٢-٧)

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي. (الدرس ١-٣)

٣٩ $٦ - (٥ - ١٦) ٨$

٣٨ $٦ - ٤ \times ٧ + ٣$

٤١ $٣ \times ٧ + (٢ - ٧) ٩$

٤٠ $(١ - ٥) ٦ + ٣ \div ٧٥$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الجمع في كل مما يأتي: (الدرس ٢-٤)

٤٣ $(٩ -) + ١٠ -$

٤٢ $(٣ -) + ٨ -$

٤٥ $١٥ + ١٥ -$

٤٤ $(٢٠ -) + ١٢$



معمل الجبر

حل المعادلات باستعمال النماذج

استكشاف

٢ - ٣

استعملنا سابقاً قطع العد الموجبة والسالبة لجمع الأعداد الصحيحة وطرحها وضربها وقسمتها، كذلك يمكن تمثيل الأعداد الصحيحة ببطاقات الجبر. والجدول التالي يبيّن هذين النوعين من النماذج:

العدد -١	العدد ١	المتغير	النموذج
			الأكواب وقطع العد
			بطاقات الجبر

فكرة الدرس:

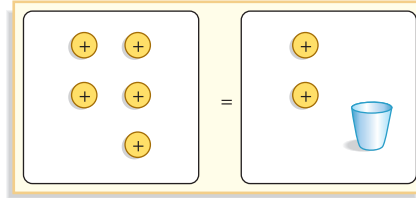
أحل المعادلات باستعمال النماذج.

يمكنك استعمال أيّ من هذين النموذجين لحلّ المعادلات.

نشاط

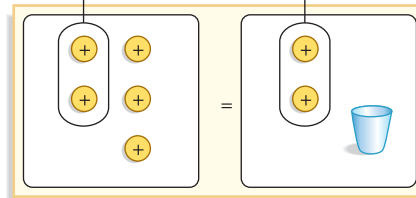
١ استعمال الأكواب وقطع العد أو الرّسم لتحلّ المعادلة: $٥ = ٢ + س$.

نموذج المعادلة



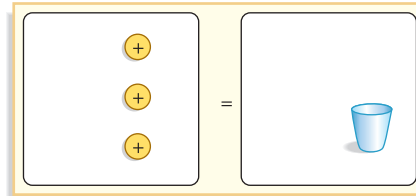
$$٥ = ٢ + س$$

احذف العدد نفسه من قطع العد من كلّ طرف بحيث يصبح الكوب وحده في طرف



$$٢ - ٥ = ٢ - ٢ + س$$

عدد قطع العد المتبقية في الطرف الأيسر تمثل قيمة س



$$٣ = س$$

إذن $س = ٣$ ، وبما أن $٥ = ٢ + ٣$ ، فالحلّ صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل الأكواب وقطع العد أو الرّسم لتحلّ كلّ معادلة مما يأتي:

(أ) $س + ٤ = ٤$ (ب) $س + ٥ = ٥$ (ج) $٤ = ١ + س$ (د) $٢ = ٢ + س$

مراجعة المفردات:

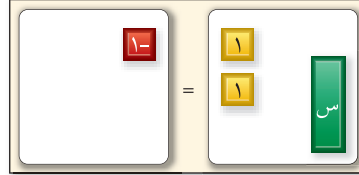
الزوج الصفري؛ يُسمى العدد ونظيره الجمعي زوجاً صفرياً، فمثلاً: ٢ و -٢ زوج صفري. (استكشاف: ٢-٤)

تستطيع إضافة الزوج الصفري أو طرحه من أي طرف من طرفي المعادلة دون تغيير قيمته.

نشاط

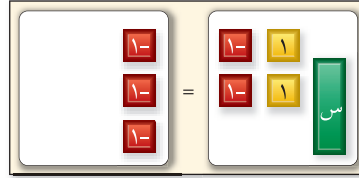
٢ استعمل نموذجًا لتحل المعادلة $س + ٢ = ١ -$.

نموذج المعادلة



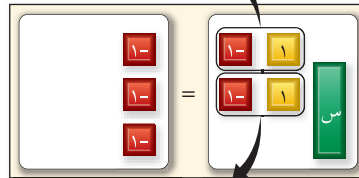
$$١ - = س + ٢$$

أضف ٢ من البطاقات السالبة إلى كل من طرفي المعادلة



$$(٢-) + ١- = (٢-) + س + ٢$$

تُحذف جميع الأزواج الصفرية من الطرف الأيمن. ويبقى ٣ بطاقات سالبة في الطرف الأيسر



$$٣ - = س$$

إذن $س = ٣ -$ ، بما أن $١ - = ٢ + ٣ -$ ، فالحل صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل النموذج أو الرسم لتحل كل معادلة فيما يأتي:

(و) $س - ٣ = ٢ -$

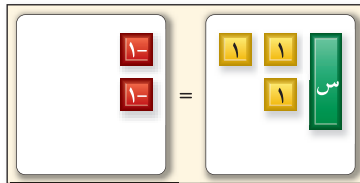
(هـ) $١ + س = ٢ -$

(ح) $٢ - س = ٤$

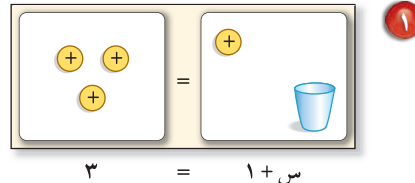
(ز) $٣ - = ١ - س$

حلّ النتائج

وضّح كيف تحلّ كل معادلة ممّا يأتي باستعمال النموذج أو الرسم.



$$٢ - = س + ٣$$



$$٣ = ١ + س$$

٣ **خمّن:** اكتب قاعدة يمكن استعمالها لحلّ المعادلة $س + ٣ = ٢$ ، دون

استعمال النموذج أو الرسم.

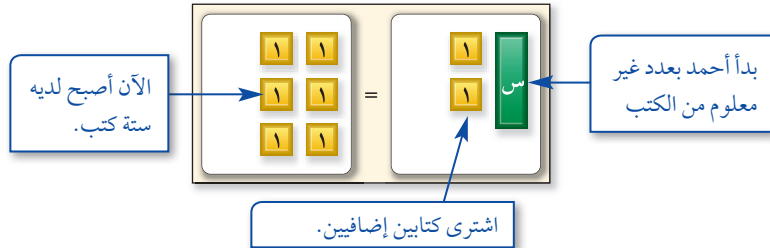


معادلات الجمع والطرح

٢ - ٣

استعد

كتب: عند أحمد بعض الكتب العلمية، ثم اشترى كتابين إضافيين فأصبح لديه ستة كتب علمية.



فكرة الدرس:

أحل معادلات الجمع والطرح.

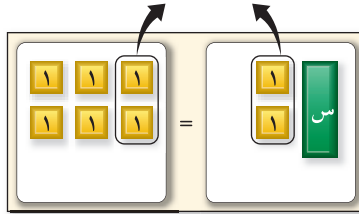
- ١ ماذا تمثل س في الشكل؟
- ٢ ما معادلة الجمع التي تمثلت بالشكل؟
- ٣ وضح كيف يمكن حل المعادلة؟
- ٤ ما عدد الكتب التي كانت عند أحمد في البداية؟

يمكنك حل المعادلة $6 = 2 + س$ بحذف العدد نفسه من البطاقات الموجبة من كل من طرفي اللوحة. أو بطرح ٢ من كل من طرفي المعادلة. فيصبح المتغير وحده في أحد طرفي المعادلة.

استعمال الرموز

$$\begin{aligned} 6 &= 2 + س \\ 2 - &= 2 - \\ \hline 4 &= س \end{aligned}$$

استعمال النماذج



إن طرح ٢ من كل من طرفي المعادلة، هو مثال توضيحي لخاصية الطرح.

مفهوم أساسي

خصائص المساواة (خاصية الطرح)

التعبير اللفظي: إذا طرحنا العدد نفسه من كلا طرفي المعادلة يبقى طرفي المعادلة متساويين.

الرموز: إذا كانت $أ = ب$ ، فإن $أ - ج = ب - ج$

جبر

$$6 = 2 + س$$

$$2 - = 2 -$$

$$4 = س$$

أعداد

$$6 = 6$$

$$2 - = 2 -$$

$$4 = 4$$

الأمثلة:

مثال حل معادلات الجمع

١ حل المعادلة: $س + ٩ = ٨$. ثم تحقق من صحة حلّك.

اكتب المعادلة	$س + ٩ = ٨$
اطرح ٩ من كلّ طرف	$س - ٩ = ٩ - ٩$
بسّط	$س = ٩ - ٩$
اكتب المعادلة الأصلية	$س + ٩ = ٨$
عوّض عن س بـ ١-	$٨ = ٩ + ١ -$
الجملة صحيحة؛ إذن الحل هو ١-	$٨ = ٨$ ✓

تحقق من فهمك:

حلّ كلّ معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحة حلّك.

(أ) $٩ = ٦ + س$ (ب) $١ = ٣ + س$ (ج) $٤ + أ = ٣ - أ$

إرشادات للدراسة

إنّ معادلتك الجديدة
س = ١-، لها نفس حلّ
المعادلة الأصلية
س + ٩ = ٨.

مثال من واقع الحياة

٢ أحياء بحريّة: السمكة المهرج والسمكة الملائكيّة نوعان من أنواع السمك الاستوائي المشهور. وقد تنمو السمكة الملائكيّة ليصل طولها إلى ٣٠ سم. فإذا كانت السمكة الملائكيّة أطول من السمكة المهرج بـ ٢١ سم، فما طول السمكة المهرج؟

تعبير اللفظي	السمكة الملائكيّة أطول بـ ٢١ سم من السمكة المهرج.
المتغيّر	لتكن جـ تمثل طول السمكة المهرج.
المعادلة	$٣٠ = ٢١ + جـ$

اكتب المعادلة	$٣٠ = ٢١ + جـ$
اطرح ٢١ من كلا الطرفين	$٢١ - ٢١ = ٢١ - ٢١ + جـ$
بسّط	$٩ = جـ$
طول السمكة المهرج هو ٩ سم.	

تحقق من فهمك:

(د) **طقس:** سجلت أعلى درجة حرارة في مدينة ٥٤° س، وهي أعلى بـ ٢٩° س من أدنى درجة حرارة مسجّلة فيها. اكتب معادلة لإيجاد أدنى درجة حرارة سُجّلت في هذه المدينة، وحلّها.

بالمثل يمكنك استعمال العمليات العكسيّة وخاصية الجمع لحلّ معادلة مثل
س - ٢ = ١ .



الربط مع الحياة:

كيف يستعمل عالم الأحياء المائية الرياضيات؟
يستعملها لتحليل المعلومات والبيانات عن النباتات والحيوانات والكائنات الحية المائية.

التعبير اللفظي: إذا أضفت العدد نفسه إلى طرفي المعادلة، فإن طرفيها يبقيان متساويين.

الرموز: إذا كانت $أ = ب$ ، فإن $أ + ج = ب + ج$

أعداد	جبر
$٥ = ٥$	$س - ٢ = ٤$
$٣ + = ٣ +$	$٢ + = ٢ +$
$٨ = ٨$	$س = ٦$

مثال حل معادلات الطرح

٣ حلّ $س - ٢ = ١$ ، وتحقق من صحة حلّك.

اكتب المعادلة	$س - ٢ = ١$
أضف ٢ إلى كلا الطرفين	$٢ + = ٢ +$
بسّط	$س = ٣$

التحقق من الحلّ: بما أن $٣ - ٢ = ١$ ، فإنّ الحلّ هو ٣

تحقق من فهمك:

حلّ كل معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحة حلّك:

(هـ) $٤ = ٣ - س$ (و) $٢ - = ٤ - ل$ (ز) $٩ - = ٨ - م$

مثال من واقع الحياة

٤ **تسوّق:** ثمن حذاء ٤٥ ريالاً، وهو أقلّ بـ ١٤ ريالاً من ثمن القميص، ما ثمن القميص؟

التعبير اللفظي	ثمن الحذاء أقلّ بـ ١٤ ريالاً من ثمن القميص.
المتغير	لتكن $س$ تمثل ثمن القميص.
المعادلة	$٤٥ - س = ١٤$

اكتب المعادلة	$٤٥ - س = ١٤$
أضف ١٤ لكلا الطرفين	$١٤ + = ١٤ +$
بسّط	$س = ٥٩$

ثمن القميص هو ٥٩ ريالاً.

تحقق من فهمك:

(ح) **حيوانات:** معدّل عُمر الأسد في الحياة البرية ١٥ عامًا وهو أقلّ بعام واحد من معدّل عُمر النمر. اكتب معادلة لإيجاد معدّل عُمر النمر، وحلّها.

إرشادات للدراسة

التحقق من معقولية الحلّ
اسأل نفسك: ما الذي ثمنه أكبر: الحذاء أم القميص؟ ثمّ تأكد من إجابتك. هل يبيّن الجواب أنّ القميص أغلى من الحذاء؟



حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

المثال ١

$$١ \quad ٨ = ٦ + ن$$

$$٢ \quad ٧ = ص + ٢$$

$$٣ \quad ٣ = ٥ + م$$

$$٤ \quad ٦ + أ = ٢ -$$

٥ **طيران:** صنع الأخوان ويلبر وأورفيل رايت أول طائرة عام ١٩٠٣ م. طار ويلبر مسافة

المثال ٢

١٠٩ م. وهذه المسافة أطول بـ ٣٦ متراً من المسافة التي طارها أورفيل. اكتب معادلة لإيجاد مسافة طيران أورفيل ثمّ حلّها.

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

المثال ٣

$$٦ \quad ٦ = ٥ - س$$

$$٧ \quad ٦ - ج = ١ -$$

٨ **إحصاءات:** في شهر رجب من عام ١٤٢٨ هـ حصل ٢٣ حادث وفاة بسبب السرعة

المثال ٤

في مدينة الرياض، وهذا العدد أقلّ بـ ١٦ من عدد حوادث الوفيات التي وقعت في شهر محرم من العام نفسه. فما عدد حوادث الوفيات التي وقعت في شهر محرم؟

تدرّب وحلّ المسائل

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

$$١٠ \quad ١١ = ٥ + ص$$

$$٩ \quad ١٠ = ٣ + أ$$

$$١٢ \quad ٧ + س = ١٤$$

$$١١ \quad ٢ + د = ٩$$

$$١٤ \quad ١٢ = ١٥ + ص$$

$$١٣ \quad ٥ = ٨ + س$$

$$١٦ \quad ٣ - = ٦ + ل$$

$$١٥ \quad ٩ - = ٣ + ك$$

$$١٨ \quad ١١ = ٧ - و$$

$$١٧ \quad ٩ = ٨ - هـ$$

$$٢٠ \quad ١٢ - ف = ٢ -$$

$$١٩ \quad ٨ - ل = ١ -$$

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
٢٠ - ٩	٣، ١
٢٣ - ٢١	٤، ٢

للأسئلة ٢١ - ٢٣، اكتب المعادلة، ثمّ حلّها:

٢١ **رياضة:** تدرّب حمد على كرة القدم ٧ ساعات الأسبوع الماضي وهي أكثر ساعتين

مما تدرّبّه في الأسبوع الذي قبله. فما عدد الساعات التي تدرّبها في الأسبوع ما قبل الماضي؟

٢٢ **أعمار:** عُمر زكريا ١٥ عامًا، وهو أصغر بـ ٣ سنوات من أخيه محمد. فما عُمر محمد؟

٢٣ **نقود:** افترض أن معك س من الريالات، ثم أعطيت أختك ٥ ريالات، فتبقى معك ١٨ ريالاً. كم كان معك في البداية؟

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقق من صحّة حلّك:

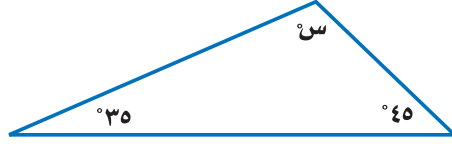
٢٤ $٨٤ = ص + ٦٤$ ٢٥ $١٨ - س = ٢٣ -$

٢٦ $٣٠ - = ج + ١٨ -$ ٢٧ $١٤, ٩ = ٣, ٥ - أ$

٢٨ $٢, ١ - = ٨, ٥ - ر$ ٢٩ $١ = ٢, ٢٥ + ب$

للسؤالين ٣٠، ٣١، اكتب المعادلة، ثم حلّها:

٣٠ **هندسة:** مجموع قياسات زوايا المثلث ١٨٠° . أوجد قياس الزاوية المجهولة في الشكل أدناه.



٣١ **اقتصاد:** عند إغلاق السوق المالي لبيع وشراء الأسهم، أغلق سهم إحدى الشركات عند سعر ٦٢,٥٠ ريالاً. وهذا السعر أقل بـ ١,٢٥ ريال من سعر الافتتاح. أوجد سعر الافتتاح لهذا السهم.

تحليل الجداول: لحلّ الأسئلة ٣٢-٣٤، استعمل الجدول أدناه:

الطالب	العلوم	الرياضيات	اللغة الإنجليزية
سعد	٩٠	٨٥	س
فهد	٨٠	٩٣	٨٤
خالد	٩٥	ص	٩١
ماجد	هـ	٨٢	٧٩

٣٢ درجة سعد في اللغة الإنجليزية أكبر من درجة خالد. إذا كان الفرق بينهما ٧ درجات، فاكتب معادلة الطرح، ثم حلّها لتجد درجة سعد.

٣٣ تقل درجة خالد في الرياضيات عن درجة فهد بـ ١٣ درجة. اكتب معادلة الجمع، ثم حلّها لتجد درجة خالد.

٣٤ تزيد درجة ماجد في العلوم على درجة سعد بـ ٦ درجات. اكتب معادلة الطرح، ثم حلّها لتجد درجة ماجد.

٣٥ **اكتشف المختلف:** حدّد المعادلة التي يختلف حلّها عن حلّ المعادلات الثلاثة الأخرى، ووضّح إجابتك.

$$9 - = 1 + 6 -$$

$$8 = 11 + ص$$

$$8 - = 5 + ب$$

$$4 - = 1 - س$$

٣٦ **تحّد:** لتكن $س + ص = 11$ ، إذا زادت قيمة $س$ بمقدار ٢، فماذا يحدث لقيمة $ص$ ليقى المجموع نفسه؟

٣٧ **الكتب** مسألة من الحياة يمكن تمثيلها بالمعادلة $س - 25 = 50$.

تدريب على اختبار

٣٩ أيّ الجمل الآتية صحيحة اعتمادًا على المعادلة $س + 3 = 7$ ؟
 (أ) لإيجاد قيمة $س$ ، أضف ٣ إلى كلا الطرفين.
 (ب) لإيجاد قيمة $س$ ، أضف ٧ إلى كلا الطرفين.
 (ج) لإيجاد قيمة $س$ ، اجمع العددين ٣ و٧.
 (د) لإيجاد قيمة $س$ ، اطرح ٣ من كلا الطرفين.

٣٨ يبلغ طول هاني ١٤٥ سم، وهو أقصر من أخيه مهند بمقدار ١٢ سم. أيّ المعادلات الآتية يمكنك استعمالها لمعرفة طول مهند؟
 (أ) $12 = س + 145$
 (ب) $145 = س - 12$
 (ج) $12 - س = 145$
 (د) $س = 145 - 12$

مراجعة تراكمية

٤٠ **أعمار:** يزيد عمر سالم على عمر سليمان بمقدار ١١ سنة. إذا كان عمر سليمان ع، فاكتب عبارة جبرية تمثل عمر سالم. (الدرس ٣-١)

٤١ **جبر:** أوجد ناتج: $-24 \div (-4)$ (الدرس ٢-٨)

٤٢ **جبر:** بيّن الجدول المجاور عدد الصفحات التي قرأها فيصل في كل ساعة. إذا استمر هذا النمط في القراءة، فكم صفحة يقرأ فيصل في الساعة رقم ٨. (الدرس ٢-٧)

الساعة	عدد الصفحات
١	١١
٢	١٣
٣	١٦
٤	٢٠
٥	٢٥

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج القسمة في كلّ مما يأتي:

$$٠,٧٦ \div ٠,٥$$

٤٦

$$٠,٢٥ \div ٧٥,٢٥$$

٤٥

$$٣,٤ \div ٨,٨٤$$

٤٤

$$١٣ \div ١٥,٦$$

٤٣

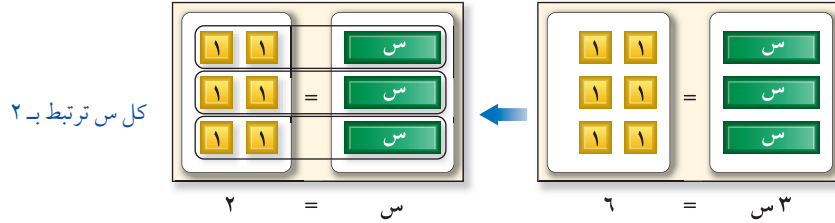


معادلات الضرب

٣ - ٣

نشاط

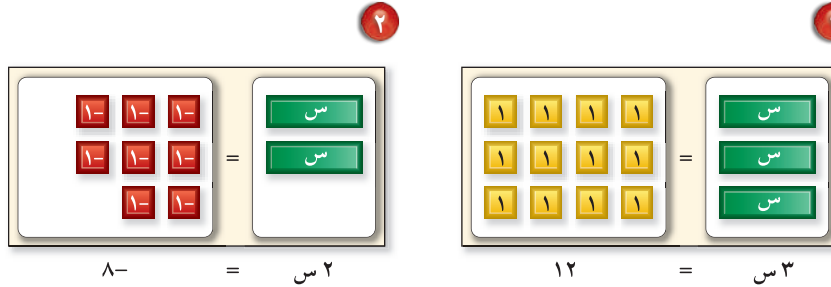
إدارة: كُلف ثلاثة موظفين بتحرير ٦ خطابات، واتفقوا على تقاسم العمل بالتساوي. يمثّل الشكل معادلة الضرب ٣ س = ٦؛ حيث س عدد الخطابات التي يحررها كل موظف.



أي يحرر كل موظف خطابين.

إذن حل المعادلة: ٣ س = ٦ هو ٢.

استعمل النماذج أو الرسم لتحلّ كلاً من المعادلات التالية:



٥ ٣ س = ٩

٤ ٢ = ٨ س

٣ ٤ س = ٢٠

٦ ما العملية التي استعملتها لإيجاد حلّ كل معادلة؟

٧ كيف يمكن استعمال مُعامل س لحلّ المعادلة ٨ س = ٤٠؟

المعادلات مثل ٣ س = ٦، تُسمّى معادلات الضرب؛ لأنّ العبارة ٣ س تعني ٣ ضرب س. لذلك يمكن استعمال خاصيّة القسمة لحلّ معادلات الضرب.

مفهوم أساسي

خصائص المساواة (خاصية القسمة)

التعبير اللفظي: إذا قسمت كلّ طرف من المعادلة على عدد غير الصفر، فإنّ طرفي المعادلة يبقيان متساويين.

الرموز: إذا كانت $أ = ب$ ، $ج \neq ٠$ ، فإنّ $\frac{أ}{ج} = \frac{ب}{ج}$

٢ س = ٦

٢ س = ٦

٢ = ٣

٣ = ٣

جبر:

٨ = ٨

٨ = ٨

٢ = ٢

٤ = ٤

الأمثلة: أعداد:

مثالان حل معادلات الضرب

١ حل المعادلة، وتحقق من صحة حلك. ٢ حل المعادلة، وتحقق من صحة حلك.

اكتب المعادلة	$٢٤ = ٨ \times ص$	اكتب المعادلة	$٢٠ = ٤ \times س$
اقسم كلا الطرفين على ٨-	$\frac{٢٤}{٨} = \frac{٨ \times ص}{٨}$	اقسم كلا الطرفين على ٤	$\frac{٢٠}{٤} = \frac{٤ \times س}{٤}$
	$٣ = ٨ \div ٢٤$		$٥ = ٤ \div ٢٠$
تحقق من صحة الحل	الحل هو ٣-	تحقق من صحة الحل	الحل هو ٥.

تحقق من فهمك:

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك:

(أ) $٦ = ٣٠ \times س$ (ب) $٣٦ = ٦ \times أ$ (ج) $٧٢ = ٩ \times د$

بعض المواقف الحياتية يزيد فيها العدد بشكل منتظم، هذه المواقف يمكن أن تُمثّل بمعادلات الضرب.

مثال من واقع الحياة

٣ رسائل نصية: إذا كانت تكلفة إرسال الرسالة النصية الواحدة ١٠, ٠ ريال، فما عدد الرسائل التي يمكن إرسالها بمبلغ ٥ ريالات؟

التعبير اللفظي: التكلفة الكلية تساوي تكلفة كل رسالة ضرب عدد الرسائل.
المتغير: لتكن م تمثل عدد الرسائل التي يمكن إرسالها.
المعادلة: $٥ = ١٠,٠ \times م$

اكتب المعادلة	$٥ = ١٠,٠ \times م$
اقسم كلا الطرفين على ١٠, ٠	$\frac{٥}{١٠,٠} = \frac{١٠,٠ \times م}{١٠,٠}$
	$٥٠ = ١٠,٠ \div ٥$
	$٥٠ = م$

إذن بتكلفة ١٠, ٠ ريال لكل رسالة، يمكن إرسال ٥٠ رسالة بمبلغ ٥ ريالات.

تحقق من فهمك:

(د) سفر: تسير سيارة رياض مسافة معدّلها ١٥ كلم بتر واحد من البنزين. اكتب معادلة لإيجاد عدد اللترات التي تحتاج إليها لقطع مسافة ٣٠٠ كلم، وحلّها.



الربط مع الحياة: أكثر من ٣٦٠ مليون رسالة نصية قصيرة تم تبادلها ليلة دخول شهر رمضان المبارك.

الصيغة الرياضية: هي معادلة تبين العلاقة بين كميات محددة. ومن أكثر الصيغ الرياضية شيوعاً المعادلة $F = E \times N$ التي تبين العلاقة بين المسافة F ، والسرعة E والزمن N .

مثال من واقع الحياة

٤ **حيوانات:** السلحفاة واحدة من أبطأ الحيوانات، تصل سرعتها القصوى $0,4$ كلم في الساعة. كم تستغرق السلحفاة لتقطع مسافة $2,4$ كلم؟ المطلوب منك إيجاد الزمن N اللازم لقطع المسافة F ، وهي $2,4$ كلم بسرعة $0,4$ كلم في الساعة.

الطريقة ١

عوّض، ثم حلّ.

اكتب المعادلة

$$F = E \times N$$

عوّض عن F بـ $2,4$ ، وعن E بـ $0,4$

$$2,4 = 0,4 \times N$$

اقسم كلا الطرفين على $0,4$

$$\frac{2,4}{0,4} = \frac{0,4 \times N}{0,4}$$

$$6 = 0,4 \div 0,4$$

$$N = 6$$

الطريقة ٢

حلّ، ثم عوّض.

اكتب المعادلة

$$F = E \times N$$

اقسم كلا الطرفين على E لإيجاد N

$$\frac{F}{E} = \frac{E \times N}{E}$$

بسّط

$$N = \frac{F}{E}$$

عوّض عن F بـ $2,4$ ، وعن E بـ $0,4$

$$N = \frac{2,4}{0,4}$$

$$6 = 0,4 \div 0,4$$

$$N = 6$$

تستغرق السلحفاة ٦ ساعات لتقطع مسافة $2,4$ كلم.

