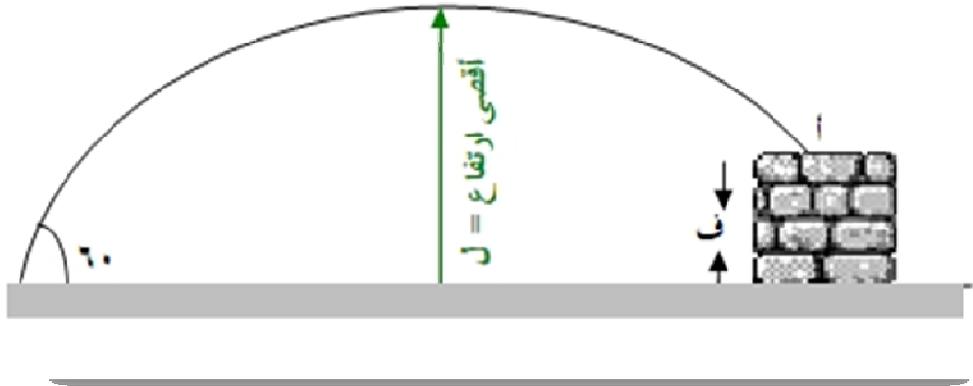
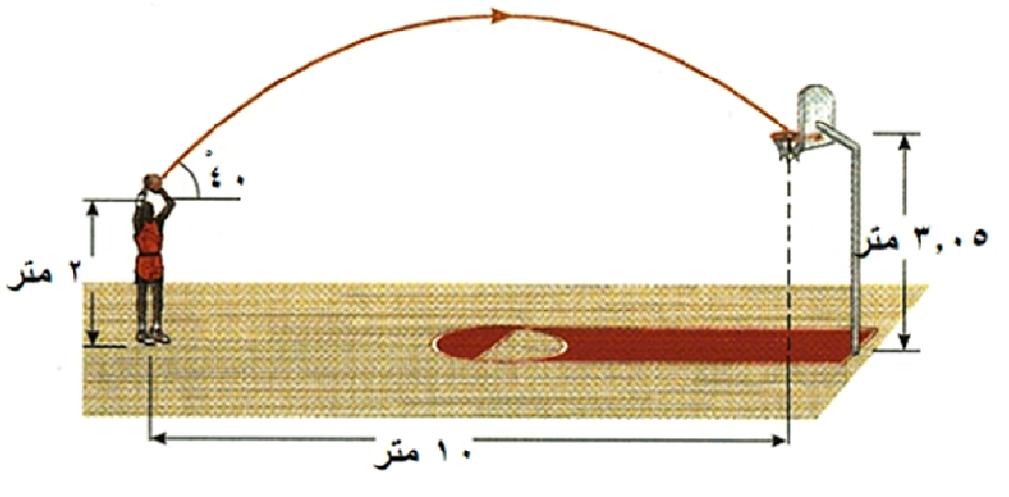


## المقذوفات

اعداد الاساذ : أحمد نجارة

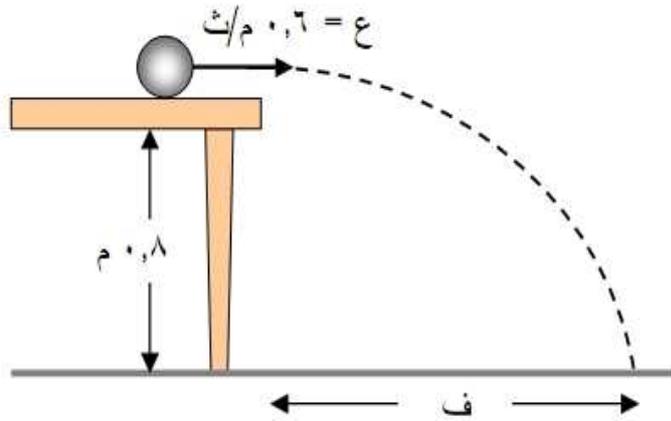


## المقذوفات





## السؤال الثالث :



تمعن في الشكل المجاور جيدا ثم اجب عن الأسئلة :

- ١ - زمن التحليق للكرة
- ٢ - المسافة الأفقية ف
- ٣ - سرعة الكرة مقداراً واتجاهها لحظة اصطدامها بالأرض

