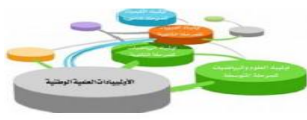


تو عرب

موقع تو عرب التعليمي

www.arabia2.com/vb



الأولمبياد الوطني للعلوم والرياضيات

المرحلة المتوسطة

1439هـ - 1440هـ

| | |
|--|-------------------|
| | الاسم رباعياً |
| | السجل المدني |
| | الصف الدراسي |
| | المدرسة |
| | المنطقة التعليمية |
| | الجوال |
| | جوال ولي الأمر |
| | البريد الإلكتروني |


ملحوظة: يمنع استخدام الآلة الحاسبة - زمن: الاختبار ساعتين ونصف

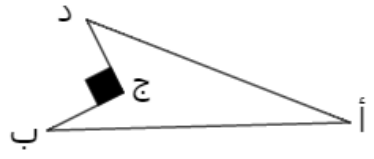
| | | |
|--------|-------|--------|
| كتاباً | رقماً | الدرجة |
| | 50 | |

| | |
|---------|--------|
| المراجع | المصحح |
| | |


السؤال الأول : ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة في الفقرات من 1 إلى 10 :

| | | | | |
|-----|--|-----|-----|-----|
| (1) | أكبر قوة للعدد 2 تقسم العدد ($127 - 1$) هي | | | |
| | ٢ ٣ | ٢ ٥ | ٢ ٧ | ٢ ٨ |

| | | | | |
|-----|--|---|------|---|
| (2) | كما في الشكل المجاور قسم خط الأعداد من صفر إلى ٥ إلى ٢٠ جزء متساوي فإن قيمة $أ + ب =$ | | | |
| |  | 6 | 5.25 | 5 |

| | | | | |
|-----|---|----|----|----|
| (3) | في الشكل أدناه $أ ب ج د ب ج د ج د = ٣$ ، $ب ج = ٤$ ، $أ ب = ١٢$ ، $أ د = ١٣$ مساحة الشكل الرباعي $أ ب ج د$ تساوي | | | |
| |  | 30 | 26 | 24 |

| | | | | |
|-----|--|----|----|----------------|
| (4) | ليكن $أ * ب = ٧ - أ - ب$ أوجد قيمة س إذا $٣ * (٥ * س) = ١$ | | | |
| | 21 | 15 | 10 | $\frac{1}{21}$ |

| | | | | |
|-----|--|--|---------------|---------------|
| (5) | أعطيت أعداد مختلفة على خط الأعداد بحيث العدد إلى اليمين يكون أكبر من العدد إلى اليسار ووضعت الأعداد س ، س ^٢ ، س ^٣ على خط الأعداد كما في الشكل | | | |
| |  | | $\frac{3}{2}$ | $\frac{1}{5}$ |

| | | | | |
|--|----|----|----|-----|
| الفرق بين أكبر عدد أولي وأصغر عدد أولي $\frac{23}{4}$ ، $\frac{11}{5}$ | | | | (6) |
| 19 | 15 | 12 | 11 | |

| | | | | |
|--|---|---|---|-----|
| من الشكل المجاور أ ب ج د مستطيل فيه هـ أ ج = ج أ د ، أ د = ٧ سم ، ب هـ = ٢ سم أوجد أ هـ | | | | (7) |
| | | | | |
| 6 | 5 | 4 | 3 | |

| | | | | |
|--|---------------------|---------------------|---------------------|-----|
| من سلك معدني كونه شكل مستطيل طوله ٥٠ سم وعرضه ١٠ سم إذا غيرنا الشكل إلى مربع فإن المساحة تزيد بمقدار | | | | (8) |
| ١٠٠ سم ^٢ | ٢٠٠ سم ^٢ | ٣٠٠ سم ^٢ | ٤٠٠ سم ^٢ | |

| | | | | |
|--|----|----|---|-----|
| إذا كان س + ٢ ص = ٣٠ فإن $\frac{س}{٣} + \frac{ص}{٥} + \frac{ص}{٣} + \frac{س}{٥}$ تساوي | | | | (9) |
| 20 | 18 | 16 | 8 | |

| | | | | |
|---|----|----|----|------|
| حاصل ضرب عمر الأب والابن ٢٠١٥ الفرق بين العمرين | | | | (10) |
| 36 | 34 | 31 | 29 | |

| | | | | |
|---|---|---|---|--|
| إذا كان أ و ب عددين مختلفين حيث $٣ = \frac{أ+ب}{أ+ب}$ فإن $\frac{أ}{ب} =$ | | | | |
| 4 | 3 | 2 | 1 | |