اختر طريقتك

هـ) **علوم:** تقطع موجة صوتية مسافة 700 م في $2,5$ ثانية. ما سرعتها؟

تأكد

المثالان ٢،١ **حلّ كل معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحّة حلّك:**

١) $6 \times ج = ١٨$ ٢) $١٥ = ٣ \times ع$ ٣) $٨ - س = ٢٤$ ٤) $٩ - ل = ٣٦$

المثال ٣ **٥ عمل:** يتقاضى جميل ١٥ ريالاً في الساعة الواحدة مقابل العمل في محل. ما عدد الساعات التي سيعملها ليجمع مبلغ ١٢٠ ريالاً؟

المثال ٤ **٦ سباحة:** تسبح سمكة قرش بمعدل ٤٠ كلم في الساعة تقريباً. ما الزمن الذي تحتاج إليه لقطع مسافة ٩٦ كلم بهذا المعدل؟

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأستاذة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٢-٧
٢	١٨-١٣
٣	١٩
٤	٢١، ٢٠

حلّ كلّ معادلة ممّا يأتي، وتحقّق من صحة حلّك:

- ٧ ٤٩ = ١٧ ٨ ٩ = ٢٧ ٩ ٢ = ٦ - ١٠ ٣ = ٢١ -
 ١١ ٣٥ = ٥ ع ١٢ = ٧٢ ١٣ ٤ - ع ٣٦ - = ١٤ ١٢ = ٦٠ - ص
 ١٥ ٤ - س ١٦ - ع ٣٦ - = ١٧ ٤٨ = ٦ - ك ١٨ ٢٨ = ٧ - ص

لكلّ من الأسئلة ١٩ - ٢١، اكتب معادلة، ثمّ حلّها.

- ١٩ **نقود:** يريد فهد أن يشتري طاولة مكتب كلفتها ٣٠٠ ريال، إذا كان يدخر ١٥ ريالاً كل أسبوع، فكم أسبوعاً يلزمه لجمع مبلغ الطاولة؟
 ٢٠ **سرعة:** تسير سيارة سباق بمعدّل ٢٠٥ كلم في الساعة. ما الزمن الذي تستغرقه لتقطع مسافة ٦١٥ كلم بحسب هذا المعدّل؟
 ٢١ **طيور:** يطير نوع من العصافير مسافة ١٥ م في ثانيتين. احسب معدّل سرعة هذا النوع من العصافير بالأمتار في الثانية الواحدة.

تحليل جداول: للسؤالين ٢٢، ٢٣، استعمل المعلومات الواردة في الجدول أدناه:

الاسم	السباق	الزمن بالثواني
سالم اليامي	م ٢٠٠	٢٠، ٤٢
حمدان البيشي	م ٤٠٠	٤٤، ٦٦
محمد الصالحي	م ٨٠٠	١٠٣، ٩٩

يوضح الجدول بعض الأرقام القياسية السعودية النهائية عام ٢٠٠٧ م.

- ٢٢ دون إجراء أيّ عملية حسابية، وضح أيّهما كان معدّل سرعته أكثر: سالم أم حمدان؟
 ٢٣ أوّجّد معدّل سرعة كلّ عداء بالأمتار لكلّ ثانية، ثمّ قربها إلى أقرب جزء من مئة.

مسائل

مهارات التفكير العليا

- ٢٤ **اكتشف الخطأ:** حلّ كل من سعود وسالم المعادلة - ٦ = ٧٢، أيّهما كان حلّه صحيحاً؟



سالم

$$\begin{aligned} 6 - س &= 72 \\ \frac{6 - س}{6} &= \frac{72}{6} \\ س &= 12 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 6 - س &= 72 \\ \frac{6 - س}{6 -} &= \frac{72}{6 -} \\ س - &= 12 \end{aligned}$$



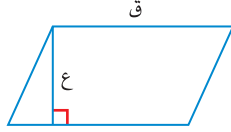
سعود

- ٢٥ **تحّد:** حلّ ٣ | س | = ١٢، فسّر إجابتك.

الكتب مسائل من الحياة الواقعية يمكن تمثيلها بالمعادلات التالية:

- ٢٦ ٢ = س ١٦ = ٢٧ ٣ = س ٧٥ = ٢٨ ٤ = س ٨ =

٢٠ **إجابة قصيرة:** استعمل القانون $م = ق \times ع$ ؛ لإيجاد طول قاعدة متوازي الأضلاع (ق) الذي ارتفاعه ٧ سنتمترات، ومساحته ٥٦ سنتمترًا مربعًا.



٢٩ يستطيع لاعب كرة قدم الركض ٢٠ مترًا في ٣,٧ ثوانٍ. أي المعادلات الآتية يمكنك استعمالها؛ لإيجاد عدد الأمتار ص التي يستطيع اللاعب ركضها في ثانية واحدة؟

أ) $٢٠ = ٣,٧ \times ص$
 ب) $٢٠ = ٣ - ص$
 ج) $٢٠ = ٣,٧ \times ص$
 د) $٢٠ + ٣,٧ = ص$

مراجعة تراكمية

جبر: حل كلاً من المعادلات الآتية. وتحقق من صحة حلك. (الدرس ٣-٢)

٣٢ $٢ - = ٧ - ص$

٣١ $٢ - = ٨ + ل$

٣٤ $٨ + ك = ١ -$

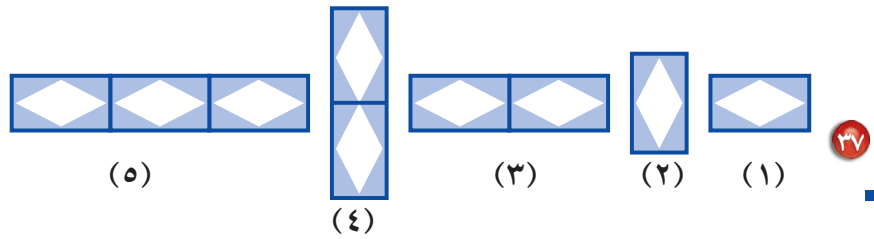
٣٣ $٢٣ + = ٢٠ ص$

٣٥ **جبر:** اكتب عبارة جبرية تمثل ناتج ضرب العددين -٣، ك. (الدرس ٣-١)

٣٦ **الشهور القمرية:** إذا كان الشهر القمري ٥، ٢٩ يومًا، فكم يومًا تزيد السنة الميلادية (٣٦٥ يومًا) على ١٢ شهرًا قمرياً؟ (الدرس ١-١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ارسم الشكلين التاليين في النمط أدناه: (الدرس ٢-٧)





استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «الحل عكسياً».

٣ - ٤



الحل عكسياً

طارق: معي مبلغ من المال أنفقت منه ٥,٥٠ ريالاً في مطعم، وأربعة أضعاف هذا المبلغ في المكتبة، وتبقى معي الآن ٧,٧٥ ريالاً.
مهمتك: **حل عكسياً** لإيجاد المبلغ الذي كان مع طارق قبل ذهابه إلى المطعم والمكتبة.

افهم المبلغ المتبقي معه ٧,٧٥ ريالاً. والمطلوب إيجاد المبلغ الذي كان معه في البداية.

خط ابدأ بالنتيجة النهائية، ثم حل عكسياً.

$$\begin{array}{r} ٧,٧٥ \\ ٢٢,٠٠+ \\ \hline ٢٩,٧٥ \\ ٥,٥٠+ \\ \hline ٣٥,٢٥ \end{array}$$

حل بقي معه ٧,٧٥ ريالاً.
ارجع خطوة في المسألة: أنفق أربعة أضعاف ٥,٥٠ ريالاً في المكتبة. بما أن $٤ \times ٥,٥٠ = ٢٢$ ريالاً، لذا اجمع ٢٢ ريالاً و ٧,٧٥ ريالاً.
ارجع خطوة أخرى: ٥,٥٠ ريالاً التي أنفقتها في المطعم.
اجمع ٥,٥٠ ريالاً و ٢٩,٧٥ ريالاً.
إذن، كان مع طارق في البداية ٣٥,٢٥ ريالاً.

تحقق افترض أن مع طارق ٣٥,٢٥ ريالاً. بعد المطعم أصبح معه: $٣٥,٢٥ - ٥,٥٠ = ٢٩,٧٥$ ريالاً، ثم أنفق في المكتبة أربعة أضعاف ما أنفقه في المطعم؛ لذا أصبح معه: $٢٩,٧٥ - ٤(٥,٥٠) = ٧,٧٥$ ريالاً. إذن ٣٥,٢٥ ريالاً جواب صحيح. ✓

حل الاستراتيجية

- ١ وضح متى تستعمل استراتيجية الحل عكسياً لحل المسألة.
- ٢ صف كيف تحل مسألة عكسياً.
- ٣ اكتب مسألة يمكن حلها عكسياً، ثم اكتب خطوات حل المسألة.

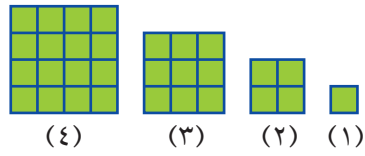
استعمل الاستراتيجيات المناسبة لحل المسائل ٨-١١:

من الاستراتيجيات حل المسألة:
 • التخمين والتحقق
 • البحث عن نمط
 • الحل عكسيًا.

٨ • تبلغ مساحة مزرعة أبي محمد ٩٣, ١٩ كلم^٢، وهي تعادل تقريبًا ٤ أضعاف مساحة مزرعة أبي ناصر. قدر مساحة مزرعة أبي ناصر؟

٩ • **أعمار:** إبراهيم أصغر بعامين من أخيه يوسف، ويوسف أكبر بـ ٤ سنوات من أخته مريم، ومريم أصغر بـ ٨ سنوات من أختها أسماء. إذا كان عمر أسماء ١٦ سنة، فما عمر إبراهيم؟

١٠ • **هندسة:** ارسم الشكل السادس في النمط التالي:



١١ • **أدوات مدرسية:** تريد أمينة شراء ٥ أقلام ومسطرة و٧ دفاتر في بداية العام الدراسي. يبيّن الجدول التالي أسعار هذه الأدوات:

الأداة	ثمن الوحدة
قلم	ريالان
مسطرة	ريال
دفتر	٣ ريالان

هل يكفي ٣٠ ريالًا ثمنًا للأدوات التي اشترتها أمينة؟ فسّر إجابتك.

استعمل استراتيجية «الحل عكسيًا» لحل المسائل ٤ - ٧:

٤ • **نقود:** أنفقت مريم ٨ ريالًا ثمن كراسة، و ٥ ريالًا ثمن قلم، ونصف ما بقي معها ثمن علبة عصير. وبقي معها ريالان، فكم ريالًا كان معها في البداية؟

٥ • **نظرية الأعداد:** ضرب عدد في -٣، ثم طُرح من ناتج الضرب ٦، وبعد إضافة -٧ أصبح الناتج -٢٥، فما العدد؟

٦ • **إدارة الوقت:** بيّن الجدول التالي الوقت الذي يستغرقه فيصل صباحًا للذهاب إلى مدرسته:

جدول فيصل	
الوقت	المهمة الصباحية
■	الاستيقاظ
■	التجهيز للذهاب للمدرسة (٤٥ دقيقة)
■	المشي للمدرسة (٢٥ دقيقة)
٧ صباحًا	

في أي وقت يستيقظ فيصل؟

٧ • **منطق:** يحتوي الصندوق الصغير ٤ كرات تنس، وهناك ٦ صناديق صغيرة في كل صندوق متوسط الحجم، و ٨ صناديق متوسطة الحجم في كل صندوق كبير الحجم. إذا وُجد في محلّ ١٠٠ صندوق كبير الحجم، فما عدد الكرات الموجودة في المحلّ؟

اختبار منتصف الفصل

الدروس من ٣-١ إلى ٣-٤

١٠ **كتب:** رف في مكتبة ارتفاعه ٨٠ سم. اكتب معادلة ضرب وحلها؛ لإيجاد أكبر عدد من الكتب (ن) يمكن وضعها فوق بعضها (بشكل متراص) على الرف، إذا علمت أن سمك كل كتاب منها ٤ سم. (الدرس ٣-٣)

حل كل معادلة مما يأتي. وتحقق من صحة حلك:
(الدرس ٣-٣)

١١ ٥ ف = ٧٥ -

١٢ ٦-، ١، و ٨ = ٤

١٣ ٦٣ = ٧ ت

١٤ ٢، ٢٥ = ١، ٥ ر

١٥ **اختيار من متعدد:** يقطع سهيل ٦٤ كيلومترًا في الساعة بسيارته، فإذا قطع مسافة ٢١٦ كيلومترًا في (ن) ساعة، فأى معادلة مما يأتي تمثل هذا الموقف؟ (الدرس ٣-٣)

(أ) $٢١٦ = ٦٤ + ن$

(ب) $٢١٦ = ٦٤ - ن$

١٦ سحبت ميساء ٢٠٠ ريال من رصيدها في البنك، ثم سحبت ٣٠٠ ريال، ثم سحبت نصف ما تبقى من رصيدها. إذا بقي في رصيدها ٥٠٠ ريال. فكم ريالاً كان في رصيدها منذ البداية؟ (الدرس ٣-٤)

١٧ عدد إذا قسمته على ٣، ثم أضفت إلى الناتج ٤ يصبح الناتج ٤ أمثال العدد ٥. ما هذا العدد؟ (الدرس ٣-٤)

اكتب كلاً مما يأتي على صورة معادلة جبرية: (الدرس ٣-١)

١ ناتج ضرب عدد في ٣ هو -١٦.

٢ نقص عدد بمقدار ١٠ فأصبح ٤٥.

٣ **اختيار من متعدد:** مع سامي ٥ ريالات أكثر من سامر. فإذا كان مع سامر ن ريالاً، فأى العبارات الآتية تمثل عدد الريالات التي مع سامي؟ (الدرس ٣-١)

(أ) ن - ٥

(ب) ٥ - ن

(ج) ن + ٥

(د) ٥ - ٨٠ = ن

حل كل معادلة مما يأتي. وتحقق من صحة حلك:
(الدرس ٣-٢)

٤ $٣٣ = م + ٢١$

٥ $٩، ٨ - = ١، ٧ + ك$

٦ $١٢ - = ٥ - أ$

٧ $٥٦ = ل - (٣٣ -)$

٨ **هندسة:** تعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث ١٨٠° . اكتب معادلة وحلها؛ لإيجاد قيمة ل في الشكل أدناه. (الدرس ٣-٢)



٩ **اختيار من متعدد:** إذا علمت أن درجة فاطمة تقل عن درجة عائشة بمقدار ٥ درجات. وكانت درجة عائشة ٨٥، فأى معادلة مما يأتي يمكنك استعمالها؛ لإيجاد درجة فاطمة؟ (الدرس ٣-٢)

(أ) $٨٥ = ٥ + هـ$

(ب) $٨٠ = ٥ + هـ$

(ج) $٨٥ = ٥ - هـ$

(د) $٨٠ = ٥ - هـ$

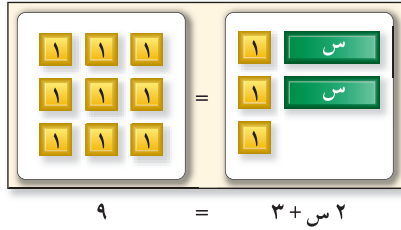


المعادلات ذات الخطوتين

٣ - ٥

نشاط

نقود: يأخذ بائع أزهار ريالين ثمنًا لكل زهرة، و٣ ريالاتٍ بدل تسويق باقة الزهور وتغليفها. إذا كان معك ٩ ريالاتٍ، فكم زهرة يمكنك أن تشتري؟

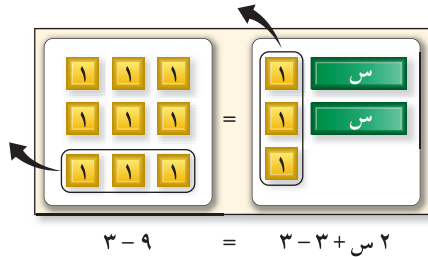


$$9 = 3 + 2س$$

النموذج المجاور يوضح المعادلة:

$$9 = 3 + 2س$$

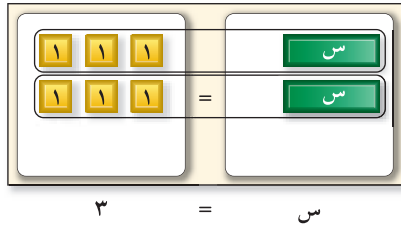
حيث س تمثل عدد الأزهار.



$$3 - 9 = 3 - 3 + 2س$$

لحل المعادلة $9 = 3 + 2س$ ، احذف ثلاث بطاقات موجبة من كل طرف من طرفي اللوحة، ثم ضع البطاقات المتبقية في مجموعتين متساويتين.

حل المعادلة: $9 = 3 + 2س$ هو ٣.



$$3 = 2س$$

حل كلاً من المعادلات التالية باستعمال النماذج أو الرسم:

١ $2س + 5 = 2$

٢ $8 = 2س + 3$

٣ $5 = 1س + 2$

المعادلات ذات الخطوتين فيها عمليتان مختلفتان.

حل معادلات ذات خطوتين

أمثلة

١ حل المعادلة $23 = 2 + 3س$ ، وتحقق من صحة حلك.

اكتب المعادلة

$$23 = 2 + 3س$$

تخلص من الجمع أولاً بطرح ٢ من طرفي المعادلة

$$21 = 3س$$

اقسم كلا الطرفين على ٣

$$7 = س$$

بسّط

$$7 = س$$

إرشادات للدراسة

عند حل معادلات ذات خطوتين (جمع وضرب) نطرح لنتخلص من الجمع، ثم نقسم لنتخلص من الضرب.

تحقق ٣ س $23 = 2 + 3$ اكتب المعادلة الأصلية
 $23 \stackrel{؟}{=} 2 + (7) 3$ عوض عن س بـ ٧
 $23 \stackrel{؟}{=} 2 + 21$ بسّط
 $23 = 23$ ✓ الجملة صحيحة
 إذن الحل هو ٧.

٢ حل المعادلة - ٢ ص - ٧ = ٣، وتحقق من صحّة حلّك.

- ٢ ص - ٧ = ٣ اكتب المعادلة الأصلية
 $7 + = 7 +$ تخلّص من -٧ أولاً بجمع ٧ لكل طرف
 $10 = 2$ ص - ٢
 $10 = 2$ ص - ٢ اقسّم كلا الطرفين على - ٢
 $5 =$ ص بسّط
 الحل هو - ٥. وتحقق من صحّة الحلّ

٣ حلّ المعادلة ٤ + ٥ = ر - ١١، وتحقق من صحّة حلّك.

$11 - = ر ٥ + ٤$ اكتب المعادلة الأصلية
 $4 - = 4 -$ تخلّص من +٤ أولاً بطرح ٤ من كلّ طرف
 $15 - = ر ٥$
 $15 - = ر ٥$ اقسّم كلا الطرفين على ٥
 $3 - = ر$ بسّط
 الحل هو - ٣. وتحقق من صحّة الحلّ

تحقق من فهمك ✓

حلّ كلاً من المعادلات التّالية، وتحقق من صحّة الحلّ:

(أ) ٤ س + ٥ = ١٣ (ب) ٣ - ن - ٨ = ٧ (ج) ١ + ٢ ص - = ٣

إرشادات للدراسة

المعادلات:

حل المعادلة بصورتها الجديدة هو الحل نفسه للمعادلة الأصلية.

مشهور أساسي

حل المعادلات ذات الخطوتين

لحلّ المعادلات ذات الخطوتين، مثل: $3س + ٤ = ١٦$ ، أو $٢س - ١ = ٣$.
 الخطوة ١: تخلّص من الجمع بالطرح أو العكس.
 الخطوة ٢: تخلّص من الضرب بالقسمة أو العكس.

مثال من واقع الحياة

٤ **حفلات:** أقام خالد حفلة لأصدقائه في متنزه، ودفع ٣٢١ ريالاً مقابل تذاكر دخولهم والكعكة والعصير. فإذا كان رسم الدخول للصديق الواحد ٨,٥٠ ريالاً، وثمان الكعكة والعصير ٢٧٠ ريالاً، فما عدد الأصدقاء الذين حضروا الحفلة؟

التعبير اللفظي
ثمن الكعكة والعصير زائد تكلفة صديق واحد ضرب عدد الأصدقاء يساوي ٣٢١ ريالاً.
المتغير
لتكن ن تمثل عدد الأصدقاء المدعوين.
المعادلة
 $٣٢١ = ٨,٥٠ \times ن + ٢٧٠$

اكتب المعادلة $٣٢١ = ٨,٥٠ + ٢٧٠$
اطرح ٢٧٠ من كلا الطرفين $٣٢١ - ٢٧٠ = ٨,٥٠ + ٢٧٠ - ٢٧٠$
اقسم كلا الطرفين على ٨,٥٠ $٥١ = ٨,٥٠$
 $٥١ = ٨,٥٠$
 $٥١ = ٨,٥٠$
 $٦ = ٨,٥٠ \div ٥١$
 $٦ = ن$

تحقق $٣٢١ \stackrel{?}{=} ٨,٥٠ + ٢٧٠$
عوض عن ن بـ ٦ $٣٢١ \stackrel{?}{=} (٦) ٨,٥٠ + ٢٧٠$
بسّط $٣٢١ \stackrel{?}{=} ٥١ + ٢٧٠$
الجملة الصحيحة $٣٢١ = ٣٢١$

إذن عدد المدعوين لحفلة خالد ٦ أصدقاء.

تحقق من فهمك:

د **لياقة بدنية:** هناك عرض خاص في مركز للياقة البدنية، بحيث تدفع ٢٢ ريالاً للاشتراك، زائد ١٦ ريالاً قسماً شهرياً. فإذا كان معك ١٥٠ ريالاً، فاكتب معادلة لمعرفة عدد الأشهر التي يمكن الاشتراك فيها بهذا المبلغ، ثم حلّها.

تأكد

الأمثلة ١-٣ حلّ كلًّا من المعادلات التالية، وتحقق من صحّة حلّك:

١ $٧ = ١ + ٣$ س ٣
٢ $٢٢ = ٦ - ٤$ ل ٤
٣ $١٧ = ١ + ٦$ ر ٦

٤ $٣ - ٥ = ١٠$ ص ٣
٥ $١٣ = ٤ + ١$ م ٤
٦ $٧ = ١ + ٢$ ن ٦

المثال ٤ **نقود:** مع سميير ٦٥ ريالاً، ويريد أن يشتري بعض الكتب وحقيبة. إذا كان سعر الكتاب

١٤ ريالاً والحقيبة ٢٣ ريالاً، فاكتب معادلة لتجد عدد الكتب، ثم حلّها.

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٣-٨	٣,٢,١
١٥,١٤	٤

حلّ كلاً من المعادلات التالية، وتحقق من صحة حلّك:

- ٨ م + ١ = ٢٣ - ٩ ٩ ل - ٤ = ٨ ١٠ ص + ٣ = ٢٥ -
 ١١ س + ٢ = ٤٧ ١٢ ك + ٢ = ٩, ٧ = ١٩ ١٣ ٥, ٥ = ١٦ - و ٨

في الأسئلة ١٤ - ١٧، اكتب معادلة، ثم حلّها:

- ١٤ **دراجات:** يوفر صلاح نقوداً ليشتري دراجة جديدة ثمنها ١٨٩ ريالاً. فإذا وفر حتى الآن ٩٩ ريالاً، ويوفر أسبوعياً ١٠ ريالاً، فكم أسبوعاً يحتاج لجمع ثمن الدراجة؟
 ١٥ **ترفيه:** إذا كان ثمن تذكرة دخول حديقة الحيوانات ١٠ ريالاً، وثمان كيس طعام الطيور ريالين. فكم كيساً تستطيع أن تشتري إذا أردت دخول الحديقة، وكان معك ١٤ ريالاً؟
 ١٦ **اتصالات:** تتقاضى شركة الهواتف مبلغ ٩٩, ٣٩ ريالاً شهرياً مقابل عدد غير محدّد من الدقائق - خارج وقت الذروة - في الليل وأيام العطل الأسبوعية، وتتقاضى ٤٥, ٠ ريال عن كل دقيقة في وقت الذروة. إذا كانت فاتورة سليمان الشهرية ٤٩, ٦٢ ريالاً، فكم دقيقة تكلم في وقت الذروة؟
 ١٧ **نباتات:** في ظروف مثالية، ينمو نوع من الخيزران ١٢٠ سم يومياً، فكم يوماً تحتاج إليه شجرة خيزران طولها ٢٠ سم ليصبح ارتفاعها ٢٤ م، بحسب هذا المعدّل؟

- ١٨ **تحد:** تبيع إحدى المدارس اشتراكات في مجلة، الواحد بـ ٢٠ ريالاً. وتقوم الشركة الموزعة للمجلة بدفع نصف المبيعات الإجمالية للمدرسة، على أن تدفع المدرسة رسماً لمرة واحدة ١٨ ريالاً، فما أقل عدد من الاشتراكات التي يجب أن تبيعها المدرسة لتحصل على ٢٠٠ ريال؟
 ١٩ **اختر طريقة:** استأجر فهد سيارة مقابل رسم ثابت مقداره ٩٩, ٨٩ ريالاً زائد ٢٦, ٠ ريال عن كلّ كيلومتر زيادة على الحد المقرر (١٥٠ كلم). إذا كان فهد قد دفع ١٩٠ ريالاً، فأبى الطرق التالية ستستعمل لإيجاد عدد الكيلومترات الزائدة التي قطعها؟ علّل اختيارك، ثم استعمل الطريقة أو الطرق التي اخترتها لحلّ المسألة.

التقدير

الحسّ عددي

الحساب ذهني

٢٠ **التعب:** مسألة من واقع الحياة يمكن تمثيلها بالمعادلة: ٢ س + ٥ = ١٥.

٢٢ مع وليد ١٨٧٥ ريالاً. إذا بدأ يصرف منها
١٤٠ ريالاً أسبوعياً، فأبي العبارات الآتية تمثل
المبلغ (بالريالات) المتبقي معه بعد س أسبوعاً؟
أ) ١٧٣٥ س
ب) ١٨٧٥ - ١٤٠ س
ج) ١٤٠ س
د) ١٨٧٥ + ١٤٠ س

٢١ قدمت شركة اتصالات عرضاً، على أن يدفع
المشترك ٥٠ ريالاً شهرياً، بالإضافة إلى
١٥, ٠ ريال عن كل دقيقة اتصال. أي المعادلات
الآتية يمكنك استعمالها؛ لتجد المبلغ (بالريالات)
الذي سيدفعه مشترك في نهاية شهر ما، إذا أجرى
م دقيقة اتصال خلال ذلك الشهر؟
أ) ٥٠, ١٥ م ج) ٥٠ + ١٥, ٠ م
ب) ٥٠ + ١٥, ٠ م د) ٥٠ + م, ١٥, ٠

مراجعة تراكمية

٢٣ **جداول زمنية:** يرغب عدنان في الوصول إلى مدرسته في تمام الساعة ٧:١٠ صباحاً. فإذا علمت أنه يستغرق
٧ دقائق في المشي من بيته إلى مدرسته، ويحتاج إلى ٤٠ دقيقة لتجهيز نفسه في الصباح. فما آخر وقت عليه أن
يستيقظ فيه ليصل إلى مدرسته في الوقت المحدد؟ (الدرس ٣ - ٤)

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك: (الدرسان ٣ - ٢, ٣ - ٣)

٢٥ $١٥ - = ٣ -$ ص

٢٤ $٢٨ = ٤$ ف

٢٧ $٢ + ن = ١١ -$

٢٦ $٢٧ = ١٤ -$ س

٢٨ ما المسافة الرأسية بين أعلى نقطة في مبنى وأخفض نقطة في أساساته، إذا علمت أن ارتفاع المبنى عن سطح
الأرض ٣٥ متراً وقد وضعت أساساته على عمق ٢٠ متراً تحت مستوى الأرض. (الدرس ٢ - ٥)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اضرب أو اقسّم:

٣٠ $٤ \times ٣,٥$

٢٩ $٢٠ \times ٢,٥$

٣٢ $٦,٥ \div ١٠٤$

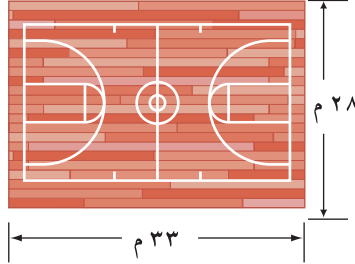
٣١ $٢,١ \div ٤٢٠٠$



القياس: المحيط والمساحة

٦ - ٣

استعد



قياس: في بداية حصة الرياضة، طلب المعلم من الطلاب الركض حول الصالة الرياضية.