الحل :

$$ف \sin \theta = 0.6 \text{ م} \cdot \text{ث} - 0.5 \text{ ج} \cdot \text{ث}^2 \quad \text{لكن } \theta = 0 \text{ ص} = \text{صفر}$$

$$0.8 - 0.5 \times 0.5 \times 0.5 = 0.16 \quad \text{منها نجد } \theta^2 = 0.16$$

$$\theta = \sqrt{0.16} = 0.4 \text{ ث}$$

$$ف \sin \theta = 0.6 \text{ م} \cdot \text{ث} = 0.4 \times 0.6 = 0.24 \text{ متر}$$

$$\theta = 0.4 \text{ ص} - 0.5 \text{ ج} \cdot \text{ث}$$

$$= 0 - 0.5 \times 0.4 = -0.2 \text{ م} \cdot \text{ث} \quad \text{الإشارة السالبة تعني اتجاه الكرة نحو الأسفل}$$

الآن نجد الزاوية

$$\theta = \frac{\theta \text{ ص}}{\theta \text{ ج}} = \frac{0.4}{0.2} = 2.0 \quad \text{منها نجد أن } \theta = 63.4^\circ$$

## السؤال الرابع :

تطلق قذيفة من بعد 250 م باتجاه مبنى مرتفع ، بسرعة ابتدائية 100 م/ث و تصنع 30 مع الأفقي فيرى ذلك شخص يقف على سطح البناء فيلقي بنفسه ذعرا و خوفا بعد ثانية من انطلاق القذيفة ، و يسقط سقوطا حرا فتصيبه القذيفة أثناء سقوطه . ما ارتفاع البناء ؟

الحل

$$\text{فس} = \text{ع} \times \text{ز}$$

$$250 = 100 \times \text{جتا} \times \text{ز}$$

$$\text{ز} = \frac{250}{86} = 2.9 \text{ ثانية}$$

$$\text{فس} = 0.5 = \text{ج} \times \text{ز}^2 = 10 \times 0.5 = 2.9 \times 2.9 \times 10 \times 0.5 = 42 \text{ م}$$

لكن الزمن الكلي من لحظة الإطلاق حتى سقوط الشخص هو  $2.9 + 1 = 3.9$  ثانية نجد المسافة التي يقطعها الشخص

$$\text{فس} = 0.5 \times \text{ج} \times \text{ز}^2 = 10 \times 0.5 = 3.9 \times 3.9 \times 10 \times 0.5 = 76 \text{ م}$$

إذن المسافة الكلية  $76 + 42 = 118$  م وهو ارتفاع العمارة

### السؤال الخامس :

يركل لاعب كرة بسرعة ابتدائية  $19.6$  م / ث ، و بزواوية  $45$  مع الأفقي ، بأي سرعة يجب أن يركض حارس المرمى في تلك اللحظة باتجاه الكرة لالتقاطها قبل أن تصل للأرض إذا كانت تبعد عنه  $55$  م ؟.

الحل

نجد زمن التحليق

$$\text{ز} = \frac{\text{ع. جا} \theta}{\text{ج}} = \text{منها ز} = \frac{19.6 \text{ جا} 45}{10} = 1.38 \text{ ثانية}$$

$$\text{إذن زمن التحليق} = 1.38 \times 2 = 2.77 \text{ ثانية}$$

$$\text{فس} = \text{ع} \times \text{زمن التحليق} = \text{ع. جتا} 45 \times 2.77 = 19.6 \times 0.707 \times 2.77 = 38.38 \text{ م}$$

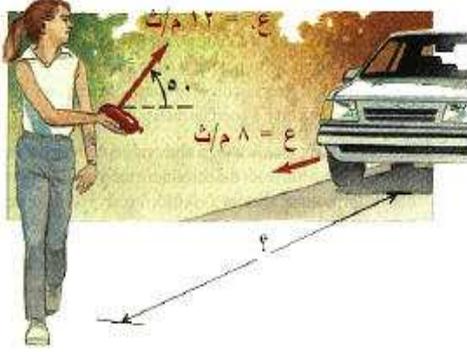
$$\text{إذن تبعد عن حارس المرمى} = 55 - 38.38 = 16.62 \text{ م}$$

$$\text{ع للاعب} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{16.62}{2.77} = 6 \text{ م/ث}$$

$$\text{الزمن} = 2.77$$

## السؤال السادس :

قذفت فتاة بالون مملوء بالماء بزاوية قدرها ٥٠ مع الأفقي بسرعة ١٢ م / ث ، باتجاه سيارة تتقدم نحوها بسرعة منتظمة ٨ م/ث فإذا اصطدم البالون بالسيارة اوجد بعد السيارة عن الفتاة لحظة قذف البالون ؟