السؤال الثاني : اجب عن جميع الفقرات من 1 وإلى 4 :

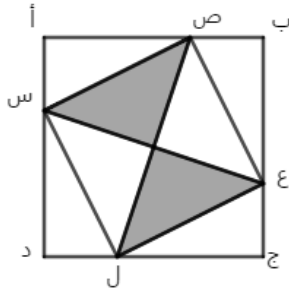
(1) أوجد عدد الأعداد المكونة من خانتين تحقق الخاصية التالية:

عند إضافة عدد إلى عدد يتم الحصول عليه عن طريق عكس أرقامه يكون مجموعهما 132؟

(2) لنفرض أن s ، v أعداد أولية مختلفة و $s^2 = v^2$ فأوجد عدد قيم n المحتملة ، إذا كان $n > 10000$ ؟

(3) اختبار يتألف من 20 سؤال اختيار متعدد درجة كل إجابة صحيحة +5 وكل إجابة خاطئة -2 وصفر لكل سؤال لم يتم الإجابة عليه درجة يأسر في الاختبار 48 فأوجد أكبر عدد من الأسئلة إجاباته صحيحة فيها ؟

(4) المربع أ ب ج د مساحته 80 سم² النقاط س ، ص ، ع ، ل وضعت على الأضلاع وكان أ ب = ب ع = ج ل = س د و أ ص = 3 ص ب فأحسب مساحة الجزء المظلل ؟



السؤال الأول : ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة في الفقرات من 1 إلى 10 :

| | | | | |
|--|-----|-----|-----|-----|
| أكبر قوة للعدد 2 تقسم العدد $(127 \cdot 2 - 1)$ هي | | | | (1) |
| 3 2 | 0 2 | 7 2 | 8 2 | |

| | | | | |
|--|------|---|-----|-----|
| كما في الشكل المجاور قسم خط الأعداد من صفر إلى 5 إلى 20 جزء متساوي فإن قيمة $أ + ب =$ | | | | (2) |
| | | | | |
| 6 | 5.25 | 5 | 4.5 | |

| | | | | |
|---|----|----|----|-----|
| في الشكل أدناه $أ ب ج د ب ج د ج د = 3$ ، $ب ج = 4$ ، $أ ب = 12$ ، $أ د = 13$ مساحة الشكل الرباعي $أ ب ج د$ تساوي | | | | (3) |
| | | | | |
| 30 | 26 | 24 | 12 | |

| | | | | |
|--|----|----|----------------|-----|
| ليكن $أ * ب = 7$ - $أ - ب$ أوجد قيمة $س$ إذا $3 * (س * 5) = 1$ | | | | (4) |
| 21 | 15 | 10 | $\frac{1}{21}$ | |

| | | | | |
|--|--|---------------|---------------|-----|
| أعطيت أعداد مختلفة على خط الأعداد بحيث العدد إلى اليمين يكون أكبر من العدد إلى اليسار ووضعت الأعداد $س$ ، $س^3$ ، $س^2$ على خط الأعداد كما في الشكل | | | | (5) |
| | | | | |
| | | $\frac{3}{2}$ | $\frac{1}{5}$ | |

| | | | | |
|---|----|----|----|-----|
| الفرق بين أكبر عدد أولي وأصغر عدد أولي $\frac{23}{4}$ ، $\frac{101}{5}$ | | | | (6) |
| 19 | 15 | 12 | 11 | |

| | | | |
|--|---|---|---|
| <p>من الشكل المجاور أ ب ج د مستطيل فيه هـ أ ج = ج أ د ، أ د = ٧ سم ، ب هـ = ٢ سم أوجد أ هـ</p> | | | |
| 6 | 5 | 4 | 3 |

| | | | |
|--|---------------------|---------------------|---------------------|
| <p>من سلك معدني كون شكل مستطيل طوله ٥٠ سم وعرضه ١٠ سم إذا غيرنا الشكل إلى مربع فإن المساحة تزيد بمقدار</p> | | | |
| ١٠٠ سم ^٢ | ٢٠٠ سم ^٢ | ٣٠٠ سم ^٢ | ٤٠٠ سم ^٢ |

| | | | |
|---|----|----|---|
| <p>إذا كان $s + 2 = v = 30$ فإن $\frac{s}{3} + \frac{v^2}{5} + \frac{v^2}{3} + \frac{s}{5}$ تساوي</p> | | | |
| 20 | 18 | 16 | 8 |

| | | | |
|--|----|----|----|
| <p>حاصل ضرب عمر الأب والابن ٢٠١٥ الفرق بين العمرين</p> | | | |
| 36 | 34 | 31 | 29 |