١ إذا ركض طالب حول الصالة ٥ مرات، فما المسافة التي قطعها؟

٢ اشرح كيف يمكن أن تستعمل الضرب والجمع لإيجاد هذه المسافة؟

فكرة الدرس:

أجد مساحة مستطيل ومحيطه.

المفردات:

المحيط

المساحة

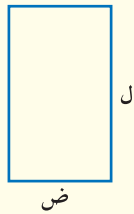
المسافة حول شكل هندسي تُسمى **المحيط**.

لإيجاد محيط المستطيل، استعمل الصيغة التالية:

مفهوم أساسي

محيط المستطيل

النموذج



التعبير اللفظي: محيط المستطيل (مح) هو مثلاً مجموع الطول (ل) والعرض (ض).

الرموز

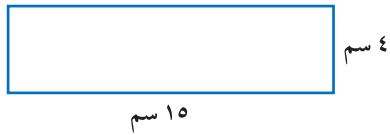
$$\text{مح} = \text{ل} + \text{ل} + \text{ض} + \text{ض}$$

$$= 2\text{ل} + 2\text{ض}$$

$$= 2(\text{ل} + \text{ض})$$

إيجاد محيط المستطيل

مثال



١ أوجد محيط المستطيل المجاور.

$$\text{مح} = 2\text{ل} + 2\text{ض}$$

$$\text{مح} = 2(15) + 2(4)$$

$$\text{مح} = 30 + 8$$

$$\text{مح} = 38$$

محيط المستطيل عوض عن ل بـ ١٥، وعن ض بـ ٤

اضرب

اجمع

إذن محيط المستطيل يساوي ٣٨ سم.

تحقق من فهمك:

أ) أوجد محيط المستطيل الذي طوله ١٤,٥ سم، وعرضه ١٢,٥ سم.

٢ **حدائق:** صمّم حامد حديقة مستطيلة الشكل بعرض ٨ م. ويريد أن يضع سياجًا حولها. فإذا كان لديه ٤٠ م من السياج، فما طول الحديقة الذي يُستعمل فيه السياج كاملًا؟

$$\text{محيط المستطيل} \quad \text{مح} = ٢ + ل \quad \text{ض}$$

$$\text{عوّض عن مح بـ ٤٠، وعن ض بـ ٨} \quad ٤٠ = ٢ + ل \quad (٨) \times ٢$$

$$\text{اضرب} \quad ٤٠ = ٢ + ل \quad ١٦$$

$$\text{اطرح ١٦ من كلا الطرفين} \quad \underline{٤٠ - ١٦ = ٢٤}$$

$$\text{بسّط} \quad ٢ = ٢٤$$

$$\text{اقسم كلا الطرفين على ٢} \quad ١٢ = ل$$

أكبر طول ممكن للحديقة يساوي ١٢ م.

تحقق من فهمك:

(ب) **إطار:** اشترى سالم إطارًا للوحة فنية عرضه ٩٠ سم. إذا كان محيط الإطار ٤٠٠ سم، فما طوله؟

المسافة حول مستطيل هي محيطه، وقياس المنطقة المحصورة داخله هي مساحته.


مفهوم أساسي

مساحة المستطيل

التعبير اللفظي: مساحة المستطيل (م) هي ناتج ضرب طوله (ل) في عرضه (ض).

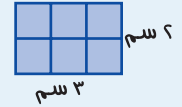
الرموز: $م = ل \times ض$

النموذج



إرشادات للدراسة

وحدات المساحة:
عند إيجاد المساحة فإن الوحدات تضرب أيضًا، لذا فإن المساحة تُعطى بالوحدات المربّعة. مستطيل بعده ٢ سم، و ٣ سم.



إذن مساحته $٢ \times ٣ = ٦$ سم^٢ (٣ × ٢) (سم × سم) = ٦ سم^٢

مثال

٣ **ألعاب:** أوجد مساحة طاولة لعبة القطار المبيّنة في الشكل.

$$\text{مساحة المستطيل} \quad م = ل \times ض$$

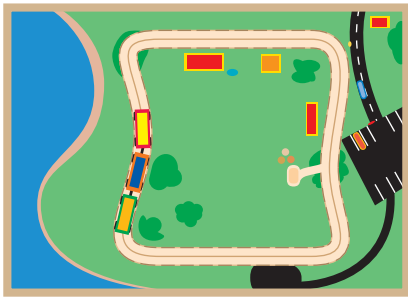
$$\text{عوّض عن ل بـ ١٢٤، وعن ض بـ ٨٩} \quad ١٢٤ \times ٨٩ = م$$

$$\text{اضرب} \quad ١١٠٣٦ = م$$

$$\text{المساحة هي ١١٠٣٦ سم}^2$$

تحقق من فهمك:

(ج) **رخام:** قطعة رخام طولها ١٩ سم، وعرضها ١٠ سم. أوجد مساحة سطحها ومحيطها.



استعمال المساحة لإيجاد المجهول

مثال

٤ مستطيل مساحته ٥٣, ٩٤ م^٢. إذا كان طوله ٨, ٧ م، فاحسب عرضه.

الطريقة ١

عوّض، ثمّ حلّ.

$$\begin{aligned} \text{م} &= \text{ل} \times \text{ض} && \text{اكتب المعادلة} \\ ٥٣, ٩٤ &= (٨, ٧) \times \text{ض} && \text{عوّض عن م بـ } ٥٣, ٩٤, \text{ وعن ل بـ } ٨, ٧ \\ \frac{٥٣, ٩٤}{٨, ٧} &= \frac{٨, ٧ \times \text{ض}}{٨, ٧} && \text{اقسم كلا الطرفين على } ٨, ٧ \\ \text{ض} &= ٦, ٢ && \text{بسّط} \end{aligned}$$

الطريقة ٢

حلّ، ثمّ عوّض.

$$\begin{aligned} \text{م} &= \text{ل} \times \text{ض} && \text{اكتب المعادلة} \\ \frac{\text{م}}{\text{ل}} &= \frac{\text{ل} \times \text{ض}}{\text{ل}} && \text{اقسم كلا الطرفين على ل} \\ \frac{\text{م}}{\text{ل}} &= \text{ض} && \text{بسّط} \\ \frac{٥٣, ٩٤}{٨, ٧} &= \text{ض} && \text{عوّض عن م بـ } ٥٣, ٩٤, \text{ وعن ل بـ } ٨, ٧ \\ \text{ض} &= ٦, ٢ && \text{بسّط} \end{aligned}$$

إذن عرض المستطيل ٦, ٢ م.

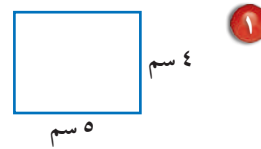
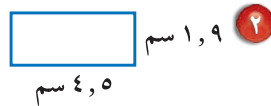
تحقق من فهمك:

(د) أوجد طول مستطيل مساحته ١٣٥ م^٢، وعرضه ٩ م.

تأكد

أوجد محيط كلٍّ من المستطيلين الآتيين:

المثال ١

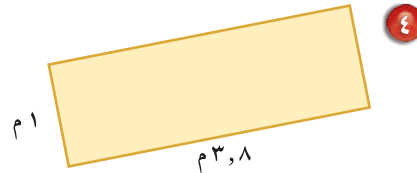
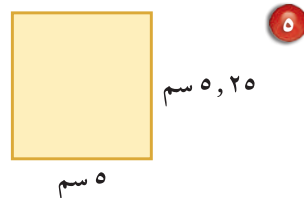


٣ تصوير: صورة عرضها ٥ سم، ومحيطها ٢٤ سم. أوجد طولها.

المثال ٢

أوجد مساحة كلٍّ من المستطيلين الآتيين:

المثال ٣



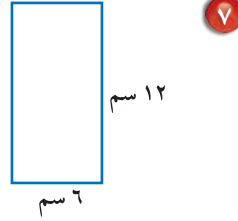
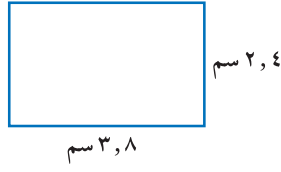
٦ قياس: مستطيل مساحته ٣٠ م^٢، وطوله ٦ م. أوجد عرضه.

المثال ٤

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١-٧	١
١٢، ١١	٢
١٦-١٣	٣
١٧	٤

أوجد محيط كل من المستطيلات التالية:



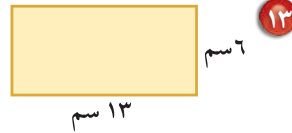
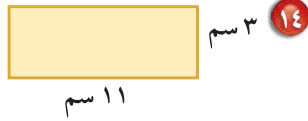
١٠ ل = ٥، ٦ سم، ض = ٥ سم.

٩ ل = ٥، ٧٥ م، ض = ٨ م.

١١ **خياطة:** قطعة لتزيين إطار السجاد على شكل مستطيل محيطها ١٥٠ سم. إذا كان عرضها ٣٠ سم، فما طولها؟

١٢ **حدائق:** حديقة مستطيلة الشكل عرضها ٤٠ م ومحيطها ٢٨٠ م. فما طولها؟

أوجد مساحة كل من المستطيلات التالية:



١٦ ل = ٥، ٤ م
ض = ٦، ١ م

١٥ ل = ٣، ٢٥ سم
ض = ٢ سم

١٧ **رسم:** رُسمت لوحة مستطيلة الشكل على جدار طولها ٥، ٣ م، وتغطّي مساحة ٨ م^٢. فما عرض هذه اللوحة؟

أوجد القياس المجهول:

١٨ المحيط = ٦، ١١٥ م، ض = ٨، ٢٤ م.

١٩ المساحة = ٢٨، ١٨٩ سم^٢، ض = ٩، ١٦ سم.

تحليل جداول: لحلّ السؤالين ٢٠، ٢١، استعمل الجدول أدناه:

أبعاد حدائق		
الحديقة	العرض (م)	الطول (م)
صغيرة	٤٠	٥٠
متوسطة	٥٠	٨٠
كبيرة	٦٠	١٠٠

٢٠ كم تزيد مساحة الحديقة الكبيرة على مساحة الحديقة الصغيرة؟

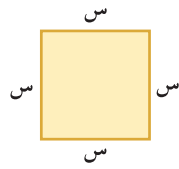
٢١ الفدان هو وحدة لقياس المساحات ويساوي ٤٢٠٠ مترًا مربعًا تقريبًا. كم فدانًا مساحة الحديقة المتوسطة تقريبًا؟

للأسئلة ٢٢ - ٢٤ حدّد أي المسائل تتضمن المحيط، أو المساحة أو كليهما، ثمّ حلها:

٢٢ **ورق جدران:** غرفة مستطيلة الشكل. يُراد تثبيت شريط زينة بشكل أفقي على امتداد جدرانها الأربعة. إذا كان طول الغرفة ٤ م، وعرضها ٣ م، فكم مترًا من شريط الزينة نحتاج إليه؟

٢٣ **سجاد:** يريد عبد المجيد شراء قطعة سجاد مستطيلة الشكل لمجلسه. إذا كانت مساحتها ٣٥ م^٢، وعرضها ٤ م، فما طولها؟

٢٤ **سياج:** حديقة مستطيلة الشكل، يريد مالِكها إحاطتها بسياج. إذا كان طول الحديقة ١٥ م، ومساحتها ١٦٥ م^٢، فما طول السياج المطلوب؟



٢٥ **هندسة:** استعمل الشكل المجاور لكتابة صيغة المحيط (مح)، والمساحة (م) للمربع.

مسائل مهارات التفكير العليا

٢٦ **مسألة مفتوحة:** ارسم ثلاثة مستطيلات مختلفة، مساحة كلٍّ منها ٢٤ سم^٢، واذكر قياسات أبعاد كلٍّ منها.

حس عددي: للسؤالين ٢٧، ٢٨. صِفِ التأثير على المحيط والمساحة:

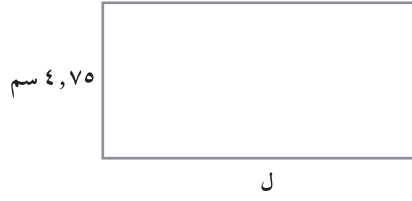
٢٧ إذا أصبح عرض المستطيل مثلي العرض الأصلي.

٢٨ إذا أصبح طول المربع مثلي الطول الأصلي.

٢٩ **تحذّر:** مستطيل عرضه ض، وطوله أكبر بوحدة من ٣ أمثال عرضه. اكتب عبارةً جبريةً تمثّل محيط المستطيل.

٣٠ **الكتب:** هل الجملة الآتية صحيحة أم غير صحيحة؟ وضّح إجابتك مع الأمثلة. المستطيل الأكبر مساحة من بين جميع المستطيلات التي محيطها يساوي ٢٤ سم، هو مربع.

٣٢ عرض المستطيل أذناه ٤,٧٥ سم ومحيطه م.



أي مما يأتي يمثل محيط المستطيل؟

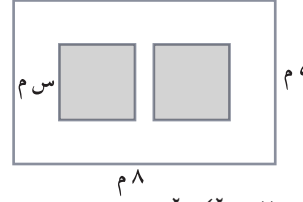
أ) $\frac{l}{3} + 4,75 = م$

ب) $م - 4,75 = ل$

ج) $م + 9,5 = 2ل$

د) $م - 9,5 = 2ل$

٣٦ في الشكل أذناه حديقة مستطيلة الشكل، وبداخلها مربعان متطابقان، أي العبارات الآتية تمثل المساحة غير المظللة؟



أ) $(80 - 2س^2) م^2$

ب) $(40 - س) م^2$

ج) $(40 + س) م^2$

د) $(40 - س^2) م^2$

مراجعة تراكمية

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك: (الدرس ٣-٥)

٣٥ $٣ + 2ل = 10$

٣٤ $٧ = ف - 13$

٣٣ $٢ = 12 + د٥$

٣٦ جبر: دفع عصام ١١,٢٥ ريالاً ثمناً لـ ٥ أقلام من النوع نفسه. اكتب معادلة؛ لإيجاد ثمن القلم الواحد، ثم حلها. (الدرس ٣-٣)

اضرب: (الدرس ٢-٦)

٣٩ $10 - (2) - (8)$

٣٨ $(3-) \times (3-) \times (3-)$

٣٧ $14 - (5)$

٤٠ أعمار: مجموع عمري سعاد ومها ٢٦ سنة. إذا علمت أن عمر سعاد أكبر من عمر مها بـ ٤ سنوات، فاستعمل استراتيجية التخمين والتحقق؛ لإيجاد عمر مها. (الدرس ١-٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي، وسمها: (الدرس ٢-٣)

٤٤ $(0, 2)$

٤٣ $(4-, 3-)$

٤٢ $(1-, 3)$

٤١ $(2, 4-)$



في هذا المعمل ستدرس العلاقة بين بعدي المستطيل ومحيطه.

نشاط



الخطوة ١ استعمل ١٠ أسلاك مرنة، طول كل منها ٢٤ سم، وشكّل ١٠ مستطيلات بأبعاد مختلفة.

العرض (سم)	الطول (سم)

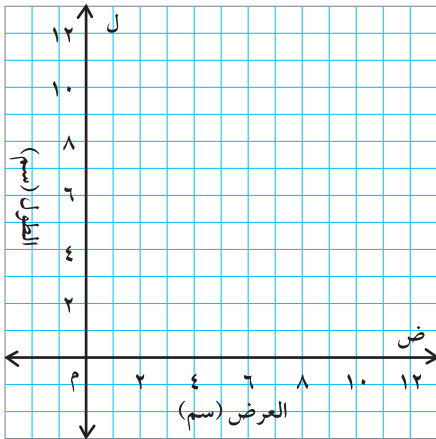
الخطوة ٢ قس طول كل مستطيل وعرضه لأقرب سنتيمتر، وسجّله في الجدول المجاور:

فكرة الدرس:

أمثل البيانات لأوضح العلاقة بين بعدي المستطيل ومحيطه.

حلّ النتائج:

- ١ ماذا يمثّل القياس ٢٤ سم بالنسبة لكل مستطيل؟
- ٢ أوجد مجموع العرض والطول لكل مستطيل، واكتب جملة تصف العلاقة بين هذا المجموع وقياس طول السلك المستعمل في إنشاء المستطيل، ثم اكتب قاعدة تصف هذه العلاقة لمستطيل عرضه ض وطوله ل.
- ٣ في هذا النشاط: إذا كان طول مستطيل ٥ سم، فما عرضه؟ وضح إجابتك، واكتب قاعدة لإيجاد ض عندما تكون ل معلومة في أي مستطيل من المستطيلات السابقة.



- ٤ **تمثيل البيانات:** مثل البيانات في الجدول السابق على المستوى الإحداثي المجاور.
- ٥ صِفْ ماذا يمثّل الزوج المرتب (ض، ل)، وكيف تظهر هذه النقاط على التمثيل البياني.

٦ استعمل التمثيل البياني لإيجاد عرض مستطيل طوله ٧ سم، وشرّح طريقتك.

- ٧ **خمن:** إذا كان طول كل سلك مستعمل في إنشاء المستطيلات ٢٠ سم، فكيف يؤثر ذلك في البيانات في جدولك؟ وفي القاعدة التي كتبتها في التمرين ٣؟ وفي شكل التمثيل البياني؟



التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ لِلدَّوَالِّ

٧ - ٣

إِسْتَعَا

التمن الكلي للاشتراك		
التكلفة الكلية (ريال)	١٥ م	عدد الطلاب
١٥	(١) ١٥	١
٣٠	(٢) ١٥	٢
	(٣) ١٥	٣
		٤
		٥
		٦

نقود: يريد طلاب الصف الأول المتوسط القيام برحلة في نهاية الأسبوع، بحيث يدفع كلُّ طالب ١٥ ريالاً.

١ انسخ جدول الدالَّة للتكلفة الكليَّة للرحلة، واملأ الفراغات فيه.

٢ عيِّن الأزواج المرتبة (عدد الطلاب، التكلفة الكليَّة) على المستوى البياني.

٣ صِف كيف تظهر هذه النقاط على التَّمثِيل البياني للدالَّة.

فكرة الدرس:

أمثُل البيانات لتوضيح العلاقات.

المفردات:

المعادلة الخطية

مراجعة المفردات:

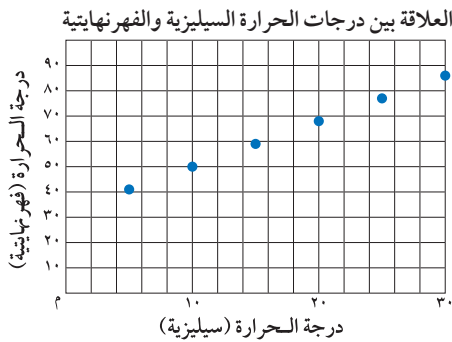
الدالَّة: علاقة كلِّ عنصر من المُدخلات يرتبط بعنصر واحد فقط من المُخرجات بحسب قاعدة محدَّدة. (الدرس ١-٨)

إذا أعطيت دالَّة، فإنَّ الأزواج المرتبة على الصيغة (مُدخلة، مُخرجة) أو (س، ص)، تزوِّدك بمعلومات مهمة عن الدالَّة. وعند تعيين هذه الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي، فإنَّها تشكِّل جزءاً من التَّمثِيل البياني للدالَّة. يتكوَّن التَّمثِيل البياني للدالَّة من النقاط على المستوى الإحداثي والتي تُناظر جميع الأزواج المرتبة على الصيغة (مُدخلة، مُخرجة).

درجة فهرنهايت (مُخرج)	درجة سيليزية (مُدخل)
٤١	٥
٥٠	١٠
٥٩	١٥
٦٨	٢٠
٧٧	٢٥
٨٦	٣٠

مثال من واقع الحياة

درجات حرارة: الجدول المجاور يبيِّن درجات الحرارة السيليزية، ودرجات الحرارة الفهرنهايتية المُناظرة لها. مثُل بيانياً العلاقة بينهما.



نُمثِّل الأزواج المرتبة:

(٤١، ٥)، (٥٠، ١٠)، (٥٩، ١٥)،

(٦٨، ٢٠)، (٧٧، ٢٥)، (٨٦، ٣٠)

على المستوى الإحداثي.

تحقق من فهمك:

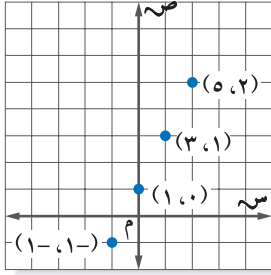
عدد الكتب	المبلغ المتبقي (ريال)
١	٦٣
٢	٥١
٣	٣٩
٤	٢٧
٥	١٥

(أ) **مكتبة:** بيّن الجدول المجاور المبلغ المتبقي من ٧٥ ريالاً بعد شراء عدد من الكتب. مثل بياناً العلاقة بين عدد الكتب المشتراة، والمبلغ المتبقي.

إنَّ حلَّ معادلة بمتغيرين يتكوّن من عددين، (لكلِّ متغير عدد) بحيث يجعلان المعادلة صحيحة. ويكتب الحلُّ على شكل زوج مُرتَّب (س، ص).

مثال تمثيل حلول المعادلات الخطية بياناً

٢ مثل بياناً: ص = ٢س + ١



اختر أي أربع قيم للمُدخلات س. ولتكن: ١، ٢، ٠، ١-، ثم عوض عن قيم س لتجد المُخرجات ص.

س	٢س + ١	ص	(س، ص)
٢	١ + (٢)٢	٥	(٥، ٢)
١	١ + (١)٢	٣	(٣، ١)
٠	١ + (٠)٢	١	(١، ٠)
١-	١ + (١-)٢	١-	(١-، ١-)

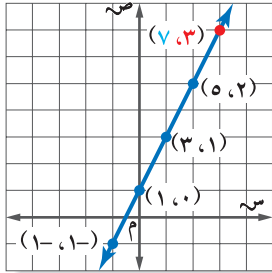
يُعدُّ كلُّ من الأزواج المرتبة (٥، ٢)، (٣، ١)، (١، ٠)، (١-، ١-) حلًّا للمعادلة. وبتمثيل هذه الأزواج المرتبة بياناً، تستطيع تمثيل ص = ٢س + ١.

تحقق من فهمك:

مثل بياناً كلاً من المعادلات التالية:

(ب) ص = ٣س - ٣ (ج) ص = ٣س - ٣ (د) ص = ٣س + ٢

لاحظ أن النقاط الأربع في الرسم البياني تقع على استقامة واحدة؛ لهذا فجميع النقاط الواقعة على المستقيم المارّ بهذه النقاط الأربع تمثل حلولاً للمعادلة: ص = ٢س + ١. النقطة (٧، ٣) تقع على هذا المستقيم، ولهذا فهي أيضاً حلٌّ للمعادلة.



ص = ٢س + ١ اكتب المعادلة
 ٧ = ٢(٣) + ١ عوض عن س بـ ٣ وعن ص بـ ٧
 ٧ = ٧ الجملة صحيحة ✓

إذن (٧، ٣) هي حلٌّ للمعادلة ص = ٢س + ١. وتُسمّى مثل هذه المعادلة **معادلة خطية**؛ لأنها تُمثّل بياناً بخطّ مستقيم.

إرشادات للدراسة

تمثيل المعادلات:

نحتاج إلى أي نقطتين لتمثيل المستقيم بياناً. ويمكن تمثيل نقاط أكثر؛ للحصول على دقة أكثر.

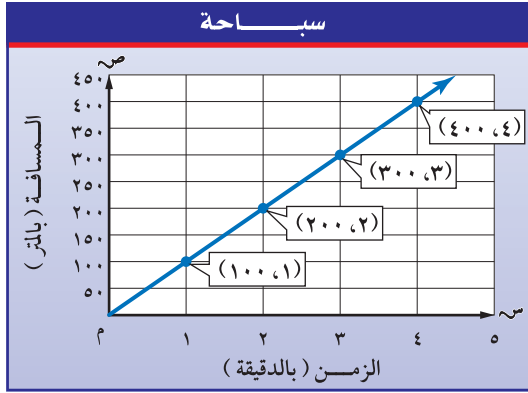
مثال من واقع الحياة

سباحة: يقطع سباح مسافة ٤٠٠ م بمعدل ١٠٠ م في الدقيقة. إذا كانت المعادلة $F = 100N$ تمثل المسافة F التي يستطيع قطعها في N من الدقائق بهذه السرعة. فمثل الدالة بيانياً.

ن	١٠٠ ن	ف	(ن، ف)
١	1×100	١٠٠	(١٠٠، ١)
٢	2×100	٢٠٠	(٢٠٠، ٢)
٣	3×100	٣٠٠	(٣٠٠، ٣)
٤	4×100	٤٠٠	(٤٠٠، ٤)

الخطوة ١: اختر أي أربع قيم موجبة لـ N ، ثم أنشئ جدول دالة.

الخطوة ٢: عيّن الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي، وارسم خطاً مستقيماً يمرّ بهذه النقاط.



الربط مع الحياة:

تؤثر حركة السباحة في تطوير كل الأجهزة العضوية في جسم الإنسان؛ كالقلب والعضلات، وفي دوران الدم والتنفس، كما تساعد على بناء جسم سليم.

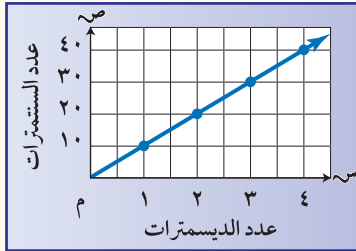
تحقق من فهمك:

هـ) وظائف: تحصل ليلي على ١٥ ريالاً عن الساعة الواحدة مقابل عملها في مشغل للخياطة. والمعادلة $R = 15S$ تمثل عدد الريالات R التي تحصل عليها ليلي في S من الساعات. مثل هذه الدالة بيانياً.

مفهوم أساسي

تمثيل الدوال بيانياً

التعبير اللفظي: يوجد ١٠ ستمترات في الديسمتر الواحد.



التمثيل البياني:

دسم	سم
١	١٠
٢	٢٠
٣	٣٠
٤	٤٠

الجدول:

المعادلة: $C = 10S$

حيث S : عدد الديسمترات، و C : عدد الستمترات.