نجد زمن التحليق

$$z = \frac{ع. جا \theta}{ج} \text{ منها } z = \frac{١٢ جا ٥٠}{١٠} = ٠.٩٢ \text{ ثانية}$$

اذن زمن التحليق =  $٠.٩٢ \times ٢ = ١.٨٤$  ثانية

$$\text{فس} = ع \times \text{زمن التحليق} = ع. جا \theta \times \text{زمن التحليق} = ١.٨٤ \times ٥٠ \times ١٢ = ١٤.٢ = ١.٨٤ \times ٠.٦٤٣ \times ١٢$$

نجد المسافة التي قطعتها السيارة خلال هذه الفترة

$$\text{ف} = ع \times \text{ز} = ١.٨٤ \times ٨ = ١٤.٧٢ \text{ م}$$

اذن المسافة الكلية لحظة الإطلاق =  $١٤.٧٢ + ١٤.٢ = ٢٨.٩٢$  م وهو المطلوب

## السؤال السابع :

تقذف كرة من ارتفاع ١ م ، عن سطح الأرض بسرعة ابتدائية ٣٠ م/ث تصنع زاوية ٣٧ مع الافقي ، ما ارتفاع الكرة عندما تكون على بعد ٢٠ م من نقطة الانطلاق ؟

نجد الزمن

$$z = \frac{\text{فس}}{ع} = \frac{٢٠}{٣٠ جا ٣٧} = ٠.٨٣ \text{ ثانية}$$

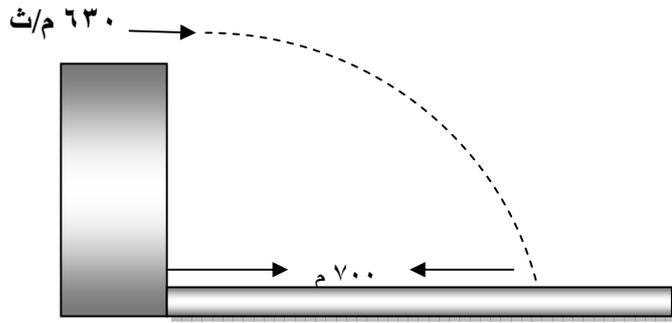
نطبق

$$\text{فس} = ع. ص \times \text{ز} - ٠.٥ \text{ جز}^2 = ٣٠ \times ٠.٨٣ \times ٣٧ - ٠.٥ \times ١٠ \times ٠.٨٣^2 = ١١.٥٤$$

المسافة الكلية =  $١١.٥٤ + ١ = ١٢.٥٤$  م

## السؤال الثامن :

تصمم بندقية صيد لتطلق رصاصات بسرعة ٦٣٠ م / ث ، على أي نقطة (فوق الهدف) يجب على الرامي التصويب لإصابة جسم على بعد ٧٠٠ م ؟



الحل :

$$ف ص = ع \times ز$$

$$٧٠٠ = ٦٣٠ \times ز$$

$$\text{منها ز} = ١.١١ \text{ ثانية}$$

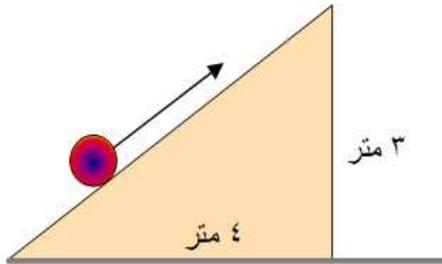
$$ف ص = ع \times ز - ٠.٥ \times ز^٢ \quad \text{لكن ع ص} = \text{صفر}$$

$$٠ = ١٠ \times ٠.٥ - (١.١١)^٢ = -٦.١٦ \text{ م}$$

الإشارة السالبة نحو الأسفل

## السؤال التاسع :

دفع جسم على سطح مائل يميل بزاوية ٣٧° بسرعة ابتدائية مقدارها ١٠ م/ث وعندما وصل إلى قمة السطح بعد ٠.٦ ثانية انطلق كقذيفة في الهواء . ما أعلى ارتفاع سيصل إليه الجسم من المستوى الأفقي للسطح