السؤال الثاني : اجب عن جميع الفقرات من 1 إلى 4 :

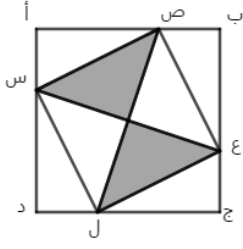
| | |
|--|---|
| <p>1) أوجد عدد الأعداد المكونة من خاتنين تحقق الخاصية التالية: عند إضافة عدد إلى عدد يتم الحصول عليه عن طريق عكس أرقامه يكون مجموعهما ١٣٢؟</p> | |
| 1 | نستطيع كتابة عدد مكون من خاتنين بالشكل $10 + أ + ب$ وعند عكسه $10 + ب + أ$ |
| 0.5 | $s + v + ب = 20$ (1) |
| 0.5 | $5س - 2ص = 48$ (2) |
| 0.5 | $11 + أ + 11ب = 132$ |
| 0.5 | $أ + ب = 12$ |
| 0.5 | وبما أن أ ، ب أعداد صحيحة أقل من 10 |
| 2 | فالأعداد الممكنة $(9, 3), (3, 9), (8, 4), (4, 8), (7, 5), (5, 7), (6, 6)$ و عددها = 7 |

(2) لنفرض أن s ، v أعداد أولية مختلفة و $n = s^2 v^2$ فأوجد عدد قيم n المحتملة ، إذا كان $n > 10000$ ؟

| | |
|-----|---|
| 0.5 | $n = s^2 v^2$ $(s v)^2 =$ |
| 0.5 | $n > 1000$ $(s v)^2 > 1000$ |
| 0.5 | $s v > [0 \text{ خ } 1/0/0/0] = 31.6$ |
| 1.5 | الأعداد الأولية 2 ، 3 ، 5 ، 7 ، 11 ، 13 ، 17 ، 19 ، 23 ، 29 ، 31 |
| 2 | الاحتمالات الممكنة $2 \times 3 = 6$ ، $2 \times 5 = 10$ ، $2 \times 7 = 14$ ، $2 \times 11 = 22$ $2 \times 13 = 26$ ، $3 \times 5 = 15$ ، $3 \times 7 = 21$ ، $3 \times 11 = 33$ ، $3 \times 13 = 39$ عددها 7 |

| | |
|--|--|
| (3) اختبار يتألف من 20 سؤال اختيار متعدد درجة كل إجابة صحيحة +5 وكل إجابة خاطئة -2 وصفر لكل سؤال لم يتم الإجابة عليه درجة ياسر في الاختبار 48 فأوجد أكبر عدد من الأسئلة إجاباته صحيحة فيها ؟ | |
| 1 | لنفرض أن s عدد الأسئلة التي إجابتها صحيحة v عدد الأسئلة التي إجابتها خاطئة b عدد الأسئلة التي لم يجيب عليها |
| 1 | $s + v + b = 20$ (1) $5s - 2v = 48$ (2) |
| 1 | بضرب المعادلة (1) في 2 والجمع مع المعادلة (2) $7s + 2b = 88$ |
| 2 | وبما أن المطلوب أكبر أسئلة أجاب عليها إجابة صحيحة s فأكبر مضاعف للعدد s وأقل من 88 هو 84 حيث $84 = 7 \times 12$ أي $s = 12$ |

4) المربع أ ب ج د مساحته ٨٠ سم^٢ النقاط س ، ص ، ع ، ل وضعت على الأضلاع وكان أ ب = ب ع = ج ل = س د و أ ص = ٣ ص ب فاحسب مساحة الجزء المظلل؟



| | |
|-----|--|
| 0.5 | ليكن طول د = ص ب بالتالي أ ص = 3 د |
| 0.5 | ومنه ص ب + أ ص = 4 د |
| 1 | وبما أن المساحة = 80 منه $80 = 2(4 د)^2$ بالتالي $د^2 = 5$ |
| 1 | من نظرية فيثاغورس: $(س ص)^2 = (أ س)^2 + (ص ب)^2 = 10 د^2$ |
| 2 | مساحة الجزء المظلل هي نصف مساحة المربع $(س ص)^2 = \frac{1}{2} (10 د^2) = 5 د^2 = 5 \times 5 = 25$ |