مثّل بيانياً العلاقة التي يوضّحها الجدول:

المثال ١

تحويل الدقائق إلى ثوانٍ	
الدقائق	الثواني
١	٦٠
٢	١٢٠
٣	١٨٠
٤	٢٤٠

٢

التكلفة الكلية للأقلام	
عدد الأقلام	التكلفة (ريال)
١	٤
٢	٨
٣	١٢
٤	١٦

١

مثّل بيانياً كلّاً من المعادلات التّالية:

المثال ٢

٣ ص = س - ١ ٤ ص = س - ١ ٥ ص = س - ٢ + ٣

٦ **قياس:** محيط المربع يساوي ٤ أمثال طول ضلعه. تمثل المعادلة: $مح = ٤ \times$ ض محيط المربع (مح) الذي طول ضلعه (ض) وحدة. مثل هذه الدّالة بيانياً.

المثال ٣

تدرّب وحلّ المسائل

مثّل بيانياً العلاقة التي يوضّحها الجدول:

ارشادات للأُسئلة

السّعرات الحرارية في أكواب سلطة الفواكه	
عدد السعرات	أكواب
٧٠	١
٢١٠	٣
٣٥٠	٥
٤٩٠	٧

٨

ثمن المانجو	
الكتلة (بالكيلوجرام)	الثمن (ريال)
١	٨
٢	١٦
٣	٢٤
٤	٣٢

٧

للأسئلة	انظر الأمثلة
١ - ٧	١
٢ - ٩	٢
١٤، ١٣	٣

مثّل كلّ معادلة ممّا يأتي بيانياً:

٩ ص = س + ٣ ١٠ ص = س

١١ ص = س + ٢ ١٢ ص = س - ٣ - ١

١٣ **سيّارات:** تستهلك سيارة لترًا واحدًا من البنزين. إذا قطعت مسافة ١٥ كلم، فمثّل المعادلة $ف = ١٥ ل$ بيانياً، حيث ف عدد الكيلومترات التي تقطعها السيارة في ل من لترات البنزين.

١٤ **لياقة:** إذا علمت أن رسم الاشتراك في نادٍ رياضي ٣٥ ريالاً شهرياً. مثّل المعادلة $ص = ٣٥ س$ التي تمثل المبلغ الكلي الذي يتقاضاه النادي لقاء اشتراك شخص س شهراً.

١٥ **تسوّق:** إذا كان ثمن الكتاب ١٤ ريالاً، وثمان الدفتر ٥ ريالاً، فمثّل بيانياً المعادلة $ف = ١٤ + ٥ ن$ ، حيث تمثل (ف) إجمالي ثمن كتاب واحد و(ن) من الدفاتر.

مثّل كل معادلة مما يأتي بيانياً:

١٦ ص = ٢٥, ٠ س

١٧ ص = ٥ + ٠, ٠ س

١٨ ص = ٥, ٠ س - ١

١٩ ص = ٧٥ - ٠, ٠ س

عمل: استعمل المعلومات الآتية للإجابة عن الأسئلة ٢٠ - ٢٢:
يحصل جميل على ١١ ريالاً عن كل ساعة حراسة لمبنى تجاري.

٢٠ نظّم جدولاً يبين الأجر الذي يحصل عليه إذا حرس المبنى ٤، ٦، ٨ ساعات.

٢١ اكتب معادلة تمثل الأجر الذي يحصل عليه جميل مستعملاً س لتمثيل عدد الساعات، و ص لتمثيل الأجر.

٢٢ مثل المعادلة بيانياً.

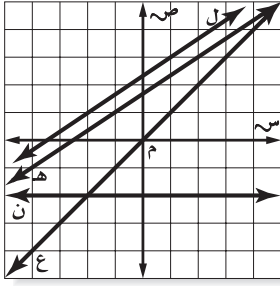
حدد المستقيم الذي تقع عليه كل نقطة مما يأتي:

٢٣ (١، ٢-)

٢٤ (٣-، ٣-)

٢٥ (٢-، ٠)

٢٦ (٣، ٢)



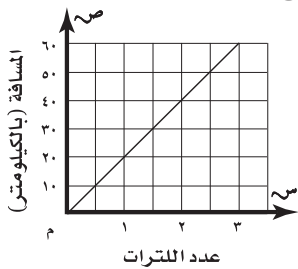
تحدّ: للأسئلة ٢٧ - ٢٩، لتكن س تمثل العدد الأول، و ص تمثل العدد الثاني من زوج مرتّب. مثّل بيانياً كلّاً من الدوّال التي تحقّق الشروط التّالية:

٢٧ العدد الثاني يزيد بثلاثة على العدد الأول.

٢٨ العدد الثاني هو ناتج ضرب ٣- في العدد الأول.

٢٩ العدد الثاني هو ناتج ضرب العدد الأول في ٢، ثم إضافة ١ إلى الناتج.

٣٠ **مسألة مفتوحة:** مثّل دالة خطية بيانياً، واكتب ثلاثة أزواج مرتبة تحققها.



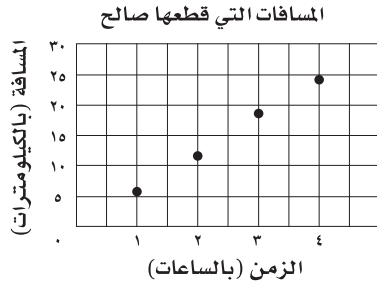
٣١ **تحدّ:** التمثيل البياني المجاور يبين العلاقة

بين عدد لترات البنزين (ل) التي تستهلكها سيارة محمد، والمسافة (ف) التي قطعها. اكتب الدالة التي تمثلها هذه العلاقة؟

٣٢ **اكتب** بين كيف تستعمل جدول الدالة لتمثيلها بيانياً.

مسائل مهارات التفكير العليا

تدريب على اختبار



٣٣ يبين التمثيل المجاور، العلاقة بين عدد الساعات التي أمضاها صالح في المشي والمسافة الكلية التي قطعها. أي الجداول الآتية يعد أفضل تمثيل لهذه البيانات؟

(ب)

الزمن (بالساعات)	المسافة (بالكيلومترات)
٢	٦
٣	١٢
٤	١٨
٥	٢٤

(أ)

الزمن (بالساعات)	المسافة (بالكيلومترات)
٦	٤
١٢	٣
١٨	٢
٢٤	١

(د)

الزمن (بالساعات)	المسافة (بالكيلومترات)
٤	٦
٣	٦
٢	٦
١	٦

(ج)

الزمن (بالساعات)	المسافة (بالكيلومترات)
١	٦
٢	١٢
٣	١٨
٤	٢٤

مراجعة تراكمية

٣٤ قياس: سجادة طولها ٥٠ سم، ومساحتها ٥٠٠ سم^٢. ما محيطها؟ (الدرس ٣-٦)

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك: (الدرس ٣-٥)

$$٣٦ \quad ٣٢ = ٢ + ١٠$$

$$٣٥ \quad ٧ = ١٩ + ٤$$

$$٣٨ \quad ١٤ = ٦ - ٢$$

$$٣٧ \quad ١٦ = ٨ - ٤٨$$

٣٩ أوجد قيمة $|٥| + |-١٠|$. (الدرس ٢-١)

اختبار الفصل

حلّ كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحّة حلّك:

- ١١ س + ٥ = ٨ ١٢ ص - ١١ = ١٥
 ١٣ ع ٩ = - ٨١ ١٤ ٦ ك + ٤ = - ٣٨
 ١٥ ع ٣ = ٧ - ١٧ ١٦ ٢ ل - ٩ = - ٥

١٧ اشترك فيصل ومشعل في أكل فطيرة، فأكل فيصل قطعتين زيادة على مثلي عدد القطع الثلاث التي أكلها مشعل. إذا تبقى ٣ قطع، فما عدد القطع في البداية؟ استعمل استراتيجية الحلّ عكسيًا.

١٨ **اختيار من متعدد:** كعكة مستطيلة الشكل طولها ٦٠ سم، إذا احتاجت إلى (س) سم^٢ من الكريمة لتغطية سطحها، فأبى المعادلات الآتية تمثل محيط الكعكة؟

(أ) مح = $١٢٠ + ٢ \left(\frac{س}{٦٠}\right)$

(ب) مح = $٦٠ + \frac{س}{٦٠}$

(ج) مح = $١٢٠ + ٢ س$

(د) مح = $٦٠ + ٢ س$

١٩ أوجد مساحة المستطيل في الشكل أدناه، ثم أوجد محيطه.



١٣,٢ سم

مثّل كلًا من المعادلات الآتية بيانًا:

٢٠ ص = س + ١ ٢١ ص = ٢ س

٢٢ ص = ٢ س - ٣ ٢٣ ص - = س + ١

٢٤ **ترفيه:** ثمن تذكرة الدخول لحضور مباراة كرة قدم ٢٠ ريالًا. تمثّل المعادلة $٢٠ ع =$ الثمن الإجمالي (ث) لـ (ع) من التذاكر. أنشئ جدول المعادلة لتجد الثمن الإجمالي لـ ١، ٢، ٣، ٤ من التذاكر، ومثلها بيانًا.

اكتب كلًا مما يأتي على صورة عبارة جبرية أو معادلة:

- ١ أقل ممّا يملك خالد بـ ٥ ريالًا.
 ٢ ٤ سنوات أكبر من عمّر هاني.
 ٣ أقل من هذا الارتفاع بـ ٩ سم يساوي ٥٦ سم.
 ٤ مثلًا المسافة بين المتنزّه وصندوق البريد هو ٥ كلم.

٥ **حدائق:** عدد الأشجار في حديقة أقل بـ ٨ من عدد الأزهار فيها. إذا كان عدد الأشجار (١٦)، فاكتب معادلة لإيجاد عدد الأزهار (ز)، وحلّها.

٦ **اختيار من متعدد:** إذا قسّمت عددًا على ٨، وطرحت ١١ من الناتج، وكان الجواب النهائي ٤، فأبى المعادلات التالية تعبّر عن هذه العلاقة؟

(أ) $٤ = \frac{١١ - ن}{٨}$ (ب) $٤ = \frac{ن}{٨} - ١١$

(ج) $٤ - ١١ = \frac{ن}{٨}$ (د) $٤ = \frac{ن}{٨} - ١١$

تحليل جداول: للأسئلة ٧ - ٩، استعمل الجدول أدناه الذي يبيّن العلاقة بين عمري خالد وأخته ليلي بالسنوات.

٥	٤	٣	٢	١	عمر خالد (س)
١١	١٠	٩	٨	٧	عمر ليلي (ص)

٧ اكتب معادلة تمثّل العلاقة بين عمري خالد (س) وأخته ليلي (ص).

٨ مثّل المعادلة بيانًا.

٩ كم يصبح عمر ليلي عندما يكون عمر خالد ١٠ سنوات؟

١٠ ارتفاع برج الفيصلية ٢٦٧ م، وهو أقصر من برج المملكة بـ ٣٥ م. اكتب معادلة لإيجاد ارتفاع برج المملكة، ثمّ حلّها.

الاختبار التراكمي (٣)

اختيار من متعدد

القسم ١

٥ بين الجدول أدناه قيم s وقيم v المرتبطة بها؟

ص	س
٢	١٨
٣	٢٧
١	٩
٤	٣٦

أي ممّا يأتي يمثل العلاقة بين s ، v ؟

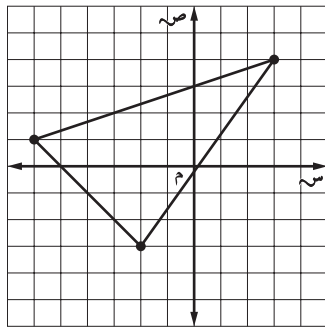
(أ) $v = 9s$

(ب) $v = s + 16$

(ج) $v = \frac{1}{9}s$

(د) $v = s + 9$

٦ أي النقاط الآتية تقع داخل المثلث المرسوم أدناه؟



(أ) $(3, 4)$

(ب) $(2, 0)$

(ج) $(-3, 6)$

(د) $(-1, -1)$

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ما ناتج $3 - (-9) + 3$ ؟

(أ) ١٢

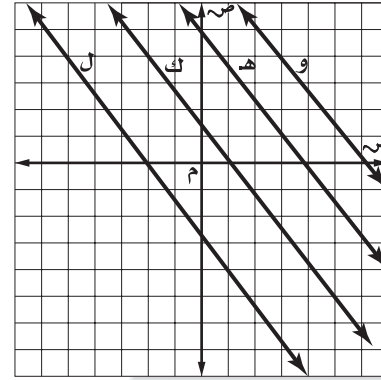
(ب) ٦

(ج) -٦

(د) -١٢

٢ أي المستقيمات الآتية تقع عليه النقطة

$(-2, 4)$ ؟



(أ) المستقيم ل

(ب) المستقيم ك

(ج) المستقيم هـ

(د) المستقيم و

٣ ما قيمة المقدار $2 \times 3 - 2 \times 3$ ؟

(أ) ٤٨

(ب) ٣٠

(ج) ١٢

(د) ٦

٤ حل المعادلة $3s - 2 = 1$ هو:

(أ) ٢

(ب) $\frac{2}{3}$

(ج) $\frac{2}{3}$

(د) ١

الفصول ١ - ٣

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال التالي موضحاً خطوات الحل:

١٠ بين الجدول أدناه، المسافات التي قطعتها دراجتان هوائيتان تسير إحداهما بسرعة ٤٠ كلم/س، والأخرى بسرعة ٦٠ كلم/س.

المسافة (بالكيلومترات) للدراجة التي سرعتها ٦٠ كلم/س	المسافة (بالكيلومترات) للدراجة التي سرعتها ٤٠ كلم/س	الزمن (بالساعات)
٠	٠	٠
٦٠	٤٠	١
١٢٠	٨٠	٢
١٨٠	١٢٠	٣
٢٤٠	١٦٠	٤

(أ) مثل الأزواج المرتبة (الزمن، المسافة) للدراجة التي سرعتها ٤٠ كلم/س.

(ب) مثل الأزواج المرتبة (الزمن، المسافة) للدراجة التي سرعتها ٦٠ كلم/س على المستوى الإحداثي نفسه.

(ج) تنبأ بالخط المستقيم الذي تقع عليه الأزواج المرتبة (الزمن، المسافة) لدراجة تسير بسرعة مقدارها ٥٠ كلم/س.

٧ أي المسائل الآتية يتطلب حلها

حل المعادلة $9 - 15 = ?$

(أ) يقل عُمر سليمان عن عمر أخته جواهر ٩ سنوات. إذا كان عمر سليمان ١٥ سنة، فما قيمة س التي تمثل عمر جواهر؟
(ب) تزيد فاتورة الكهرباء التي دفعها سعد على فاتورة سعيد ٩ ريالات، فأوجد قيمة س التي تمثل ما دفعه سعد.

(ج) عددان مجموعهما ١٥. إذا علمت أن أحدهما هو العدد ٩، فما قيمة س التي تمثل العدد الآخر؟

(د) لدى علاء ١٥ طابع بريد. إذا أعطى أخاه عبدالله ٩ طوابع، فما قيمة س التي تمثل عدد الطوابع التي بقيت عنده؟

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

٨ اكتب عبارة يمكنك استعمالها؛ لإيجاد أكبر

عدد من قطع الخشب التي طول كل منها ٣م، يمكنك قصها من لوح خشب طوله ٣٦م

٩ إذا كان سعر الكيلوجرام من السكر ٥, ٤ ريالات، واشترت سمية س كيلوجرام، ودفعت ٥, ٩ ريالاً ثمناً لذلك، فكم كيلوجراماً اشترت؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٧-٣	٧-١	٨-٢	١-٣	٧-٣	١-٣	٥-٣	٣-١	٧-٣	٤-٢	فراجع الدرس

النسبة والتناسب

الفصل

٤

الفكرة العامة

- أستعمل النسبة والتناسب لأحل المسائل.

المفردات:

النسبة (١٤٠)

المعدّل (١٤٥)

التناسب (١٦١)

الربط مع الحياة:



برج الفيصلية: من معالم مدينة الرياض البارزة، ويبلغ ارتفاعه ٢٦٧ مترًا. إذا عمل طلاب الصف نموذجًا لهذا البرج بنسبة ١:١٧٨، فكم يبلغ ارتفاع البرج في النموذج؟

المطويات

منظّم أفكار

النسبة والتناسب: اعمل المطوية التالية لتساعدك على تنظيم ملاحظتك. ابدأ بورقة من دفتر الملاحظات.

١ اطو الجانب الطويل في اتجاه الثقوب، كما يظهر في الشكل.

٢ قصّ على طول أعلى خط، ثم اصنع قطعًا متساوية لتشكيل ٧ شرائط.

٣ سمّ الموضوعات الرئيسة، كما هو مبين في الشكل.

النسبة
العدل
القياس: التحويل بين الوحدات الإحصائية
القياس: التحويل بين الوحدات المترية
الجبر: حل التناسبات
مقياس الرسم
المسور والنسبة المئوية





التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للربح

مراجعة للسرعة

مثال ١: احسب قيمة $٤٠ \div ٣٢ \times ١٥$.

$$٤٠ \div ٣٢ \times ١٥ = ٤٨٠ \div ٣٢ = ١٥$$

اضرب ١٥ في ٣٢
اقسم على ٤٠

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، ثم قَرِّب النَّاتِج إلى أقرب جزء من

عشرة: (الدرس ١-٣)

$$\begin{array}{l} ١ \quad ٥٢ \div ٢٥ \times ١٠٠ \\ ٢ \quad ٣١ \times ٤ \div ١٠ \\ ٣ \quad \frac{٤ \times ٦٣}{٣٤} \\ ٤ \quad \frac{١٠٠ \times ٢}{٦٨} \end{array}$$

مثال ٢: اكتب $\frac{١٦}{٤٤}$ في أبسط صورة.

اقسم البسط والمقام على ٤ (القاسم المشترك الأكبر)

$$\frac{٤ \div ١٦}{٤ \div ٤٤} = \frac{٤}{١١}$$

اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\begin{array}{l} ٥ \quad \frac{٩}{٤٥} \\ ٦ \quad \frac{١٦}{٢٤} \\ ٧ \quad \frac{٣٨}{٤٦} \end{array}$$

٨ **أعمار:** عُمر علي ١٤ عامًا، وعُمر والده ٤٩ عامًا. ما الكسر الذي يعبر عن عُمر والد علي بالنسبة لعُمر علي؟ اكتب الكسر في أبسط صورة. (مهارة سابقة)

مثال ٣: اكتب ٠,٦٢ على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

٠,٦٢ يعني ٦٢ جزءًا من ١٠٠ جزء

$$\frac{٦٢}{١٠٠} = ٠,٦٢$$

اقسم البسط والمقام على ٢ (القاسم المشترك الأكبر)

$$\frac{٣١}{٥٠} = ٠,٦٢$$

اكتب كل كسر عشري مما يأتي على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\begin{array}{l} ٩ \quad ٠,٧٨ \\ ١٠ \quad ٠,٣٢ \\ ١١ \quad ٠,٠٦ \end{array}$$

١٢ **ادّخار:** ادّخرت رنا ٠,٩٢ من ثمن حقيبة تريد شراءها. ما الكسر الاعتيادي الذي يمثل نسبة ما ادّخرته في أبسط صورة؟ (مهارة سابقة)

مثال ٤: أوجد قيمة $٣١٠ \times ٣,٩$

حرك الفاصلة العشرية ٣ منازل إلى اليمين وأضف صفرين إلى يمين الرقم ٩

$$٣١٠ \times ٣,٩ = ٣٩٠٠$$

أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي: (الدرس ١-٢)

$$\begin{array}{l} ١٣ \quad ٢١٠ \times ٤,٥ \\ ١٤ \quad ٣١٠ \times ١,٧٨ \\ ١٥ \quad ٤١٠ \times ٠,٢٢ \\ ١٦ \quad ٥١٠ \times ٠,٠٣ \end{array}$$



النسبة

٤ - ١

استعد

عدد المعلمين	عدد الطلاب	المدرسة
٢٢	٣٩٦	الملك فهد
٣٠	٥١٠	الفاروق

مدرسة: نسبة «الطلاب إلى المعلمين» في مدرسة، هي النسبة التي تقارن العدد الكلي للطلاب بالعدد الكلي للمعلمين.

١ اكتب نسبة «الطلاب إلى المعلمين» في مدرسة الملك فهد على صورة كسر، ثم اكتب هذا الكسر على صورة كسر آخر مقامه ١.

٢ هل تكفي معرفة عدد المعلمين فقط في كل مدرسة لتحديد المدرسة التي فيها نسبة «الطلاب إلى المعلمين» أقل من النسبة في المدرسة الأخرى؟ وهل تكفي معرفة عدد الطلاب فقط لتحديد تلك النسبة؟ وضح إجابتك.

فكرة الدرس:

أكتب النسبة على صورة كسر في أبسط صورة، وأحدد النسب المتكافئة.

المفردات:

النسبة

النسب المتكافئة

مفهوم أساسي

النسبة

التعبير اللفظي: النسبة هي مقارنة بين كميتين باستعمال القسمة.

جبر

أعداد

الأمثلة:

$$\frac{3}{4} = 4 : 3 = 4 \text{ إلى } 3 \quad \text{أ إلى ب} = \text{أ} : \text{ب} = \frac{\text{أ}}{\text{ب}}$$

تعبر النسبة عن علاقة جزء بجزء، أو جزء بكل، أو كل بجزء، وتكتب عادة على صورة كسر في أبسط صورة.

مثال

كتابة النسبة في أبسط صورة

وصفة: توابل المشوي
٤ ملاعق من مسحوق الليمون المجفف.
٦ ملاعق من مسحوق الكزبرة
٢ ملعقة من الفلفل.

١ **شواء:** تُضاف التوابل عادة إلى اللحوم قبل شيها.

استعمل الوصفة المجاورة، وكتب نسبة تقارن فيها كمية مسحوق الليمون المجفف بكمية الكزبرة على صورة كسر في أبسط صورة.

$$\frac{\text{مسحوق الليمون المجفف: } 4 \text{ ملاعق}}{\text{الكزبرة: } 6 \text{ ملاعق}} = \frac{\cancel{4} \text{ ملاعق}}{\cancel{6} \text{ ملاعق}} = \frac{2}{3}$$

نسبة مسحوق الليمون المجفف إلى الكزبرة تساوي $\frac{2}{3}$ ، أو ٢ : ٣، أو ٢ إلى ٣؛ أي أنه لكل وحدتين من مسحوق الليمون المجفف، هناك ٣ وحدات من الكزبرة.

تحقق من فهمك:

استعمل الوصفة السابقة لكتابة كل نسبة فيما يأتي على صورة كسر في أبسط صورة:

أ) الفلفل: مسحوق الليمون المجفف ب) الكزبرة: الفلفل

النسب التي تعبر عن العلاقة بين الكميّتين نفسيهما تُسمّى **النسب المتكافئة**، ويكون لها القيمة نفسها.

مثال تحديد النسب المتكافئة

هل نسبة ٢٥٠ كلم في ٤ ساعات، تكافئ نسبة ٥٠٠ كلم في ٨ ساعات أم لا؟

الطريقة ١

قارن بين النسب بعد كتابتها في أبسط صورة

٢٥٠ كلم : ٤ ساعات = $\frac{250}{4} = \frac{250 \div 2}{4 \div 2} = \frac{125}{2}$ اقسام كلّ من البسط والمقام على القاسم المشترك الأكبر لهما (٢)

٥٠٠ كلم : ٨ ساعات = $\frac{500}{8} = \frac{500 \div 4}{8 \div 4} = \frac{125}{2}$ اقسام كلّ من البسط والمقام على القاسم المشترك الأكبر لهما (٤)

لاحظ أنّ ناتج التبسيط متساويان.

إرشادات للدراسة

كتابة النسبة التي تريد على واحد صحيح يُعبر عنها بصورة كسر غير فعلي ولا يُعبر عنها بصورة عدد كسري.

ابحث عن عامل يربط بين النسبتين

الطريقة ٢

$$\frac{250}{4} = \frac{500}{8}$$

٢ عامل مشترك بين النسبتين

إذن النسبتان متكافئتان.

اختر طريقتك

حدّد ما إذا كانت النسبتان متكافئتين في كل ممّا يأتي:

(ج) ٢٠ مسمارًا لكلّ ٥ لوحات، (د) فنجانان من السكر لكلّ ٨ فناجين دقيق،
١٢ مسمارًا لكلّ ٣ لوحات. ٨ فناجين سكر لكلّ ١٤ فنجان دقيق.

مثال من واقع الحياة

كرة السلة: أخطأ سامي في ٣٢ رمية من أصل ٩٣ محاولة في كرة السلة، بينما أخطأ زميله أحمد في ١١ رمية من أصل ٣١ محاولة، فهل النسبتان متكافئتان؟ فسّر إجابتك.

أحمد

$$\frac{33}{93} = \frac{3 \times 11}{3 \times 31} = 11 : 31$$

سامي

$$\frac{32}{93} = 93 : 32$$

بما أنّ $\frac{32}{93} \neq \frac{33}{93}$ فالنسبتان غير متكافئتين.

تحقق من فهمك

(هـ) **سباحة:** تشترط إدارة أحد المسابح وجود ٣ منقذين على الأقل لكلّ ٢٠ سباحًا. فإذا كان هنالك ٦٠ سباحًا و ٩ منقذين، فهل عدد المنقذين في هذه الحالة يتفق مع الشرط المذكور أعلاه؟ وضح إجابتك.



الرابط مع الحياة

بدأت فكرة لعبة كرة السلة عام ١٨٩٠م، وقد وضع قواعدها الأساسية المدرب الكندي «نايسميث»، وتعد أمريكا أشهر دول العالم فيها.



رحلات ميدانية: استعمل المعلومات في الجدول لكتابة كل نسبة ممّا يأتي على صورة

إحصائيات رحلة ميدانية	
١٨٠	طلاب
٢٤	أولياء أمور
٤	حافلات

كسر في أبسط صورة:

١ عدد أولياء الأمور: عدد الطلاب

٢ عدد الطلاب: عدد الحافلات

٣ عدد الحافلات: عدد المشاركين في الرحلة

المثال ١

للسؤالين ٤، ٥، بين ما إذا كانت النسبتان متكافئتين أم لا. وضح إجابتك.

٤ وافق ١٢ طبيباً من ٢٠ على الاقتراح. ٥ حافلتان مقابل ٧ سيارات صغيرة

وافق ٦ أطباء من ١٠ على الاقتراح. ١٠ حافلات مقابل ١٥ سيارة صغيرة

المثال ٢

٦ **تسوق:** يبيع متجر كلّ علبتين من العصير بمبلغ ١٤ ريالاً، إذا اشترت ٦ علب من العصير ودفعت مقابلها ٥٦ ريالاً، فهل المبلغ الذي دفعته يساوي ثمن العلب التي اشتريتها؟ وضح إجابتك.

المثال ٣

تدرّب وحلّ المسائل

عدد المباريات	الفريق الأحمر
١٠	الفوز
١٢	الخسارة
٨	التعادل

كرة القدم: تُبين البيانات في الجدول المجاور نتائج الفريق الأحمر في ٣٠ مباراة. استعمل هذه البيانات لكتابة كل نسبة فيما يأتي على صورة كسر في أبسط صورة:

٧ الفوز: الخسارة ٨ الخسارة: التعادل ٩ الخسارة: جميع المباريات

ارشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر الأمثلة
١٣-٧	١
١٦، ١٤	٣
١٨، ١٧	٢

استعمل المعلومات التالية لكتابة كل نسبة على صورة كسر في أبسط صورة:

في السوق الخيري السنوي كان هناك ٦ مطاعم، و ١٥ محلاً تجارياً. وقد شارك في

هذا السوق ٦٦ من الكبار و ١٦٥ من الصغار. وكانت حصيلة السوق ٤٤٨٠ ريالاً، منها

١٥٤٠ ريالاً ثمن التذاكر.