الحل

لاحظ أن طول السطح هو ٥ م حسب قانون الجيوب

$$\text{إذن نستطيع إيجاد تسارع الجسم من} \quad ف = ع \times ز + ٠.٥ \times ز^٢$$

$$٥ = ٠.٦ \times ١٠ + ٠.٦ \times ٠.٦ \quad \text{إذن نجد أن التسارع} = ٥.٥ \text{ م/ث}^٢$$

السرعة النهائية ع = ع + ت ز = ١٠ - ٠.٦ \times ٥.٥ = ٦.٦٧ م / ث وهذه سرعة الجسم لحظة تحوله لمقذوف

$$\text{أقصى ارتفاع ف ص} = \frac{(ع \cdot \theta)^٢}{٢ \cdot ج} = \text{منها ف ص} = \frac{(٦.٦٧ \cdot ج٣٧)^٢}{١٠ \times ٢} = ٠.٨٢ \text{ م}$$

إذن الارتفاع الكلي = ٣ + ٠.٨٢ = ٣.٨٢ م وهو المطلوب





## المقذوفات

اعداد الاساذ : أحمد نجارة

٢- الزمن اللازم لوصول الجسم إلى الأرض

٣- بعد موقع السقوط عن حافة المنصة

٤- سرعة الجسم لحظة اصطدامه بالأرض مقداراً واتجاهاً

الحل:

$$ف\text{ص} = \frac{(ع \cdot ج\theta)}{ج} = \frac{(١٠ \cdot ج٦٠)}{٢٠} = ٣.٧٤ \text{ م}$$

لكن الارتفاع الكلي عن سطح الأرض = ٥ + ٣.٧٤ = ٨.٧٤ م

الزمن هنا يجب التركيز

$$ف\text{ص} = ع \cdot ز - ٠.٥ \cdot ج\text{ز}^٢$$

$$٥ - ١٠ \cdot ج٦٠ \cdot ز + ١٠ \cdot ٠.٥ \cdot ز^٢ = ٠$$

منها نجد أن

$$٥ - ٨.٦ \cdot ز - ٥ \cdot ز^٢ = ٠$$

ز = ٢.١٩ ثانية

$$ف\text{ص} = ع \cdot ز = ١٠ \cdot ٢.١٩ = ٢١.٩٥ \text{ م}$$

الآن السرعة نلاحظ أن ع س ثابتة وتساوي ٥ م/ث

أما ع ص فيمكن إيجادها من العلاقة التالية لأنها متغيرة

$$ع\text{ص} = ع \cdot ص - ٠.٥ \cdot ج\text{ز}^٢$$

$$ع\text{ص} = ١٠ \cdot ٢.١٩ - ٠.٥ \cdot ١٠ \cdot ٢.١٩^٢ = ١٣.٢٤ \text{ م/ث}$$

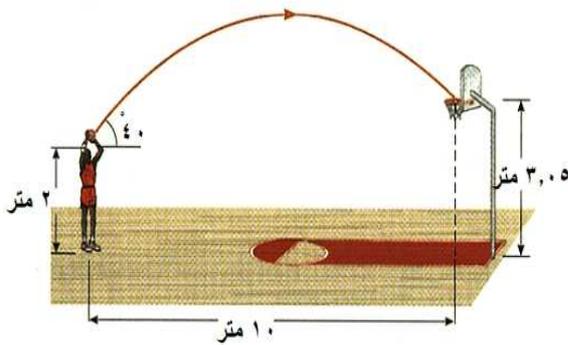
$$ع = \sqrt{ع\text{ص} + ٠.٥ \cdot ج\text{ز}^٢}$$

$$ع = \sqrt{١٣.٢٤ + ٠.٥ \cdot ١٠ \cdot ٢.١٩^٢} = ٢٠.٠٣ \text{ م/ث}$$

## السؤال الرابع عشر :

اعتماداً على الشكل المجاور ما هي السرعة التي يجب

على لاعب كرة السلة رمي بها الكرة حتى يسجل هدفاً

( اعتبر تسارع الجاذبية ٩.٨ م/ث<sup>٢</sup> )

الحل :