١٠ عدد الصغار: عدد الكبار ١١ عدد الكبار: عدد المحال التجارية

١٢ عدد المطاعم والمحال: حصيلة السوق ١٣ عدد المشاركين جميعهم: عدد الصغار



قياس: النسبة المثالية لبُعدي شاشة التلفاز هي ١٦ : ٩،

والشاشات التي تختلف فيها هذه النسبة تعمل على

تقليص حجم الصورة وقصّها. بين أيّ قياسات الشاشات

التالية مثالية. فسّر إجابتك.

١٤ ٣٢ بوصة × ١٨ بوصة ١٥ ٧١ بوصة × ٤٢ بوصة ١٦ ٤٨ بوصة × ٣٦ بوصة

حدّد النسب المتكافئة في كلِّ مما يأتي، ثم وضح إجابتك:

- ١٧ ١١ ريالاً لكلِّ ١٦ كيلو جراماً
١٨ ٢٧ طالباً مقابل ٦ مجاهر
- ٢٨ ريالاً لكلِّ ٤٠ كيلو جراماً
١٨ طالباً مقابل ٤ مجاهر

م: ٣٩٦ هرتز



ل: ٣٣٠ هرتز



١٩ **صوت:** تُقاس درجة الصّوت بعدد الأمواج الصّوتية في الثانية أو بـ (الهرتز). استعمل المعلومات الواردة في الصورة لتحديد ما إذا كان الصوتان ل، م متناغمين أم لا. وضح إجابتك.

إرشادات للدراسة

إذا أمكن تبسيط نسبة تردّد صوتين، فإنّها يكونان متناغمين.

المنطقة	العدد التقريبي للأشجار التي لم تقطع	العدد التقريبي للأشجار التي قطعت
أ	٤٤٠	١٢٠٠
ب	١٦٢٥	٣٧٥٠
ج	٣٥٢	٩٦٠

٢٠ **تحليل جداول:** لحلّ الأسئلة ٢٠ - ٢٢،

استعمل الجدول المجاور والذي يبيّن إحصائية للأشجار في ثلاث مناطق.

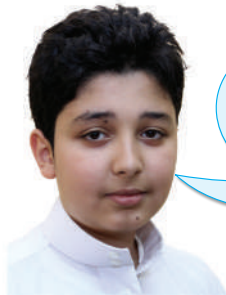
٢٠ حدد المناطق التي تكون فيها نسبة الأشجار التي لم تقطع إلى الأشجار المقطوعة متساوية. وضح ذلك.

٢١ أيُّ منطقة كانت نسبة الأشجار غير المقطوعة فيها إلى الأشجار المقطوعة أكبر ما يمكن؟ فسّر إجابتك.

٢٢ أوجد العدد الإضافي من الأشجار التي يجب زراعتها في المنطقة (أ)، بحيث تصبح النسبة فيها مساوية للنسبة في المنطقة (ب). فسّر إجابتك.

٢٣ **اكتشف الخطأ:** يحاول صالح وعلي معرفة ما إذا كانت النسبتان متكافئتين أم لا. أيُّهما إجابهته صحيحة؟ وضح ذلك.

مسائل مهارات التفكير العليا



علي

غير متكافئتين

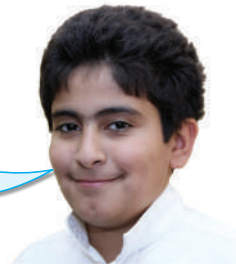
$$\frac{18}{16} \neq \frac{7}{4}$$

٣ ×
٤ ×

متكافئتان

$$\frac{18}{16} = \frac{7}{4}$$

١٢ +
١٢ +



صالح

٢٤ **تحدّد:** أوجد العدد التالي في النمط الآتي، ووضح إجابتك. (إرشاد: انظر إلى النسبة بين الأعداد المتتالية): ٢٠، ٤٠، ١٢٠، ٤٨٠، ...

٢٥ **الكتب:** نسبة كمية الخيار إلى كمية الطماطم في طبق من السلطة هي ٣:٤. إذا احتوى الطبق على $\frac{2}{3}$ كجم من الخيار، فما كمية الطماطم في السّلة؟

٢٧ صف فيه ٣٢ طالبًا، شارك ٦ منهم في المهرجان المدرسي، فما نسبة عدد الطلاب المشاركين في المهرجان إلى غير المشاركين؟



٢٨ أي مما يأتي يمثل النسبة الصحيحة بين عدد الكرات البيضاء إلى السوداء في الوعاء؟

ب) ١٦ : ٣

أ) ١٣ : ٣

ب) ١٣ : ٨

أ) ٥ : ٨

د) ٣ : ١٦

ج) ٣ : ١٣

د) ١٣ : ٥

ج) ٨ : ٥

مراجعة تراكمية

٢٨ أوجد محيط ومساحة المستطيل الذي طوله ١٣ سم، وعرضه ٥ سم. (الدرس ٣-٦)

٢٩ مثل ص = ٣ س بيانياً. (الدرس ٣-٧)

حل كلاً من المعادلات الآتية: (الدرس ٣-٢)

٣٢ ١٦ = ب + ١٢

٣١ ٨ = ٢ - م

٣٠ ١٠ = ٧ + س

احسب قيمة كلٍّ من العبارات الآتية إذا كانت س = ٣، ص = ٢: (الدرسان ٢-٤، ٢-٥)

٣٤ س - ص

٣٣ س + ص

٣٦ س + ٣

٣٥ ص - س

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اقسم:

٣٨ ٥ ÷ ٤, ٣٠

٣٧ ٢ ÷ ٩, ٨

٤٠ ٣, ٢ ÷ ٢٧, ٣٦

٣٩ ٤٠ ÷ ١٢, ٤٠



المعدّل

٤ - ٢

نشاط

اختر أحد زملائك وليقم كل منكما بعد نبضات قلبه مدة دقيقتين.

١ ما عدد النبضات لكل منكما؟

٢ اكتب نسبة عدد النبضات إلى عدد الدقائق في صورة كسر.

فكرة الدرس:

أجدُ معدّلات الوحدة.

المفردات:

المعدّل

معدّل الوحدة

الوحدتان مختلفتان

١٦٠ نبضة
٢ دقيقة

تُسمّى النسبة التي تقارن بين كميتين لهما وحدتان مختلفتان تسمى **بالمعدّل**.

المقام يساوي ١

٨٠ نبضة
١ دقيقة

عند تبسيط المعدّل بحيث يصبح مقامه مساويًا ١، فإنّه يُسمّى **معدّل الوحدة**.

يبين الجدول أدناه بعض معدّلات الوحدة الشائعة.

الاسم	الاختصار	معدّل الوحدة	المعدّل
السرعة	كلم / ساعة	كيلومتر لكل ساعة	$\frac{\text{عدد الكيلومترات}}{١ \text{ ساعة}}$
استهلاك الوقود	كلم / لتر	كيلومتر لكل لتر	$\frac{\text{عدد الكيلومترات}}{١ \text{ لتر}}$
ثمن الوحدة	ريال / كجم	ريال لكل كيلوجرام	$\frac{\text{عدد الريالات}}{١ \text{ كيلوجرام}}$
أجرة الساعة	ريال / ساعة	ريال لكل ساعة	$\frac{\text{عدد الريالات}}{١ \text{ ساعة}}$

مثال من واقع الحياة

إيجاد معدّل الوحدة

١ **عمل:** إذا تقاضى أحمد ٨٤٠ ريالاً لقاء عمله ٤٠ ساعة، فما معدّل أجرته في الساعة الواحدة؟

٨٤٠ ريالاً أجره ٤٠ ساعة تُمثّل بالكسر $\frac{٨٤٠}{٤٠}$ ريالاً

اقسم البسط والمقام على ٤٠ $\frac{٨٤٠}{٤٠} \div \frac{٤٠}{٤٠} =$

بسّط $\frac{٢١}{١} =$ ريالاً

معدّل أجره أحمد يساوي ٢١ ريالاً / ساعة.

تحقق من فهمك:

أوجد معدّل الوحدة مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة عند الضرورة:

أ) ٣٠٠ ريال لكل ٦ ساعات ب) ٧٩ كيلومتراً لكل ٨ لترات

إيجاد معدل الوحدة

مثال من واقع الحياة

حلوى: كيس حلوى به ٨ قطع، إذا كان ثمنه ريالين، فما ثمن القطعة الواحدة؟
قرب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

$$٢ \text{ ريال لكل } ٨ \text{ قطع} = \frac{٢ \text{ ريال}}{٨ \text{ قطع}}$$

$$\text{اقسم البسط والمقام على } ٨ = \frac{٨ \div ٢}{٨ \div ٨}$$

$$\text{بسط} = \frac{٠,٢٥}{١}$$

إذن ثمن القطعة الواحدة ٠,٢٥ ريال

تحقق من فهمك:

(ج) أقلام: إذا كان ثمن ٤ أقلام ١٢,٢ ريال، فما ثمن القلم الواحد؟

تعتبر معدلات الوحدة مفيدة عند إجراء مقارنات.

المقارنة باستعمال معدلات الوحدة

مثال من اختبار

٢ بيّن الجدول المجاور ثمن ٣ علب مختلفة السعة من اللبن. ما سعة العُلبَة التي سعر الوحدة فيها أقل ما يمكن؟

ثمن علب اللبن	
السعر	سعة العلبَة (ملل)
٤ ريالات	١٠٠٠
٢,٥ ريال	٥٠٠
ريال واحد	٢٠٠

(أ) ١٠٠٠ ملل

(ب) ٥٠٠ ملل

(ج) ٢٠٠ ملل

(د) جميع العلب لها سعر الوحدة نفسه.

اقرأ: لتحديد سعر الوحدة الأقل، أوجد سعر الوحدة لكل نوع وقارن بينها.

حل:

سعر الوحدة	نوع العلبَة
٤ ريالات ÷ ١٠٠٠ ملل = ٠,٠٠٤ ريال / ملل.	العلبة التي سعتها ١٠٠٠ ملل
٢,٥ ريال ÷ ٥٠٠ ملل = ٠,٠٠٥ ريال / ملل.	العلبة التي سعتها ٥٠٠ ملل
١ ريال ÷ ٢٠٠ ملل = ٠,٠٠٥ ريال / ملل.	العلبة التي سعتها ٢٠٠ ملل

بما أن سعر الوحدة للعلبة التي حجمها ١٠٠٠ ملل هو الأقل، فالإجابة هي أ.

إرشادات للاختبارات

طريقة بديلة:

علبة سعتها ١٠٠٠ ملل تكافئ

علبتين سعة كل منهما

٥٠٠ ملل أو ٥ علب سعة كل

منها ٢٠٠ ملل.

• تكلفة علبة ١٠٠٠ ملل =

٤ ريالات.

• تكلفة علبتين ٥٠٠ ملل =

٢ × ٢,٥ = ٥ ريالات.

• تكلفة ٥ علب ٢٠٠ ملل =

٥ × ١ = ٥ ريالات.

لذا فإن العلبَة التي سعتها

١٠٠٠ ملل سعر الوحدة فيها

هو الأقل.

تحقق من فهمك:

(د) تريد نورة أن تشتري جنبًا مالحًا بكمية أكبر وبسعر أقل. فأَيُّ نوع يمكن أن تشتري؟ ولماذا؟

أسعار الجبن المالح	
النوع	ثمن البيع
الأول	٣٠٠ جم بسعر ٦,١٠ ريالات
الثاني	٥٠٠ جم بسعر ٧,٤٠ ريالات
الثالث	٨٠٠ جم بسعر ١٣,١٠ ريالاً
الرابع	١١٠٠ جم بسعر ١٨,٥٠ ريالاً

(أ) الأول؛ لأنَّ نوعيته أفضل.

(ب) الثاني؛ لأنَّ ثمن الكيلوجرام ١٥ ريالاً تقريباً.

(ج) الثالث؛ لأنَّ ثمن الكيلوجرام ١٦ ريالاً تقريباً.

(د) الرابع؛ لأنَّها ترغب في شراء ١,١٣٣ كجم.

استعمالُ معدل الوحدة

مثال من واقع الحياة

هدايا: تغلف منال ثلاث هدايا في ١٢ دقيقة، كم هدية يمكن أن تغلف في ٤٠ دقيقة إذا استمرت بالمعدل نفسه؟

احسب معدل الوحدة، ثم اضربه في ٤٠ لإيجاد عدد الهدايا التي يمكن أن تغلفها في ٤٠ دقيقة.

$$٣ \text{ هدايا في } ١٢ \text{ دقيقة} = \frac{٣ \text{ هدايا} \div ١٢}{١٢ \div ١٢} = \frac{٣}{١٢} = \frac{٠,٢٥ \text{ هدية}}{١ \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{٠,٢٥ \text{ هدية}}{١ \text{ دقيقة}} \times ٤٠ \text{ دقيقة} = ١٠ \text{ هدايا}$$

إذن تغلف منال ١٠ هدايا في ٤٠ دقيقة.



الرابط مع الحياة: تعبر الهدايا عن مشاعر الحب والمودة الصادرة بين الناس، وتقدم في الأعياد والمناسبات وبعده أشكال.

تحقق من فهمك:

(هـ) **قرطاسية:** اشترى إسماعيل ٤ دفاتر بمبلغ ١٧,٧ ريالاً. فما ثمن ٥ دفاتر بسعر الوحدة نفسه؟

تأكد

المثالان ١، ٢ احسب معدل الوحدة في كلِّ مما يأتي، وقرب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

١) ٩٠ كلم / ١٥ لتر ٢) ١٦٨٠ كيلوبايت في ٤ دقائق ٣) ٥ جم بسعر ٢,٤٩ ريال

عروض البرامج الحاسوبية	
المحل	العرض
الأول	٤ برامج بـ ١٦٨ ريالاً
الثاني	٦ برامج بـ ٢١٠ ريالاً
الثالث	٥ برامج بـ ١٩٦ ريالاً
الرابع	٣ برامج بـ ١١٢ ريالاً

٤ اختيار من متعدد: تقدم أربع محلات عروضاً للبرامج الحاسوبية. أيُّ هذه المحلات يقدم عرضاً أفضل؟

(أ) المحل الأول

(ب) المحل الثاني

(ج) المحل الثالث

(د) المحل الرابع

٥ رحلات: قطع خليل مسافة ٢١٧ كلم في ٣,٥ ساعات.

إذا استمر بالسرعة نفسها، فما المسافة التي يقطعها في ٤ ساعات؟

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٠-٦	٢,١
١١	٣
١٤-١٢	٤

احسب معدل الوحدة في كلِّ مما يأتي، وقرب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

٦ ٤٨٠ كلم في ٦ ساعات ٧ ٦٨٤٠ زبوناً في ٤٥ يوماً.

٨ ٤٥,٥ مترًا في ١٣ ثانية ٩ ١٤٤ كلم لكل ١٤,٥ ل

١٠ **تقدير:** قدر معدل الوحدة إذا تم إنهاء سباق الماراثون الذي تبلغ مسافته ٤٢ كلم في ٥ ساعات.

١١ **نقود:** يقدم محلّ عرضًا لثلاثة مغلّفات من قوارير المياه الصّحية. استعمل المعلومات التالية لتحديد النوع الأقل ثمنًا، ثم وضح إجابتك.



٦ قوارير
ثمنها ٣,٧٩ ريالات



٩ قوارير
ثمنها ٥,٤ ريالات



١٢ قارورة
ثمنها ٦,٨٩ ريالات

١٢ يستطيع صّهيب طباعة ١٥٣ كلمة في ٣ دقائق. فما عدد الكلمات التي يمكنه طباعتها في ١٠ دقائق بالمعدل نفسه؟

١٣ **قماش:** اشترت مها ٣ أمتار من القماش بمبلغ ١٧,٨٥ ريالاً، ثم احتاجت إلى مترين آخرين. فما المبلغ الذي تدفعه ثمن متري القماش الإضافيين؟

١٤ **أعمال:** حصل رامي على ٥,١٢ ريالاً لقاء عمله مدة ١٥ ساعة، فإذا عمل ١٨ ساعة في الأسبوع التّالي، فما المبلغ الذي يقبضه؟

١٥ **سكان:** استعمل المعلومات المجاورة في إيجاد الكثافة السّكانية، أو عدد الأفراد الذين يعيشون في الكيلومتر المربع الواحد في جمهورية جيبوتي.



الربط مع الحياة:

١٦ **إطارات:** يبلغ ثمن إطار جديد ٢٧٥ ريالاً، وقد تمّ الإعلان عن عرض خاص لبيع ٤ إطارات من النوع نفسه بمبلغ ٨٤٠ ريالاً. فكّم ريالاً توفّر في الإطار الواحد إذا اشتريته من العرض الخاص؟

بلغ عدد سكان جمهورية جيبوتي ٩٤٢٣٣٣ نسمة عام ٢٠١٦م، يعيشون على أرض مساحتها ٢٣٠٠٠ كلم^٢.

تحدّ: بيّن ما إذا كانت كل من العبارتين الآتيتين صحيحة دائماً أم صحيحة أحياناً أم غير صحيحة أبداً، وأعطِ مثالاً أو مثالاً مضاداً:

١٧ كلُّ نسبة هي معدّل. ١٨ كلُّ معدّل هو نسبة.

١٩ **حسّ عدديّ:** أيّ الحالتين الآتيتين يزداد فيها المعدل $\frac{\text{س مسيراً}}{\text{ن دقيقة}}$ ؟ أعطِ مثالاً يوضّح ذلك:

(أ) عندما تزداد (س) ولا تتغير (ن). (ب) عندما تزداد (ن) ولا تتغير (س).

٢٠ **الكتب:** مثالاً من واقع الحياة توضح فيه المعدل.

تدريب على اختبار

٢٢ بناءً على الجدول أدناه الذي يبين الزمن والمسافات التي تقطعها سيارة كانت سرعتها ثابتة، ما المسافة التي ستقطعها في ١٠ ساعات؟

الزمن (ساعة)	المسافة (كلم)
٢	١٣٠
٣,٥	٢٢٧,٥
٤	٢٦٠
٧	٤٥٥

(أ) ٥٢٠ كلم (ب) ٦٥٠ كلم
(ج) ٥٨٥ كلم (د) ٧١٥ كلم

٢١ يوضح الجدول أدناه أسعار ٤ أحجام لعبوات عصير، ما حجم العبوة التي لها أقل معدل للوحدة؟

حجم العبوة (لتر)	السعر (ريال)
٠,٥	٢,٢٥
١	٤
١,٥	٥,٧
١,٨	٨

(أ) حجم ٠,٥ لتر (ب) حجم ١,٥ لتر
(ج) حجم ١ لتر (د) حجم ١,٨ لتر

مراجعة تراكمية

ورد: استعمل الجدول المجاور لكتابة كل نسبة على صورة كسر مما يأتي في أبسط صورة. (الدرس ٤ - ١)

نوع الورد	العدد
ياسمين	٤
فل	١٨
نرجس	٦

٢٣ الياسمين: الفل ٢٤ النرجس: الياسمين

٢٥ الفل: الورد (المجموع) ٢٦ الورد (المجموع): النرجس

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كل مما يأتي:

٢٨ $٤ \times ٣,٥$

٢٧ $٢٠ \times ٢,٥$

٣٠ $٢٠٠٠ \div ٤٢٠٠$

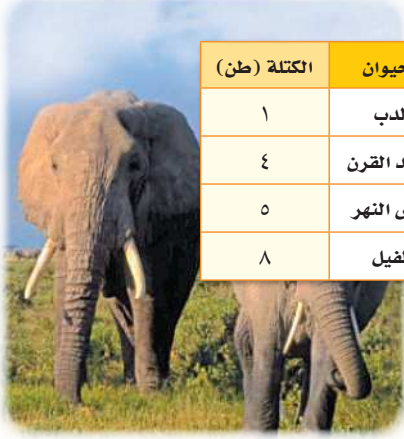
٢٩ $١٦ \div ١٠٤$



القياس: التحويل بين الوحدات الإنجليزية

٣ - ٤

استعد



الحيوان	الكتلة (طن)
الدب	١
وحيد القرن	٤
فرس النهر	٥
الفيل	٨

حيوانات: يبين الجدول الكتل التقريبية لبعض الحيوانات بالطن. (الطن = ٢٠٠٠ رطل)
يمكنك استعمال جدول نسبة تحتوي أعمده نسبة متكافئة؛ وذلك لتحويل الكتل من الطن إلى الرطل.

فكرة الدرس:

أحوّل بين وحدات النظام الإنجليزي للطول والكتلة.

المفردات:

النظام الإنجليزي

القدم

البوصة

الياردة

الميل

الرطل

الأوقية

الطن

١ أكمل جدول النسبة كما هو موضح:

٤ ×

للحصول على نسب متكافئة؛ اضرب العمود الأول في العدد نفسه

الطن	١	٤	٥	٨
الرطل	٢٠٠٠	٨٠٠٠	■	■

٤ ×

٢ مثل الأزواج المرتبة (طن، رطل) من الجدول بيانياً بحيث تكون الكتل بالطن هي الإحداثي السيني، والكتل بالرطل هي الإحداثي الصادي. صل بين النقاط. ماذا تلاحظ؟

يعدّ النظام الإنجليزي من الأنظمة المستعملة في بعض الدول لقياس الطول والكتلة والسعة. ويبين الجدول التالي العلاقات بين وحدات الطول ووحدات الكتلة في هذا النظام:

نوع القياس	الوحدة الأكبر	الوحدة الأصغر
الطول	١ قدم	١٢ بوصة
	١ ياردة	٣ أقدام
	١ ميل	٥٢٨٠ قدماً
الكتلة	١ رطل	١٦ أوقية
	١ طن	٢٠٠٠ رطل

يمكن كتابة كل من العلاقات في الجدول السابق على شكل معدل وحدة، وهي

$$\frac{3 \text{ أقدام}}{1 \text{ ياردة}} ، \frac{2000 \text{ رطل}}{1 \text{ طن}}$$

لاحظ أن البسط والمقام متكافئان في كل من النسبتين السابقتين؛ لذا فإن كمية كل منهما تساوي ١. ومن ثم فيمكنك الضرب في هذه النسبة لتحوّل من وحدة إلى أخرى أصغر منها.

التحويل من وحدة إلى أخرى أصغر منها

مثال

١ حوّل ٢٠ قدمًا إلى بوصات.

$$\text{بما أن } 1 \text{ قدم} = 12 \text{ بوصة، فالنسبة هي: } \frac{12 \text{ بوصة}}{1 \text{ قدم}}$$

$$20 \text{ قدمًا} = 20 \times \frac{12 \text{ بوصة}}{1 \text{ قدم}}$$

$$\text{اضرب في } \frac{12 \text{ بوصة}}{1 \text{ قدم}}$$

اختصر الوحدات المتشابهة لتبقى الوحدة المطلوبة

$$20 \text{ قدمًا} = 20 \times \frac{12 \text{ بوصة}}{1 \text{ قدم}}$$

$$20 \times 12 \text{ بوصة} = 240 \text{ بوصة} \text{ اضرب}$$

تحقق من فهمك:

أكمل:

$$\text{ب) } \frac{3}{4} \text{ طن} = \text{■ رطل}$$

$$\text{أ) } 36 \text{ ياردة} = \text{■ قدم}$$

للتحويل من وحدة إلى أخرى أكبر منها، نضرب في مقلوب النسبة المناسبة.

التحويل من وحدة إلى أخرى أكبر منها

مثال

٢ خياطة: تحتاج هيفاء إلى $\frac{1}{3}$ أقدام من القماش لخياطة وشاح. كم ياردة من القماش تحتاج إليها؟

$$\frac{1}{3} \text{ أقدام} = \frac{1}{3} \times 4 \text{ أقدام} \times \frac{1 \text{ ياردة}}{3 \text{ أقدام}}$$

$$\text{بما أن } 1 \text{ ياردة} = 3 \text{ أقدام، اضرب في } \frac{1 \text{ ياردة}}{3 \text{ أقدام}}$$

$$\text{اكتب } \frac{1}{3} \times 4 \text{ على صورة كسر غير فعلي، ثم اختصر العوامل المشتركة}$$

$$= \frac{4}{3} \times \frac{1}{3} \text{ ياردة}$$

$$= \frac{4}{3} \text{ ياردة} = 1 \frac{1}{3} \text{ ياردة} \text{ اضرب}$$

إذن تحتاج هيفاء إلى $1 \frac{1}{3}$ ياردة من القماش.

تحقق من فهمك:

أكمل:

$$\text{ج) } 2640 \text{ قدمًا} = \text{■ ميل} \text{ (د) } 100 \text{ أوقية} = \text{■ أرطال} \text{ (هـ) } 18 \text{ بوصة} = \text{■ قدم}$$

إرشادات للدراسة

الضرب في ١

على الرغم من اختلاف العدد والوحدة في المثال ١، فإن قيمة الوجدتين لا تتغير؛ لأننا ضربنا في العدد ١.

مثال من واقع الحياة

٣ **طيران:** تبلغ سرعة طائرة مروحية ١٥٨ ميلاً / ساعة. كم تبلغ سرعتها بالميل / ثانية تقريباً؟

$$\begin{aligned} \text{بما أن } 1 \text{ ساعة} &= 3600 \text{ ثانية؛ لذا اضرب في } \frac{1 \text{ ساعة}}{3600 \text{ ثانية}} \\ \frac{158 \text{ ميلاً}}{1 \text{ ساعة}} &= \frac{158 \text{ ميلاً}}{1 \text{ ساعة}} \times \frac{1 \text{ ساعة}}{3600 \text{ ثانية}} \\ \text{اضرب في } \frac{1 \text{ ساعة}}{3600 \text{ ثانية}} & \\ \text{اختصر الوحدات المشتركة} & \\ \frac{158 \text{ ميلاً}}{3600 \text{ ثانية}} &= \frac{158 \text{ ميلاً}}{3600 \text{ ثانية}} \times \frac{1 \text{ ساعة}}{3600 \text{ ثانية}} \\ \approx 0,04 \text{ ميل} & \\ \text{بسّط} & \\ \approx 0,04 \text{ ميل} & \\ \text{إذن سرعة الطائرة تساوي } & 0,04 \text{ ميل / ثانية تقريباً.} \end{aligned}$$



تحقق من فهمك:

- (و) **أسماك:** تسبح سمكة السيف بسرعة معدلها ٦٠ ميلاً / ساعة. كم تبلغ سرعتها بالقدم / ساعة؟
- (ز) **صحة:** يمشي فهد بسرعة ٧ أقدام / ثانية. كم تبلغ سرعته بالقدم / ساعة؟

الربط مع الحياة.....

سمكة السيف سمكة كبيرة تعيش في المحيطات، ويصل طولها إلى ما يقرب من المترين. وأما كتلتها فتصل إلى ١١٠ كجم تقريباً.

تأكد

أكمل:

المثال ١

١ ٣ أرطال = ■ أوقية ٢ ١/٣ ياردات = ■ قدمًا

٣ **أسماك:** تصل كتلة أحد أنواع الأسماك إلى ١/٣ طن. كم تبلغ كتلته بالأرطال تقريباً؟

أكمل:

٤ ٢٨ بوصة = ■ قدم ٥ ٧٠٠٠ رطل = ■ طن

٦ **سيارات:** يبلغ عرض أصغر سيارة كهربائية ٣٥ بوصة تقريباً لكي تنتقل في ممرات المستودعات. كم يبلغ عرضها مقرباً لأقرب قدم؟

المثال ٢

٧ **رياضة:** تبلغ سرعة أسرع رجل حوالي ٢٧ ميلاً / ساعة. كم سرعته بالميل / دقيقة؟

المثال ٣

تدرّب وحلّ المسائل

أكمل:

- ٨ ١٨ قدمًا = ■ ياردات ٩ ٢ رطل = ■ أوقية
- ١٠ ٢ ميل = ■ قدمًا ١١ ١/٤ ميل = ■ قدم
- ١٢ ٥٠٠٠ رطل = ■ طن ١٣ ٣/٨ أطنان = ■ رطلا

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٥-٨	٢٠١
١٧،١٦	٣

١٤ **نباتات:** أُنتجت أكبر ثمرة قرع في مزرعة، فكانت كتلتها حوالي $\frac{1}{4}$ طن. كم رطلاً تكون كتلة تلك الثمرة؟

١٥ **قوارب:** يبلغ طول أحد اليخوت ٤٠ قدمًا. كم يبلغ طول اليخت مقربًا إلى أقرب ياردة؟

١٦ **سيارات:** تصل سرعة بعض سيارات السباق إلى ٦٠٧٢٠٠ قدم/ساعة. كم تبلغ تلك السرعة بالميل/ساعة؟

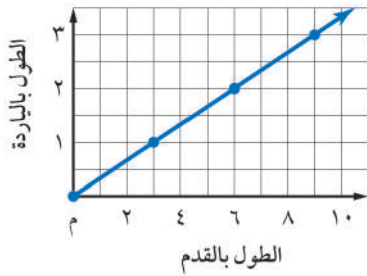
١٧ **طيور:** تصل سرعة طيران بعض أنواع الصقور إلى ٢٠٠ ميل/ساعة. كم تبلغ سرعته بالقدم/ساعة؟

قياس: أكمل:

١٨ إذا كان ١٧٦٠ ياردة = ١ ميل، فإن ٨٨٠ ياردة = ■ ميل

١٩ إذا كان ٣٦ بوصة = ١ ياردة، فإن ٢, ٣ ياردة = ■ بوصة

٢٠ **تقدير:** يتدرب عادل على الجري بمعدل ٣٠٠٠ ياردة في اليوم. كم ميلاً تقريباً يجري عادل إذا استمر وفق هذا المعدل لمدة ٥ أيام؟ قرب الناتج إلى أقرب $\frac{1}{4}$ ميل.



قياس: استعمل التمثيل البياني المجاور لحلّ الأسئلة ٢١-٢٤:

٢١ ماذا تمثّل الأزواج المُرتّبة؟

٢٢ استعمل التمثيل البياني لإيجاد الطول بالأقدام لطاولة طولها ٢ ياردة.

٢٣ استعمل التمثيل البياني لتجد الطول بالياردات لقماش طوله ٩ أقدام. اشرح إجابتك.

٢٤ استعمل التمثيل البياني لتتوقع الطول بالياردات لقماش طوله ٨ أقدام. اشرح إجابتك.

تبرير: اكتب < أو > أو = في ● ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

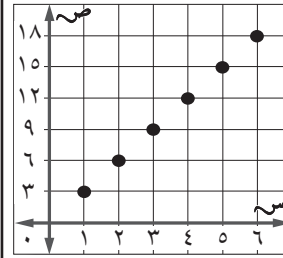
٢٥ ● ١٦ بوصة ● $\frac{1}{3}$ قدم ● ٢٦ ● ٢,٧ طن ● ٨٦٤٠٠ أوقية

٢٧ ● **الكتب**: استعمل عملية الضرب في نسب الوحدة للقياسات المتكافئة لتحوّل ٥ أقدام مربعة إلى بوصات مربعة. فسّر إجابتك.

تدريب على اختبار

٢٩ ● كم أوقية في $7\frac{3}{4}$ أرتال؟

٢٨ ● ماذا تمثل الأزواج المرتبة في التمثيل أدناه؟



- (أ) التحويل من قدم إلى بوصة
(ب) التحويل من ياردة إلى بوصة
(ج) التحويل من رطل إلى أوقية
(د) التحويل من ياردة إلى قدم

- (أ) ١٢٤ أوقية
(ب) ١٢٠ أوقية
(ج) ١٢٢ أوقية
(د) ١١٢ أوقية

مراجعة تراكمية

٣٠ ● **مشتريات**: أوجد معدل الوحدة لـ ١١,٥٥ ريالاً/٣ كجم موزاً. **الدرس (٤-٢)**

٣١ ● **قياس**: إذا تم مضاعفة طول مستطيل من ١٦ سم إلى ٣٢ سم، فإن مساحته سوف تزداد من ١٢٨ سم^٢ إلى ٢٥٦ سم^٢. أوجد عرض المستطيل في الحالتين. **الدرس (٣-٦)**

جبر: للسؤالين ٣٢، ٣٣ استعمل الجدول المجاور الذي يبين أجره موظف يعمل في شركة بالساعات لكل أسبوع. **الدرس (٣-٣)**

عدد الساعات	الأجرة بالريال
٤٨ ساعة عمل رسمي	٢٤٠٠
٨ ساعات عمل إضافية	٥٢٠

٣٢ ● اكتب معادلة تبين أجره الرسمي، ثم حلها.

٣٣ ● اكتب معادلة تبين أجره الإضافي بالساعة، ثم حلها.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اضرب:

٣٥ ● $٤,٦ \times ٧,٠٣$

٣٤ ● $٨,٢ \times ١٤,٥$

٣٧ ● $١٦,٧ \times ١,٨٤$

٣٦ ● $١٥,٣ \times ٩,٢٩$



القياس: التحويل بين الوحدات المترية

٤ - ٤

نشاط

الأداة	الطول (ملم)	الطول (سم)
مشبك ورق	٤٥	٤,٥
علبة قرص مدمج	١٤٤	١٤,٤

يُبيّن الجدول المجاور طول أداتين.

- اختر ثلاث أدوات أخرى، وسجّلها في الجدول، وأوجد أطوالها كما هو مبين، ثم أوجد عرض الأدوات الخمس إلى أقرب ملّيمتر، وإلى أقرب جزء من ١٠ من السنتيمتر.
- قارن بين قياسات الأدوات، واكتب قاعدة تصف كيفية التحويل من ملّيمتر إلى سنتيمتر.
- قس طول غرفة الصّفّ بوحدّة المتر، ثم خمن كيف يمكن تحويل هذا القياس إلى سنتيمترات. وضح إجابتك.

فكرة الدرس:

أحوّل بين الوحدات المترية للطول والسعة والكتلة.

المفردات:

النظام المتري

المتر

الليتر

الكيلوجرام

الجرام

يُعدُّ النظام المتري في القياس نظامًا عشريًا، وفي هذا النظام يُعدُّ المتر (م) الوحدة الأساسية للطول. ويبيّن الجدول التالي علاقة وحدات الطول بالمتر:

الوحدة	الرمز	علاقتها بالمتر
الكيلومتر	كلم	١ كلم = ١٠٠٠ م
المتر	م	١ م = ١ م
السنتيمتر	سم	١ سم = ٠,٠١ م
الملّيمتر	ملم	١ ملم = ٠,٠٠١ م

يُعدُّ اللتر (ل) الوحدة الأساسية للسعة، كما يُعدُّ الكيلوجرام (كجم) الوحدة الأساسية لقياس الكتلة، ويُعدُّ الجرام من وحدات قياس الكتلة الشائعة الاستعمال (الكيلوجرام = ١٠٠٠ جرام).

وللتحويل من وحدة طول أو سعة أو كتلة إلى أخرى، يمكنك استعمال العلاقة بين الوحدتين والضرب في القوة المناسبة للعدد ١٠ أو القسمة عليها.

التحويل بين الوحدات في النظام المتري

مثال

- حوّل ٤,٥ لترات إلى ملّترات.
لإجراء التحويل، استعمل العلاقة التالية: ١ ل = ١٠٠٠ ملل.
اكتب العلاقة
 $١ \text{ ل} = ١٠٠٠ \text{ ملل}$
 $٤,٥ \text{ ل} \times ١٠٠٠ = ٤٠٠٠ \times ١٠٠٠ \text{ ملل}$ اضرب كلا الطرفين في ١٠٠٠
 $٤,٥ \text{ ل} = ٤٥٠٠ \text{ ملل}$ لضرب ٤,٥ × ١٠٠٠ حرك الفاصلة العشرية ٣ منازل إلى اليمين

إرشادات للدراسة

التحويلات المترية

عند التحويل من وحدة كبيرة إلى وحدة أصغر، اضرب في قوى العدد ١٠ الصحيحة الموجبة. وعند التحويل من وحدة صغيرة إلى وحدة أكبر اقسّم على قوى العدد ١٠ الصحيحة الموجبة.

حوّل ٥٠٠ ملم إلى أمتار.

لإجراء التحويل، استعمل العلاقة التالية: ١ ملم = ٠,٠٠١ م .

١ ملم = ٠,٠٠١ م
اكتب العلاقة

١ × ٥٠٠ ملم = ٠,٠٠١ × ٥٠٠ م اضرب كلا الطرفين في ٥٠٠

٥٠٠ ملم = ٠,٥ م لضرب ٥٠٠ في ٠,٠٠١، حرك الفاصلة العشرية ثلاث

منازل إلى اليسار

تحقق من فهمك:

أكمل ما يأتي:

(أ) ٢٥,٤ جم = ■ جم (ب) ١٥٨ ملم = ■ م

مثال من واقع الحياة

جمال: تُعد الجمال من أكثر الحيوانات تكيفًا مع البيئة الصحراوية. استفد من المعلومات الواردة إلى اليمين في إيجاد أقصى كتلة للجمال بوحدة الجرام.

استعمل العلاقة التالية: ١ كجم = ١٠٠٠ جم

١ كجم = ١٠٠٠ جم
اكتب العلاقة

١ × ٦٩٠ كجم = ١٠٠٠ × ٦٩٠ جم اضرب كلا الطرفين في ٦٩٠

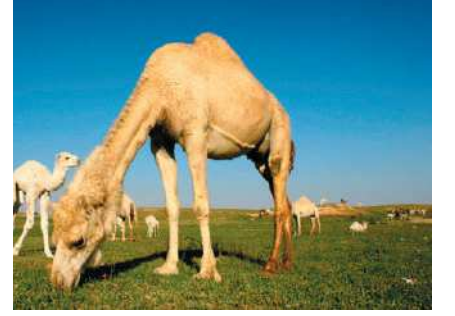
٦٩٠ كجم = ٦٩٠,٠٠٠ جم لضرب ٦٩٠ في ١,٠٠٠، حرك الفاصلة العشرية

٣ منازل إلى اليمين.

إذن أقصى كتلة للجمال هي ٦٩٠,٠٠٠ جم .

تحقق من فهمك:

(ج) **عصير:** تحتوي قارورة على ١,٧٥ ل من عصير الجزر. ما كمية العصير بالملتر؟



الربط مع الحياة

تبلغ كتلة الجمال البالغ من ٢٥٠-٦٩٠ كجم، وطول جسمه من ٢,٥-٣ م، ومتوسط عمره ٥٥ عامًا.

لتحويل القياسات بين الوحدات الإنجليزية والوحدات المترية، استعمل العلاقات في الجدول أدناه.

نوع القياس	الإنجليزية	المترية
الطول	١ بوصة	≈ ٢,٥٤ سنتيمتر (سم)
	١ قدم	≈ ٣٠,٣٠ متر (م)
	١ ياردة	≈ ٩١,٠٩ متر (م)
	١ ميل	≈ ١,٦١ كيلومتر (كلم)
الكتلة	١ رطل	≈ ٤٥٣,٦ جرام (جم)
	١ رطل	≈ ٤٥٣,٦ كيلوجرام (كجم)
	١ طن	≈ ٩٠٧,٢ كيلوجرام (كجم)
السعة	١ كوب	≈ ٢٣٦,٥٩ ملليترًا (ملل)
	١ جالون	≈ ٣,٧٩ لتر (ل)

مثالان التحويل بين أنظمة القياس

إرشادات للدراسة

طريقة بديلة

عند تحويل ١٧,٢٢ بوصة إلى سنتيمترات استعمل العلاقة:

١ بوصة \approx ٢,٥٤ سم أو
معدل الوحدة $\frac{٢,٥٤ \text{ سم}}{١ \text{ بوصة}}$

٤ حوّل ١٧,٢٢ بوصة إلى سنتيمترات، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

استعمل العلاقة ١ بوصة \approx ٢,٥٤ سم

١ بوصة \approx ٢,٥٤ سم

اكتب العلاقة.

١٧,٢٢ \times ١ بوصة \approx ١٧,٢٢ \times ٢,٥٤ سم اضرب كلا الطرفين في ١٧,٢٢.

١٧,٢٢ بوصة \approx ٤٣,٧٣٨٨ سم بسّط

إذن ١٧,٢٢ بوصة تساوي ٤٣,٧٤ سم تقريباً.

٥ حوّل ٨٢٨,٥ مل إلى أكواب، وقرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

استعمل العلاقة ١ كوب \approx ٢٣٦,٥٩ مل؛ لذا اضرب في $\frac{١ \text{ كوب}}{٢٣٦,٥٩ \text{ ملليتر}}$

٨٢٨,٥ مل \approx ٨٢٨,٥ مل \times $\frac{١ \text{ كوب}}{٢٣٦,٥٩ \text{ مل}}$ \approx $\frac{٨٢٨,٥ \text{ كوب}}{٢٣٦,٥٩} \approx$ ٣,٥ أكواب

إذن ٨٢٨,٥ مل يساوي ٣,٥ أكواب.

تحقق من فهمك:

أكمل كلاً من الجملتين الآتيتين، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

(د) ٢٢,٠٩ رطلاً \approx كجم (هـ) ٣٥,٨٥ ل \approx جالون



مثال من واقع الحياة

٦ ضوء: تبلغ سرعة الضوء حوالي ١٨٦٠٠٠ ميل لكل ثانية. أوجد السرعة

التقريبية للضوء بوحدة الكيلومتر لكل ثانية.

بما أنّ ١ ميل \approx ١,٦١ كلم، لذا اضرب في $\frac{١,٦١ \text{ كلم}}{١ \text{ ميل}}$

$\frac{١٨٦٠٠٠ \text{ ميل}}{١ \text{ ث}} \approx \frac{١٨٦٠٠٠ \text{ ميل}}{١ \text{ ث}} \times \frac{١,٦١ \text{ كلم}}{١ \text{ ميل}}$
 $\frac{٢٩٩٤٦٠ \text{ كلم}}{١ \text{ ث}} =$

بسّط

تحقق من فهمك:

(و) فيزياء: قُدِّم جسم رأسياً إلى أعلى بسرعة ابتدائية قدرها ٣ م/ث، أوجد

سرعته الابتدائية بوحدة القدم لكل ثانية.

تأكّد

الأمثلة ١ - ٥ أكمل كل جملة ممّا يأتي، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

١ ٣,٧ م = سم ٢ ٥٥٠ م = كلم ٣ ١٤٦ كجم = جم

٤ ٩,٣٦ ياردات \approx سم ٥ ٥٨,١٤ كجم \approx رطلاً ٦ ٣٨,٤٤ سم \approx بوصة

٧ رياضة: شارك فريق رياضيّ في سباق جري مسافته ١٦٠٠ م. احسب هذه المسافة

بالأقدام.

المثالان ٦,٣

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١٨-٨	٥,٤٠,٢٠١
٢٠,٤١٩	٦٠٣

أكمل كلّاً ممّا يأتي، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

- ٨ ٧٢٠ سم = م ■ ٩ ٩٨٣ ملم = م ■ ١٠ ٠,٠٣ كجم = م ■ جم
 ١١ ٨٢,١ جم = م ■ كجم ١٢ ٩,١ ل = م ■ ملل ١٣ ٣,٧٥ أكواب ≈ م ■ ملل
 ١٤ ٤١,٨ بوصة ≈ م ■ سم ١٥ ١٥٦,٢٥ رطلاً ≈ م ■ كجم ١٦ ٩,٥ جالون ≈ م ■ ل
 ١٧ ٦٨٠,٤ جم ≈ م ■ رطل ١٨ ٤,٧٢٥ م ≈ م ■ قدماً

١٩ **شلالات:** يبلغ ارتفاع شلال ٩٧٩ م. فكم يبلغ هذا الارتفاع بالكيلومترات؟

٢٠ **دراجات:** يقود سعد دراجته بسرعة تبلغ ١٨ كيلومتراً في السّاعة، فما سرعته بالأميال في السّاعة الواحدة؟

رتّب كلّ مجموعة من القياسات التّالية من الأصغر إلى الأكبر:

٢١ ٠,٠٢ كلم، ٥٠ م، ٣٠٠٠ سم ٢٢ ٠,٣٢ كجم، ٣٤٥ م، ٣٥١٠٠ ملجم

٢٣ **نجارة:** يحتاج مؤيّد إلى لوح خشبيّ طوله ٢,٥ م لاستعماله في صنع خزّانة. فكم ستمتراً يجب أن يقطع من لوح طوله ٣ أمتار ليحصل على اللوح الذي يريد؟

٢٤ **اكتشف الخطأ:** قام كلّ من خالد وعمر بتحويل ٣,٢٥ كجم إلى جرامات. فأيهما إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.

مسائل مهارات التفكير العليا



عمر

$$٣,٢٥ \text{ كجم} = ٠,٠٠٣٢٥ \text{ جم}$$



خالد

$$٣,٢٥ \text{ كجم} = ٣٢٥٠ \text{ جم}$$

٢٥ **تحدّ:** إذا علمت أن كلمة «جيجا» تعني بليون (مليار) من الوحدة الأساسية، فمثلاً: ١ جيجامتر = ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ متر، فأجب عن السؤالين ٢٥, ٢٦:

٢٥ ما العدد التقريبي للأميال في جيجا متر واحد؟ قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

٢٦ تبلغ المسافة بين الأرض والشمس ٩٣ مليون ميل تقريباً. كم تبلغ هذه المسافة بالجيجامتر؟ قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

٢٧ **الكتب:** وضح لماذا يتم الضرب في إحدى قوى العدد ١٠ الصحيحة الموجبة عند التحويل من وحدة كبيرة إلى وحدة أصغر.

- ٢٩ أي علاقة مما يأتي صحيحة؟
- (أ) ١ جرام يساوي $\frac{1}{100}$ سنتيمتر
- (ب) ١ متر يساوي $\frac{1}{100}$ سنتيمتر
- (ج) ١ جرام يساوي $\frac{1}{1000}$ كيلوجرام
- (د) ١ مليلتر يساوي $\frac{1}{100}$ لتر

الكتلة (جم)	الصف
١٠٠,٤	١
٧٠,٨	٢
٩٥,٦	٣
١٢٣,٢	٤

٢٨ بين الجدول المجاور كتل ٤ أصناف مكسرات بالجرام. أوجد مجموع كتلتها بالكيلوجرام.

- (أ) ٠,٣٩ كجم (ب) ٣٩ كجم
- (ج) ٣,٩ كجم (د) ٣٩٠ كجم

مراجعة تراكمية

٣٠ سيارة كتلتها ٣٢٠٠ رطل، ما كتلتها بالطن؟ (الدرس ٤ - ٣)

٣١ قياس: إذا كان ثمن ٣ كجم عنب ٦, ٢٤ ريالاً، فما ثمن ١٠ كجم من العنب؟ (الدرس ٤ - ٢)

اكتب كل نسبة مما يأتي على صورة كسر في أبسط صورة: (الدرس ٤ - ١)

٣٢ ٩ أقدام / ٢١ ثانية.

٣٣ ٣٦ مكالمات في ٢ ساعة.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كلاً من المعادلات الآتية: (الدرس ٣ - ٣)

$$٣٥ \quad ٢٧ \times س = ٢٤ \times ٩$$

$$٣٤ \quad ٢ \times س = ٤ \times ٥$$

$$٣٧ \quad ١٧ \times ١١ = س \times ٨ \frac{1}{٤}$$

$$٣٦ \quad ٤ \times ١٢ = ١٥ \times س$$

اختبار منتصف الفصل

الدروس من ٤-١ إلى ٤-٤

الفصل

٤

أكمل: الدرسان (٣-٤)، (٤-٤)

٨ ٤٢ قدمًا = ■ ياردة

٩ ٧٦٠٠ رطل = ■ أطنان

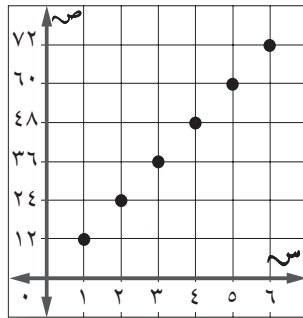
١٠ ١٢,٥ ميلاً = ■ كلم

١١ ٧٦ سم = ■ بوصة

١٢ ٢ ¼ رطل = ■ أوقية

١٣ اختيار من متعدد: ماذا تمثل الأزواج المرتبة في

التمثيل أدناه؟ الدرس (٣-٤)



(أ) التحويل من بوصة إلى ياردة.

(ب) التحويل من بوصة إلى ميل.

(ج) التحويل من قدم إلى بوصة.

(د) التحويل من ياردة إلى قدم.

عدد طلاب الصف
الأول المتوسط

٣٤	الفصل ١
٣٢	الفصل ٢
٣٦	الفصل ٣

طلاب: استعمل المعلومات في

الجدول المجاور، لكتابة كل نسبة مما يأتي على شكل كسر في أبسط

صورة: (الدرس ٤-١)

١ عدد الفصل ١: عدد الفصل ٢

٢ عدد الفصل ٢: عدد الفصل ٣

٣ عدد الفصل ١: عدد الفصل ٣

حدد النسب المتكافئة لكل مما يأتي: (الدرس ٤-١)

٤ كتابة ٦ كلمات من ٩ بشكل صحيح.

كتابة ٢ كلمة من ٣ بشكل صحيح.

٥ ١٥٠ لاعبًا إلى ١٥ مدربًا.

٣ لاعبين إلى مدرب واحد.

٦ مشاركة ٤ طلاب من ٢٤ طالبًا في المهرجان.

مشاركة ٨ طلاب من ٤٨ طالبًا في المهرجان.

٧ اختيار من متعدد:

أي كمية من الشوكولاتة في

الجدول المجاور لها أقل

سعر وحدة؟ (الدرس ٤-٢)

السعر (ريال)	الكتلة (جم)
٢,٥	٣٦
٣,٦٩	٥٤
٤,٩٥	٧٢
٦,٢٥	٩٠

(أ) ٣٦ جم (ب) ٥٤ جم

(ج) ٧٢ جم (د) ٩٠ جم



الجبر: حل التناسبات

٤ - ٥

استعد



تغذية: تختلف كمية الكالسيوم في الحصص المختلفة من الحليب كما هو مبين في الشكل المجاور.

- ١ اكتب المعدل كمية الكالسيوم / عدد الحصص لكل كمية من الحليب.
- ٢ قارن بين المعدلين السابقين.

فكرة الدرس:

أحل التناسبات.

المفردات:

متناسب

التناسب

الضرب التبادلي

$$\frac{300 \text{ ملجم}}{1 \text{ حصة}} = \frac{1200 \text{ ملجم}}{4 \text{ حصص}}$$

$\xrightarrow{4 \times}$
 $\xleftarrow{4 \times}$

تكون الكميتان **متناسبتين** إذا كان لهما معدل ثابت أو نسبة ثابتة. لاحظ في المثال أعلاه أن عدد الحصص وكميات الكالسيوم تختلف أو تتباين بالطريقة نفسها.

إن معدلات الوحدة للحصص ذات الحجم المختلفة هي نفسها، وتبلغ ٣٠٠ ملجم لكل حصة؛ لذا فإن كمية الكالسيوم تتناسب مع حجم الحصة.

مفهوم أساسي

التناسب

التعبير اللفظي: **التناسب** هو حالة تتساوى فيها نسبتان أو معدلان على الأقل.

الرموز: $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$ ، $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$

أعداد: $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$ ، $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$

جبر: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ، حيث $b, d \neq 0$

افترض التناسب التالي:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

اضرب كلا الطرفين في (ب د)

$$\frac{a}{b} \times \frac{b}{b} = \frac{c}{d} \times \frac{d}{d}$$

بسّط

$$a \cdot d = b \cdot c$$

يُسمى الناتجان أ د، ب ج ناتج **الضرب التبادلي** لهذا التناسب. فنتائج الضرب التبادلي لأي تناسب يكونان متساويين، ويمكنك مقارنة معدلات الوحدة أو نواتج الضرب التبادلي لتحديد العلاقات المتناسبة.

قراءة الرياضيات:

تكون النسب غير متناسبة إذا لم تشكل تناسبًا.

مثال

تحديد العلاقات المتناسبة

١ ركض سعيد حول المضمار ٤ دورات كاملة في ٦٤ ثانية، و٥ دورات كاملة في ٧٦ ثانية. اعتمادًا على هذه المعلومات، هل عدد الدورات متناسب مع الزمن بالثواني؟ وضح ذلك.

الطريقة ١

قارن معدلات الوحدة

$$\begin{array}{l} \text{الثواني} \leftarrow \frac{٦٤ \text{ ثانية}}{٤ \text{ دورات}} = \frac{١٦ \text{ ث}}{١ \text{ دورة}} \\ \text{عدد الدورات الكاملة} \leftarrow \frac{٧٦ \text{ ث}}{٥ \text{ دورات}} = \frac{١٥,٢ \text{ ث}}{١ \text{ دورة}} \end{array}$$

بما أن معدّلات الوحدة غير متساوية، فإن عدد الدورات لا يتناسب مع الزمن بالثواني.

الطريقة ٢

قارن النسب باستعمال الضرب التبادلي

$$\begin{array}{l} \frac{٦٤ \text{ ث}}{٤ \text{ دورات}} \stackrel{?}{=} \frac{٧٦ \text{ ث}}{٥ \text{ دورات}} \\ \text{احسب نواتج الضرب التبادلي} \quad ٧٦ \times ٤ \stackrel{?}{=} ٥ \times ٦٤ \\ \text{اضرب} \quad ٣٠٤ \neq ٣٢٠ \end{array}$$

إذن عدد الدورات لا يتناسب مع الزمن بالثواني.

اختر طريقتك

بيّن ما إذا كانت الكميات في كلّ زوج من النسب التالية متناسبة أم لا. وضح إجابتك:

(أ) تمّ اختيار ٦٠ طالبًا من ١٠٠ مرشّح من الصّف الأول، وتم اختيار ٨٤ طالبًا من ١٤٠ مرشّحًا من الصّف الثاني.

(ب) ثمن ١٦ مترًا من القماش يساوي ١٢٠ ريالًا، و ثمن ٢٤ مترًا من القماش يساوي ٩٠ ريالًا.

يمكنك أيضًا استعمال الضرب التبادلي لإيجاد القيمة المجهولة في تناسب، وهذا ما يُعرف بحلّ التناسب.