نحسب أولاً زمن المقذوف من العلاقة التالية :

$$ف س = ع س \times ز$$

$$١٠ = ع. جتا ٤٠ \times ز \text{ منها نجد أن}$$

$$ز = \frac{١٠}{٠.٧٦٦ \times ع} = \frac{١٣.٠٥}{ع} \text{ وهذه علاقة رقم ١}$$

فص = ع.ص - ز - ٠.٥ جز ٢ هنا نلاحظ افص = ٣.٠٥ - ٢ - ١.٠٥ م ونعوض قيمة ز من العلاقة ١

$$١.٠٥ = ع. جتا ٤٠ \times \frac{١٣.٠٥}{ع} - \frac{١٠.٥}{ع} \text{ بإجراء الاختصارات}$$

$$١.٠٥ = ٨.٣٩ - \frac{٨٥١.٥}{ع} \text{ بتبسيط المعادلة نجد}$$

$$\frac{٨٥١.٥}{ع} = ٧.٣٤ \text{ منها نجد أن}$$

$$ع = ١١٦ = \sqrt{١١٦} \text{ أي أن ع.}$$

$$ع. = ١٠.٧٧ \text{ م/ث وهي السرعة الابتدائية}$$

## السؤال الخامس عشر :

قذف مقذوف بحيث كان مداه ثلاث أضعاف أقصى ارتفاع له كم مقدار الزاوية التي قذف بها المقذوف.

الحل :

$$ف س = ٣ ف ص \text{ ألان نعوض قيمة المدى الأفقي والعمودي}$$



الحل:

نجد أولاً الزمن من العلاقة

$$فص = ٠.٥ \text{ جز}^2$$

$$٦ = ٥ز^2 \text{ منها } ز = \sqrt{١.٢} = ١.١ \text{ ثانية}$$

$$فس = عس \times ز = ١.١ \times ٥ = ٥.٥ \text{ م}$$

لكن المسافة التي يجب أن يقطعها هي ٦.٢ م إذن لا يستطيع الوصول

**السؤال الثامن عشر :**

هوت سيارة منطلقة بسرعة ع في الشكل

المجاور بالاعتماد على البيانات المثبت على الشكل

احسب:

١- مقدار سرعة السيارة لحظة سقوطها

٢- مقدار سرعة لحظة اصطدامها بالأرض

الحل:

نجد الزمن من العلاقة التالية

$$فص = ٠.٥ \text{ جز}^2$$

$$٥٤ = ٥ز^2 \text{ منها } ز = \sqrt{١٠.٨} = ٣.٣ \text{ ثانية}$$

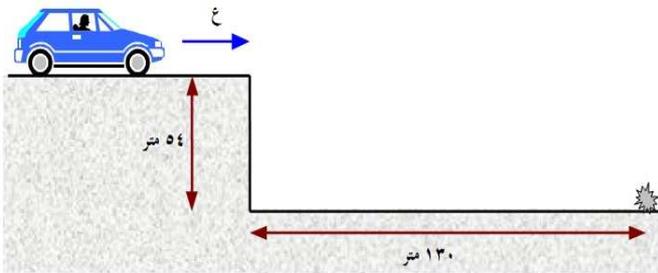
$$فس = عس \times ز$$

$$١٣٠ = عس \times ٣.٣ \text{ منها } عس = ٣٩.٣٩ \text{ م/ث}$$

نجد المركبة الصادية للسرعة

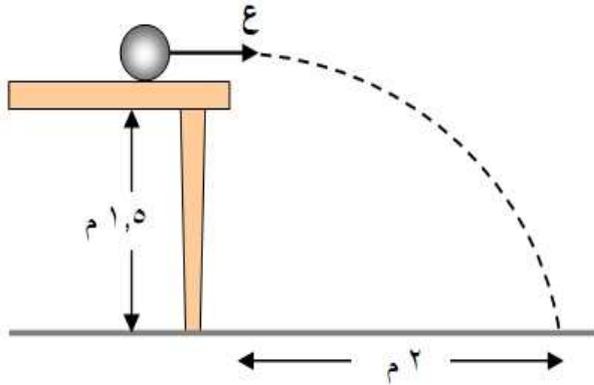
$$عص = ع - جز = ٠ - ٣.٣ \times ١٠ = -٣٣ \text{ م/ث}$$

$$ع = \sqrt{عص^2 + عس^2} = \sqrt{٣٣^2 + ٣٩.٣٩^2} = ٥١.٣٨ \text{ م/ث}$$



## أسئلة إضافية في المقذوفات

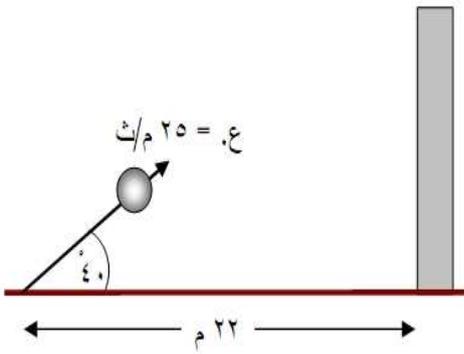
## السؤال الأول :



بالاعتماد على البيانات المثبتة على الشكل المجاور  
احسب قيمة سرعة الكرة ع .