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني

يمكن حلّ بعض التناسبات باستعمال الحساب الذهني.

$$\begin{array}{l} \frac{س}{٣٠} = \frac{٢,٥}{١٠} \\ \frac{٧,٥}{٣٠} = \frac{٢,٥}{١٠} \\ \text{اذن } س = ٧,٥ \end{array}$$

مثال

حلّ التناسب

$$\text{حلّ التناسب: } \frac{ج}{٧} = \frac{٢١}{٥}$$

$$\begin{array}{l} \text{اكتب التناسب} \quad \frac{ج}{٧} = \frac{٢١}{٥} \\ \text{استعمل الضرب التبادلي} \quad ج \times ٥ = ٧ \times ٢١ \\ \text{اضرب} \quad ج \times ٥ = ١٤٧ \\ \text{اقسم كلا الطرفين على ٥} \quad \frac{ج \times ٥}{٥} = \frac{١٤٧}{٥} \\ \text{بسّط} \quad ج = ٢٩,٤ \end{array}$$

تحقق من معقولية الإجابة :

بما أن $\frac{21}{5} \approx \frac{20}{5} = \frac{4}{1}$ و $\frac{29,4}{7} \approx \frac{28}{7} = \frac{4}{1}$ فإن الجواب معقول. ✓

تحقق من فهمك :

حلّ التناسبات التالية:

(ج) $\frac{2}{3} = \frac{16}{ك}$ (د) $\frac{5}{ه} = \frac{2}{6}$ (هـ) $\frac{2,5}{4} = \frac{10}{س}$

مثال من واقع الحياة

٣ صحة : من كل ١٨ شخصًا يعانون من قُرحة المريء، يتلقّى اثنان منهم العلاج. فإذا كان هناك ٧٢ شخصًا يعانون من قُرحة المريء، فما عدد الأشخاص الذين يتلقّون العلاج؟

كتابة التّناسب وحلّه

الطريقة ١

لتكن س تمثل عدد الأشخاص الذين يتلقّون علاجًا؛ إذن:

اكتب التّناسب	$\frac{س}{72} = \frac{2}{18}$
استعمل الضرب التبادلي	$س \times 18 = 72 \times 2$
اضرب	$س = 144 \div 18$
اقسم كلا الطرفين على ١٨	$س = 8$



الرّبط مع الحياة

كيف يستعمل مساعد الصيدلاني الرياضيات؟
يستعملها في حساب الجرعات المناسبة من الدواء.

استعمال معدّل الوحدة أو النّسبة

الطريقة ٢

نسبة الذين يتلقون علاجًا إلى المصابين هي ١ : ٩ $\frac{1}{9} = \frac{2 \div 2}{2 \div 18} = \frac{2}{18}$

من كلّ ٩ مصابين هناك مصاب يتلقى العلاج.

لتكن س تمثل عدد الذين يتلقون العلاج.

$$س = 72 \times \frac{1}{9} = 8$$

التعبير اللفظي

المتغيرات

المعادلة

إذن عدد الذين يتلقون العلاج = ٨ أشخاص.

اختر طريقتك

(و) **رياضة :** يستطيع مازن الرّكض مسافة ١٢٠ م في ٢٤ ثانية. فكم ثانية يحتاج ليركض مسافة ٣٠٠ م وفق المعدّل نفسه؟



بيّن ما إذا كان كلُّ زوج من النسب الآتية يشكّل تناسباً أم لا. وضح إجابتك:

المثال ١

١ رجلان مقابل ١٠ أطفال، و٣ رجال مقابل ١٢ طفلاً.

٢ ١٢ سم مقابل ٨ سم، و١٨ سم مقابل ١٢ سم.

٣ ٨ م في ٢١ ث، و١٢ م في ٣١,٥ ث.

حلّ التناسبات الآتية:

المثال ٢

$$\frac{3}{5} = \frac{2}{3} \quad \frac{2}{5} = \frac{15}{9} \quad \frac{t}{18} = \frac{5}{6}$$

٧ إذا كان ثمن ٣ ل من عصير البرتقال ١١ ريالاً. فما ثمن ٥ ل وفق المعدل نفسه؟

المثال ٣

٨ **سفر:** يقطع خالد مسافة ٣٢٥ كلم في ٥,٣ ساعات. فكم يحتاج من الوقت ليقطع مسافة ٤٥ كلم إذا سار وفق المعدل نفسه؟

تدرّب وحلّ المسائل

بيّن ما إذا كان كلُّ زوج من النسب التالية يشكّل تناسباً أم لا. وضح إجابتك:

٩ ٢٠ طفلاً لدى ٦ عائلات، و١٦ طفلاً لدى ٥ عائلات.

١٠ ١٦ فائزاً من ٢٠٠ مشارك، و٢٨ فائزاً من ٣٥٠ مشاركاً.

١١ ١,٤ طن كل ١٨ يوماً، و١٠,٥ أطنان كل ٦٠ يوماً.

١٢ **ثقافة:** تقرأ مريم ٢٥ صفحة في ٤٥ دقيقة، وبعد ٦٠ دقيقة قرأت ما مجموعه ٣٠ صفحة. هل الزمن المستغرق في القراءة يتناسب مع عدد الصفحات المقروءة؟ وضح إجابتك.

حلّ التناسبات التالية:

$$\frac{3}{4} = \frac{15}{f} \quad \frac{10}{22} = \frac{5}{k} \quad \frac{b}{40} = \frac{3}{8}$$

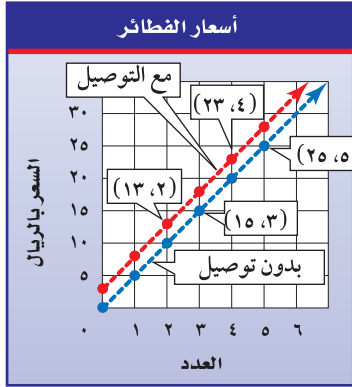
$$\frac{7,5}{s} = \frac{2,5}{4,5} \quad \frac{2}{3} = \frac{1,6}{m} \quad \frac{8}{20} = \frac{30}{a}$$

١٩ **علوم:** نسبة الملح إلى الماء في سائل معيّن هي ٤ إلى ١٥. فإذا احتوى السائل ٦٠ جم من الماء، فما عدد جرامات الملح التي يحتويها؟

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٢-٩
٢	١٨-١٣
٣	١٩

تحليل رسوم بيانية: للأسئلة ٢٠ - ٢٣، استعمل التمثيل البياني الذي يمثل أسعار أعداد مختلفة من الفطائر، شاملة خدمة التوصيل أو بدونها.



٢٠ ماذا تمثل كل من النقطتين (١٥، ٣)، (٢٥، ٥) في الرسم البياني؟ هل إحداثيات هاتين النقطتين متناسبة؟ وضح إجابتك.

٢١ ماذا تمثل كل من النقطتين (١٣، ٢)، (٢٣، ٤) في الرسم البياني؟

هل إحداثيات هاتين النقطتين متناسبة؟ وضح ذلك.

٢٢ هل تختلف قيمة خدمة التوصيل مع اختلاف عدد الفطائر؟ وضح إجابتك.

٢٣ ما قيمة خدمة التوصيل؟ وضح إجابتك.

٢٤ **توفير:** صرف محمود ١٤٠٠ ريال من قيمة شيك، ووضع الباقي وقيمه ٢٠٠ ريال في حساب توفيره. فإذا كان المبلغ الذي يصرفه يتناسب مع المبلغ الذي يوفره، فكم يوفر من شيك قيمته ١٥٦٠ ريالاً؟

٢٥ **اكتشف المختلف:** حدّد المعدّل الذي لا يتناسب مع المعدّلات الثلاثة الأخرى. وضح إجابتك.

٢٩,٧ ريالاً
٥,٤ كجم

٣٤,٢ ريالاً
٦ كجم

١٧,٦ ريالاً
٣,٢ كجم

٢٧,٥ ريالاً
٥ كجم

٢٦ **تحدّد:** تبلغ نسبة مبيض الثياب إلى الماء في سائل غسيل ١ : ٥. فإذا كان هناك ٣٦ كوباً من سائل الغسيل، فما عدد أكواب الماء فيه؟ وضح إجابتك.

٢٧ **اختر طريقة:** يُباع أحد أنواع الحلوى بسعر ٥, ٢ ريال للذسته. اختر طريقة أو أكثر من الطرق التالية لتحديد عدد القطع التي يمكن شراؤها بمبلغ ١٠ ريالات، ثم استعملها في حلّ المسألة.

الحسن العددي

التقدير

الحساب الذهني

٢٨ **الكتب:** وضح لماذا تكون نواتج الضرب التبادلي في التناسب متساوية. استعمل مصطلح النظير الضربي في إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٣٠ إذا كانت كتلة ٣ كتب من الحجم نفسه

٣, ٦٦ كجم، فما كتلة ٩ كتب منها؟

(أ) ١٠, ٩٨ كجم

(ب) ١١, ٩٨ كجم

(ج) ٢٨, ٩٨ كجم

(د) ١, ٢٢ كجم

٢٩ يقطع سفيان بدراجته الهوائية ٨٤ كلم في ٣ ساعات،

إذا بقي بنفس معدل السرعة، فأى تناسب مما يأتي

يمكنك استعماله؛ لإيجاد قيمة (س) التي تمثل عدد

الكيلومترات التي سيقطعها في ٥ ساعات؟

(أ) $\frac{س}{٥} = \frac{٣}{٨٤}$ (ب) $\frac{س}{٥} = \frac{٨٤}{٣}$

(ج) $\frac{٨٤}{س} = \frac{٥}{٣}$ (د) $\frac{س}{٨} = \frac{٣}{٨٤}$

مراجعة تراكمية

٣١ قياس: إذا اشترى عبد العزيز ١١ رطلاً من الفواكه، فكم كيلوجراماً تقريباً من الفواكه اشترى؟ **الدرس (٤-٤)**

أكمل: **الدرس (٤-٣)**

٣٣ ١٦ قدمًا = ■ ياردات

٣٢ $\frac{١}{٤}$ أرطال = ■ أوقية

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٤ مهارة سابقة: يشير المؤشر في الشكل المجاور إلى كمية البنزين

في خزان وقود سيارة أحمد، إذا أراد أحمد تعبئة خزان وقود السيارة

كاملاً الذي سعته ١٦ جالوناً، فكم ريالاً تقريباً سيدفع إذا كان سعر

الجالون الواحد من البنزين ٣, ٢ ريال؟

(ج) ٩ ريالات

(أ) ١٤ ريالاً

(د) ٢٧ ريالاً

(ب) ٢٣ ريالاً





استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «الرسم»

٦ - ٤

أرسم لأجل المسألة

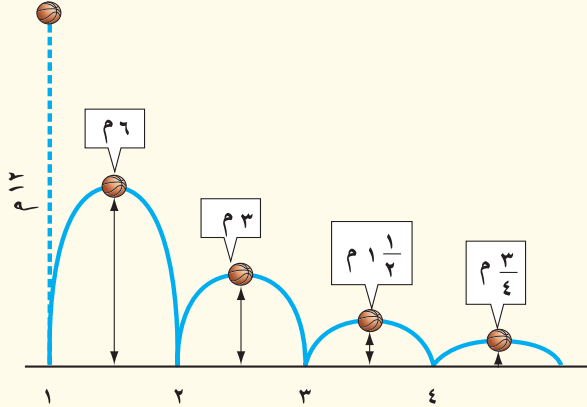
سالم: ألقيت كرة من ارتفاع ١٢ مترًا، فوصلت إلى الأرض، ثم ارتدت إلى نصف الارتفاع الذي سقطت منه. وتكرر ذلك في جميع الارتدادات المتتالية.

المطلوب: ارسم شكلاً لإيجاد الارتفاع الذي تصله الكرة في الارتداد الرابع.



أفهم تعلم أن الكرة أُلقيت من ارتفاع ١٢ م، وارتدت لترتفع إلى نصف المسافة.

خطّ ارسم شكلاً يبيّن الارتفاع الذي تصله الكرة بعد كل ارتداد.



تصل الكرة إلى ارتفاع $\frac{3}{4}$ م في الارتداد الرابع.

تحقق ابدأ من ارتفاع ١٢ مترًا، واضربه في $\frac{1}{2}$ أربع مرّات: $12 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$

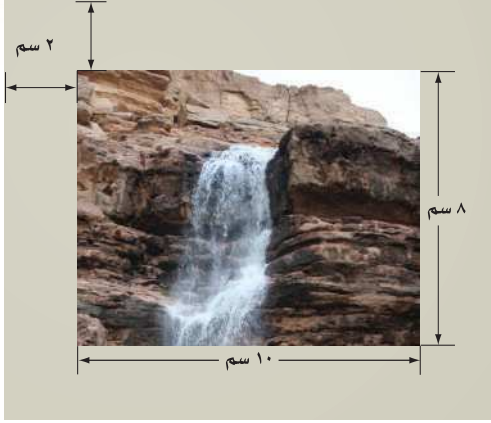
حل الاستراتيجية

- حدد الارتفاع الذي تصله الكرة في الارتداد الرابع، إذا تمّ إلقاؤها من ارتفاع ١٢ م وكانت ترتدّ كلّ مرّة لتصل إلى $\frac{1}{2}$ الارتفاع السابق. ارسم لوحة جديدة تمثل هذا الوضع.
- مسألة يمكن حلّها برسم شكل. تبادل المسألة مع زميلك وحلّها.

مسائل متنوعة

استعمل استراتيجية «الرسم» لحل المسائل (٣ - ٥) :

٧ **قياس**: يصمّم حسان إطارًا للصورة بزيادة ٢ سم إلى كلٍّ من طول الصورة وعرضها، كما هو مبين في الشكل.



أيُّ العبارات الآتية يمثّل مساحة الإطار المضاف إلى الصّورة الأصليّة؟

- (أ) $(٤ + ٨)(٤ + ١٠)$
 (ب) $(٨)(١٠) - (٤ + ٨)(٤ + ١٠)$
 (ج) $(٤ - ٨)(٤ - ١٠)$
 (د) $(٨)(١٠) - (٤ - ٨)(٤ - ١٠)$

٨ **سباقات**: اشترك فهد ومحمد وعمر ونواف في سباق للجري، فإذا كان فهد أمام نواف، ونواف خلف محمد، ومحمد خلف عمر، فاستعمل جدولًا لترتيب هؤلاء المتسابقين.

٩ **كسور**: أكلت سُميَّة $\frac{1}{4}$ الفطيرة، وأكلت هند $\frac{1}{4}$ ما تبقى منها، ثم أكلت شيما $\frac{1}{3}$ الباقي. فما الكسر الذي يمثّل الجزء المتبقي من الفطيرة؟

٣ **زيارة**: قطع عدنان مسافة ٦٠ م، والتي تمثّل $\frac{2}{3}$ الطريق إلى منزل شقيقه. فما المسافة المتبقية ليصل إلى منزل شقيقه؟

٤ **مسافة**: يقود ماهر دراجته للوصول إلى المدرسة. وبعد كيلومتر واحد كان قد قطع $\frac{4}{5}$ الطريق. فما المسافة التي عليه قطعها للوصول إلى المدرسة؟

٥ **حجم**: يُراد ملء بركة سباحة بالماء. بعد ٢٥ دقيقة تم ملء $\frac{1}{4}$ البركة. فما الوقت اللازم لإكمال ملء البركة كاملة، على افتراض أنّ معدل تدفق الماء ثابت؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحلّ المسائل (٦ - ٩):

من الاستراتيجيات حل المسألة:

- الحل عكسيًا
- إنشاء قائمة
- الرسم

٦ **ألعاب**: يشارك ثمانية طلاب في بطولة تنس الطاولة التي تنظمها المدرسة. وفي الجولة الأولى يواجه كلّ لاعب سائر اللاعبين الآخرين. فما عدد المباريات في هذه الجولة؟

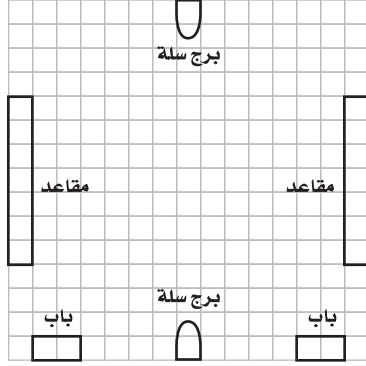




مقياس الرسم

٧ - ٤

نشاط



- قس أطوال بعض الأشياء في غرفة الصّف.
- اكتب كلّ قياس مقرباً إلى أقرب ١٠ سم.
- ١ افترض أنّ الوحدة على ورق المربعات تمثل ٥, ٠ م ، لذا فإنّ ٤ وحدات على الورق تمثل مترين. حوّل جميع قياساتك إلى هذا النوع من الوحدات.

- ٢ يوضّح الشكل المجاور محتويات ملعب كرة سلة، بالطريقة نفسها ارسّم على ورقة مربعات محتويات غرفة الفصل التي قستها.

فكرة الدرس:

أحلّ مسائل تتضمن مقياس الرسم.

المفردات:

مقياس الرسم

مقياس النموذج

عامل المقياس

تعدّ الخريطة مثلاً على مقياس الرسم. وتُستعمل **مقاييس الرسم** و**مقاييس النماذج** لتمثيل الأشياء التي تكون كبيرة جداً أو صغيرة جداً عندما ترسم بحجمها الحقيقي. ويعطي المقياس نسبة تقارن بين قياسات الرّسم أو النموذج وقياسات الأشياء الحقيقية. فقياسات الرسم أو النموذج تتناسب مع القياسات الحقيقية.

مثال

استعمال مقياس رسم الخريطة



المقياس: ١ سم = ٢٤ كلم

١ **خرائط:** ما المسافة الفعلية بين مكة المكرمة وجدة؟

خطوة ١: استعمل مسطرة السنتيمترات لإيجاد المسافة بين المدينتين على الخريطة وتبلغ تقريباً ٣ سم.

خطوة ٢: اكتب تناسباً باستعمال مقياس الرسم. ولتكن ف تمثل المسافة الحقيقية بين المدينتين.

المقياس الطول

على الخريطة ← ١ سنتيمتر = ٣ سنتيمترات → على الخريطة
المسافة الفعلية ← ٢٤ كيلومتراً ← ف → المسافة الفعلية

$$١ \times ف = ٣ \times ٢٤$$

$$ف = ٧٢$$

المسافة بين المدينتين تساوي ٧٢ كلم تقريباً.

إرشادات للدراسة

المقياس

يمكن كتابة مقياس الرسم بطرق مختلفة كما يأتي:

$$1 \text{ سم} = 40 \text{ كلم}$$

$$1 \text{ سم} : 40 \text{ كلم}$$

$$\frac{1 \text{ سم}}{40 \text{ كلم}}$$

تحقق من فهمك:

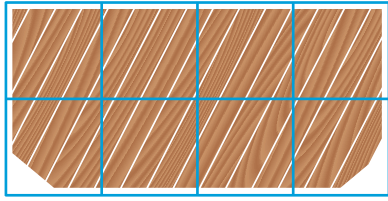


المقياس: 1 سم = 40 كلم

(أ) **خرائط:** على الخريطة المجاورة، أوجد المسافة الفعلية بين مدينتي (أبو ظبي والعين). استعمل مسطرة للمقياس.

يُعدّ المخطّط أو التصميم مثلاً آخر على مقياس الرسم.

مثال استعمال مقياس المخطّط



المقياس: $1 \text{ سم} = \frac{1}{3} \text{ م}$

(ب) **أرضيات:** مخطّط إحدى الأرضيات مقسّم إلى مربعات طول ضلع كلّ منها $\frac{1}{3}$ سم. ما الطول الفعلي للأرضية؟

إذا كان طول الأرضية في المخطّط يبلغ 2 سم فاكتب تناسباً باستعمال مقياس الرسم وحله. لتكن س تمثل الطول الفعلي للأرضية.

المقياس الطول

$$\begin{array}{l} \text{على المخطّط} \leftarrow \frac{2 \text{ سم}}{1 \text{ متر}} = \frac{1 \text{ سم}}{3 \text{ متر}} \rightarrow \text{على المخطّط} \\ \text{الفعلية} \leftarrow \frac{2 \text{ سم}}{1 \text{ متر}} \rightarrow \text{الفعلية} \end{array}$$

$$\frac{1}{3} \times 2 = 1 \times \text{س} \quad \text{استعمل الضرب التبادلي}$$

$$\frac{1}{3} \times 2 = 1 \times \text{س} \quad \text{أوجد الناتج}$$

$$\frac{2}{3} = \text{س} \quad \text{بسّط}$$

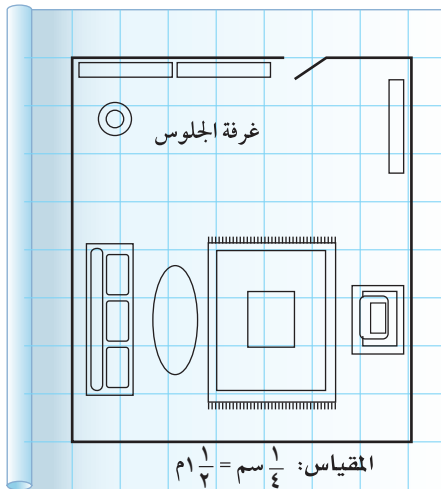
الطول الفعلي للأرضية يبلغ 4 أمتار.

إرشادات للدراسة

المقياس

يُكتب مقياس الرسم على صورة كسر بسطه الطول على الرسم ومقامه الطول الحقيقي.

تحقق من فهمك:



المقياس: $\frac{1}{4} \text{ سم} = \frac{1}{3} \text{ م}$

(ب) **تصميم داخلي:** على المخطّط المجاور، طول ضلع كلّ مربع يساوي $\frac{1}{4}$ سم. ما البعدان الفعليان لغرفة الجلوس؟

إرشادات للدراسة

القياس:

القياس هو نسبة القياس على الرسم أو النموذج إلى القياس الفعلي، وهي لا تعني دائمًا نسبة القياس الأصغر إلى القياس الأكبر.

مثال

استعمال مقياس النموذج



هواتف: صمّم رسّام إعلانيًا لهاتف محمول يبلغ طوله ١٠ سم. فإذا استعمل المقياس (٥ سم = ١ سم)، فما طول الهاتف المحمول في الإعلان؟

اكتب تناسبًا باستعمال مقياس الرسم، ولتكن س تمثل طول الهاتف المحمول في الإعلان:

المقياس الطول

$$\begin{array}{l} \text{على الإعلان} \leftarrow \frac{5 \text{ سم}}{1 \text{ سم}} = \frac{س \text{ سم}}{10 \text{ سم}} \rightarrow \text{على الإعلان} \\ \text{الفعليّة} \leftarrow \quad \rightarrow \text{الفعليّة} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 5 \times 1 = 10 \times س \\ 50 = 10س \\ س = 5 \end{array}$$

طول الهاتف المحمول في الإعلان يبلغ ٥ سم.

تحقق من فهمك:

(ج) **دراجات:** طول دراجة ٥, ١ م. ما طول نموذج الدراجة إذا كان المقياس ١ سم = ١٢٥, ٠ م.

عند كتابة المقياس على صورة كسر في أبسط صورة دون وحدات فإنه يُسمّى **عامل المقياس**.

مثال

إيجاد عامل المقياس

طائرات: أوجد عامل المقياس في نموذج طائرة إذا كان المقياس ١ سم = ٦ أمتار.

$$\begin{array}{l} \text{حوّل من متر إلى سنتيمترات} \\ \frac{1 \text{ سم}}{6 \text{ م}} = \frac{1 \text{ سم}}{600 \text{ سم}} \\ \text{اختصر الوحدات المتشابهة} \\ \frac{1}{600} = \end{array}$$

عامل المقياس يساوي $\frac{1}{600}$

تحقق من فهمك:

(د) **مراكب شراعية:** ما عامل المقياس في نموذج مركب شراعيّ إذا كان المقياس ١ سم = ٢ متر؟

إرشادات للدراسة

القياس متكافئة

القياسات التالين متكافئة؛ لأن عامل القياس متساوٍ فيها.

$$\begin{array}{l} 1 \text{ سم} = 6 \text{ م} \\ \frac{1}{6} \text{ سم} = 1 \text{ م} \end{array}$$

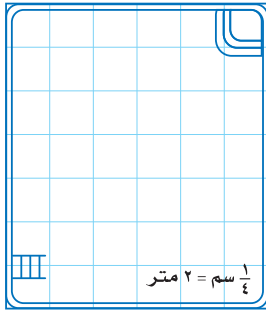


١ سم = ١٧٠ كلم

جغرافيا: أوجد المسافة الفعلية بين كلّ مدينتين في سلطنة عُمان. استعمل مسطرة للقياس.

المثال ١

- ١ مسقط وصلالة.
- ٢ مسقط والبريمي.



$\frac{1}{4}$ سم = ٢ متر

مخططات: لحلّ السؤالين ٣، ٤، استعمل مخطط البركة المجاور، علمًا بأن طول ضلع كلّ مربع $\frac{1}{4}$ سم.

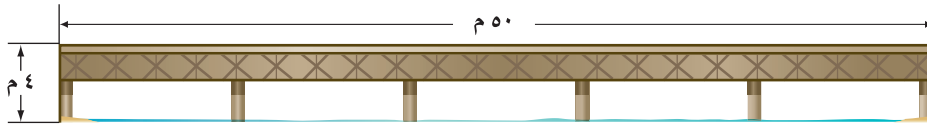
المثال ٢

- ٣ ما الطول الفعلي للبركة؟
- ٤ ما العرض الفعلي للبركة؟

جسور: استعمل المعلومات التالية لحلّ السؤالين ٥، ٦:

المثال ٣

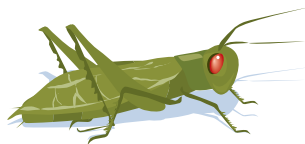
صنع مهندس نموذجًا للجسر المبين في الشكل أدناه باستعمال المقياس ١ سم = ٣ م.



- ٥ ما طول النموذج؟
- ٦ ما ارتفاع النموذج؟

أوجد عامل مقياس الرسم في كلّ ممّا يأتي:

المثال ٤



١ سم = ١٥ ملم

٨

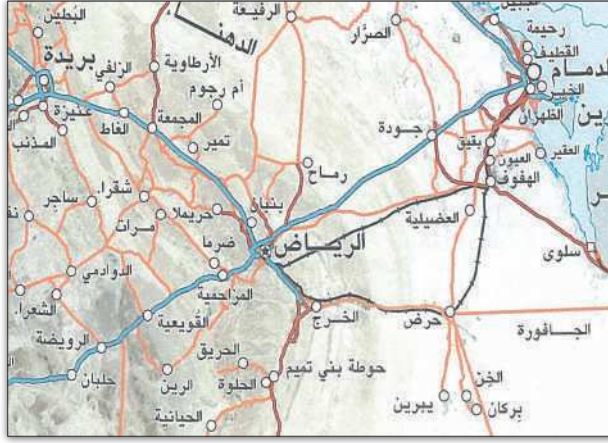


١ سم = ٤ م

٧

تدرّب وحلّ المسائل

جغرافيا: أوجد المسافة الفعلية بين كلّ مدينتين فيما يأتي
(استعمل المسطرة للقياس):



المقياس: ١ سم = ١٠٠ كلم

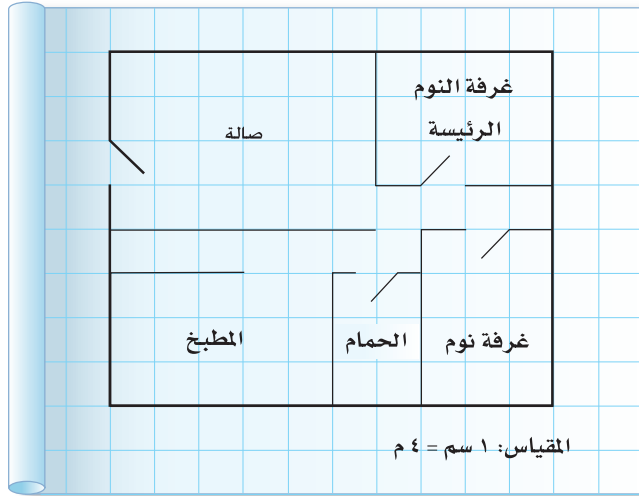
إرشادات

للأسئلة	انظر الأمثلة
٩ - ١١	١
١٢ - ١٣	٢
١٤ - ١٦	٤، ٣

٩ الرياض وبريدة.