(الجواب ٣.٦٥ م/ث)

## السؤال الثاني :



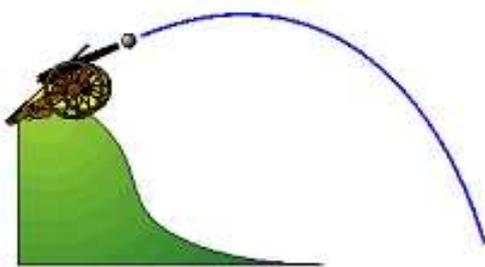
في الشكل المجاور ركلت كرة بسرعة ٢٥ م/ث باتجاه حائط يبعد  
٢٢ م احسب :

- ١- الزمن المستغرق لحين وصول الكرة إلى الحائط
- ٢- على أي ارتفاع من الجدار تصطدم الكرة
- ٣- هل تصل الكرة إلى أقصى ارتفاع لها قبل ارتطامها بالحائط

وضح إجابتك

(الجواب: ١.١٥ ث، ١١.٨٧ م، لا)

## السؤال الثالث :



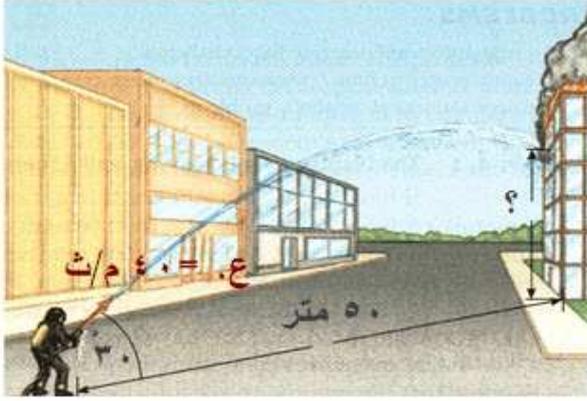
تطلق قذيفة من حافة جبل ارتفاعه ف وبسرعة ابتدائية ١٠٠ م/ث  
وتصنع زاوية مقدارها ٣٠ فتسقط على بعد ١٠٠٠ م من الجبل ،

جد :

- ١- ارتفاع الجبل
- ٢- زمن الطيران

(الجواب: ٧٦.١٦ م، ١١.٥٥ ث)

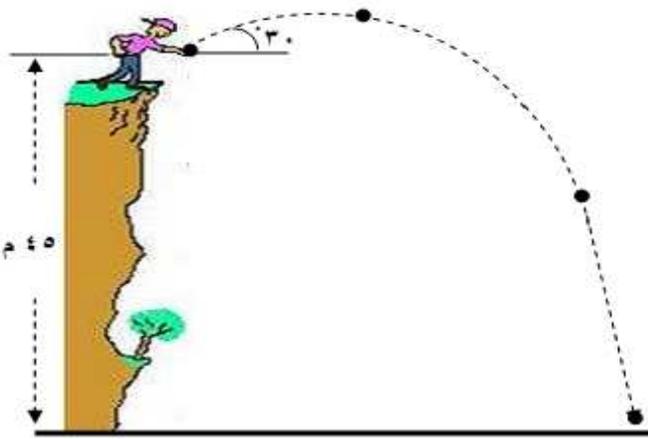
## السؤال الرابع :



وجه رجل الإطفاء خرطوم الماء بزاوية ٣٠ على مبنى  
يبعد عنه ٥٠ م وانطلق الماء بسرعة ٤٠ م/ث على اعتبار  
تسارع الجاذبية ٩.٨ م/ث<sup>٢</sup> جد ارتفاع موضع اصطدام  
الماء بالمبنى .

(الجواب : ١٨.٦٦ م)

## السؤال الخامس :



قذف حجر من ارتفاع ٤٥ م وبزاوية ٣٠ وبسرعة ابتدائية  
٢٠ م/ث كما في الشكل المجاور احسب :

- ١- زمن الطيران
- ٢- سرعة الحجر قبل اصطدامه بالأرض
- ٣- بعد الجبل عن نقطة موضع السقوط

(الجواب : ٤.٢٢ ثانية، ٣٥.٣٨ م/ث، ٧٣.١ م)