١٠ الرياض والدمام.

١١ الرياض والخرج.



للأسئلة ١٢ - ١٤، استعمل
مخطط الشقة السكنية إلى اليسار.
إذا علمت أنّ طول ضلع كلّ
مربع هو $\frac{1}{4}$ سم فأوجد:

١٢ الطول الفعلي للصالة.

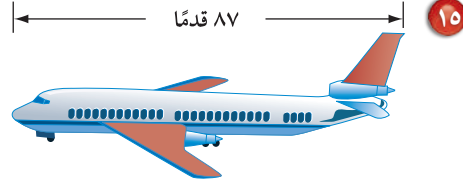
١٣ البعدان الفعليان لغرفة النوم
الرئيسية.

١٤ عامل مقياس المخطط.

أوجد طول كلّ نموذج فيما يأتي، ثم أوجد عامل المقياس:



١٦ ٣٦ م



١٥ ٨٧ قدماً

٢ بوصة = ١٥ قدماً

١٧ **تحّد:** أنشأت منى ثلاثة نماذج أ، ب، جـ للشكل نفسه باستعمال مقياس الرّسم $٠,٥$ سم = ١ ملم، $١,٥$ ملم = ٤ سم، $٠,٢٥$ سم = $٢,٥$ ملم على الترتيب. أيّ النماذج (أكبر من، أصغر من، له نفس حجم) الشّكل الأصلي؟ علّل إجابتك.

١٨ **الكتب:** وضح كيف يمكنك استعمال التّقدير لإيجاد المسافة الفعلية بين جدة والرياض على الخريطة.

تدريب على اختبار

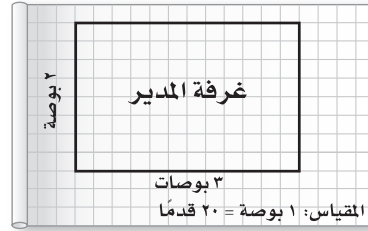
٢٠ إذا كان مقياس رسم خريطة هو $\frac{1}{4}$ بوصة = ٣٠ ميلاً، فكم ميلاً يمثلها ٤ بوصات على الخريطة؟

- (أ) ٤٨٠ ميلاً (ب) ٣٠ ميلاً
(ج) ١٢٠ ميلاً (د) ١٦ ميلاً

٢١ رسم حذيفة مخططاً لمدرسته وفق مقياس الرسم ١ بوصة = ٥٠ قدماً، ما المسافة على المخطط بين المكتبة والمقصف إذا كانت المسافة الفعلية بينهما ٦٢٥ قدماً؟

- (أ) ٨ بوصات (ب) $١٠,٥$ بوصات
(ج) $١٢,٥$ بوصة (د) ١٥ بوصة

١٩ إذا كان بُعداً غرفة مدير مدرسة كما في المخطط أدناه، فما البُعدان الفعليان للغرفة بالقدم؟



- (أ) $٢٤, ٤٨$ (ب) $٤٠, ٦٠$
(ج) $٣٠, ٥٢$ (د) $٣٧, ٥٦$

مراجعة تراكمية

٢٢ **عائلات:** في احتفال عائلي، إذا كان $\frac{4}{5}$ العائلة أعمارهم فوق ١٢ سنة، وكان نصف الباقي من الأطفال (وعدد هم ٥) أعمارهم ١٢ سنة أو أقل، فما العدد الكلي للعائلة؟ استعمل استراتيجية الرسم للحل. (الدرس ٤-٦)

حل التناسبات التالية: (الدرس ٤-٥)

$$\frac{٢١}{م} = \frac{٣}{٩} \quad ٢٥$$

$$\frac{٣٦}{٤٥} = \frac{١٢}{ل} \quad ٢٤$$

$$\frac{ب}{٣٥} = \frac{٥}{٧} \quad ٢٣$$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$١٠ \div ٤ \frac{1}{٣} \quad ٢٧$$

$$١٠ \div ٢ \frac{٣}{٤} \quad ٢٦$$

$$١٠٠ \div ٨٧ \frac{1}{٣} \quad ٢٩$$

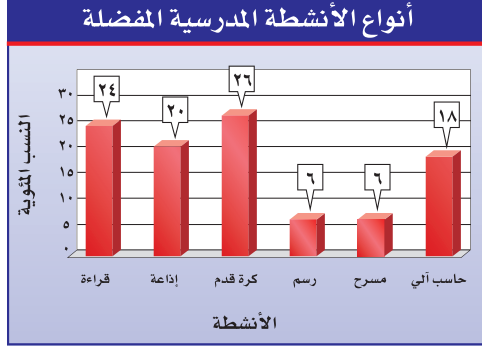
$$١٠٠ \div ٣٠ \frac{٢}{٣} \quad ٢٨$$



الكسور والنسب المئوية

٤ - ٨

استعد



بيانات: يبين الشكل المجاور نتائج مسح حول الأنشطة المدرسية المفضلة لدى مجموعة من الطلاب.

- ١ ما النسبة المئوية للذين يفضلون كرة القدم؟
- ٢ اكتب هذه النسبة بأبسط صورة.

فكرة الدرس:

أكتب النسب المئوية على صورة كسور اعتيادية أو عشرية وبالعكس.

تعلمت سابقاً أنه يمكن كتابة النسب المئوية، مثل ٢٦٪ على صورة كسور اعتيادية مقاماتها ١٠٠، ثم اختصارها إلى أبسط صورة. يمكنك استعمال الطريقة نفسها لكتابة نسب مثل $\frac{1}{3}$ و ٨٪ و ١٩٠٪ على صورة كسور اعتيادية.

كتابة النسب المئوية على صورة كسور اعتيادية

مثالان

١ اكتب $\frac{1}{3}$ ٨٪ على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

$$\text{اكتب الكسر الاعتيادي} \quad \frac{8 \frac{1}{3}}{100} = 8 \frac{1}{3} \%$$

$$\text{اقسم} \quad 100 \div 8 \frac{1}{3} =$$

$$\text{اكتب العدد الكسري} \frac{1}{3} \text{ على صورة كسر غير فعلي} \quad 100 \div \frac{25}{3} =$$

$$\text{اضرب في مقلوب المقسوم عليه} \quad \frac{1}{100} \times \frac{25}{3} =$$

$$\text{بسّط} \quad \frac{1}{12} = \frac{25}{300} =$$

٢ **عقار:** بيعت بناية بـ ١٩٠٪ من سعرها الأصلي. اكتب هذه النسبة على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

$$\text{تعريف النسبة} \quad \frac{190}{100} = 190 \%$$

بها أن النسبة المئوية أكبر من ١٠٠ فإنها تساوي عددًا أكبر من ١

$$\text{بسّط} \quad 1 \frac{9}{10} = \frac{19}{10} =$$

إذن بيعت البناية بـ $1 \frac{9}{10}$ من سعرها الأصلي.

تحقق من فهمك:

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة:

(أ) ١٥٠٪ (ب) $\frac{1}{3}$ ١٧٪ (ج) $\frac{1}{3}$ ٣٣٪

لكتابة كسر اعتيادي مثل $\frac{8}{25}$ على صورة نسبة مئوية، اضرب البسط والمقام في عدد بحيث يصبح المقام مساويًا ١٠٠، وإذا لم يكن المقام قاسمًا أو عاملاً للعدد ١٠٠، فيمكنك كتابة الكسر الاعتيادي على صورة نسبة مئوية باستعمال التناسب.

مثالان كتابة الكسور الاعتيادية على صورة نسب مئوية

٣ اكتب $\frac{4}{15}$ على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

قدر: $\frac{4}{15}$ هي تقريبًا $\frac{4}{16}$ والتي تساوي $\frac{1}{4}$ أو ٢٥٪

اكتب التناسب $\frac{4}{15} = \frac{ن}{100}$

استعمل الضرب التبادلي $400 = 15ن$

اقسم كلا الطرفين على ١٥ $\frac{400}{15} = \frac{400}{15}$

بسّط $ن \approx 26,67$

إذن $\frac{4}{15}$ تساوي تقريبًا ٢٦,٦٧٪.

تحقق من معقولية الإجابة: $26,67\% \approx 25\%$ ✓

٤ اكتب الكسر الاعتيادي $\frac{89}{100000}$ على صورة نسبة مئوية.

اكتب التناسب $\frac{89}{100000} = \frac{س}{100}$

استعمل الضرب التبادلي $8900 = 100000س$

اقسم كلا الطرفين على ١٠٠٠٠٠ $\frac{8900}{100000} = \frac{8900}{100000}$

بسّط $س \approx 0,089$

إذن $\frac{89}{100000}$ تساوي تقريبًا ٠,٠٨٩٪.

النسبة المئوية التي تقل عن ١٪ تساوي عددًا أقل من ٠,٠١

تحقق من فهمك:

اكتب كل كسر اعتيادي مما يأتي على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

(د) $\frac{2}{15}$ (هـ) $\frac{7}{1600}$ (و) $\frac{17}{25}$

إرشادات للدراسة

اختر طريقة

لكتابة كسر اعتيادي كنسبة مئوية:

- إذا كان مقام الكسر من عوامل العدد ١٠٠، فاستعمل الضرب.
- استعمل التناسب لأي نوع من الكسور الاعتيادية.

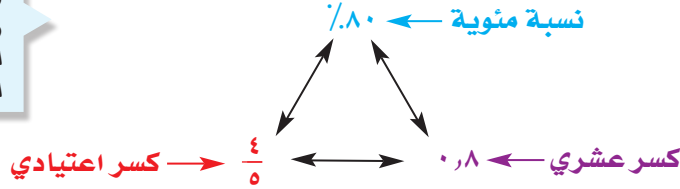
إرشادات للدراسة

مراجعة:

تعلمت في الصف
السادس كتابة الكسور
الاعتيادية على صورة
كسور عشرية.

تعلمت في هذا الدرس أنه يمكن كتابة النسب المئوية على صورة كسور اعتيادية، والكسور الاعتيادية على صورة نسب مئوية. ويمكنك أيضًا كتابة الكسر الاعتيادي على صورة نسبة مئوية عن طريق كتابة الكسر الاعتيادي أولاً على صورة كسر عشري، ثم كتابة الكسر العشري على صورة نسبة مئوية.

تُعد النسب المئوية
والكسور الاعتيادية
والكسور العشرية
أسماء مختلفة تمثل
العدد نفسه.



كتابة الكسور الاعتيادية على صورة نسب مئوية

مثالان

٥ اكتب $\frac{٥}{٦}$ على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

$$\frac{٥}{٦} = ٠,٨٣٣٣٣٣$$

اكتب $\frac{٥}{٦}$ على صورة كسر عشري

$$\approx ٨٣,٣٣\%$$

اضرب في ١٠٠ وأضف إشارة %.

٦ **ثقافة:** قرأت مرام $\frac{٣}{٥}$ الكتاب. فما النسبة المئوية لما قرأته؟

$$\frac{٣}{٥} = ٠,٦$$

اكتب الكسر الاعتيادي على صورة كسر عشري

$$= ٦٠\%$$

اضرب في ١٠٠ وأضف إشارة %.

إذن قرأت مرام ٦٠٪ من الكتاب.

تحقق من فهمك:

اكتب كل كسر اعتيادي مما يأتي على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

ز) $\frac{٥}{١٦}$ ح) $\frac{٧}{١٢}$ ط) $\frac{٢}{٩}$

ي) **كتب:** اشترى أكرم ١٣ كتابًا. فإذا قرأ منها ٦ كتب في الأسبوع الأول، فما النسبة المئوية للكتب التي قرأها؟

تأكد

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

المثالان ٢,١

١) ١٣٥% ٢) ١٨,٧٥% ٣) $\frac{١}{٣}$ ٤) $\frac{٢}{٣}$ ٦٦%

٥) **طعام:** أكل وليد وأسامة ٥, ٦٢٪ من الفطيرة، فما الكسر الاعتيادي الذي يمثل الجزء المأكول؟

اكتب كل كسر اعتيادي فيما يأتي على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

$$\frac{3}{4} \text{ ٦} \quad \frac{4}{2500} \text{ ٧} \quad \frac{4}{11} \text{ ٨} \quad \frac{1}{9} \text{ ٩}$$

١٠ **مدرسة:** أجابت مها عن ١١ سؤالاً من أصل ١٥ سؤالاً من أسئلة الواجب المنزلي.

فما النسبة المئوية للأسئلة التي أجابت عنها مقربةً إلى أقرب جزء من مئة؟

تدرّب وحلّ المسائل

اكتب كل نسبة مئوية فيما يأتي على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة:

$$\frac{56,25}{100} \text{ ١٤} \quad \frac{78,5}{100} \text{ ١٣} \quad \frac{28,75}{100} \text{ ١٢} \quad \frac{87,5}{100} \text{ ١١}$$

$$\frac{78, \frac{3}{4}}{100} \text{ ١٨} \quad \frac{16, \frac{2}{3}}{100} \text{ ١٧} \quad \frac{93, \frac{3}{4}}{100} \text{ ١٦} \quad \frac{33, \frac{1}{3}}{100} \text{ ١٥}$$

١٩ **بيئة:** تُشكّل مياه البحيرات حوالي ١,٠٪ من مصادر المياه الصالحة للشرب في

العالم. اكتب هذه النسبة المئوية على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

٢٠ **مدرسة:** في أحد الأيام المطيرة حضر إلى المدرسة $\frac{1}{3}$ من الطلاب.

ما الكسر الاعتيادي الذي يكافئ هذه النسبة؟

اكتب كل كسر اعتيادي فيما يأتي على صورة نسبة مئوية، ثم قرّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

$$\frac{30}{8} \text{ ٢٣} \quad \frac{1}{800} \text{ ٢٢} \quad \frac{111}{20} \text{ ٢١}$$

$$\frac{8}{9} \text{ ٢٦} \quad \frac{5}{1200} \text{ ٢٥} \quad \frac{210}{40} \text{ ٢٤}$$

٢٧ **كعكة:** عملت هالة كعكة حجمها يعادل $\frac{7}{5}$ حجم الكعكة التي عملتها صديقتها

سوسن. اكتب $\frac{7}{5}$ على صورة نسبة مئوية.

٢٨ **تعليم:** تمكن ٢٨ طالباً من أصل ٣٢ طالباً في الصف من حلّ مسألة رياضية. ما النسبة

المئوية للطلاب الذين تمكّنوا من حلّ المسألة؟

ضع الرمز < أو > أو = في \bullet ليصبح كل ممّا يأتي جملةً صحيحةً:

$$0,004 \bullet \frac{1}{5} \text{ ٣١} \quad 0,45 \bullet \frac{9}{20} \text{ ٣٠} \quad \frac{7}{8} \bullet 0,86 \text{ ٢٩}$$

رتّب كل مجموعة أعداد فيما يأتي من الأصغر إلى الأكبر:

$$\frac{2}{5}, 0,5, \frac{1}{4}, 0,48 \text{ ٣٣} \quad 0,3, 0,02, \frac{1}{4}, 0,22 \text{ ٣٢}$$

٣٤ **جغرافيا:** استعمل المعلومات المجاورة، وكتب النسبة المئوية للدول العربية في

قارة إفريقيا.

إرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
٢٠-١١	٢،١
٢٧-٢١	٥-٣
٢٨	٦



الربط مع الحياة:

يبلغ عدد الدول العربية الأعضاء في جامعة الدول العربية ٢٢ دولة منها ١٢ دولة في قارة آسيا.

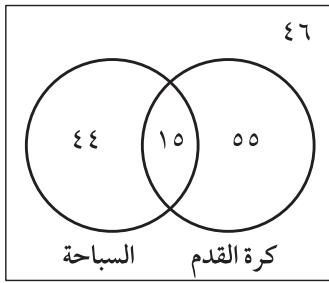
٣٥ تحدّ: ما قيمة س التي تجعل العبارة التالية صحيحة: $\frac{1}{س} = س\%$ ؟

٣٦ **الكتب** وضح لماذا يُعدُّ كلٌّ من ٨٠٪، ٨، ٠، $\frac{٤}{٥}$ قيمًا متكافئة.

تدريب على اختبار

٣٨ بين الشكل أدناه نتائج دراسة أجريت على ١٦٠

طالبًا عن الرياضة المفضلة لديهم، ما النسبة المئوية لعدد الذين يفضلون كرة القدم؟



(أ) ٥٠٪

(ب) ٧٠٪

(ج) ٣٤، ٣٧٥٪

(د) ٤٣، ٧٥٪

٣٧ عملت هند ١٦ لترًا عصيرًا مشكلًا من التفاح

والجزر، إذا استعملت ٧ لترات من عصير التفاح، فأبي معادلة مما يأتي يمكنك استعمالها؛ لإيجاد النسبة المئوية لعصير التفاح؟

(أ) $\frac{١٦}{٧} = \frac{س}{١٠٠}$ (ب) $\frac{٧}{١٠٠} = \frac{س}{١٤}$

(ج) $\frac{١٦}{١٠٠} = \frac{س}{٧}$ (د) $\frac{٧}{١٦} = \frac{س}{١٠٠}$

مراجعة تراكمية

٣٩ صمم طالب مخططًا لحديقة مدرسته المستطيلة الشكل وفق مقياس الرسم ١ سم = ٨٠ سم، إذا كان الطول الفعلي

للحديقة ١٢ مترًا، فما طولها على المخطط؟ (الدرس ٤-٧)

٤٠ احسب طول مستطيل، إذا كان محيطه ١٢ قدمًا، وعرضه ٥، ١ قدم. (الدرس ٣-٦)

٤١ حل المعادلة ك - ٣ = -١٤. (الدرس ٣-٢)

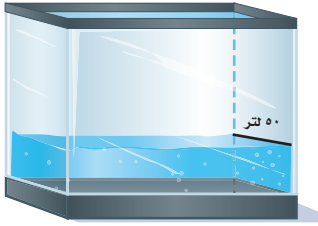
اختبار الفصل

جبر: حُلّ كلاً من التناسيب التاليين:

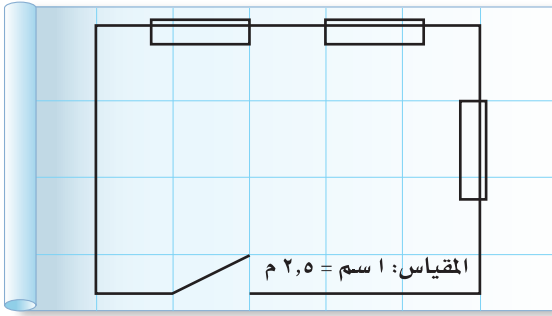
$$\frac{15}{14} = \frac{ت}{21} \quad (11) \quad \frac{س}{42} = \frac{2}{3} \quad (10)$$

١٢ تغذية: إذا كان الكوب الواحد من البرتقال الذي سعته ٢٥٠ ملل يحتوي ٧٢ ملجراماً من فيتامين ج، فكم ملجراماً من فيتامين ج في كوب سعته ١٠٠ ملل؟

١٣ حوض أسماك: ملأ خالد $\frac{1}{3}$ حوض أسماك بالماء كما في الشكل. أوجد السعة الكلية للحوض.



مخططات: للسؤالين ١٤، ١٥ استعمل المخطط الهندسي أدناه:



١٤ استعمل مسطرة الستمترات لإيجاد طول الجدار ذي النافذتين.

١٥ إذا كان عرض خزانة الملابس ١,٣ م، فكم يبلغ عرضها على المخطط؟

اكتب كل كسر فيما يأتي على صورة نسبة مئوية، ثم قَرِّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة:

$$\frac{7}{15} \quad (17) \quad \frac{5}{8} \quad (16)$$

للسؤالين ١، ٢ استعمل المعلومات التالية لكتابة كل نسبة على صورة كسر في أبسط صورة:

كيس للسماد المخصَّب يحتوي ١٨ كجم من النيتروجين، و ٦ كجم من الفسفور، و ١٢ كجم من البوتاسيوم.

١ كتلة النيتروجين: كتلة البوتاسيوم

٢ كتلة الفسفور: كتلة النيتروجين

أوجد معدّل الوحدة فيما يأتي، ثم قَرِّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

٣ ١٥٠ شخصاً في ٥ صفوف.

٤ عندما تقطع سيارة مسافة ٣٣٠ كلم فإنها تستهلك ١٥ ل من البنزين.

٥ اختيار من متعدد: بين الجدول التالي عدد

الخلايا البكتيرية التي تم رصدها في ٤ أطباق مخبرية مختلفة المساحة. أي الأطباق فيه نسبة عدد الخلايا البكتيرية مقارنة بالمساحة أقل ما يمكن؟

الطبق	عدد الخلايا البكتيرية	مساحة الطبق
١	١٠٠	٢٠٥ سم ^٢
٢	٥٠	١٢٥ سم ^٢
٣	٣٥	٧٥ سم ^٢
٤	١٨٠	٣٠٠ سم ^٢

(أ) طبق (١)

(ب) طبق (٣)

(ج) طبق (٢)

(د) طبق (٤)

قياس: أكمل الفراغ فيما يأتي، ثم قَرِّبه إلى أقرب جزء من مئة.

٦ ٦٢, ٧ ياردات \square م **٧** ٥٠, ٨ رطلاً \square كجم

٨ ٣٦٠٠ ملل \square ل **٩** ١٩, ٢٥ م \square قدماً

الاختبار التراكمي (٤)

اختيار من متعدد

القسم ١

٤ ما النسبة المئوية المكافئة للكسر $\frac{11}{4}$ ؟

(أ) ١٧٪ (ب) ٢٢,٥٪

(ج) ٢٧,٥٪ (د) ٣١٪

٥ سلمان أصغر بثلاثة أعوام من أخته فاطمة،

وفاطمة أكبر بـ ٥ أعوام من أختها هند، وهند

أصغر بـ ٧ أعوام من أخيها فيصل. إذا كان

عمر هند ٢٠ عامًا، فكم عُمر سلمان؟

(أ) ١٨ عامًا (ب) ٢٢ عامًا

(ج) ٢٧ عامًا (د) ١٣ عامًا

٦ صنع مهندس نموذجًا لمبنى باستعمال

المقياس: ١ سم يعادل ٣ أمتار. إذا كان ارتفاع

النموذج ١٢,٥ سم، فأَيُّ ممَّا يأتي يمثِّل

الارتفاع الفعلي للمبنى؟

(أ) ٤٠ م (ب) ٣٦ م

(ج) ٣٧,٥ م (د) ٢٨,٤ م

٧ باب خشبي على شكل مستطيل طوله س

قدم، وعرضه ص قدم، وفي منتصفه نافذة

زجاجية مستطيلة الشكل، طولها ٣ أقدام،

وعرضها قدمان. أيُّ العبارات التالية تبين

المساحة الخشبية من الباب بوحدة القدم

المربعة؟

(أ) س + ص - ٦ (ب) س ص - ٦

(ج) س ص + ٦ (د) س + ص + ٦

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ترغب سارة في شراء دمي لشقيقاتها، إذا اطلعت على عدد

من العروض في مجموعة من المحال التجارية، كما هو

مبين في الجدول، فأَيُّ هذه العروض هو الأفضل؟

المحل	العرض
١	٣ دمي بـ ٤٠ ريالاً
٢	٤ دمي بـ ٥٠ ريالاً
٣	دميتان بـ ١٩ ريالاً
٤	دمية واحدة بـ ١١ ريالاً

(أ) العرض ١ (ب) العرض ٢

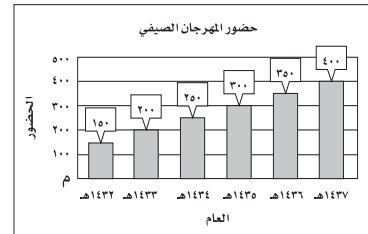
(ج) العرض ٣ (د) العرض ٤

٢ يبين الشكل أدناه عدد الحاضرين في المهرجان الصيفي

خلال الفترة ما بين ١٤٣٢هـ - ١٤٣٧هـ. إذا استمر

الحضور في الاتجاه نفسه، فماذا تتوقع أن يكون عدد

الحاضرين عام ١٤٤٠هـ؟



(أ) أقل من ٢٠٠ (ب) ما بين ٧٠٠، ٨٠٠

(ج) ما بين ٥٠٠، ٦٠٠ (د) أكبر من ٨٠٠

٣ يُعدُّ مطعم ٣٠ وجبة في ٤٥ دقيقة، ما عدد الوجبات

التي يتم إعدادها في ساعة واحدة بحسب المعدل نفسه؟

(أ) ٤٠ وجبة (ب) ٢٧ وجبة

(ج) ٥٠ وجبة (د) ٦٠ وجبة

الفصول ١ - ٤

القسم ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

- ١١ قضى سعد ٧٥ ساعة في عمله وفي النادي الرياضي أثناء الأسبوع الماضي، فكان يذهب للنادي الرياضي من الساعة ٦:٤٥ - ٨:٤٥ مساءً كل يوم من أيام العمل الخمسة. اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد الزمن (ز) الذي قضاه سعد في العمل ذلك الأسبوع.

- ١٢ ما الزمن الذي قضاه سعد في عمله ذلك الأسبوع؟

القسم ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤالين الآتيين موضحاً خطوات الحل:

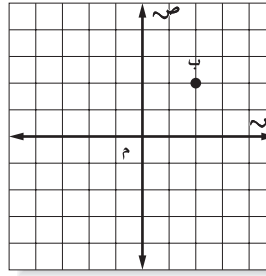
- ١٣ اشترى خالد ٤ كجم تفاح بسعر ٤, ١٨ ريالاً.
 أ) احسب معدل الوحدة.
 ب) استعمل معدل الوحدة لتحسب ثمن ٧ كيلو جرامات من التفاح.

استعمل استراتيجية الحل عكسياً:

- ١٤ سحب علي ١١٩ ريالاً من رصيده ثم أضاف ٧٥, ٦٢ ريالاً إليه. فأصبح رصيده ٤٥, ٩٠ ريالاً.
 كم كان رصيده في البداية؟

- ٨ تُباع ٥ زجاجات من العصير، سعة كل منها نصف لتر بمبلغ ٤ ريالات. ما ثمن ٧ زجاجات من العصير، سعة كل منها نصف لتر؟ قَرِّب الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

- أ) ٢, ٨٦ ريال
 ب) ٥, ٤٠ ريالات
 ج) ٤, ٧٥ ريالات
 د) ٥, ٦٠ ريالات



- ٩ إذا تحركت النقطة ب على المستوى الإحداثي بمقدار ٣ وحدات إلى اليسار، ثم وحدتين إلى أعلى، فما إحداثياتها الجديدة؟

- أ) (٢, ٣ -)
 ب) (٠, ٥)
 ج) (١ - , ٤)
 د) (٤, ١ -)

- ١٠ لدى أحمد مجموعة من الأقلام، منها ١٢ قلمًا أزرق اللون، و ٨ خضراء، و ٧ حمراء، و ٣ سوداء. ما النسبة المئوية للأقلام الزرقاء؟

- أ) ٢٥%
 ب) ٣٥%
 ج) ٣٠%
 د) ٤٠%

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-٣	٢-٤	٥-٢	٦-١	٧-٤	٣-٢	٥-٤	٦-٣	٧-٤	٤-٣	٧-٤	٢-٤	٦-٢	٢-٤



